

## 报告正文

参照以下提纲撰写，要求内容翔实、清晰，层次分明，标题突出。  
请勿删除或改动下述提纲标题及括号中的文字。

### (一) 立项依据与研究内容 (建议 8000 字以下):

1. 项目的立项依据 (研究意义、国内外研究现状及发展动态分析，需结合科学研究发展趋势来论述科学意义；或结合国民经济和社会发展中迫切需要解决的关键科技问题来论述其应用前景。附主要参考文献目录)；

#### 1.1 编译方法

免责声明：敬请大家仔细对比本模版与官方 word 转 pdf 后的差别，自行确定是否采用。个人认为，系统上传 PDF，只要人眼看不出与官方区别，那就没区别。

1. 编译：XeLaTeX->bibtex->XeLaTeX->XeLaTeX
2. 排错：多看编译错误，多查询错误解决方法；编译警告，只要不影响 PDF，就不用管。本模版多人使用，可以认为不存在编译错误。
3. 自定义格式：多阅读一下 nsfc.sty，可以解决你绝大部分问题。超过 nsfc.sty 范围的，建议不要想办法定制，事倍功半。

#### 1.2 编辑方法

##### (1) 字体

中文**粗体**；**bold font**；中文*斜体*；*italic font*；  
全文改宋体，可以修改 nsfc.sty 的 MS 部分字体。  
可选的就是\zhkai,\enkai,\zhsong,\ensong。

##### (2) 文献

普通引用 [1]；上标引用<sup>[1]</sup>；多篇文章<sup>[1-3]</sup>。

有注音的英文：[1]。

参考期刊 [1]；参考图书 [2]；参考会议 [4]；参考链接 [5]；参考文件 [6]。

对于中文参考文献，bib 条目中需要有 language = zh，参见 [2]。

##### (3) 列表

无序列表<sup>①</sup>的例子：

- 第一条，第一条的内容可能很长长长长长长长长长长长长长长长长长长长长长长长；
- 第二条。

有序列表的例子：

1. 第一条，第一条的内容可能很长长长长长长长长长长长长长长长长长长长长长长长；
2. 第二条。

两个带圈文字的实现方法：① ①

注意，由于列表的缩进，不同使用者可能偏向并不一样。本模版用的 `enumitem` 包，阅读他的文档进行个性化，其文档在：<https://www.ctan.org/pkg/enumitem>

#### (4) 公式

公式如下：

$$E = mc^2 \tag{1}$$

公式的上下间距参见 `nsfc.sty` 中公式上下间距部分。

#### (5) 图

图片的例子：



图 1. 这是图题。

图题和表头若想取消加粗，去掉 `nsfc.sty` 中 `caption` 部分的 `\bfseries` 即可。

#### (6) 表

在表格内的第一行设置 `\zhkai\ensong\selectfont`，来选择字体。

其中 `\zhkai\zhsong\enkai\ensong` 可以根据需要选择。

---

<sup>①</sup>值得注意的是，不需要一定要用列表环境，用加粗、换行、缩进同样能达到效果。因为咱们的初衷，还是 `LaTeX` 在排版文献和公式上有优势，发挥这一个优势就行了，其他部分不需要强行套用。文本本身还是最重要、需要大家投入精力的部分。

表 1.1 表格

第一列	第二列	第三列	第四列
0.1	0.2	0.3	0.4

### 1.3 某页最后一段行距可能很窄？

如果没有这个问题，就不用管这个事情。

行间距变化一般是在“多行蓝色模版”部分前后。因为蓝色模版文字在 section 里写的，latex 把蓝色部分当作一个整体，可能硬要挤到这一页，而不是换新一页，导致会挤前一页的行间距，导致前一页行距异常。针对这种情况，模版已经使用

```
%自动段落的行间距微调
\usepackage{setspace}
\setstretch{1.6} % 22 bp / 14 pt = 1.571
```

