

Programación 3

Cursada 2022

Prof. Alejandra Schiavoni (ales@info.unlp.edu.ar)

Prof. Pablo Iuliano (piuliano@info.unlp.edu.ar)

- Se dice que un objeto es recursivo cuando forma parte de sí mismo, es decir puede definirse en términos de sí mismo.
- En programación, la recursividad es la propiedad que tienen los Algoritmos de llamarse a sí mismos para resolver un problema.

- > Ejemplos de definiciones recursivas:
 - Factorial de un número

$$0! = 1$$

Si n > 0, n! = n * (n-1)!

Potencia de un número

$$x^0 = 1$$

Si y > 0, $x^y = x * x^{y-1}$

 Estructuras de datos Árboles

- > Ejemplos de soluciones recursivas:
 - Buscar un elemento en un arreglo
 - Ordenar un arreglo de elementos
 - Recorrer un árbol

- Soluciones recursivas:
 - División sucesiva del problema original en problemas más pequeños del mismo tipo
 - Se van resolviendo estos problemas más sencillos
 - Con las soluciones de éstos se construyen las soluciones de los problemas más complejos

Ejemplo:

Programar un algoritmo recursivo que permita invertir un número

> Ejecución:

Entrada: 123

Salida:

> Ejecución:

Entrada: 123

invertir (123)

```
n = 123
print (3)
invertir (12)
```

Salida: 3

```
int invertir (int n)
{
  if (n < 10)  //caso base
   System.out.print(n);
  else
   System.out.print(n mod 10); // el resto de la
  división entera
  invertir (n div 10);
}</pre>
```

> Ejecución:

Entrada: 123

invertir (12)

n = 12 print (2) invertir (1)

invertir (123)

n = 123 print (3) invertir (12)

invertir (123)

n = 123 print (3) invertir (12)

Salida: 3 2

```
int invertir (int n)
{
  if (n < 10)  //caso base
   System.out.print(n);
  else
   System.out.print(n mod 10); // el resto de la
división entera
  invertir (n div 10);
}</pre>
```

Ejecución:

Entrada: 123

invertir (12)

n = 12print (2) invertir (1)

invertir (123)

n = 123print (3) invertir (12)

invertir (1)

n = 1print (1)

invertir (12)

n = 12print (2) invertir (1)

invertir (123)

n = 123print (3) invertir (12)

```
int invertir (int n)
                  (//caso base
 if (n < 10)
  System.out.print(n);
 else
  System.out.print(n mod 10); // el resto de la
división entera
 invertir (n div 10);
```

invertir (123)

n = 123print (3) invertir (12)

Ejecución:

Entrada: 123

invertir (12)

n = 12

print (2)

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (1)

n = 1

print (

invertir (12)

n = 12

print (2)

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

Salida:

int invertir (int n) **if** (n < 10)//caso base **System.out.print**(n); else System.out.print(n mod 10); // el resto de la división entera invertir (n div 10);

Ejecución:

Entrada: 123

invertir (12)

n = 12

print (2)

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (1)

n = 1

invertir (12)

n = 12

print (2)

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

print (

invertir (12)

invertir (n div 10);

System.out.print(n);

int invertir (int n)

//caso base

System.out.print(n mod 10); // el resto de la

if (n < 10)

división entera

else

n = 12

print (2)

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

Ejecución:

Entrada: 123

invertir (12)

n = 12print (2)

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (1)

n = 1

invertir (12)

n = 12

print (2)

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

print (

invertir (12)

invertir (n div 10);

System.out.print(n);

n = 12

print (2)

int invertir (int n)

//caso base

System.out.print(n mod 10); // el resto de la

if (n < 10)

división entera

else

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

> Ejecución:

Entrada: 123

invertir (12)

n = 12

print (2)

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (1)

n = 1

print (

invertir (12)

n = 12

print (2)

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (12)

invertir (n div 10);

System.out.print(n);

int invertir (int n)

//caso base

System.out.print(n mod 10); // el resto de la

if (n < 10)

división entera

else

n = 12

print (2)

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

Salida:

Ejecución:

Entrada: 123

invertir (12)

n = 12

print (2)

