# Métodos Numéricos Aplicados a la Ingeniería Civil

O-Programa calendario



Juan Nicolas Ramírez Giraldo

jnramirezg@unal.edu.co

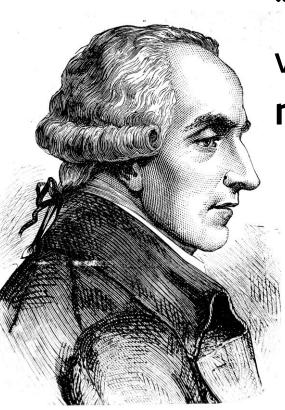
Docente ocasional Departamento de Ingeniería Civil Facultad de Ingeniería y Arquitectura Universidad Nacional de Colombia Sede Manizales





Atrévanse a pensar diferente, a revolucionar sus vidas, a volver al origen, a respetar lo que nos rodea, a escuchar, a opinar y a amar. Porque ese es el camino que debe emprender esta generación, un camino para pensar en el mismo camino, en hacer las cosas con gratitud, en bajarle el ritmo a la vida y cantarle a la diferencia. Pues la forma fundamental de revolución es interna, y cuando esta se dé, enteremos por qué luchar y por quién luchar.





"Las preguntas más importantes de la vida, de hecho, **no** son en su mayoría **más** que problemas de probabilidad"

#### Pierre-Simon Laplace

Confiabilidad → incertidumbre → aleatoria → epistémica

Límites del conocimiento





Nombre:	Métodos Numéricos Aplicados a la Ingeniería Civil
Código:	4101553
Créditos:	3

<sup>\*</sup> Según art. 23 Acuerdo 008 de 2008 del CSU

Ver <u>malla curricular</u> Ver <u>plan de estudios</u>





O-Programa calendario

### Prerrequisitos

4100611 - Mecánica de Sólidos

4200686 - Programación Computadores

Cálculo Diferencial	Física Mecánica
Cálculo Integral	Estática
Cálculo Vectorial	Ecuaciones Diferenciales
Álgebra Lineal	Mecánica Tensorial (*)

(\*) O su equivalente: Resistencia de Materiales





## Comunicación con el docente



### **Correo institucional:**

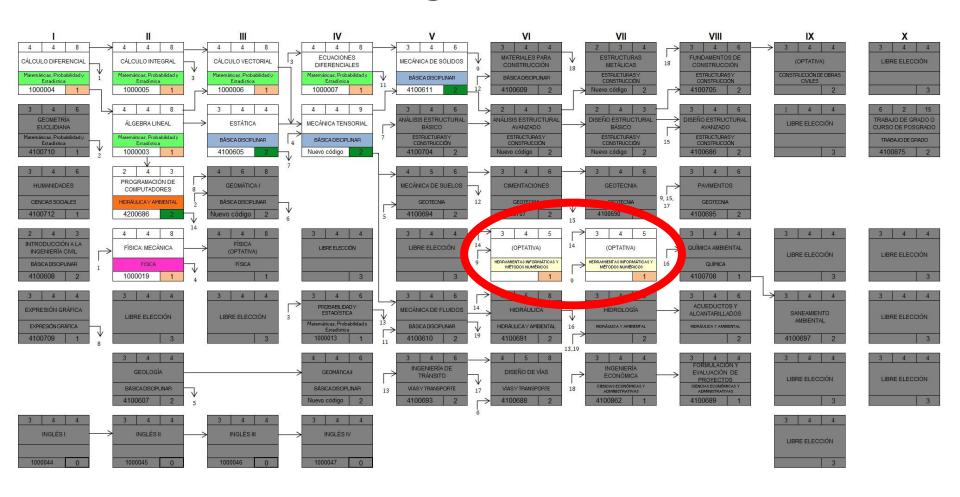
jnramirezg@unal.edu.co

#### **Asunto:**

MÉTODOS\_NUMÉRICOS-(escribir\_asunto)

