

# Teorema de Modigliani y Miller Con Impuestos

Joaquín Martínez Ojeda<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Universidad de Chile (FEN)

FenVID

Primavera 2025

# Contenidos

1. Deuda y escudo fiscal

2. Reescribir las proposiciones con impuestos

3. Límites al beneficio de la deuda



# ¿Qué cambia con los impuestos?

En su artículo de 1963, Modigliani y Miller revisan su propuesta inicial para incorporar el efecto de los **impuestos corporativos sobre la renta**. Esto da pie a una nueva visión:

#### Resultado central

Cuando los intereses de la deuda son deducibles, el valor de la firma aumenta proporcionalmente al valor presente del **escudo fiscal por intereses**.

$$V_L = V_U + \mathsf{VP}(\mathsf{escudo} \; \mathsf{fiscal})$$

# El escudo fiscal por intereses

- El escudo fiscal surge porque las empresas deducen los pagos de intereses de sus utilidades imponibles.
- Esto reduce los impuestos pagados y, por tanto, **aumenta el flujo disponible para los inversionistas**.

Escudo fiscal  $= t_c \cdot \text{Intereses}$ 

donde  $t_c$  es la tasa marginal de impuesto corporativo.

... La deuda genera valor porque crea un ahorro de impuestos.

# Reescribir las proposiciones con impuestos

# Proposición I con impuestos

El nuevo valor de la firma es:

$$V_L = V_U + t_c \cdot D$$

- $V_U$ : valor de la firma sin apalancamiento.
- *D*: monto de deuda permanente.
- $t_c$ : tasa marginal del impuesto corporativo.

#### Conclusión

La estructura de capital **sí afecta** el valor de la firma. A más deuda, más valor (hasta cierto punto).

# Proposición II con impuestos

La fórmula del costo del capital propio se mantiene, pero ahora con un impacto adicional por el ahorro de impuestos:

$$r_e = r_0 + \left(\frac{D}{E}\right)(r_0 - r_d)(1 - t_c)$$

- El apalancamiento sigue elevando el costo del capital propio.
- Pero el escudo fiscal mitiga ese efecto sobre el riesgo total.

# WACC con impuestos

$$\mathsf{WACC} = \frac{E}{E+D}r_e + \frac{D}{E+D}r_d(1-t_c)$$

- A diferencia del caso sin impuestos, ahora el WACC sí se reduce con mayor apalancamiento.
- El escudo fiscal hace que la deuda sea más atractiva que el capital propio.

#### Resultado

Más deuda  $\Rightarrow$  menor WACC  $\Rightarrow$  mayor valor de la empresa.

# Intuición con la analogía de la pizza

Merton Miller propone una analogía:

"Sin impuestos, da lo mismo cómo se corte la pizza: es siempre del mismo tamaño. Con impuestos, repartirla entre acreedores permite evitar una tajada que se lleva el fisco."

- Más deuda implica menor "porción" de impuestos, y más pizza para los inversionistas.
- Este beneficio tiene límites: no es gratis endeudarse sin fin.



# Límites al beneficio del apalancamiento

Aunque los impuestos dan un incentivo a usar deuda, en la práctica hay límites:

- Las empresas necesitan tener utilidades imponibles para beneficiarse del escudo.
- Si la deuda excede las UAII, no hay ahorro tributario adicional.
- Existen costos de bancarrota, asimetrías de información, conflictos de agencia, etc.

Conclusión: El apalancamiento óptimo no es infinito.

# Balance a valor de mercado con impuestos

Cuando se incluye el escudo fiscal como un activo más, el balance de la firma cambia:

Valor de los activos = Activos operacionales + Valor del escudo fiscal

$$V_L = E + D = V_U + t_c \cdot D$$

• El escudo fiscal es un activo intangible creado por la política tributaria.

# Resumen de los efectos de los impuestos

- Los intereses de la deuda reducen la carga tributaria de la empresa.
- Esto genera un escudo fiscal, cuyo valor se suma al de la firma.
- A diferencia del modelo de 1958, la estructura de capital sí importa.
- El **WACC** disminuye con apalancamiento.
- Pero deben considerarse también los costos de quiebra y otras fricciones.

#### Referencias



Jonathan, B., & Peter, D. (2008). Finanzas corporativas. Editorial Pearson. México.