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (1)

n = 1

print (

invertir (12)

n = 12

print (2)

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

System.out.print(n mod 10); // el resto de la

//caso base

división entera

if (n < 10)

else

int invertir (int n)

invertir (n div 10);

invertir (12)

System.out.print(n);

n = 12

print (2)

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

Salida:

Ejemplo 2: Algoritmo de ordenación MergeSort

La estrategia del algoritmo consiste en dividir el vector en 2 partes (sub-vectores), ordenarlos y luego hacer un Merge de estos sub-vectores ya ordenados. Cada uno de esos sub-vectores se ordenan aplicando la misma estrategia, hasta tanto el vector contenga sólo un dato y en ese caso se lo devuelve (el sub-vector está ordenado).

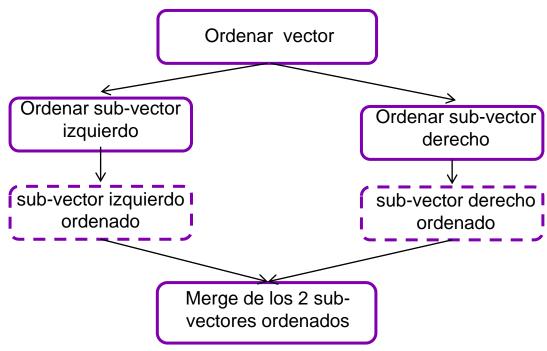
Características *recursivas* del algoritmo

- ✓ Se resuelven 2 sub-problemas más pequeños
- Se combinan los resultados de cada solución
- Se cuenta con un caso base.

Ejemplo 2: Algoritmo de ordenación MergeSort

La estrategia del algoritmo consiste en dividir el vector en 2 partes (sub-vectores), ordenarlos y luego hacer un Merge de estos sub-vectores ya ordenados. Cada uno de esos sub-vectores se ordenan aplicando la misma estrategia, hasta tanto el vector contenga sólo un dato y en ese caso se lo devuelve (el sub-vector está ordenado).

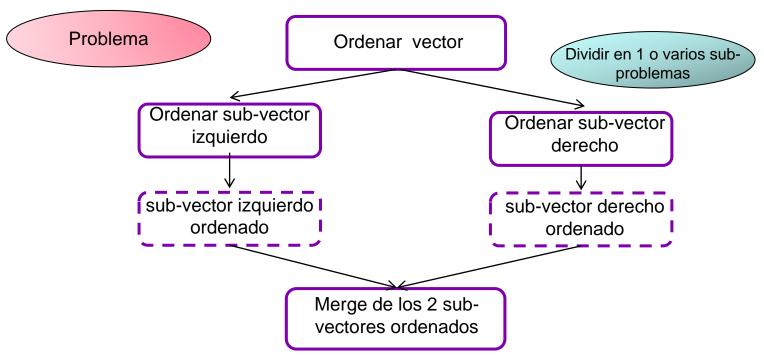
Gráficamente:



Ejemplo 2: Algoritmo de ordenación MergeSort

La estrategia del algoritmo consiste en dividir el vector en 2 partes (sub-vectores), ordenarlos y luego hacer un Merge de estos sub-vectores ya ordenados. Cada uno de esos sub-vectores se ordenan aplicando la misma estrategia, hasta tanto el vector contenga sólo un dato y en ese caso se lo devuelve (el sub-vector está ordenado).

Gráficamente:

