

PHYS-F302 - Mécanique Quantique
Basé sur le cours théorique de Prof. Frank Ferrari

Moeil Juian

Année académique 2021-2022

Résumé

Ces notes sont basées sur les cours et les notes de Frank Ferrari. Dans la mesure où elles sont été rédigées par des étudiant.e.s, il est probable qu'elles contiennent des fautes. N'hésitez pas à les signaler à Juian Moeil lorsque vous en trouvez.

Première partie

Fondements

Chapitre 1

Postulats de la Mécanique Quantique

1.1 Premier postulat : description des états quantiques

Dans la description classique de la Mécanique, on définit un espace de phase M , de dimension $2n$, $\forall n \in \mathbb{Z}$; permettant ainsi d'introduire les coordonnées (q^i, p_j) liées par le crochet de poisson fondamental $\{q^i, p_j\} = \delta_j^i$. Un état est caractérisé par un point P dans l'espace des phases.

En Mécanique Quantique, on définit un état comme une raie dans un espace de Hilbert \mathcal{H} . En introduisant la relation d'équivalence

$$|\psi\rangle \sim |\phi\rangle \iff \exists \alpha \in \mathbb{C} \setminus \{0\} \text{ tel que } |\psi\rangle = \alpha |\phi\rangle; \quad (1.1)$$

nous pouvons définir l'espace des états comme étant $\mathcal{H} \setminus 1.1$. Les raies sont les classes d'équivalence, et $|\psi\rangle$ et $|\phi\rangle$ représentent le même état.

Proposition 1.1.1. *Puisque \mathcal{H} est un espace vectoriel, nous avons que pour les deux états $|\psi\rangle$ $|\phi\rangle$, $\alpha |\psi\rangle + \beta |\psi\rangle = |\varphi\rangle$ est également un état de \mathcal{H} .*

Remarque 1.1.2. *Cette proposition traduit le principe de superposition.*