

# 1. Reglas de derivación:

Si  $f(t)$  y  $g(t)$  son funciones derivables y  $C$  es una constante real, se verifica lo siguiente:

1.  $\frac{d}{dt}(C) = 0$
2.  $\frac{d}{dt}(f(t) \pm g(t)) = \frac{d}{dt}f(t) \pm \frac{d}{dt}g(t) = f'(t) \pm g'(t)$
3.  $\frac{d}{dt}(Cf(t)) = Cf'(t)$
4.  $\frac{d}{dt}(f(t)g(t)) = f'(t)g(t) + f(t)g'(t)$
5.  $\frac{d}{dt}\left(\frac{f(t)}{g(t)}\right) = \frac{f'(t)g(t) - f(t)g'(t)}{(g(t))^2}$  si  $g(t) \neq 0$

**6. Regla de la cadena:** Si  $y = f(u)$  con  $u = g(t)$ , es decir,  $y = f(g(t))$ , entonces se tiene que

$$\frac{dy}{dt} = \frac{dy}{du} \frac{du}{dt} = f'(g(t)) g'(t). \text{ De otra forma: } [f(g(t))]' = f'(g(t)) g'(t)$$

Esta propiedad puede generalizarse:  $[f(g(h(t)))]' = f'(g(h(t))) g'(h(t)) h'(t)$ .

## 2 Tabla de derivadas

| Derivadas inmediatas |                                       | Derivadas con la regla de la cadena |   |
|----------------------|---------------------------------------|-------------------------------------|---|
| Función $y(t)$       | Derivada $\frac{d}{dt} y(t) = y'(t)$  | Función $y(t)$                      | Derivada $\frac{d}{dt} y(t) = y'(t)$                    |
| $Ct$                 | $C$                                   | $Cf(t)$                             | $Cf'(t)$  |
| $t^n$                | $nt^{n-1}$                            | $\{f(t)\}^n$                        | $n\{f(t)\}^{n-1} f'(t)$                                 |
| $\sqrt{t}$           | $\frac{1}{2\sqrt{t}}$                 | $\sqrt{f(t)}$                       | $\frac{1}{2\sqrt{f(t)}} f'(t)$                          |
| $\ln t$              | $\frac{1}{t}$                         | $\ln f(t)$                          | $\frac{1}{f(t)} f'(t)$                                  |
| $e^t$                | $e^t$                                 | $e^{f(t)}$                          | $e^{f(t)} f'(t)$  |
| $\sin(t)$            | $\cos(t)$                             | $\sin f(t)$                         | $\cos(f(t)) f'(t)$                                      |
| $\cos(t)$            | $-\sin(t)$                            | $\cos f(t)$                         | $-\sin(f(t)) f'(t)$                                     |
| $\tan(t)$            | $\frac{1}{\cos^2(t)} = 1 + \tan^2(t)$ | $\tan f(t)$                         | $\frac{1}{\cos^2 f(t)} f'(t) = (1 + \tan^2 f(t)) f'(t)$ |
| $\cotan(t)$          | $-\frac{1}{\sin^2(t)}$                | $\cotan(f(t))$                      | $-\frac{1}{\sin^2 f(t)} f'(t)$                          |
| $\arcsin(t)$         | $\frac{1}{\sqrt{1-t^2}}$              | $\arcsin f(t)$                      | $\frac{1}{\sqrt{1-(f(t))^2}} f'(t)$                     |
| $\arccos(t)$         | $-\frac{1}{\sqrt{1-t^2}}$             | $\arccos f(t)$                      | $-\frac{1}{\sqrt{1-(f(t))^2}} f'(t)$                    |
| $\arctan(t)$         | $\frac{1}{1+t^2}$                     | $\arctan f(t)$                      | $\frac{1}{1+(f(t))^2} f'(t)$                            |