降低了这种情况发生的可能。如果还有，就只好添加\newpage把它 newpage 到后一页上，就行了。也可以考虑分段缓解，需要写的时候注意页面的分段和字数。

### 参考文献

- [1] Căldognetto T, Tenti P. Microgrids Operation Based on Master Slave Cooperative Control[J/OL]. IEEE Journal of Emerging and Selected Topics in Power Electronics, 2(4): 1081–1088, 2014. doi:10.1109/JESTPE.2014.2345052.
- [2] 林谦, 余超, 伍夏威, 董银昭, 徐昕, 张强, 郭宪. 面向机器人系统的虚实迁移强化学习综述 [J/OL]. 软件学报, 35: 711–738, 2024. doi:10.13328/j.cnki.jos.007006.
- [3] Ross S M. Introduction to Probability Models, 11th Edition[M]. [S.l.]: Academic Press, 2014.
- [4] Zeng J, Li F, Qin J, Zheng W X. Distributed event-triggered bipartite consensus for multiple agents over signed graph topology[C]. Proceedings of the 34th Chinese Control Conference (CCC). 2015: 6930–6935.
- [5] Graham R. MASSCAN:Mass IP Port scanner[EB/OL]. (1999)[2000]. <https://github.com/robertdavidgraham/masscan>.
- [6] 国务院. 新一代人工智能发展规划 [Z]. 2017.

## 2. 项目的研究内容、研究目标，以及拟解决的关键科学问题（此部分为重点阐述内容）；

### 2.1 研究内容

本项目将围绕波动方程中时空混合离散伽辽金法存在的问题，研究时域末端虚位移本质边界条件施加方案，构建可缓解数值色散问题的时空混合离散无网格近似方案，并引入变分一致型伽辽金无网格数值积分法，建立绝对时空混合离散伽辽金无网格分析方法。具体的研究内容如下：

#### (1) 适用于任意节点离散的时域末端虚位移本质边界条件施加方案

在波动方程哈密顿原理的基础上，分析能量泛函中时域末端虚位移本质边界条件下位移变量的求解空间。将传统能量泛函中的虚位移作为拉格朗日乘子，设计全新拉格朗日乘子型能量泛函。分析新建立的能量泛函中，经过拉格朗日乘子法投影后的位移变量空间与原空间的等价性。同时在全新的能量泛函中引入应力边界条件与初始时刻动量边界条件，验证相对应伽辽金弱形式的变分一致性，证明其与欧拉-拉格朗日方程的等价性。

#### (2) 适用于波动方程的稳定再生核无网格近似方案

探究拉格朗日乘子型能量泛函的正定性条件，构建考虑时空混合离散阶次的误差估计表达式。研究考虑时间维度的再生核无网格近似框架，以时空混合离散误差估计为基础，确定误差稳定时的再生核近似基向量中时间维度相关单项式。根据确定基向量表达式，调整再生核近似中核函数影响域大小和表达式，以确保再生核近似中矩量矩阵可逆。最后，通过数值算例验证所提无网格近似方案能否缓解数值色散问题。

#### (3) 时空混合离散下变分一致型伽辽金无网格数值积分方案

根据时空混合离散无网格近似中基向量中的元素，确定波动问题拉格朗日乘子型伽辽金弱形式的积分约束条件。以再生光滑梯度理论框架为基础，构建时空混合离散下满足积分约束条件的变分一致型伽辽金无网格数值积分方法。通过再生光滑梯度需要满足的一致性条件，优化全局数值积分点数量，确定积分点位置和权重。最后，通过时空混合离散分片试验，测试所提伽辽金无网格数值积分方案的变分一致性和计算精度。

#### (4) 绝对时空混合离散高效伽辽金无网格分析方法

引入并行自适应局部加密建立绝对时空混合离散高效伽辽金无网格分析方

法。通过

## 2.2 研究目标

本项目完成上述各项研究内容旨在建立绝对时空混合离散伽辽金无网格分析方法，该方法能适用于任意布置的节点离散情况，缓解数值色散问题，提升分析波动问题时的计算效率和稳定性。具体的研究目标包括：

