

[4] 循环结构程序设计

深入浅出程序设计竞赛 第 1 部分 - 语言入门 V 2021-05



版权声明

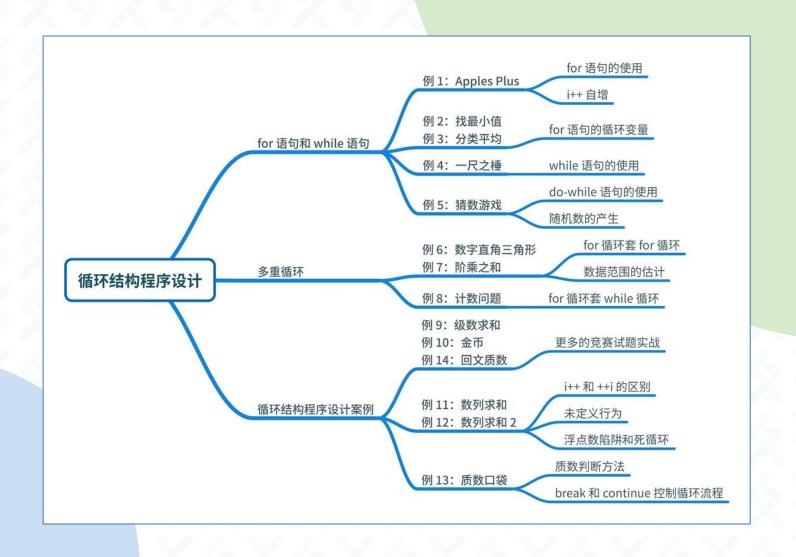
本课件为《深入浅出程序设计竞赛-基础篇》的配套课件,版权 归 **洛谷** 所有。所有个人或者机构均可免费使用本课件,亦可免 费传播,但不可付费交易本系列课件。

若引用本课件的内容,或者进行二次创作,请标明本课件的出处。

- 其它《深基》配套资源、购买本书等请参阅:
 https://www.luogu.com.cn/blog/kkksc03/IPC-resources
- 如果课件有任何错误,请在这里反馈
 https://www.luogu.com.cn/discuss/show/296741



本章知识导图



久洛谷

第4章循环结构程序设计

for 语句和 while 语句

多重循环

循环结构程序设计案例

课后习题与实验

久洛谷

for 语句和 while 语句

如果我们让计算机做 100 次运算, 真的要写出 100 条语句吗? 当然不用, 因为重复的工作, 只需用循环让计算机重复地去执行就可以了。

请翻至课本 P48

for 语句

用 for 循环进行重复的操作,常用于<mark>固定次数</mark>的循环。定义一个变量为循环计数器,可用已定义的变量,也可当场定义。

```
for (循环变量初始值;循环条件;循环结束操作) {循环体执行语句;
}
```

如果符合<mark>循环条件</mark>,则进入循环。对于每次循环,运行循环体, 然后进行每轮循环结束的操作。

```
//使用已经定义好的循环变量
int i;
for (i = 0; i < n; i++) {
    cout << i << endl;
}
```

```
//当场定义的循环变量
for (int i = 0; i < n; ++) {
    cout << i << endl;
}
```



Apples Plus

例 4.1

八尾勇今天又吃掉了 L(1≤L≤100) 个苹果。

她从第 1 个苹果开始,每吃一个苹果都会在纸上记录下来,在纸上写出一行 Today, I ate x apples.,其中,x 是指吃到第几个苹果;

她吃第一个苹果时, apple 这个单词后面不加 s。

她吃完苹果后, 在纸张上记录了什么内容?



