报告正文

参照以下提纲撰写,要求内容翔实、清晰,层次分明,标题突出。 请勿删除或改动下述提纲标题及括号中的文字。

(一) 立项依据与研究内容 (建议 8000 字以下):

1. **项目的立项依据**(研究意义、国内外研究现状及发展动态分析, 需结合科学研究发展趋势来论述科学意义; 或结合国民经济和社会发展中迫切需要解决的关键科技问题来论述其应用前景。 附主要参考文献目录):

1.1 编译方法

免责声明: 敬请大家仔细对比本模版与官方 word 转 pdf 后的差别, 自行确定是否采用。个人认为, 系统上传 PDF, 只要人眼看不出与官方区别, 那就没区别。

- 1. 编译: XeLaTex->bibtex->XeLaTeX->XeLaTeX
- 2. 排错: 多看编译错误, 多查询错误解决方法; 编译警告, 只要不影响 PDF, 就不用管。本模版多人使用, 可以认为不存在编译错误。
- 3. 自定义格式:多阅读一下 nsfc.sty, 可以解决你绝大部分问题。超过 nsfc.sty 范围的, 建议不要想办法定制, 事倍功半。

1.2 编辑方法

(1) 字体

中文粗体: bold font: 中文斜体: italic font:

全文改宋体,可以修改 nsfc.sty 的 MS 部分字体。

可选的就是\zhkai,\enkai,\zhsong,\ensong。

- (2) 文献
- (3) 列表

无序列表^①的例子:

- 第一条. 第一条的内容可能很长长长长长长长长长长长长长长长长

①值得注意的是,不需要一定要用列表环境,用加粗、换行、缩进同样能达到效果。因为咱们的初衷,还是 LaTeX 在排版文献和公式上有优势,发挥这一个优势就行了,其他部分不需要强行套用。文本本身还是最重要、需要大家投入精力的部分。

长长长长:

- 第二条。

有序列表的例子:

- 2. 第二条。

两个带圈文字的实现方法: ①①

注意,由于列表的缩进,不同使用者可能偏向并不一样。本模版用的 enumitem 包,阅读他的文档进行个性化,其文档在:https://www.ctan.org/pkg/enumitem

(4) 公式

公式如下:

$$E = mc^2 (1)$$

公式的上下间距参见 nsfc.sty 中公式上下间距部分。

(5)图

图片的例子:



图 1. 这是图题。

图题和表头若想取消加粗, 去掉 nsfc.sty 中 caption 部分的\bfseries即可。

(6) 表

在表格内的第一行设置\zhkai\ensong\selectfont,来选择字体。

其中\zhkai\zhsong\enkai\ensong可以根据需要选择。

表 1 表格

第一列	第二列	第三列	第四列
0.1	0.2	0.3	0.4

1.3某页最后一段行距可能很窄?

如果没有这个问题, 就不用管这个事情。

行间距变化一般是在"多行蓝色模版"部分前后。因为蓝色模版文字在 section 里写的, latex 把蓝色部分当作一个整体, 可能硬要挤到这一页, 而不是 换新一页, 导致会挤前一页的行间距, 导致前一页行距异常。针对这种情况, 模 版已经使用

```
%自动段落的行间距微调
\usepackage{setspace}
\setstretch {1.6} % 22 bp / 14 pt = 1.571
```