- (1) 建立适用于任意节点离散的时域末端虚位移本质边界条件施加方案，提升时空混合离散伽辽金法对节点离散的鲁棒性；
- (2) 提出适用于波动方程再生核无网格近似方案，缓解波动问题时空混合离散伽辽金无网格法的色散问题；
- (3) 设计适用于高维波动方程的变分一致型伽辽金无网格法数值积分方案，提升时空混合离散伽辽金无网格法的计算效率；
- (4) 发展绝对时空混合离散高效伽辽金无网格分析方法，为实际波动问题提供可靠、稳定的数值工具。

## 2.3 拟解决的关键科学问题

本项目拟解决的关键科学问题如下：

### (1) 如何在时空混合离散弱形式中施加时域末端虚位移本质边界条件

哈密顿原理要求时域末端虚位移等于零，才可使相对应的弱形式等价于欧拉-拉格朗日方程。由于在实际问题中，时域末端边界条件通常是未知的。单独令时域末端虚位移为零将导致整体弱形式丧失变分一致性，计算结果将出现与实际不符的情况。目前已有方法通常是采用间断伽辽金格式规避时域末端边界，但需要采用分块网格技术提高求解的稳定性。因此，如何正确施加时域末端虚位移本质边界条件，使时空混合离散伽辽金法适用于任意节点离散情况，是本项目研究内容(1)的关键科学问题。

### (2) 如何确定时空混合无网格近似基向量阶次对求解稳定性的影响机理

波动方程属于二阶双曲型偏微分方程，求解过程中时域离散节点间距过大将引起数值色散问题，导致计算结果发散。传统方法可减小离散节点间距缓解该问题，随之将伴随自由度的增加所引起的计算量增大，不适合任意节点离散情况。增加稳定项也可提升计算的稳定性，但节点间距过小时该方法将出现数值耗散问题，也不适用于任意节点离散情况。本项目的研究内容(2)旨在利用无网格构造高阶再生特性形函数的便利性，缓解数值色散问题。因此，确定时空

混合离散无网格近似基向量阶次对求解稳定性的影响机理，是该研究内容的关键科学问题。

### (3) 如何优化时空混合离散变分一致伽辽金无网格数值积分方案

由于无网格形函数通常为有理式，伽辽金无网格法需要采用变分一致型数值积分方案以保证计算精度。变分一致型数值积分方案可通过形函数导数的一致性条件，优化全局数值积分点个数。最终的数值积分点个数将直接影响时空混合离散伽辽金无网格法的计算效率。相较于传统时间域与空间域分别离散的方法，时空混合离散将增加时间维度的离散，离散维度比传统方式增加了一个维度。采用变分一致型伽辽金无网格数值积分方案时，需要额外考虑与时间维度相关的单项式积分约束条件与一致性条件。然而，为了缓解数值色散问题，时间维度相关的单项式阶次将不同于空间维度相关的单项式阶次。如何在时空混合离散情况下优化变分一致型伽辽金无网格数值积分方案，提升整体计算效率，是本项目研究内容(3)的关键科学问题。

3. 拟采取的研究方案及可行性分析（包括研究方法、技术路线、实验手段、关键技术等说明）；

#### 3.1 研究方法与技术路线

本项目拟采用理论推导结合数值验证的方法进行研究，首先，具体的技术路线图如下所示。

#### 3.2 研究方案

- (1) 适用于任意节点离散的时域末端虚位移本质边界条件施加方案
- (2) 适用于波动方程的稳定再生核无网格近似方案
- (3) 时空混合离散下变分一致型伽辽金无网格数值积分方案
- (4) 绝对时空混合离散伽辽金无网格分析方法