Apples Plus

写句子是重复的工作,只需要让计算机重复地去写每一行就可以 了。这里使用 for 循环完成重复的工作。

假设读入的 L 是 4, 具体的流程如下表所示:

i的值	i<=L成立?	循环体执行	循环结束后
1(初始化)	成立	输出Today, I ate 1 apple.	j++
2	成立	输出Today, I ate 2 apples.	j++
3	成立	输出Today, I ate 3 apples.	j++
4	成立	输出Today, I ate 4 apples.	j++
5	不成立	跳出循环不执行	



找最小值

例 4.2 (洛谷 P5718)

给出 $n(n \le 100)$ 和 n 个整数 a_i ($0 \le ai \le 1000$), 求这 n 个整数 中最小值是什么。

提示: 我们可以使用 min() 函数来获得两个数字中的最小值。需要使用 algorithm 头文件。

```
minnum = min(minnum, tmp);
maxnum = max(maxnum, tmp);
```

前者 minnum 取 minnum 和 tmp 中 较小 的那个 后者 maxnum 取 maxnum 和 tmp 中 较大 的那个



找最小值

读入数量 n,循环 n 次,每次读入一个数字,共读入 n 个数。

```
int n, tmp, minnum = 100000000;
cin >> n;
for (int i = 0; i < n; i++) {
   cin >> tmp;
   if (tmp<minnum)minnum = tmp;
}
cout << minnum << endl;</pre>
```

统计最小值:"打擂台" 定义擂主变量 minnum,挑战 者的变量 tmp。

求值过程:

擂主初始值是一个非常大,大 于所有输入的数字。这里擂主 初始值是 10⁸。

每个数字都找擂主打擂。

- 如果新数字小于擂主,那么 新数字打擂成功,代替原来 擂主;
- 否则打擂失败,擂主不变。最后留下来的擂主就是最小值。



while 语句

while 循环来进行重复操作,需要确定循环成立的条件。

如果符合循环条件,则继续循环。

如果循环条件不再成立,则停止循环。

while 循环的一般形式如下:

```
while (循环成立条件) {
循环体
}
```

while 循环常用于<mark>没有固定次数</mark>的循环。一般来说循环体里有<mark>让循环不再成立</mark>的语句。

一尺之棰

例 4.4 (洛谷 P5720)

《庄子》中说到, "一尺之棰, 日取其半, 万世不竭"。

第一天有一根长度为 a(a≤10°) 的木棍,从第二天开始,每天都要将这根木棍锯掉一半(每次除 2,向下取整)。

第几天的时候木棍会变为 1?





一尺之棰

for 循环非常适合进行明确知道重复次数的循环。

本例不能很明确知道循环次数,故也可使用 while 循环 解决。

这里使用了逗号表达式,同时增加天数并且减少长度。

当 a>1 时,继续;否则跳出循环。当 a=22,循环流程如下表所示:

```
#include <iostream>
using namespace std;
int main() {
   int a, days = 1;
   cin >> a;
   while (a > 1)
       days++, a /= 2;
   cout << days;
}</pre>
```

á	a的值	a>1是 否成立	循环体执行	days	a
	22	成立	执行	days++ (变为2)	a/=2 (变为11)
	11	成立	执行	days++ (变为3)	a/=2 (变为5)
	5	成立	执行	days++ (变为4)	a/=2 (变为2)
	2	成立	执行	days++ (变为5)	a/=2 (变为1)
	1	不成立	跳出循环 不执行		



do-while 语句

do while 循环,和前面介绍过的 while 循环不同。

无论怎么样 do-while 循环都会直接执行循环体一次,等循环体运行结束后再验证循环成立条件。

do while 的一般形式如下:

```
do {
循环体
} while(循环成立条件);
```

如果成立就会重新开始循环,否则就退出循环。 do while 循环可以在转化为 while 循环

随机数

如何让计算机产生一个随机数呢?