降低了这种情况发生的可能。如果还有,就只好添加\newpage把它 newpage 到后一页上,就行了。也可以考虑分段缓解,需要写的时候注意页面的分段和字数。

参考文献

- [1] Wu J, Wang D. An Accuracy Analysis of Galerkin Meshfree Methods Accounting for Numerical Integration[J]. Computer Methods in Applied Mechanics and Engineering, 375: 113631, 2021.
- [2] Wu J, Wang D, Lin Z. A Meshfree Higher Order Mass Matrix Formulation for Structural Vibration Analysis[J]. International Journal of Structural Stability and Dynamics, 18: 1850121, 2018.
- [3] Wang J, Wu J, Wang D. A Quasi-Consistent Integration Method for Efficient Mesh-free Analysis of Helmholtz Problems with Plane Wave Basis Functions[J]. Engineering Analysis with Boundary Elements, 110: 42 55, 2020.
- [4] Wang D, Wu J. An Efficient Nesting Sub-Domain Gradient Smoothing Integration Algorithm with Quadratic Exactness for Galerkin Meshfree Methods[J]. Computer Methods in Applied Mechanics and Engineering, 298: 485–519, 2016.
- [5] Wang D, Wu J. An Inherently Consistent Reproducing Kernel Gradient Smoothing Framework toward Efficient Galerkin Meshfree Formulation with Explicit Quadrature[J]. Computer Methods in Applied Mechanics and Engineering, 349: 628-672, 2019.
- [6] Wu J, Wang D, Lin Z, Qi D. An Efficient Gradient Smoothing Meshfree Formulation for the Fourth-Order Phase Field Modeling of Brittle Fracture[J]. Computational Particle Mechanics, 7: 193–207, 2020.
- [7] Wu J, Wu X, Zhao Y, Wang D. A Rotation-Free Hellinger-Reissner Meshfree Thin Plate Formulation Naturally Accommodating Essential Boundary Conditions[J]. Engineering Analysis with Boundary Elements, 154: 122–140, 2023.
- [8] Wu J, Xu Y, Xu B, Basha S H. Quasi-Consistent Efficient Meshfree Thin Shell Formulation with Naturally Stabilized Enforced Essential Boundary Conditions[J]. Engineering Analysis with Boundary Elements, 163: 641–655, 2024.

- [9] 付 □, 邓 □, 吴 □, 王 □, 张 □. 再生光滑梯度无网格法动力特性研究 [J]. 应用力学学报, 39: 1065-1075, 2022.
- [10] Du H, Wu J, Wang D, Chen J. A Unified Reproducing Kernel Gradient Smoothing Galerkin Meshfree Approach to Strain Gradient Elasticity[J]. Computational Mechanics, 70: 73-100, 2022.
- [11] 吴□, 吴□, 赵□, 王□. 基于赫林格-赖斯纳变分原理的一致高效无网格本质边界条件施加方法 [J]. 力学学报, 54: 3283-3296, 2022.

2. 项目的研究内容、研究目标,以及拟解决的关键科学问题(此部分为重点阐述内容):

2.1 研究内容

本项目将围绕波动方程中时空混合离散伽辽金法存在的问题,研究时域末端虚位移本质边界条件施加方案,构建可缓解数值色散问题的时空混合离散无网格近似方案,并引入变分一致型伽辽金无网格数值积分法,建立绝对时空混合离散伽辽金无网格分析方法。具体的研究内容如下:

(1) 适用于任意节点离散的时域末端虚位移本质边界条件施加方案

在波动方程哈密顿原理的基础上,分析能量泛函中时域末端虚位移本质边界条件下位移变量的求解空间。将传统能量泛函中的虚位移作为拉格朗日乘子,设计全新拉格朗日乘子型能量泛函。分析新建立的能量泛函中,经过拉格朗日乘子法投影后的位移变量空间与原空间的等价性。同时在全新的能量泛函中引入应力边界条件与初始时刻动量边界条件,验证相对应拉格朗日乘子型伽辽金弱形式的变分一致性,证明其与欧拉—拉格朗日方程的等价性。

(2) 适用于波动方程的时空混合离散再生核无网格近似方案

探究拉格朗日乘子型能量泛函的稳定性条件,构建考虑时空混合离散阶次的局部截断误差估计表达式。研究考虑时间维度的再生核无网格近似框架,以时空混合离散截断误差估计为基础,确定误差稳定时的再生核近似基向量中时间维度相关单项式。根据确定基向量表达式,调整再生核近似中核函数影响域大小和表达式,以确保再生核近似中矩量矩阵可逆。最后,通过数值算例验证所提无网格近似方案能否缓解数值色散问题。