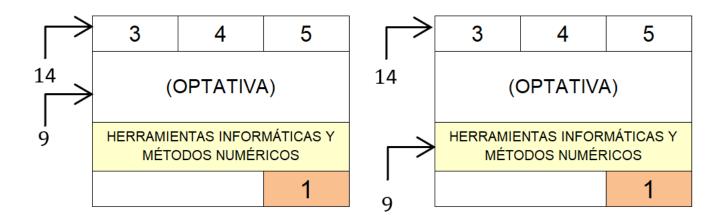
- No se atenderán dudas a través de otros medios como WhatsApp.
- Solo serán tenidos en cuenta los correos recibidos a través de cuentas institucionales unal.edu.co
- Todo el material de clase estará disponible en el repositorio del profesor: <u>https://github.com/jnramirezg/metodos\_numericos\_ingenieria\_civil</u>







#SOMOSUNAL



Opción 1	Aplicaciones de Elementos 🖊 Finitos	1	No es optativa,
Opción 2	Aplicaciones de Elementos Finitos II		es <b>obligatoria</b>
Opción 3	Métodos Numéricos Aplicados a la Ingeniería Civil		

### ¿Qué significa 1 crédito académico?

"Un crédito es la unidad que mide el tiempo que el estudiante requiere para cumplir a cabalidad los objetivos de formación de cada asignatura y equivale a 48 horas de trabajo del estudiante. Éste incluirá las actividades presenciales que se desarrollan en las aulas con el profesor, las actividades con orientación docente realizadas fuera de las aulas y las actividades autónomas llevadas a cabo por el estudiante, además de prácticas, preparación de exámenes y todas aquellas que sean necesarias para alcanzar las metas de aprendizaje." \* art. 6 Acuerdo 033 de 2007 del CSU

	Horas/semana	Horas/semestre
Actividad presencial	4	64
Actividad autónoma	5	80
Total	9	144 = 48*3







### **Objetivos**

#SOMOSUNAL

- Introducir la técnica básica del cálculo numérico y explicar su objetivo fundamental: encontrar soluciones aproximadas a problemas complejos utilizando procedimientos matemáticos que se pueden programar fácilmente con un computador.
- Hacer énfasis en la programación de computadores como una herramienta para obtener soluciones numéricas de problemas cuya solución analítica es extremadamente compleja.

El curso se desarrollará con aspectos pedagógicos como:

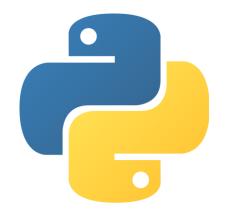
- Clases sincrónicas en las que se explican los conceptos más relevantes en el entorno virtual de clase con la libre participación de los estudiantes.
- Talleres prácticos de programación para aplicar conocimientos adquiridos.
- Exámenes con preguntas teóricas, preguntas conceptuales, demostraciones y ejercicios numéricos.
- Diapositivas con el contenido necesario y enlaces al explorador.



SOMOSUNAL

### Lenguaje de programación













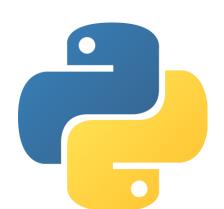


		julia	
Matlab	Python	Julia	
<ul><li>Necesita licencia</li><li>Aplicaciones especializadas</li></ul>	<ul><li>Universalidad</li><li>Gratuidad</li><li>Soporte web amplio</li><li>Orientada a objetos</li></ul>	<ul><li>Velocidad</li><li>Gratuidad</li><li>Simplicidad</li><li>En desarrollo</li></ul>	

Principales características de Matlab, Python y Julia.

**Fuente:** Rojas, E. M. (2020)

#SOMOSUNAL

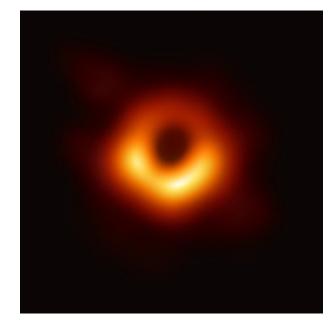


# Metodología ¿Por qué Python?

First M87 Event Horizon Telescope Results. III. Data Processing and Calibration: ver artículo

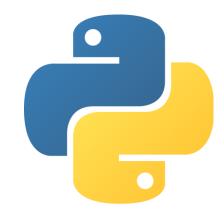
How to take a picture of black hole, Katie Bouman en TED: ver video

EHT Imaging: ver en GitHub



Agujero negro supermasivo **Fuente:** EHT aportado a <u>Wikipedia</u>



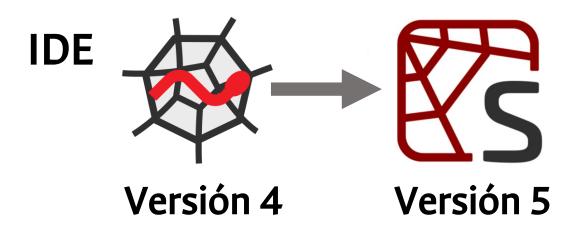


Una guía para aprender Python 3 está disponible en el repositorio del profesor **Diego Andrés Álvarez Marín** en este <u>enlace</u>.