可以使用 rand() 函数来产生一个 0 到 RAND_MAX 的数字,其中 R AND_MAX 是一个常量,其值与编译器和系统有关,而且别忘了加上头文件cstdlib。

一般来说Windows下其值为32767,而Linux下其值是int的最大值。

可以用 rand()%a 来产生一个 0 到 a-1 的随机数。如果想产生一个 a 到 b 的随机数可以使用 rand()%(b-a+1)+a。

随机数

如果直接这么写,无论运行多少次,输出的结果都是一样的,随机数完全不随机。解决方案是在生成随机数前加上一句srand(time (0)),同时加上头文件ctime。

这个代码是输出一个1到100的随机数;课本P52提供了一个和随机数有关的猜数游戏作为扩展阅读。

```
#include <iostream>
#include <cstdlib>
#include <ctime>
using namespace std;
int main() {
   int ans, guess;
   srand(time(0));
   ans = rand() % 100 + 1;
   cout << ans << endl;
   return 0;
}</pre>
```

久洛谷

多重循环

正如分支条件语句也能嵌套分支条件语句一样,循环语句也能互相嵌套。如果一些需要循环的"大操作"中有数个重复的小操作,就可进行循环嵌套。

请翻至课本 P53

多重循环

循环语句也能互相嵌套。如果需要循环的"大操作"中有好几个重复的小操作,就可以进行循环嵌套。

如果超过一个语句,或者需要调整层级,则必须要大括号,建议全部加上括号。

注意内层循环变量名不能和外层循环变量名冲突。

```
for (;;) {
    for (;;) {
        for (;;) {
            // 内层循环体
        }
    }
    for (;;)
    while (...) {
            // 内层循环体
        }
}
```



数字直角三角形

例 4.6 (洛谷 P5721)

给出 n(1≤n≤13), 请输出一个直角边长度是 n 的数字直角三角形。例如, 当 n=5 时, 应该输出:

```
0102030405
06070809
101112
1314
15
```

提示: 可以使用一重循环, 在合适的地方换行!

不过,有没有更好思考的方法呢?

数字直角三角形

我们可以把这个任务分成两个层级

- 1. 大任务: 输出每一行。需要一个外层循环, 其循环体就是输出 一行的内容。循环变量从1到n(也可以0到n-1)。
- 2. 小任务: 输出一行中的每一个数字。需要一个内层循环, 用于输出一行中的每一个数字。共需要打出 n 行, 所当处理第 i 行时, 需要输出 n-i+1 个数字。

定义变量 cnt 来记录输出到那个数字

```
int cnt = 0, n;
scanf("%d", &n);
for(int i = 1; i <= n; i++) {
    for(int j = 1; j <= n - i + 1; j++)
        printf("%02d", ++cnt);
    printf("\n");
}</pre>
```



数字直角三角形

循环层级	i 的值	i<=n?	j的值	j <n-i+1?< th=""><th>循环体执行</th><th>循环结束后</th></n-i+1?<>	循环体执行	循环结束后
外层	1 (初始)	成立			进入内层循环	
内层			1 (初始)	成立	cnt=1; 输出 01	j++ (变为2)
内层			2	成立	cnt=2; 输出 02	j++ (变为3)
内层			3	成立	cnt=3; 输出 03	j++ (变为4)
内层			4	不成立	退出内层循环	
外层	1				输出换行	i++ (变为 2)
外层	2	成立			进入内层循环	
内层			1 (初始)	成立	cnt=4; 输出 04	j++ (变为2)
内层			2	成立	cnt=5; 输出 05	j++ (变为3)
内层			3	不成立	退出内层循环	
外层	2				输出换行	i++(变为 3)
外层	3	成立			进入内层循环	
内层			1 (初始)	成立	cnt=6; 输出 06	j++ (变为2)
内层			2	不成立	退出内层循环	
外层	3				输出换行	i++ (变为4)
外层	4	不成立			退出外层循环	

这里是 n=3 的例子

阶乘之和

例 4.7 (洛谷 P1009, 有改动)

计算 $S = 1! + 2! + 3! + \dots + n!$ ($n \le 20$) 的值,其中 i! 是指 i 的阶乘,即 $i! = 1 \times 2 \times \dots \times i$ 。

