# Laboratorio Sesión 09: Coma flotante, precisión y rendimiento

# Objetivo

El objetivo de esta sesión es introducir el uso y los problemas de precisión de los cálculos en coma flotante además de realizar medidas de rendimiento. Para recordar cómo se tratan en un procesador actual las operaciones en coma flotante podéis repasar la Sección 3.5 del libro Çomputer organization and design: the hardware/software interface" de David A. Patterson y John L. Hennessy.

# Conocimientos Previos

#### MIPS vs. MFLOPS

Ya en la práctica 1 vimos los MIPS como forma de medir el rendimiento de un procesador. Sin embargo los MIPS son una unidad de medida que es extremadamente variable ya que el mismo código fuente se puede implementar con más o menos instrucciones: dependiendo del ISA del procesador, del compilador y de las optimizaciones un mismo programa que se ejecuta en el mismo tiempo puede dar lugar a medidas de más o menos MIPS. Para intentar paliar este tipo de problemas, al menos en los programas científicos, se utilizan como unidad de medida de la velocidad de un procesador los MFLOPS (Millones de Operaciones de Coma Flotante por Segundo). Las diferencias con los MIPS son principalmente dos:

- Mide las operaciones y no las instrucciones, es decir, una multiplicación siempre es una operación, independientemente de la cantidad de instrucciones que hagan falta para implementarla. Así pues esta medida es más independiente del código máquina que los MIPS.
- Las operaciones son de Coma Flotante y no enteras. Esto hace que los MFLOPS sean adecuados para medir el rendimiento de programas de cálculo numérico (que usan este tipo de operaciones), pero no para programas que no usan la coma flotante. Es más, un procesador enfocado a la ejecución de códigos enteros (y por tanto sin unidad hardware específica de coma flotante) puede ser muy rápido y tener una velocidad en MFLOPS muy lenta.

Además, como pasa con los MIPS, hay una gran diferencia entre la velocidad máxima teórica (o de pico) y la velocidad real a la que se pueden ejecutar las instrucciones (debido a la influencia de la memoria, etc.). Para hacer comparaciones entre computadores se suelen ejecutar un conjunto concreto de códigos como por ejemplo el benchmark LINPACK (usado en el TOP500).

#### Estudio Previo

- 1. Dado el número -23,75 exprésalo en el formato IEEE de simple precisión. A continuación transfórmalo al formato IEEE de doble precisión.
- 2. Dado el número 1048576,2 averiguad si se puede codificar de forma exacta en el formato IEEE de simple precisión. Si no se puede, calculad el error que se introducirá al expresarlo en dicho formato. Finalmente explica si el formato IEEE de doble precisión permitiría codificar dicho número de forma exacta o no.
- 3. Buscad en el manual de ensamblador del x86 qué hacen las siguientes instrucciones ensamblador: flds, fmuls, fadds y fstps.
- 4. Dado el siguiente código en alto nivel y dos posibles códigos equivalentes en ensamblador, así como los tiempos que tardan en ejecutarse en el mismo procesador, calculad los MIPS y MFLOPS de cada código así como el Speedup del segundo código respecto al primero.

## Código C

```
for (i=0; i<256; i++)
C[i] = C[i] + A[i] * B[i];
```

### Código ASM 1 (2,6 $\mu$ s)

## Código ASM 2 (2,2 $\mu$ s)

```
80484a3: movl
              $0x0,0x34(%esp)
                                  80484ab: mov
                                                  $0x0, %eax
80484ab: jmp
              80484e2
                                  80484b0: mov
                                                  $0x804a840, %edx
              0x34(%esp),%eax
                                                  $0x804a040, %ecx
80484ad: mov
                                  80484b5: mov
              0x34(%esp),%edx
                                  80484ba: flds
80484b1: mov
                                                 (%ecx, %eax, 4)
80484b5: flds
              0x804a840(,%edx,4) 80484bd: fmuls 0x804a440(,%eax,4)
80484bc: mov
              0x34(%esp),%edx
                                  80484c4: fadds (%edx, %eax, 4)
80484c0: flds 0x804a040(,%edx,4) 80484c7: fstps (%edx,%eax,4)
80484c7: mov
              0x34(%esp),%edx
                                  80484ca: add
                                                 $0x1, %eax
80484cb: flds 0x804a440(,%edx,4) 80484cd: cmp
                                                  $0x100, %eax
                                  80484d2: jne
80484d2: fmulp %st, %st(1)
                                                  80484ba
80484d4: faddp %st, %st(1)
80484d6: fstps 0x804a840(,%eax,4)
80484dd: addl $0x1,0x34(%esp)
80484e2: cmpl $0xff,0x34(%esp)
80484ea: jle
              80484ad
```

# Trabajo a realizar durante la Práctica

1. Para empezar esta práctica vamos a ver algunos de los problemas que nos puede dar el hecho de usar números en formato IEEE debido a los errores de precisión. Dada la siguiente operación:

$$z = x^4 - 4y^4 - 4y^2$$

Haced un programa que calcule el resultado para z de la anterior operación para los valores iniciales x=665857 y y=470832 en doble precisión.