(3) 时空混合离散下变分一致型伽辽金无网格数值积分方案

根据时空混合离散无网格近似中基向量的元素,确定波动问题拉格朗日乘子型伽辽金弱形式的积分约束条件。以再生光滑梯度理论框架为基础,构建时空混合离散下满足积分约束条件的变分一致型伽辽金无网格数值积分方法。在四维情况下,引入四面体柱或六面体柱单元作为背景积分域。通过再生光滑梯度的一致性条件,优化全局数值积分点数量,确定积分点位置和权重。最后,通过时空混合离散分片试验,测试所提伽辽金无网格数值积分方案的变分一致性和计算精度。

(4) 绝对时空混合离散高效伽辽金无网格分析方法

将时空混合离散再生核无网格近似引入拉格朗日乘子型伽辽金弱形式,结合变分一致型伽辽金无网格数值积分方案,建立波动方程时空混合离散控制方程。进一步分析离散控制方程表达式,利用离散控制方程刚度矩阵的相识性,优化程序结构,降低内存开销。同时,基于位移解的梯度变化,制定相对应的无网格自适应节点加密方案。在求解离散控制方程时引入成熟并行计算库,实现时间域和空间域同时并行计算,建立绝对时空混合离散高效伽辽金无网格分析方法及其通用数值仿真程序。通过典型波动问题和实际工程算例验证所提方法的有效性和可靠性。

2.2 研究目标

本项目完成上述各项研究内容旨在建立绝对时空混合离散伽辽金无网格分析方法,该方法能适用于任意布置的节点离散情况,缓解数值色散问题,提升分析波动问题时的计算效率和稳定性。具体的研究目标包括:

- (1) 建立适用于任意节点离散的时域末端虚位移本质边界条件施加方案,提升时空混合离散伽辽金法对节点离散的鲁棒性:
- (2) 提出适用于波动方程再生核无网格近似方案,缓解波动问题时空混合离 散伽辽金无网格法的色散问题:
- (3) 设计适用于高维波动方程的变分一致型伽辽金无网格法数值积分方案, 提升时空混合离散伽辽金无网格法的计算效率;
- (4) 发展绝对时空混合离散高效伽辽金无网格分析方法,为实际波动问题提供可靠、稳定的数值工具。

2.3 拟解决的关键科学问题

本项目拟解决的关键科学问题如下:

(1) 如何在时空混合离散弱形式中施加时域末端虚位移本质边界条件

哈密顿原理要求时域末端虚位移等于零,才可使相对应的弱形式等价于欧拉-拉格朗日方程。由于在实际问题中,时域末端边界条件通常是未知的。单独令时域末端虚位移为零将导致整体弱形式丧失变分一致性,计算结果将出现与实际不符的情况。目前已有方法通常是采用间断伽辽金格式规避时域末端边界,但需要采用分块网格技术提高求解的稳定性。因此,如何正确施加时域末端虚位移本质边界条件,使时空混合离散伽辽金法适用于任意节点离散情况,是本项目研究内容(1)的关键科学问题。

(2) 如何确定时空混合无网格近似基向量阶次对求解稳定性的影响机理

波动方程属于二阶双曲型偏微分方程,求解过程中时域离散节点间距过大将引起数值色散问题,导致计算结果发散。传统方法可减小离散节点间距缓解该问题,随之将伴随自由度的增加所引起的计算量增大,不适合任意节点离散情况。增加稳定项也可提升计算的稳定性,但节点间距过小时该方法将出现数值耗散问题,也不适用于任意节点离散情况。本项目的研究内容(2)旨在利用无网格构造高阶再生特性形函数的便利性,缓解数值色散问题。因此,确定时空混合离散无网格近似基向量阶次对求解稳定性的影响机理,是该研究内容的关键科学问题。