分析: 按计算器可发现, 20 的阶乘大约 2.4×10^{18} , 所以可以使用 long long 类型存下。

long long 是一种整数类型,可以放下 9×10^{18} 的数字,但是比 in t 又大又慢。



阶乘之和

外层循环:循环变量 i 从 1 开始, 到 n 结束, 每次都加上 i 的阶乘, 最后统计即可。

内层循环: 求 i 的阶乘则需要另一层循环, 循环变量 j 从 1 开始, 到 i 结束, 每次都乘上 j 。

```
long long n, ans = 0;
cin >> n;
for (int i = 1; i <= n; i++) { // 外层循环
    long long factor = 1;
    for (int j = 1; j <= i; j++) // 内层循环
        factor *= j;
    ans += factor;
}
cout << ans << endl;</pre>
```

久洛谷

计数问题

例 4.8 (洛谷 P1980, NOIP 普及组 2013)

试计算在区间 1 到 $n(n \le 10^6)$ 的所有整数中,数字 $x(0 \le x \le 9)$ 共出现了多少次?

当 n 等于 12 时, 数字 1 出现了 5 次 (1,10,11,12)

提示:如何依次判断一个数字(假设为tmp)的每一位呢?

计算 tmp%10,得到它的个位数字,判断是不是等于x,如果是则计数器加1;然后 tmp/=10,把原来的个位数去掉了;

重复刚才的流程,每次都统计个位数,直到 tmp 为 0 为止。

计数问题

内层循环:对于整数 tmp,获得它的每一位并进行统计。

外层循环:从1到n枚举i,然后将i的值赋给tmp后再统计tmp枚举每一位;不能直接处理i,否则i就会被改变,这是外层循环。本例是for循环套用while循环的一个例子。

```
int n, x, ans = 0;
cin >> n >> x;
for (int i = 1; i <= n; i++) { // 外层循环
    int tmp = i, num;
    while (tmp != 0) { // 内层循环
        num = tmp % 10;
        if (num == x)
              ans++;
        tmp /= 10;
    }
}
cout << ans;</pre>
```

循环结构程序设计案例

本节将会介绍更多的关于循环的用法,题目会有一点复杂,前面的知识都会涉及,准备好了吗?

请翻至课本 P56

级数求和

例 4.9 (洛谷 P1035, NOIP 普及组 2002)

已知: $S_n=1+1/2+1/3+\dots+1/n$ 。显然对于任意一个整数 K,当 n 足够大的时候, S_n 大于 K。现给出一个整数 K($1 \le k \le 15$),要求计算出一个最小的 n,使得 $S_n > K$ 。

提示: 我们可以用循环模拟这个过程。

```
int k, ans = 0;
cin >> k;
for (double Sn = 0; Sn <= k; Sn += 1.0 / ans, ans++);
cout << ans;</pre>
```

注意这个循环语句,直接以一个分号结尾,它没有循环体!

在 for 循环的第三项每轮结束后的操作就是增加答案和累加倒数操作,使用了逗号表达式。



级数求和

如果 k 可以到 21 呢?程序设计中,每一道题都有时间限制,程序的运行时间需要在这个时间限制内出结果。

当 k 较大时,我们需要打表,即预处理结果,输入之后直接输出。

```
if (k == 21) {
    cout << 740461601;
    return 0;
}</pre>
```

这说明: 当循环次数较多, 运算速度就可能很慢。

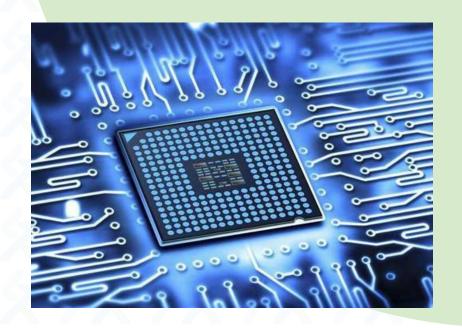
需要想办法提升程序运行的效率,减少循环次数。



计算机运行时间

计算机运行速度很快,但也是有上限的。

一般来说,现在的 CPU 可每秒钟运行 10⁸ (一亿)次循环。如果循环次数过多,就会超出时间限制,简称 TLE。



死循环

当一个循环一直无法跳出,一 直不断地执行,就会导致<mark>死循</mark> 环。

在比赛或者评测网站中,死循环会导致程序运行之间<mark>超时</mark>,简称 TLE。

可能的原因: 错误的循环终止 条件, 或者没有正确的修改循 环判断变量。

```
while (1) {
    //做一些事情
}
for (i = 0; i < 5; i--) {
    //做一些事情
}
for (i = 0; i < 5; i++) {
    //做一些事情
    i = 1;
}
```