### Se recomienda repasar estos temas:

- Tipos de datos
- Listas
- Estructuras de control
- Funciones
- Tuplas, conjuntos y diccionarios
- Librerías científicas





Spyder

### Entorno informático



Ju**py**ter Notebook





## Unidad 1: Sistemas de ecuaciones lineales (2 semana)

- 1.1. Eliminación Gauss-Jordan
- 1.2. Eliminación con sustitución
- 1.3. Descomposición LU de Cholesky
- 1.4. Mejoramiento iterativo solución de ec. lineales
- 1.5. Matrices ralas

SOMOSUNAL



## Unidad 2: Interpolación (2 semanas)

- 2.1. Interpolación por los vecinos más cercanos
- 2.2. Interpolación lineal

SOMOSUNAL

- 2.3. Interpolación con la fórmula de Lagrange
- 2.4. Interpolación polinomial (cuadrática y cúbica)
- 2.5. Interpolación con splines
- 2.6. Interpolación en varias dimensiones



# Unidad 3: Optimización (2 semanas)

- 3.1. Minimización unidimensional
  - 3.1.1. Acotación de funciones
  - 3.1.2. Método de la interpolación parabólica
  - 3.1.3. Método de la búsqueda áurea
  - 3.1.4. Método de Newton-Raphson
- 3.2. Minimización en varias dimensiones
  - 3.2.1. Método del descenso más empinado
  - 3.2.2. Método de Newton-Raphson
  - 3.2.3. Método de Levenberg-Marquardt
- 3.3. Regresión no lineal de Gauss-Newton





# Unidad 4: Raíces y sistemas no lineales (2 semanas)

- 4.1. Método de la acotación y de la bisección
- 4.2. Método de Newton-Raphson
- 4.3. Método de Newton-Raphson para la solución de sistemas de ecuaciones no lineales





# Unidad 5: Integración (2 semanas)

- 5.1. Métodos de Newton-Cotes
  - 5.1.1. Método de rectángulos
  - 5.1.2. Método de trapecios
  - 5.1.3. Métodos de Simpson 1/8 y 3/8
  - 5.1.4. Fórmula de Boole
- 5.2. Extrapolaciones de Richardson
- 5.3. Integración de Romberg
- 5.4. Integración con cuadraturas de Gauss-Legendre





# Unidad 6: Ecuaciones Diferenciales Ordinarias (1 semana)

- 6.1. Método de las diferencias finitas
- 6.2. Método de Runge-Kutta
- 6.3. Método de Euler
- 6.4. Método de Heun
- 6.5. Ecuaciones de Lotka-Volterra
- 6.6. Ecuación de movimiento de péndulo doble





## Unidad 7: Números aleatorios (2 semanas)

- 7.1. Generación de números pseudo aleatorios uniformemente distribuidos
  - 7.1.1. Método del generador congruencial lineal (método de Park y Miller)
  - 7.1.2. Método de Mesenne Twister
  - 7.1.3. Método Blum-Blum-Shub
  - 7.1.4. Método Ranlux

#SOMOSUNAL





#### **Unidad 8: Números aleatorios**

- 7.2. Generación de números pseudoaleatorios provenientes de otras distribuciones
  - 7.2.1. Método de la transformada inversa
  - 7.2.2. Método de la aceptación-rechazo
  - 7.2.3. Método de Ziggurat y transformación de Box-Muller
- 7.3. Integración simple de Monte Carlo
- 7.4. Introducción a la confiabilidad estructural y cálculo de probabilidad de falla de sistemas estructurales

### Calendario académico 2021-2s

Métodos Numéricos Aplicados a la Ingeniería Civil – <mark>Gr2</mark>		
Inicio:	semana 4 a 9 de octubre de 2021	
Vacaciones:	diciembre 20 de 2021 a enero 7 de 2022	
Fin:	semana 7 a 12 de febrero de 2022	
Notas SIA:	hasta las 5PM del 12 de febrero de 2022	