(3) 如何优化时空混合离散变分一致伽辽金无网格数值积分方案

由于无网格形函数通常为有理式,伽辽金无网格法需要采用变分一致型数值积分方案以保证计算精度。变分一致型数值积分方案可通过形函数导数的一致性条件,优化全局数值积分点个数。最终的数值积分点个数将直接影响时空混合离散伽辽金无网格法的计算效率。相较于传统时间域与空间域分别离散的方法,时空混合离散将增加时间维度的离散,离散维度比传统方式增加了一个维度。采用变分一致型伽辽金无网格数值积分方案时,需要额外考虑与时间维度相关的单项式积分约束条件与一致性条件。然而,为了缓解数值色散问题,时间维度相关的单项式阶次将不同于空间维度相关的单项式阶次。如何在时空混合离散情况下优化变分一致型伽辽金无网格数值积分方案,提升整体计算效率,是本项目研究内容(3)的关键科学问题。

3. **拟采取的研究方案及可行性分析** (包括研究方法、 技术路线、 实验手段、关键技术等说明);

3.1 研究方法与技术路线

本项目将采用理论推导结合数值验证的方法进行研究,首先, 具体的技术路线图如下所示。

3.2 研究方案

(1) 适用于任意节点离散的时域末端虚位移本质边界条件施加方案

首先,查阅基于哈密顿变分原理时空混合离散有限元法的相关文献,确定虚位移本质边界条件的几种可能性。将不同虚位移边界的方法进行数值实现,对比计算结果的稳定性和精度。确定稳定性最优情况下的虚位移空间 \tilde{V}_{0} ,相对应

的变分问题为:

find
$$u_h \in V_h$$
, $a(u_h, \delta u_h) = f(\delta u_h)$, $\forall \delta u_h \in \tilde{V}_h$ (2)

其中, V_h 为位移空间, $a: V \times V \to \mathbb{R}$ 为双线性算子, $f: V \to \mathbb{R}$ 为线性算子。

随后,将式(2)中的虚位移 δu_h 作为拉格朗日乘子,设计全新拉格朗日乘子型能量泛函:

find
$$u_h \in V_h$$
, $p_h \in \tilde{V}_h$,
$$\begin{cases}
-a(u_h, \delta u_h) + a(p_h, \delta u_h) = 0, & \forall \delta u_h \in V_h \\
a(u_h, \delta p_h) = f(\delta p_h), & \forall \delta p_h \in \tilde{V}_h
\end{cases}$$
(3)

从上式可以看出,原本式(2)中的变分问题作为约束条件施加在拉格朗日乘子型伽辽金问题的弱形式中,需进一步在验证两者之间的等价性。当等价性成立,仅需要采用常规方法对 p_h 施加本质边界条件,即可实现式(2)中施加虚位移本质边界条件的效果。同时,引入分部积分公式对式(3)进行推导,通过修正 u_h 和 p_h 的边界条件,使所提的拉格朗日乘子型伽辽金弱形式满足变分一致性,并证明其与欧拉—拉格朗日方程等价。

最后,采用均布的有限元离散从数值上与传统方法进行对比,验证其计算 精度。并用分均布节点离散验证所提方法求解的稳定性。

(2) 适用于波动方程的稳定再生核无网格近似方案

首先,借鉴 von Neumann 稳定性分析方法,在拉格朗日型能量泛函所对应的离散控制方程中引入特征解的傅立叶展开式。同时引入无网格形函数一致性条件,推导均布节点离散下离散控制方程中通用行的局部截断误差估计 ϵ , ϵ 应包含时间域节点间距 Δt 和空间域节点间距 Δx 相关的余项:

$$\epsilon = O(\Delta t^{n_t}) + O(\Delta x^{n_x}) \tag{4}$$

其中, n_t 和 n_x 分别为时间域和空间域的离散阶次。根据截断误差估计,确定空间域离散阶次为 n_x 时,消除数值色散影响所需的时间域离散阶次 n_t 。

随后,在再生核无网格近似的理论框架下,构造相对应阶次的无网格近似基向量 $p^{[n_x,n_t]}$:

$$\boldsymbol{p}^{[n_x,n_t]}(x,t) = \left\{1, x, t, x^2, xt, t^2, \dots, x^{n_x}, x^{n_x-1}t, \dots, t^{n_t}\right\}^T$$
 (5)