金币

例 4.10 (洛谷 P2669, NOIP2015 普及组)

```
第一天, 骑士收到一枚金币;
之后两天(第二天和第三天), 每天收到两枚金币;
之后三天(第四、五、六天), 每天收到三枚金币;
之后四天(第七、八、九、十天), 每天收到四枚金币.....;
```

这种工资发放模式会一直这样延续下去: 当连续N天每天收到N枚金币后, 骑士会在之后的连续N+1天里, 每天收到N+1枚金币。

请计算在前K天里,骑士一共获得了多少金币。

例如: 前6天中, 骑士第1天收到1枚金币; 第2/3天, 每天收到2枚金币; 第4/5/6天, 每天收到3枚金币。因此一共收到1+2+2+3+3+3=14枚金币。

金币

解法很多。其中的一种简单的思路是枚举"每轮"金币发放。

其中第 i 轮发金币时,每天发 i 个金币,连发 i 天。

- 大任务: 发到第 i 轮时;
- 小任务: 这轮第 j 天 (共 i 天) 发 i 个。

每天发金币时记录下骑士收到的金币并累加,同时天数加1。

等到加到足够天数时输出答案即可。

```
#include<iostream>
using namespace std;
int main() {
  int k, coin = 0, day = 0;
  cin >> k;
  for (int i = 1; i++)
    for (int j = 1; j <= i; j++) {
      coin += i; day++;
      if (day == k) {
        cout << coin << endl;</pre>
        return 0;
                  达到目标, 可以
  return 0;
                  直接提前退出!
```

i++与++i

i++ 表示先使用 i 的值运算,然后使 i 增大 1 ++i 表示先使 i 增大 1,然后使用增大后的 i 值运算 例如

- i=1; j=i++; 等同于 j=i; i+=1; 此时 i=2 j=1。
- i=1; j=++i; 等同于 i+=1; j=i; 此时 i=2 j=2。

判断练习

请指出下列语句执行后, i和j的值分别是多少?

1)
$$i=3$$
; $i++$; $j=i$;

$$(2)$$
 i=3; j=i++;

$$3i=3; j=3+i++;$$

$$(4)$$
 $i=3$; $j=++i$;

判断练习 - 答案

请指出下列语句执行后, i和j的值分别是多少?

- ① i=3; i++; j=i; i 为 4, j 为 4
- ② i=3; j=i++; i 为 4, j 为 3
- ③ i=3; j=3+i++; i 为 4, j 为 6
- ④ i=3; j=++i; i 为 4, j 为 4

数列求和

例 4.11 (洛谷 P5722)

计算 1+2+3+**+(n-1)+n 的值, 其中 n 不大于 100。不得用公式。

解法 1: 使用 for 循环直接累加计算。

解法 2: 使用 while 循环 n 次。每次循环中 i 增加 1, s 增加 i。

```
int s = 0, i = 0, n;
cin >> n;
```

```
while (n--) s += ++i;
cout << s;
```

while(n--) 先判断 n 是否非零, 再将 n 减去 1。
 while(--n) 先将 n 减 1, 然后再判断是否非零。

s += ++i 先将 i 加 1, 再加到 s 中。

注意: 避免 ++i + i++ 这类可读性极差的代码。



判断质数

因数:一个正整数,能被若干个数整除,那么这若干个数就是这个数的因数。

质数: 只有1和它本身两个因数的自然数。1不是质数也不是合数

合数: 因数个数大于 2 的自然数。

判断一个数 n 是否为质数: i 从 2 循环到 n-1, 若存在 i 能整除 n,则 n 不为质数。

有没有更快的方法?