\* Según Res. 529 de 2021 de Rectoría

Lunes 18:00 – 20:00 (virtual)

Miércoles 16:00 – 18:00 (virtual)





Ver en el repositorio el archivo: Cronograma y evaluación 2021-2s.pdf

Examen 1 Taller 1	Sistemas de ecuaciones lineales
	Interpolación
	Raíces y sistemas no lineales
Examen 2 Taller 2	Optimización
	Integración
	Ecuaciones Diferenciales Ordinarias

Actividad evaluativa	%	Fecha
Examen 1	15%	xxxxxxx, xx de noviembre de 2021
Examen 2	15%	xxxxxxx, xx de enero de 2021
Taller 1	35%	viernes, 17 de diciembre de 2021 a las 11:59h
Taller 2	35%	xxxxxxx, xx de febrero de 2022 a las 11:59h

### Sobre la evaluación

- Los exámenes tendrán una duración máxima de 30 minutos con preguntas conceptuales, de demostración o con enfoque aplicado a programación. Constarán de mínimo 3 preguntas. Para ellos, el docente previamente podrá autorizar el uso de una hoja tamaño carta por un solo lado con ecuaciones (no demostraciones), comandos de Python, pseudocódigo y palabras claves (no párrafos). Serán individuales
- Los talleres se enfocarán en aplicaciones de programación en Python de los métodos enseñados en clase. Serán individuales.



### Sobre la evaluación

- Los exámenes y talleres podrán dividirse en partes previo acuerdo.
- En algunos casos será posible que la calificación de una actividad sea superior a 5.0 con previa manifestación por parte del docente.
- Cualquier forma de plagio o copia será penalizada con la normativa vigente de la Universidad y será causante de pérdida de cualquier beneficio adicional dado por el docente.





## Consideraciones excepcionales

### Ver Acuerdo 356 de 2021 del CSU

**ARTÍCULO 3. Cupo de créditos en pregrado.** Los créditos de las asignaturas inscritas por los estudiantes de pregrado en el segundo periodo académico del año 2021 únicamente se contabilizarán como créditos inscritos y se descontarán del cupo de créditos para inscripción en los eventos en los cuales el estudiante haya obtenido una calificación en la asignatura igual o superior a 3.0.

ARTÍCULO 5. Asistencia. No se tendrá en cuenta el porcentaje mínimo de asistencia contemplado en el programa-asignatura y, en consecuencia, no haber asistido con regularidad a las clases durante el segundo periodo académico del año 2021 no implica una nota de cero, punto, cero (0.0).

**ARTÍCULO 8. Cancelaciones de asignaturas.** Autorizar excepción a los artículos <u>15</u> y <u>16</u> del Acuerdo 008 de 2008 del Consejo Superior Universitario - Estatuto Estudiantil y, en consecuencia, permitir la cancelación libre de asignaturas y actividades académicas hasta la octava semana del segundo periodo académico de 2021, sin descuento de créditos y sin la exigencia de mantener carga mínima.

O-Programa calendario

# Referencias bibliográficas curso

### Texto principal

Chapra, S. C., & Canale, R. P. (2015). *Métodos Numéricos para ingenieros* (7.ª ed.). México D.F.: Mc Graw Hill.

En <u>bases.unal.edu.co</u>



### Otras guías

Álvarez Marín, D. A. (2019). Curso de Métodos Numéricos. *Departamento de Ingeniería Civil.* Universidad Nacional de Colombia, Sede Manizales. Disponible en:





https://github.com/diegoandresalvarez/metodosnumericos/

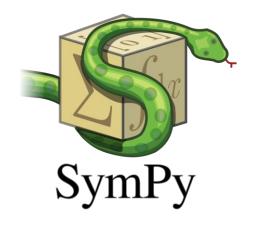
## Referencias bibliográficas curso

### Otras guías

#SOMOSUNAL

Documentación módulo NumPy de Python. Disponible https://numpy.org/doc/1.21/

Documentación módulo SymPy de Python. Disponible https://docs.sympy.org/latest/index.html







## Referencias

Rojas, E. M. (2020). Machine Learning: análisis de lenguajes de programación y herramientas para desarrollo. *Revista Ibérica de Sistemas e Tecnologias de Informação*, (E28), 586-599.