- 2. A continuación calculad la misma operación en simple precisión.
- 3. Finalmente computad el resultado usando variables enteras largas (long long).
- 4. Explicad las diferencias observadas y razonad cuál es la solución correcta y por qué<sup>1</sup>. Para comprobar el resultado podéis utilizar una calculadora, un móvil, el programa bc o incluso la calculadora de Google. Ojo, sólo os aseguramos que bc da el resultado correcto.
- 5. A continuación vamos a ver la importancia de los MFLOPS como elemento de medida de la velocidad. Partiendo del programa SumMulMat.c que tenéis en el paquete de programas de la práctica, ejecutadlo en vuestro ordenador y calculad a cuantos MIPS y a cuantos MFLOPS se ejecuta. Para calcular las operaciones de coma flotante y el tiempo tened en cuenta la parte del programa que se indica en el código del mismo. Para calcular las instrucciones, aunque es una aproximación, podéis usar por las instrucciones totales del programa tal y como las indica la herramienta valgrind. Recordad no medir a la vez tiempo e instrucciones.
- 6. A continuación compilad optimizando el código, es decir, con la opción -02. Calculad de nuevo a cuantos MIPS y MFLOPS se ejecuta en este caso. Calculad el Speedup que se ha obtenido en este caso.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Para saber más del tema podéis consultar: David Goldberg. 1991. What every computer scientist should know about floating-point arithmetic. ACM Comput. Surv. 23, 1 (March 1991), 5-48.

| Nombre:   | Grupo:                  |
|---|-------------------------|
| Nombre:   |                         |
| Hoja de respuesta al Estudio Previo                 |                         |
| 1. El número -23,75 en formato IEEE se expresa:     |                         |
| En simple precisión:                                |                         |
| En doble precisión:                                 |                         |
| 2. Dado el número 1048576,2:                        |                         |
| Se codifica exacto en simple precisi                | ón (S/N):               |
| Error en simple precisión:                          |                         |
| Se codifica exacto en doble precisio                | ón (S/N):               |
| 3. Las instrucciones ensamblador: flds, fmuls, fad  | de v fetne cirvon para  |
| 5. Las instrucciones ensamblador. 11dS, 1md1S, 1ad  | as y istps sirven para. |
| -   |                         |
|   |                         |
| -   |                         |
|   |                         |
|   |                         |
| 4. El primer código en ensamblador se ejecuta:      |                         |
| MIPS: MF  | LOPS:                   |
| El segundo código en ensamblador se ejecuta:        |                         |
| MIPS: MF  | LOPS:                   |
| Speedup con respecto al primer có                   | digo:                   |
| Comenta de forma crítica los resultados anteriores: |                         |
|   |                         |
|   |                         |
| -   |                         |
|   |                         |
| -   |                         |
|   |                         |

| Nombre:   | Grupo:                                 |
|---|--|
| Nombre:   |  |
| Hoja de respuestas de la práctica                                   |  |
| 1. El resultado de la operación $z=x^4-4y^4-4y^2$ con precisión es: | n $x = 665857$ y $y = 470832$ en doble |
| 2. El resultado de la operación $z=x^4-4y^4-4y^2$ con precisión es: | x=665857y $y=470832$ en simple         |
| 3. El resultado de la operación $z=x^4-4y^4-4y^2$ con es:           | x = 665857  y  y = 470832  en enteros  |
| 4. Calculado con medios (bc, Google, Calculadora, etc               | e.) externos es:                       |
| bc:   |  |
| Nombre Medio 2:   |  |
| Resultado Medio 2:  |  |
|   |  |
|   |  |
| 5. El programa en C de la práctica ejecuta:                         |  |
| Instrucciones:  | Segundos:                              |
| Operaciones de Coma Flotante:                                       |  |
| MIPS: ME  | FLOPS:                                 |
| 6. Optimizado el programa ejecuta:                                  |  |
| Instrucciones:  | Segundos:                              |
| Operaciones de Coma Flotante:                                       |  |
| MIPS: MF  | FLOPS:                                 |
| Speedup:  |  |