并根据无网格形函数中矩量矩阵的可逆性,确定核函数影响域在时间维度和空间维度包含节点的个数。

最后,通过数值验证所提混合离散再生核无网格近似的一致性条件。并代入所提拉格朗日型能量泛函,通过时间域、空间域不同比例节点间距和非均布节点离散测试其是否缓解数值色散问题。

(3) 时空混合离散下变分一致型伽辽金无网格数值积分方案

首先,根据时空混合离散无网格近似中基向量的元素,推导拉格朗日型伽辽金弱形式的积分约束条件。引入申请人所提出的再生光滑梯度理论框架,构建满足满足积分约束条件无网格形函数再生光滑梯度,以形函数的一阶时间光滑导数为例,其表达式为:

$$\tilde{\Psi}_{I,t}(\boldsymbol{x}) = \boldsymbol{p}^{[n_x, n_t - 1]}(\boldsymbol{x})\boldsymbol{G}^{-1}\boldsymbol{g}_{tI}$$
(6)

其中,G 为矩量矩阵, g_{tI} 为积分约束条件。再生光滑梯度能自动满足积分约束条件,适用于相对应阶次的高斯积分方案。

随后,为进一步提升计算效率,将根据再生光滑梯度的一致性条件和数值积分点在单元间的共享特性,优化数值积分点的位置和权重,减少全局数值积分点数量。特别是针对四维空间,拟采用四面体柱或六面体柱单元作为背景积分域进行数值积分,构建适合时空混合离散再生光滑梯度积分法的数值积分方案。

最后,通过分片试验验证所提数值积分方案是否满足变分一致性,同时利用典型波动问题测试其计算精度。

(4) 任意节点分布时空混合离散伽辽金无网格分析方法

首先,将时空混合离散再生核无网格形函数及其光滑梯度引入拉格朗日乘子型伽辽金弱形式(2)中,并采用优化的伽辽金无网格数值积分方案进行积分,得到相应的离散控制方程。由式(2) 可知,所提时空混合离散伽辽金弱形式中双线性算子均为同一算子,区别在于变量 u_h 和 p_h 所处的空间不一致。造成空间不一致的原因在于 u_h 和 p_h 的本质边界条件不一致。当 u_h 和 p_h 采用相同的近似方式进行离散时,单独将施加本质边界条件部分的刚度矩阵分出,可得到如下所示离散控制方程:

$$\begin{bmatrix} \mathbf{K} + \mathbf{K}_{u} & \mathbf{K} \\ \mathbf{K} & \mathbf{K}_{p} \end{bmatrix} \begin{Bmatrix} \mathbf{u} \\ \mathbf{p} \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} \mathbf{f}_{u} \\ \mathbf{f} + \mathbf{f}_{p} \end{Bmatrix}$$
(7)

其中, K_u 和 f_u 、 K_p 和 f_p 分别为施加与 u_h 和 p_h 相关的本质边界条件刚度 矩阵和力向量。式(7)中,刚度矩阵 K 重复在三个地方使用,将利用该特点优 化程序结构, 降低内存开销。

同时, u_h 与 p_h 的本质边界条件需要采用满足伽辽金法变分一致性的施加方案进行施加。本项目将在申请人所提基于 Hellinger-Reissner 原理伽辽金无网格本质边界条件施加方案的基础上,研究适用于拉格朗日乘子型时空混合离散伽辽金弱形式的变分一致型施加方案,确保全域的变分一致性。

