

**Theoreme 1.** *This statement is true, I guess.*

$$2x + 3 = 2. \tag{1}$$

On peut donc dire que le théorème 1 vérifie l'égalité (1).

**Remarque 0.0.1.** *This statement is true, I guess.*

**Exercice N°**

Soit  $A$  et  $P$  les deux matrices définies ci-dessous.

$$A := \begin{pmatrix} 1 & 2 & -2 \\ 2 & 1 & -2 \\ 2 & 2 & -3 \end{pmatrix} \quad \& \quad P := \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 2 \end{pmatrix}. \tag{2}$$

On note  $P^{-1}$ , l'inverse de la matrice  $P$ , si elle existe.

1. Déterminer l'inverse de la matrice  $P$ , si elle existe.
2. On pose  $D = P^{-1}AP$ . Calculer  $D, D^2, D^3$  et en déduire  $D^n$ , pour tout  $n$  de  $\mathbf{N}$ .
3. A partir des résultats obtenus aux questions précédentes, calculer  $A^n$ , pour tout  $n$  in  $\mathbf{N}$ .