# Teorema de Modigliani y Miller Fricciones

Joaquín Martínez Ojeda<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Universidad de Chile (FEN)

FenVID

Primavera 2025

# Contenidos

- 1. Más allá del modelo: Fricciones Reales
- 2. Costos de quiebra
- 3. Costos de agencia
- 4. Información asimétrica
- 5. Estructura óptima

# Más allá del modelo: Fricciones Reales

## ¿Qué falta en el modelo MM?

Hasta ahora, los modelos de Modigliani y Miller han supuesto mercados perfectos. Pero en el mundo real existen fricciones relevantes:

- Costos de quiebra (directos e indirectos).
- Costos de agencia entre accionistas y acreedores.
- Problemas de información asimétrica.

#### Implica que...

Estas fricciones generan costos y beneficios adicionales del apalancamiento que modifican las conclusiones de MM (con y sin impuestos).



# Costos de quiebra

Cuando una firma no puede cumplir sus obligaciones financieras, incurre en costos que reducen el valor total:

- Costos directos: honorarios legales, administrativos, contables, etc.
- Costos indirectos: pérdida de clientes, proveedores, talento, reputación.

#### Efecto en el valor

A mayor apalancamiento, mayor probabilidad de quiebra  $\Rightarrow$  menor valor esperado de la firma.

# Valor esperado de la firma con quiebra

El valor de la firma se ajusta por el costo esperado de quiebra:

$$V_L = V_U + \mathsf{VP}(\mathsf{escudo\ fiscal}) - \mathbb{E}(\mathsf{costos\ de\ quiebra})$$

- Los beneficios tributarios de la deuda se mantienen.
- Pero los costos esperados de quiebra se acumulan con más deuda.
- Esto explica por qué las empresas no se financian con casi 100 % de deuda.

#### Implicancia

El apalancamiento óptimo equilibra estos efectos.

# Dificultades financieras sin quiebra

Incluso si la firma no quiebra, niveles altos de deuda pueden generar **costos de dificultades financieras**:

- Menor flexibilidad financiera.
- Dificultades para invertir.
- Renegociaciones costosas con acreedores.

El simple riesgo de enfrentar problemas financieros reduce el valor esperado de la firma.



# Costos de agencia: Accionistas vs. Acreedores

El apalancamiento introduce conflictos de interés entre accionistas y acreedores:

- **Inversión riesgosa**: los accionistas pueden preferir proyectos más riesgosos, ya que las pérdidas recaen en los acreedores.
- **Subinversión**: si los beneficios de un nuevo proyecto van a los acreedores, los accionistas pueden rechazarlo, incluso si es rentable.

#### Efecto

Estos conflictos generan decisiones ineficientes y destruyen valor.

# Costos de agencia: mitigación

Se pueden diseñar mecanismos para reducir los conflictos de agencia:

- Pactos restrictivos (covenants).
- Emisión de deuda convertible o subordinada.
- Gobiernos corporativos y monitoreo activo.

Pero estas soluciones son costosas, lo que contribuye a los costos del endeudamiento.

De todas maneras no podemos ignorar que la deuda podría tener por otro lado beneficios de agencia.



#### Problemas de información asimétrica

En presencia de información privada, los inversionistas externos pueden:

- Sobreestimar el valor de los activos existentes.
- Sospechar que la firma emite equity sólo cuando está sobrevalorada.

#### Resultado

Las firmas evitan emitir acciones para no enviar señales negativas. Esto lleva a una **jerarquía en el financiamiento**.

# Jerarquía de financiamiento (Pecking Order Theory)

Debido a los costos de información asimétrica, las firmas prefieren:

- 1. Financiamiento interno (utilidades retenidas).
- 2. Deuda.
- 3. Emisión de acciones.

#### Implicancia

El nivel de apalancamiento observado refleja tanto oportunidades como restricciones de financiamiento.



# Estructura óptima de capital

El valor de la firma con fricciones se expresa como:

$$V_L = V_U + \mathsf{VP}(\mathsf{escudo\ fiscal}) - \mathsf{VP}(\mathbb{E}[\mathsf{costos\ de\ quiebra}])$$
 — costos de agencia por deuda + beneficios de agencia por deuda

#### Conclusión

Existe un nivel óptimo de apalancamiento que maximiza el valor de la firma.

#### Resumen

- El modelo de MM es un punto de partida útil, pero ignora fricciones clave.
- En el mundo real, los costos de la deuda son significativos.
- La estructura de capital óptima equilibra beneficios tributarios y costos del apalancamiento.
- Las decisiones financieras también se ven afectadas por problemas de agencia y de información.

#### Referencias



Jonathan, B., & Peter, D. (2008). Finanzas corporativas. Editorial Pearson. México.