判断质数

设 $a \times b = n, a \le b$,可知 $a \times a \le n$,所以 $a \le \sqrt{n}$, $b \ge \sqrt{n}$ 。 若不存在符合条件的 a 能整除 n,则必然不存在对应的 b 能整除 n。 比较以下两种写法在时间效率上的区别

```
for (int i = 2; i * i <= n; i++)
for (int i = 2; i <= sqrt(n); i++)</pre>
```

乘法速度快于除法,而 sqrt 速度也很慢。

在程序的任意地方加上 return 0; 即可立刻退出程序。



break 和 continue

遇到不想让循环执行完毕的情况下,可以<mark>终止这个循环,或者跳过</mark>本次循环执行语句。

break 语句:终止本层循环。只能跳出一层循环;

continue 语句: 跳过本次循环,直接开始下一次循环。



break 和 continue

判断练习

下列代码,程序会输出什么?

break 语句: 终止本层循环。只能跳出一层循环

continue 语句: 跳过本次循环,直接开始下一次循环。

```
for (int i = 1; i <= 10; i++) {
    //①
    if (i % 2 == 0)
        continue;
    cout << i << " ";
    if (i >= 5)
        break;
} //②
```



break 和 continue

判断练习 - 答案

下列代码,程序会输出135。

break 语句:终止本层循环。跳到位置 1

continue 语句:跳过本次循环。跳到位置②。

```
for (int i = 1; i <= 10; i++) {
    //①
    if (i % 2 == 0)
        continue;
    cout << i << " ";
    if (i >= 5)
        break;
} //②
```



质数口袋

例 4.13 (洛谷 P5823)

小A有一个装质数的口袋。

他从2开始,依次判断各个自然数是不是质数,如果是质数就会把这个数字装入口袋。

口袋的负载量就是口袋里的<mark>所有数字</mark>之和。但口袋的承重量有限,不能装得下总和超过 L(1≤L≤100000) 的质数。

给出 L,请问口袋里能装下几个质数?将这些质数从小往大输出,然后输出最多能装下的质数个数,每行输出一个数字。

质数口袋

例 4.13 (洛谷 P5823)

装<mark>尽量小的质数</mark>可以使装的质数的个数最多。

可以<mark>从小到大</mark>枚举每个数,再 判断是否质数,用之前所学方 法。

如果当前质数装不下,那么接下来的质数一定装不下,可以 直接退出循环。

```
int L, load = 0, ans = 0;
cin >> L;
for (int i = 2;; i++) {
    int is prime = 1;
    for (int j = 2; j * j <= i;j++)
        if (i % j == 0) {
             is prime = 0;
             break:
    if (!is prime) continue;
    if (i + load > L) break;
    cout << i << endl;</pre>
    ans++; load += i;
cout << ans;</pre>
```



一尺之棰

判断练习

如果初始 cnt=0 , 执行完 for (int i = 1; i <= 100; i += 6)++cnt; 后 cnt 的值是多少?

如果初始 cnt=0,i=1, 执行完 while (i <= 100)++cnt, i += 6; 后 cnt 的值是多少?

上面两个结果是否一样? 为什么?

一尺之棰

判断练习 - 答案

如果初始 cnt=0 ,执行完 for (int i = 1; i <= 100; i += 6)++cnt; 后 cnt 的值是 17。

如果初始 cnt=0,i=1, 执行完 while (i <= 100)++cnt, i += 6; 后 cnt 的值是 17。

上面两个结果一样。

计算机运行时间

判断练习

估计以下程序是否会超时,即循环次数超过 108。

```
for(i=0;i<20000000;i++)
    ans++;

for(i=0;i<15000000;i+=2)
    ans++;

for(i=0;i<20000;i++)
    ans++;</pre>
```

```
for(i=0;i<20000;i++)
    for(j=0;j<20000;j++)
        ans++;

for(i=0;i<20000;i++)
    for(j=0;j<20000;j+=i)
        ans++;</pre>
```