随后,为进一步提升稳定性,将引入基于位移解梯度变化的自适应节点加密方案,对波的传播动态进行精确捕捉。同时,在求解离散控制方程时,拟嵌入基于 Krylov 子空间法的并行计算库,对程序进行提速。最后,通过典型波动问题和实际工程算例验证所提方法的有效性和可靠性。

3.3 可行性分析

针对制定的研究内容和研究目标,申请人对研究方案的每一部分进行项目的可行性分析,具体如下:

研究内容 (1) 拟基于拉格朗日乘子法建立适用于任意节点离散的时域末端虚位移本质边界条件。该方案提供了一个全新的思路施加虚位移本质边界条件。针对这部分研究内容的可行性,申请人采用一维拉压杆动力问题对此研究方案进行初步验证。不失一般性,拉压杆空间区域与时间区域所构成的二维时空区域采用均布的线性三角形有限元单元进行离散,图2为该问题的位移云图和位移误差收敛率分析。从图2中可以看出在均布节点的离散情况下,拉格朗日乘子型时空混合伽辽金弱形式无需分块网格技术,即可得到稳定的数值结果。图2也可以看出该混合离散框架可以保证理论误差收敛率。但是,当时间区域节点间距过大时,数值色散问题将导致计算结果出现振荡现象,需要本项目后续研究内容的成果解决此问题。从拉压杆动力测试当中可以初步数值验证所提研究方案可行,后续可在此基础上,延续制定的研究方案逐步完善该方法的理论基础,达成所提研究目标。



图 2. 这是图题。

研究内容(2)拟建立可缓解数值色散现象的再生核无网格近似方案。该方

案通过对时空混合离散伽辽金法进行局部截断误差估计,确定时间域和空间域混合离散的近似阶次。并利用再生核无网格近似,构造相对应阶次的时空混合离散形函数。针对伽辽金无网格法误差分析方面,申请人已对伽辽金无网格法的正交性条件[1] 和动力分析中的频率^[2] 提出了相应的误差估计。尤其是动力分析中的频率误差估计,建立该估计所采用的方法与本项目研究方案(2)中拟采用的方案一致,均为基于特征解的局部截断误差估计的方法,在一定程度上说明此研究方案可行。在时空混合离散再生核近似方面,申请人在构造非常规基向量再生核近似形函数也具有一定的研究经验,曾针对 Helmholtz 方程提出基于三角函数基向量的再生核近似^[3]。而 Helmholtz 方程也是本项目研究波动问题稳态解的控制方程。相关研究成果支持研究方案(2)可行。

研究內容(3) 拟在时空混合离散伽辽金弱形式中引入再生光滑梯度无网格数值积分方案进行求解,并利用数值积分点在积分域间的共享特性优化全局积分点数,提升计算效率。申请人针对高阶伽辽金无网格数值积分过程提出了嵌套子域积分法[4] 和再生光滑梯度积分法[5],再生光滑梯度积分法也是本研究内容拟采用的方法。该方法是基于假定应变理论变分一致型无网格数值积分方案的通用理论框架,适用于任意形式基向量的无网格形函数,如研究方案(2)所提时间域与空间域不同阶次的基函数。在再生光滑梯度理论框架下,伽辽金无网格法采用与基函数阶次相对应的数值积分方案即可满足积分约束条件,保证计算精度。同时,该框架支持针对伽辽金弱形式中的背景积分域积分和边界积分优化积分点数量,提升计算效率。申请人与合作者还将该方法推广至相场断裂模型分析[6]、Helmholtz问题分析[3]、薄板壳问题[7,8]、动力分析[9] 和应变梯度问题[10],系列工作说明本研究內容具可行性。