#### 3.3 可行性分析

##### 4. 本项目的特色与创新之处；

项目的创新之处在于：

- (1) xx

5. 年度研究计划及预期研究结果（包括拟组织的重要学术交流活动、国际合作与交流计划等）。

#### 5.1 年度研究计划



本项目的年度研究计划如下:

2026 年 1 月 - 2026 年 12 月:

2027 年 1 月 - 2027 年 12 月:

2028 年 1 月 - 2028 年 12 月:

2029 年 1 月 - 2029 年 12 月:

## 5.2 预期研究成果

本项目预期取得如下研究成果:

(1)

## （二）研究基础与工作条件

1. 研究基础 (与本项目相关的研究工作积累和已取得的研究工作成绩);

这里可能需要列出自己的相关文章。由于文章和依据部分的文献的格式并不一定一致，建议使用下边方法：

```
\begin{thebibliography}{1}

  \bibitem{test}

  \bibauthor{\textbf{C"}aldognetto T@, Tenti P}}{@.

  \bibtitle{Microgrids Operation Based on Master Slave Cooperative Control}

  \bibmark{{J}}{@.

  \bibjournal{IEEE Journal of Emerging and Selected Topics in Power Electronics}@.

  \bibvolume{2}\bibnumber{{4}}\thinspace{}\textnormal{{:}}

  \bibpages{1081\thinspace{}\textnormal{{-}}\thinspace{}1088}@.

  \bibyear{2014}@.

  \url{doi: 10.1109/JESTPE.2014.2345052}@.

\end{thebibliography}
```

效果如下。这个东西从哪里来的呢？从编译产生的.bbl文件中拷贝过来放进来，就可以了。

[1] **Cäldognetto T, Tenti P.** Microgrids Operation Based on Master Slave Cooperative Control[J/OL]. IEEE Journal of Emerging and Selected Topics in Power Electronics, 2(4): 1081 – 1088, 2014. doi:10.1109/JESTPE.2014.2345052.

2. 工作条件（包括已具备的实验条件，尚缺少的实验条件和拟解决的途径，包括利用国家实验室、全国重点实验室和部门重点实验室等研究基地的计划与落实情况）；

本项目依托华侨大学土木工程学院及福建省智慧基础设施与监测重点实验室(华侨大学)进行,实验室包括

华侨大学

3. 正在承担的与本项目相关的科研项目情况（申请人和主要参与者正在承担的与本项目相关的科研项目情况，包括国家自然科学基金的项目和国家其他科技计划项目，要注明项目的资助机构、项目类别、批准号、项目名称、获资助金额、起止年月、与本项目的关系及负责的内容等）；

xx 项目

4. 完成国家自然科学基金项目情况（对申请人负责的前一个已资助期满的科学基金项目（项目名称及批准号）完成情况、后续研究进展及与本申请项目的关系加以详细说明。另附该项目的研究工作总结摘要（限 500 字）和相关成果详细目录）。

xx 项目

### （三）其他需要说明的情况

1. 申请人同年申请不同类型的国家自然科学基金项目情况（列明同年申请的其他项目的项目类型、项目名称信息，并说明与本项目之间的区别与联系；已收到自然科学基金委不予受理或不予资助决定的，无需列出）。

xx 项目

2. 具有高级专业技术职务（职称）的申请人或者主要参与者是否存在同年申请或者参与申请国家自然科学基金项目的单位不一致的情况；如存在上述情况，列明所涉及人员的姓名，申请或参与申请的其他项目的项目类型、项目名称、单位名称、上述人员在该项目中是申请人还是参与者，并说明单位不一致原因。

无

3. 具有高级专业技术职务（职称）的申请人或者主要参与者是否存在与正在承担的国家自然科学基金项目的单位不一致的情况；如存在上述情况，列明所涉及人员的姓名，正在承担项目的批准号、项目类型、项目名称、单位名称、起止年月，并说明单位不一致原因。

无

4. 同年以不同专业技术职务（职称）申请或参与申请科学基金项目情况（应详细说明原因）。

无



5. 其他。

无