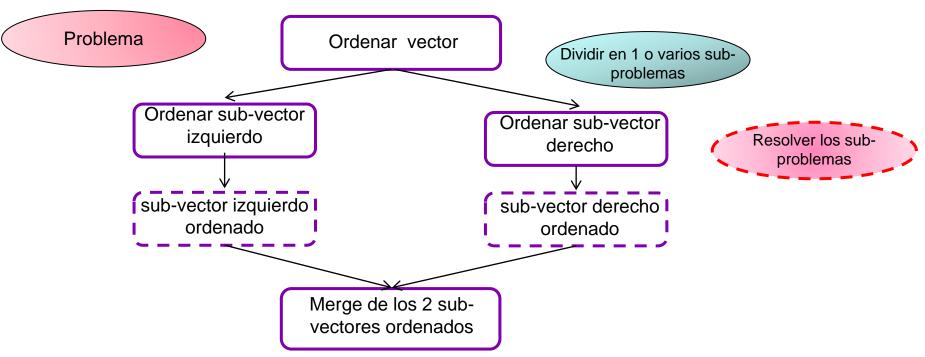


Programación 3 - Cursada 2022

Ejemplo 2: Algoritmo de ordenación MergeSort

La estrategia del algoritmo consiste en dividir el vector en 2 partes (sub-vectores), ordenarlos y luego hacer un Merge de estos sub-vectores ya ordenados. Cada uno de esos sub-vectores se ordenan aplicando la misma estrategia, hasta tanto el vector contenga sólo un dato y en ese caso se lo devuelve (el sub-vector está ordenado).

Gráficamente:

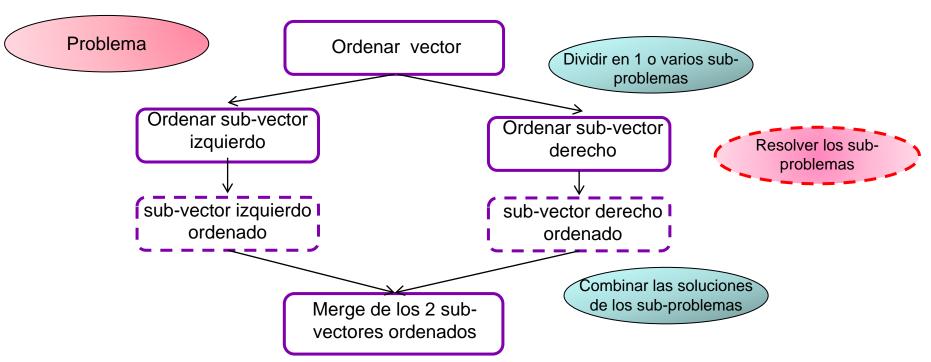


Programación 3 - Cursada 2022

Ejemplo 2: Algoritmo de ordenación MergeSort

La estrategia del algoritmo consiste en dividir el vector en 2 partes (sub-vectores), ordenarlos y luego hacer un Merge de estos sub-vectores ya ordenados. Cada uno de esos sub-vectores se ordenan aplicando la misma estrategia, hasta tanto el vector contenga sólo un dato y en ese caso se lo devuelve (el sub-vector está ordenado).

Gráficamente:

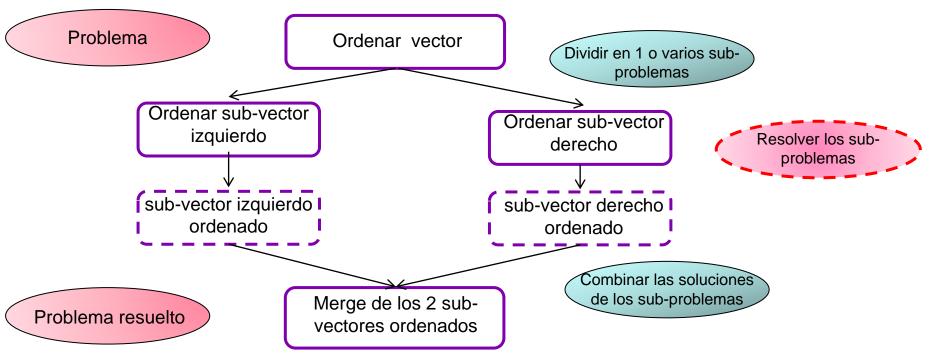


Programación 3 - Cursada 2022

> Ejemplo 2: Algoritmo de ordenación *MergeSort*

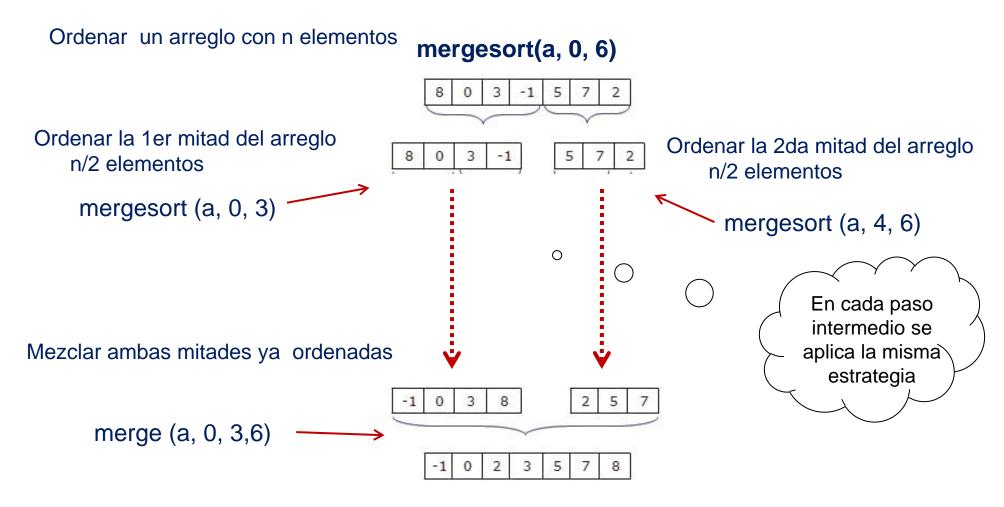
La estrategia del algoritmo consiste en dividir el vector en 2 partes (sub-vectores), ordenarlos y luego hacer un Merge de estos sub-vectores ya ordenados. Cada uno de esos sub-vectores se ordenan aplicando la misma estrategia, hasta tanto el vector contenga sólo un dato y en ese caso se lo devuelve (el sub-vector está ordenado).

Gráficamente:



Prof. Alejandra Schiavoni

Ejemplo 2: Estrategia



Prof. Alejandra Schiavoni Programación 3 - Cursada 2022

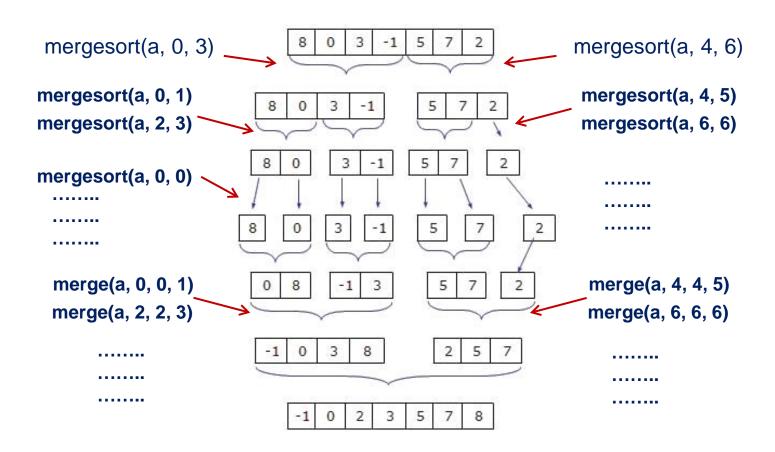
Ejemplo 2:

```
public static void mergesort (int a[],int izq, int der) {
        if ( izq<der ) {</pre>
(a)
(b)
                    int m = (izq+der)/2;
(c)
                    mergesort (a,izq, m);
(d)
                    mergesort (a,m+1, der);
                   merge (a, izq, m, der);
(e)
```

```
Ejemplo 2 (cont.):
```

```
public static void merge ( int a[], int izq, int m, int der) {
 int i, j, k;
 int [] b = new int [a.length]; //array auxiliar
 for (i=izq; i<=der; i++) { //copia ambas mitades en el array auxiliar
       b[i]=a[i]; }
 i=izq; j=m+1; k=izq;
 while (i<=m && j<=der) { //copia el siguiente elemento más grande
       if (b[i]<=b[i])
            a(k++)=b(i++);
       else
            a(k++)=b(i++);
 while (i<=m) //copia los elementos que quedan de la
        a[k++]=b[i++]; //primera mitad (si los hay)
```