研究内容(4)拟建立时空混合离散伽辽金无网格法,该方法需要结合研究内容(1-3)中所提的时域末端虚位移本质边界条件施加方案、时空混合离散再生核无网格近似方案、时空混合离散变分一致型伽辽金无网格数值积分方案,并引入基于位移解梯度变化的自适应节点加密方案和求解线性方程组的并行计算库,提升方法的精度和效率。在该方法建立过程中,本质边界条件施加方案需进一步改进,使其满足变分一致性。申请人基于 Hellinger-Reissner 和 Hu-Washizu多变量变分原理提出了弹性力学、薄板和薄壳问题的变分一致型伽辽金无网格法本质边界条件施加方案^[7,8,11]。该方法不仅完备了再生光滑梯度积分法的理论基础,并且能保证整体伽辽金法的变分一致性,且无需额外稳定项和人工经验

参数。该方法也是本研究方案计划采用方法,相关研究成果支持本研究方案的可行性。其次,基于位移解梯度变化的自适应节点加密方案和线性方程组并行求解方案都是较为成熟的技术方法,没有特别的技术障碍,不影响本研究内容的可行性。

综上所述,申请人就本项目的关键科学问题和研究方案中的关键步骤的相 关内容进行了系列研究,取得了一定的研究成果,为本项目的研究提供了坚实 的基础。鉴于以上分析,本项目所提的研究方案具有很强的可行性。

4. 本项目的特色与创新之处:

本项目的特色与创新之处包括以下三点:

- (1) 时域末端虚位移本质边界条件施加方案实现了基于弱形式施加虚位移本质边界条件, 无需分块网格划分, 即可保证求解的稳定性。同时始末节点也无需匹配个数, 降低节点离散的要求。
- (2) 时空混合离散无网格近似方案利用再生核近似构造高阶形函数的便利性,在任意节点离散情况下即可缓解数值色散问题。基于节点离散的再生核近似局部节点加密过程实现简单.无需考虑几何拓扑关系。
- (3) 在时域末端虚位移本质边界条件施加方案、时空混合离散无网格近似方案的协同作用下,时空混合伽辽金无网格分析方法可适用于任意节点离散情况,并且能轻松地进行局部区域的节点加密,更好捕捉波动问题的局部特征。
- 5. **年度研究计划及预期研究结果**(包括拟组织的重要学术交流活动、国际合作与交流计划等)。

5.1 年度研究计划

本项目围绕拟定的研究目标,通过理论推导和数值验证的方法研究任意节点分布的时空混合离散伽辽金无网格法。根据各部分研究内容的逻辑关系,制定了表2所示的项目的年度计划表。其中,成果整理、论文发表及年度报告贯穿执行期。项目参与人执行期内计划参加学术会议并作项目相关报告不少于每年2人次。

5.2 预期研究结果

本项目预期取得如下研究结果:

(1) 时空混合离散伽辽金法时域末端本质边界条件施加方案:

表 2 年度研究计划表



查阅相关文献,测试不同虚位移边界条件时空混合离散伽辽金法性能研究拉格朗日乘子型时域末端虚位移本质边界条件施加方案

研究内容(2)

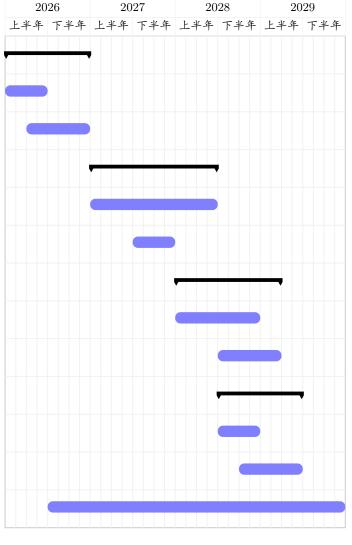
推导稳定性分析局部截断误差估计构建时空混合离散再生核近似方案

研究内容(3)

推导时空混合离散再生光滑梯度 优化四维积分域再生光滑梯度积分 方案

研究内容(4)

