### Н1

### Terme, Gleichungen und Variablen



Ein **Term** ist ein s*innvoller* Rechenausdruck aus Zahlen, Rechenzeichen, Vorzeichen, Klammern und Variablen.

 $\begin{aligned} & \text{G\"{u}ltig:} \ 5 + (3,4 - (-4)) + x \\ & \text{Ung\"{u}ltig:} \ 5 + \cdot 5) - 4 \end{aligned}$ 

Eine **Gleichung** besteht aus zwei Termen, die durch ein Gleichzeichen (=) verbunden sind. Eine Gleichung kann wahr ( $g\ddot{u}ltig$ ) sein (z.B. 5+3=9-1) oder falsch sein (z.B. 4=1+1).

Eine **Variable** ist ein Platzhalter für einen Wert, der erstmal unbekannt oder nicht festgelegt ist.

7.4: 0.1 (Terme und Gleichungen), v2020-12-0

@B\$@

### Beispiele für Terme

sinnvolle Ausdrücke (Terme)

unsinnige Ausdrücke (keine Terme)

14: 0.1 (Terme und Gleichunger

@**9**9@

TERME, GLEICHUNGEN UND VARIABLEN

### H2 <

# **Variablen** sind Platzhalter für Werte, die noch unbekannt sind. Wir benutzen kleine Buchstaben für Variablen (z.B. x.y.a.b.c, ...). Kommt ein Buchstabe mehrfach vor, dann steht er immer für

Variablen

denselben Wert.

In einem *Term* ist eine Variable ein Platzhalter für beliebige Werte, die du dir selber aussuchen kannst. Du kannst für die Variablen Zahlen einsetzen und den Wert des Terms berechnen. z.B.

$$5 \cdot a + 4 \stackrel{a=3}{\longrightarrow} 5 \cdot 3 + 4 = 19$$

In einer *Gleichung* steht eine Variable für einen bestimmten Wert, der gefunden werden muss. So, dass die Gleichung wahr ist. z.B.

$$5 \cdot x + 4 = 34 \Rightarrow x = 4$$
, da  $5 \cdot 4 + 4 = 34$  wahr ist

7.4: 0.1 (Terme und Gleichungen), v2020-12-0

@B\$@

# Н3

### Termumformungen

舎

 $\label{thm:continuous} \mbox{Um Dir das Rechnen leichter zu machen k\"{o}nnen Terme durch zusammenfassen vereinfacht werden. G\"{u}ltige Umformungen sind:}$ 

- Summanden ohne Variablen können zusammengefasst werden. 2+4+5 wird zu 11
- Summanden mit derselben Variablen können zusammengefasst werden. 12a-4a+a wird zu 9a
- + Faktoren ohne Variable können mit einer Variablen multipliziert werden:  $4\cdot 5\cdot 2x$  wird zu 40x

Auch mit Hilfe der Rechengesetze kannst Du die Terme umformen:

- · Kommutativgesetz: 4a+b+3a=4a+3a+b=7a+b
- Assoziativgesetz: 5b 2a + a = 5b + (-2a + a) = 5b a
- Distributivgesetz:  $2 \cdot (a+5) = 2 \cdot a + 2 \cdot 5)$

7.4: 0.1 (Terme und Gleichungen), v2020-12-0

0990

### H4

# Äquivalenzumformungen



Führst Du auf beiden Seiten einer Gleichung dieselbe Umformung durch, dann bleibt die Gleichung weiterhin gültig. Rechnest Du auf der rechten Seite –4, musst Du also auf der anderen Soite auch 4 rechnen

$$4a + 5 = 7a + 4$$

$$\Leftrightarrow 4a + 5 - 4 = 7a + 4 - 4$$

$$\Leftrightarrow 4a + 1 = 7a$$

Gültige Äquivalenzumformungen sind:

- · Addition/Subtraktion einer Zahl
- · Multiplikation mit / Division durch eine Zahl.

### ÄQUIVALENZUMFORMUNGEN

$$4a + 5 = 7a + 4 \qquad | -4$$

$$\Leftrightarrow 4a + 1 = 7a \qquad | -4a$$

$$\Leftrightarrow 1 = 3a \qquad | : 3$$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{3} = a$$

Нз

Für zwei Erwachsene und drei Kinder müssen in einem Freizeitpark insgesamt 84€ gezahlt

werden. Erwachsene kosten das Doppelte von Kindern. Wie teuer ist eine Karte für ein Kind?

Um eine Text- oder Sachaufgaben systematisch zu lösen, kannst Du nach diesen vier Schritten vorgehen:

- 1. Aufgabe verstehen: Lies den Aufgabentext sorgfältig durch. Markiere wichtige Informationen im Text. Informiere Dich über Begriffe, die Du noch nichts kennst.
- 2. (Teil-)Probleme identifizieren: Schreibe Dir alle wichtigen Informationen aus dem Text sorgfältig auf und notiere dir Werte und Gleichungen, die Du ablesen kannst. Am Ende stellst Du eine Gleichung auf, die Du lösen musst.
- 3. Lösung berechnen: Löse die Gleichung mit Term- und Äquivalenzumformungen.
- 4. Probe und Rückschau: Mache mit dem Ergebnis noch eine Proberechnung. Prüfe das Ergebnis auch im Kontext der Aufgabe: Klingt das Ergebnis realistisch? Fall nicht, musst Du noch einmal von vorne anfangen und Deinen Lösungsweg überprüfen.

Ein Beispiel findest Du auf der Rückseite.