Ejemplo 2: Ejecución

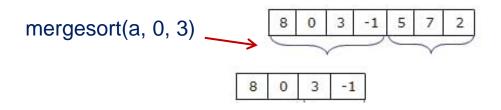


Ejemplo 2: Ejecución

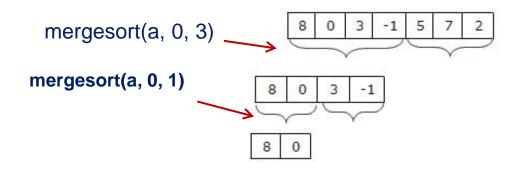
mergesort(a, 0, 6)

8 0 3 -1 5 7 2

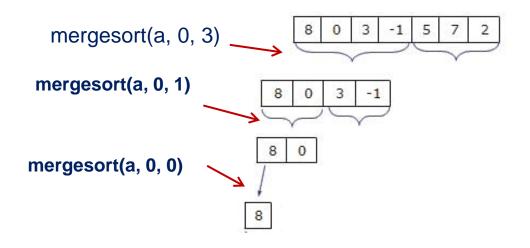
Ejemplo 2: Ejecución



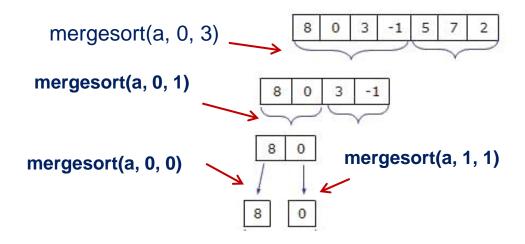
Ejemplo 2: Ejecución



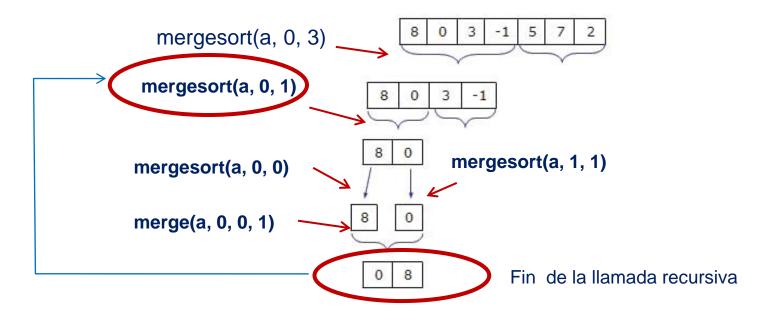
Ejemplo 2: Ejecución



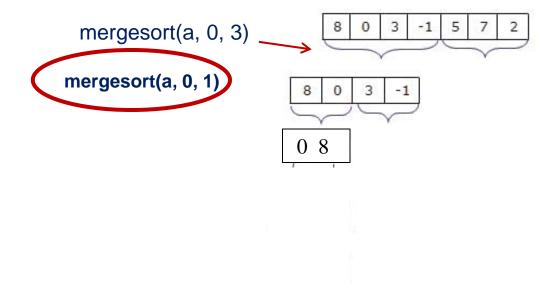
Ejemplo 2: Ejecución



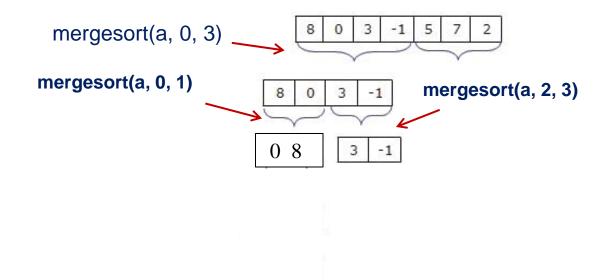
Ejemplo 2: Ejecución