计算机运行时间

判断练习 - 答案

估计以下程序是否会超时,即循环次数超过 108。

```
for(i=0;i<20000000;i++)
    ans++;
//超时

for(i=0;i<15000000;i+=2)
    ans++;
//超时

for(i=0;i<20000;i++)
    ans++;
//不超时
```

```
for(i=0;i<20000;i++)
    for(j=0;j<20000;j++)
        ans++;
//超时

for(i=0;i<20000;i++)
    for(j=0;j<20000;j+=i)
        ans++;
//不超时
```

课后习题与实验

学而时习之,不亦说乎。学而不思则罔,思而不学则殆。——孔子

请翻至课本 P64

总结

for 循环

for 循环格式 / 常用于有固定次数的循环

while 循环

循环体运行前验证循环成立条件

do-while 语句

循环体运行结束后再验证循环成立条件 i++ 和 ++i 是有区别的

随机数

随机生成一个范围的随机数 生成随机数前加上srand(time(0))



总结

数字按位拆分

n % 10 得到 n 的最后一位(即个位) n / 10 删去 n 的最后一位

多重循环

将任务分解为多个需要循环的子任务 每个子任务中又需要进行循环

计算机运行时间

计算机很快,但也有极限,超过一亿次循环很难一秒钟跑完 判断质数 i 从 2 枚举到 √n 判断是否能整除 n break 和 continue 跳出这个循环,以及直接开始下一轮循环

课后拓展

习题 4.1: 如果想求一个数列的最大值,还要求出是第几个数字是最大的,该如何实现呢?

习题 4.2: 小玉在游泳 (洛谷 P1423)

小玉在游泳,第一步能游2米,可是随着越来越累,力气越来越小,她接下来的每一步都只能游出上一步距离的98%。现在小玉想知道,如果要游到不小于距离 x(x≤100) 米的地方,她需要游多少步呢。

习题 4.3 数字反转(洛谷 P1307, NOIP2011 普及组)

给定一个整数(其绝对值不大于 10°),请将该数各个位上数字反转得到一个新数。

新数也应满足整数的常见形式,即除非给定原数为零,否则反转后的新数的最高位数字不应为零。比如输入是-380,输出-83。

课后拓展

习题 4.4 斐波那契数列(洛谷 P1720 改编)

观察下面的数列: 1123581321345589144233...

除了最开始的两个数字,后面的数字都是前面两个数字的和,这就是斐波那契数列。请输出第 n(3≤n≤30) 项斐波那契数列。



课后拓展

习题 4.5 求极差 (洛谷 P5724)

给出 $n(n \le 100)$ 和 n 个整数 a_i (0 ≤ a_i ≤ 1000),求这 n 个整数中的极差是什么。

极差的意思是一组数中的最大值减去最小值的差。

习题 4.6 最长连号 (洛谷 P1420)

输入 n(n≤10⁴) 个不超过 10⁹ 的正整数,要求输出最长的连续自然数子序列的长度。



课后拓展

习 4.10 Davor (洛谷 P4956, COCI2017)

Davor 需要筹集 n 元钱。他打算在每个星期一筹集 x 元,星期二 筹集 x+k 元,……,星期日筹集 x+6k 元,并在 52 个星期时筹集完。其中 x,k 为正整数,并且满足 $1 \le x \le 100$ 。

现在请你帮忙计算x,k为多少时,能刚好筹集n元。

如果有多个答案,输出 x 尽可能大, k 尽可能小。



参考阅读材料

以下的内容限于课件篇幅未能详细阐述。如果学有余力,可自行翻阅课本作为扩展学习。

- P50 例 4.3: 活用 for 循环计算平均值
- P52 例 4.5: 猜数游戏; 随机数的详细用法和注意事项
- P59 例 4.12: 死循环; 浮点误差的提示
- P62 例 4.14: 比较复杂的枚举题, 以及数学证明
- 习题 4.7、4.8、4.9、4.11。