构建时空混合离散伽辽金无网格法 引入自适应节点分布算法和并行计 算优化程序 成果整理、论文发表、软件著作权 申请、年度报告及项目结题报告



- (2) 免数值色散问题的时空混合离散再生核无网格近似方案:
- (3) 绝对混合离散高效伽辽金无网格分析方法:
- (4) 在计算力学领域重要期刊发表论文 5-9 篇. 申请软件著作权 1 项:
- (5) 培养研究生不少于 4 名。

(二) 研究基础与工作条件

1. **研究基础**(与本项目相关的研究工作积累和已取得的研究工作 成绩);

这里可能需要列出自己的相关文章。由于文章和依据部分的文献的格式并 不一定一致,建议使用下边方法:

 $\verb|\begin{the bibliography|}{\{1\}}$

\bibitem { test }

 $\verb|\bibauthor{| textbf{C}" aldognetto T$ @, Tenti P}}| @.$

\bibtitle {Microgrids Operation Based on Master - Slave Cooperative Control}

效果如下。这个东西从哪里来的呢?从编译产生的.bbl文件中拷贝过来放进来,就可以了。

- [1] **Cäldognetto T, Tenti P**. Microgrids Operation Based on Master-Slave Cooperative Control[J/OL]. IEEE Journal of Emerging and Selected Topics in Power Electronics, 2(4): 1081 1088, 2014. doi:10.1109/JESTPE.2014.2345052.
- 2. 工作条件(包括已具备的实验条件,尚缺少的实验条件和拟解决的途径,包括利用国家实验室、全国重点实验室和部门重点实验室等研究基地的计划与落实情况);

本项目依托华侨大学土木工程学院及福建省智慧基础设施与监测重点实验室(华侨大学)进行,实验室包括

华侨大学本项目依托华侨大学土木工程学院及福建省智慧基础设施与监测重点实验室(华侨大学)进行,实验室包括本项目依托华侨大学土木工程学院及福建省智慧基础设施与监测重点实验室(华侨大学)进行,实验室包括本项目依托华侨大学土木工程学院及福建省智慧基础设施与监测重点实验室(华侨大学)进行,实验室包括

3. **正在承担的与本项目相关的科研项目情况**(申请人和主要参与者正在承担的与本项目相关的科研项目情况,包括国家自然科学基金的项目和国家其他科技计划项目,要注明项目的资助机构、项目类别、批准号、项目名称、获资助金额、起止年月、与本项目的关系及负责的内容等):

XX 项目

4. 完成国家自然科学基金项目情况(对申请人负责的前一个已资助期满的科学基金项目(项目名称及批准号)完成情况、后续研究进展及与本申请项目的关系加以详细说明。 另附该项目的研究工作总结摘要(限 500 字)和相关成果详细目录)。

XX 项目

(三) 其他需要说明的情况

1. 申请人同年申请不同类型的国家自然科学基金项目情况(列明同年申请的其他项目的项目类型、项目名称信息,并说明与本项目之间的区别与联系:已收到自然科学基金委不予受理或不予资助决定的.

无需列出)。

XX 项目

2. 具有高级专业技术职务(职称)的申请人或者主要参与者是否存在同年申请或者参与申请国家自然科学基金项目的单位不一致的情况;如存在上述情况,列明所涉及人员的姓名,申请或参与申请的其他项目的项目类型、项目名称、单位名称、上述人员在该项目中是申请人还是参与者,并说明单位不一致原因。

无

3. 具有高级专业技术职务(职称)的申请人或者主要参与者是否存在与正在承担的国家自然科学基金项目的单位不一致的情况;如存在上述情况,列明所涉及人员的姓名,正在承担项目的批准号、项目类型、项目名称、单位名称、起止年月,并说明单位不一致原因。

无

4. 同年以不同专业技术职务(职称)申请或参与申请科学基金项目的情况(应详细说明原因)。

无

5. 其他。

无