2022华师启航信息B营:杂题选讲

例1: 摆花 (flower, 1s, 125MB)

【问题描述】

小明的花店新开张,为了吸引顾客,他想在花店的门口摆上一排花,共m盆。通过调查顾客的喜好,小明列出了顾客最喜欢的n种花,从1到n标号。为了在门口展出更多种花,规定第i种花不能超过 a_i 盆,摆花时同一种花放在一起,且不同种类的花需按标号的从小到大的顺序依次摆列。

试编程计算,一共有多少种不同的摆花方案。

【输入格式】

第一行包含两个正整数 n 和 m, 中间用一个空格隔开。

第二行有 n 个整数,每两个整数之间用一个空格隔开,依次表示 a_1, a_2, \ldots, a_n 。

【输出格式】

一个整数,表示有多少种方案。

注意:因为方案数可能很多,请输出方案数对 10^6+7 取模的结果。

【数据范围】

 $1 \le n \le 100, 0 < m \le 100, 0 \le a_i \le 100$

【输入样例】

2 4

3 2

【输出样例】

2

例2: 分级 (grade, 1s, 125MB)

【问题描述】

给定长度为 N 的序列 A,构造一个长度为 N 的序列 B,满足:

- 1. B 非严格单调,即 $B_1 \leq B_2 \leq \ldots \leq B_N$ 或 $B_1 \geq B_2 \geq \ldots \geq B_N$ 。
- 2. 最小化 $S = \sum_{i=1}^{N} |A_i B_i|$ 。

只需要求出这个最小值S。

【输入格式】

第一行包含一个整数 N 。

接下来 N 行,每行包含一个整数 A_i 。

【输出格式】

输出一个整数,表示最小 S 值。

【数据范围】

 $1 \leq N \leq 2000$

 $0 \le A_i \le 10^6$

【输入样例】

```
7
1
3
2
4
5
3
9
```

【输出样例】

3

例3: 陪审团 (jury, 1s, 125MB)

【问题描述】

在一个遥远的国家,一名嫌疑犯是否有罪需要由陪审团来决定。

陪审团是由法官从公民中挑选的。

法官先随机挑选 N 个人(编号 $1,2\ldots,N$)作为陪审团的候选人,然后再从这 N 个人中按照下列方法选出 M 人组成陪审团。

首先,参与诉讼的控方和辩方会给所有候选人打分,分值在0到20之间。

第 i 个人的得分分别记为 p[i] 和 d[i] 。

为了公平起见,法官选出的 M 个人必须满足:辩方总分 D 和控方总分 P 的差的绝对值 |D-P| 最小。

如果选择方法不唯一,那么再从中选择辨控双方总分之和 D+P 最大的方案。

求最终的陪审团获得的辩方总分 D、控方总分 P,以及陪审团人选的编号。

注意: 若陪审团的人选方案不唯一,则任意输出一组合法方案即可。

【输入格式】

输入包含多组测试数据。

每组测试数据第一行包含两个整数 N 和 M 。

接下来 N 行,每行包含两个整数 p[i] 和 d[i] 。

每组测试数据之间隔一个空行。

当输入数据 N=0,M=0 时,表示结束输入,该数据无需处理。

【输出格式】

对于每组数据,第一行输出 Jury #C , C 为数据编号,从 1 开始。

第二行輸出 Best jury has value P for prosecution and value D for defence: , P 为 控方总分, D 为辩方总分。

第三行输出按升序排列的陪审人选编号,每个编号前输出一个空格。

每组数据输出完后,输出一个空行。

【数据范围】

- $1 \le N \le 200$
- $1 \le M \le 20$
- $0 \le p[i], d[i] \le 20$

【输入样例】

- 4 2
- 1 2
- 2 3
- 4 1
- 6 2
- 0 0

【输出样例】

Jury #1

Best jury has value 6 for prosecution and value 4 for defence:

2 3

例4: 石子合并2 (pebble, 1s, 125MB)

【问题描述】

在一个圆形操场的四周摆放 N 堆石子,现要将石子有次序地合并成一堆,规定每次只能选相邻的 2 堆合并成新的一堆,并将新的一堆的石子数,记为该次合并的得分。

试设计出一个算法, 计算出将 N 堆石子合并成 1 堆的最小得分和最大得分。

【输入格式】

数据的第1行是正整数N,表示有N堆石子。

第 2 行有 N 个整数,第 i 个整数 a_i 表示第 i 堆石子的个数。

【输出格式】

输出共2行,第1行为最小得分,第2行为最大得分。

【数据范围】

 $1 \le n \le 100, 0 \le a_i \le 20$

【输入样例】

【输出样例】

43

54

例5: 战略游戏 (game, 1s, 125MB)

【问题描述】

鲍勃喜欢玩电脑游戏,特别是战略游戏,但有时他找不到解决问题的方法,这让他很伤心。

现在他有以下问题。

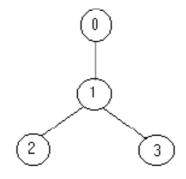
他必须保护一座中世纪城市,这条城市的道路构成了一棵树。

每个节点上的士兵可以观察到所有和这个点相连的边。

他必须在节点上放置最少数量的士兵,以便他们可以观察到所有的边。

你能帮助他吗?

例如,下面的树:



只需要放置1名士兵(在节点1处),就可观察到所有的边。

【输入格式】

输入包含多组测试数据,每组测试数据用以描述一棵树。

对于每组测试数据,第一行包含整数 N ,表示树的节点数目。

接下来 N 行,每行按如下方法描述一个节点。

节点编号: (子节点数目) 子节点 子节点 ...

节点编号从0到N-1,每个节点的子节点数量均不超过10,每个边在输入数据中只出现一次。

【输出格式】

对于每组测试数据,输出一个占据一行的结果,表示最少需要的士兵数。

【数据范围】

 $1 \leq N \leq 1500$

一个测试点所有 N 相加之和不超过 300650。

【输入样例】

```
4
0:(1) 1
1:(2) 2 3
2:(0)
3:(0)
5
3:(3) 1 4 2
1:(1) 0
2:(0)
0:(0)
4:(0)
```

【输出样例】

```
1
2
```