@B\$@

### Gleichung lösen: Teilprobleme sammeln:

Karte Kind: xKarte Erwachsener: y $2 \cdot (2 \cdot x) + 3 \cdot x = 84$ Kosten insg.:  $2 \cdot y + 3 \cdot x = 84$ 4x + 3x = 84Erwachsene kosten das Doppelte:  $y=2\cdot x$ 7x = 84Gleichung:  $2 \cdot (2 \cdot x) + 3 \cdot x = 84$ x = 12

### Probe und Rückschau:

 $4 \cdot 12 + 3 \cdot 12 = 48 + 36 = 84$ 

Das Ergebnis scheint realistisch. (Der Potts Park in Minden kostet zum Beispiel 23.50€ für einen Erwachsenen.)

GBB0

### Terme vereinfachen

Löse die Klammern auf und vereinfache die Terme.

- a)  $28 + (15x + 12) \cdot 3$
- b) 15a (2a + 3) (-x)
- c)  $9 2 \cdot (k 3) 3$
- d) -(h+1)+25-3h
- e)  $9 \cdot (2y + 3)$
- f)  $7 (4 5 \cdot x)$

### Gleichungen lösen

Löse die Gleichungen mit Hilfe von Äquivalenzumformungen.

- a)  $32 4 \cdot (2x 5) = 59 x$
- b) 4z 15 = 45 2z
- c) 0.9a + 2.5 = 2.4a 2
- d)  $\frac{4}{5} \cdot \left(\frac{3}{4} \cdot x + 3\right) = 4 \frac{2}{5} \cdot x$
- e)  $-\frac{2}{3}x \frac{8}{18} = -\frac{1}{9}x 1$

### Zahlenrätsel

Löse das Zahlenrätsel, indem Du eine Gleichung aufstellst.

- a) Wird 8 vom Dreifachen einer Zahl subtrahiert, erhält man 7.
- b) Addiert man zum Fünffachen einer Zahl 9, so erhält man die Differenz aus 21 und der Zahl.
- c) Addieret man zur Hälfte einer Zahl 4, vervierfache das Ergebnis und subtrahiere die Zahl, so erhält man 4.
- d) Das Produkt aus einer Zahl und 7 ist genauso groß wie die Differenz
- e) Die Summe dreier aufeinander folgender Fünferzahlen ist 135.



@BB@

# Finde den Fehler

Was wurde hier jeweils falsch gemacht? Erkläre den Fehler und berichtige ihn dann.

3x + 1 = 4x - 2

1 = x - 2

-1 = x

0.75x + 4 = 1.25x

4 = 2x

 $3 \cdot (2 - x) = 2x - (x + 6)$ 6 - 3x = x + 6

 $\frac{1}{2}x + 2 = 5$ 

**H4** 

6 = 2x

2 = x

d)

c)

@#\$@

### Sachaufgaben

- a) Christine ist 4 Jahre älter als Martin. Martin ist 3 Jahre jünger als Sebastian. Zusammen sind sie 109 Jahre alt. Wie alt ist jeder?
- b) Der Suezkanal ist ein großes Bauwerk der Menschheit. Im Jahr 2019 ist er dreimal so alt, wie er im Jahr 1919 war. Bestimme, wann der Suezkanal eröffnet wurde.



### Sachaufgaben II

- a) Frau Fauna hat auf ihrem Balkon zwei Sorten von Tomaten gepflanzt. Die gewöhnliche To matenpflanze ist jetzt 48 cm hoch und wächst 6 cm pro Woche. Die "Cherry"-Tomate ist am H5 selben Tag 24 cm hoch und wächst 8 cm pro Woche. In wie vielen Wochen haben die Pflanzen die gleiche Höhe?
- b) Die Klasse 7c hat eine Umfrage zum Schulweg gemacht: Die Hälfte der Klasse kommt mit Bus und Bahn, ein Drittel mit dem Fahrrad und die restlichen fünf kommen zu Fuß. Wie viele Kinder sind in der Klasse?

## Ungleichungen

Finde durch Äquivalenzumformungen heraus, welche Zahlen man für  $\boldsymbol{x}$  einsetzen kann. Führe anschließend auch eine Probe durch.

a) 2x + 5 < 7

b) 5x - 5 > 35

c)  $7 + 6x \le 49$ 

d)  $2x - 3 \ge x + 1$ 

e) 2x - 5 > 2

f)  $7x - 3 \le 3(x - 1) + 5$ 

@BB@

H4

Hol dir ein *iPad* und starte die App Algebra Touch. Wähle rechts die Lektion "Gleichungen" und bearbeite die 16 Aufgaben für "Anfänger" und "Könner"

Du kannst jederzeit oben rechts Hilfe bekommen.

Begreifbare Gleichungen

@BB@

Begreifbare Gleichungen II

H4



Hol dir ein iPad und starte die App MAPHI. Wähle "Alle Kapitel" und suche die Kategorie "Lineare Gleichungen". Scroll nach unten zum Abschnitt "Üben" und bearbeite jeweils 10 Aufgaben unter "Grundlagen" und "Weiterführend".

Auf dem Schlüssel-Symbol unten in der Mitte kannst Du Hilfe bekommen.

@99®

Gleichungen lösen

H4

ax = b

Hol dir ein iPad und starte die App GLEICHUNGEN. Wähle "Lineare Gleichungen" und suche dir einen Level aus. Löse mindestens sechs Aufgaben.

Wenn Du nicht weiter kommst, dann kannst Du dir die Komplettlösung anzeigen lassen. Dann gilt die Aufgabe aber nicht als gelöst. Verstehst Du die Aufgabe nicht, kannst Du dir eine Neue Aufgabe generieren lassen.

@99®

Weinkeller

Weinkeller 200 hat in seinem Wein. Ein Prozent davon ist Weißwein, der Rest ist Rotwein.

Wie viele Flaschen Rotwein muss der Sommelier trinken, damit der Anteil an Weißwein auf zwei Prozent steigt?



@BB@