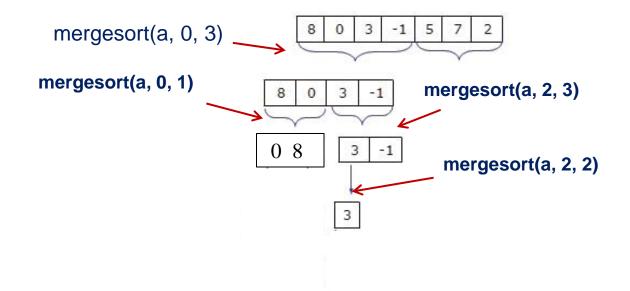
Ejemplo 2: Ejecución



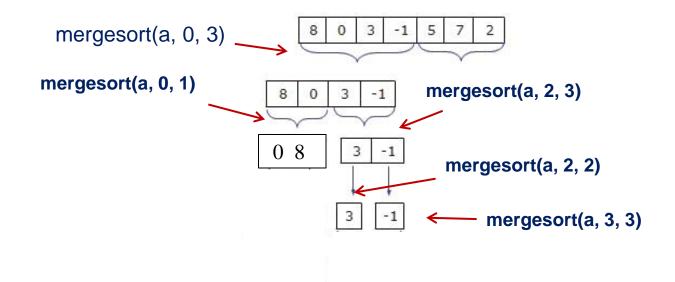
Ejemplo 2: Ejecución



Ejemplo 2: Ejecución

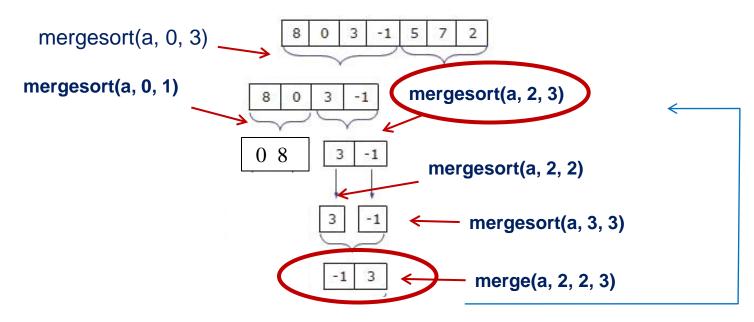


Ejemplo 2: Ejecución



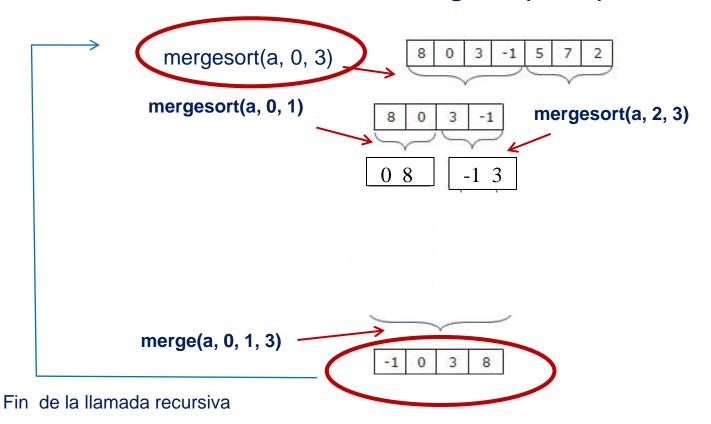
Ejemplo 2: Ejecución

mergesort(a, 0, 6)



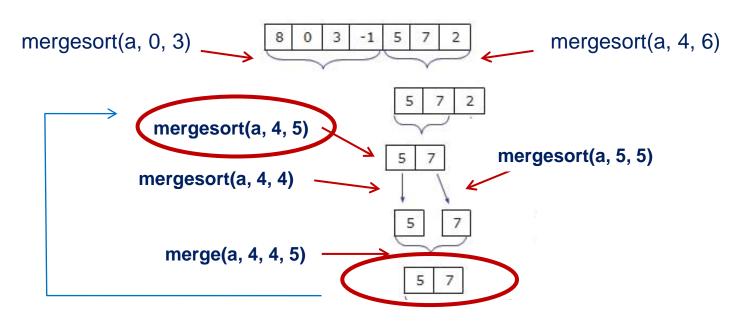
Fin de la llamada recursiva

Ejemplo 2: Ejecución



Ejemplo 2: Ejecución

mergesort(a, 0, 6)



Fin de la llamada recursiva

Ejemplo 2: Ejecución

