
Nom i Cognoms:

Tots els exercicis tenen el mateix pes.

Exercici 1

Aquí teniu una llista d'etapes/tasques, ordenades per ordre alfabètic. Torna-les a escriure a la dreta, però ordenades segons l'ordre al pipeline gràfic.

- Depth test
- Fragment Shader
- Geometry shader
- Rasterització

- Geometry shader

 - Rasterització
 - Fragment Shader
 - Depth test

Exercici 2

Aquí teniu una llista d'etapes/tasques, ordenades per ordre alfabètic. Torna-les a escriure a la dreta, però ordenades segons l'ordre habitual al pipeline gràfic.

- Clipping
- Divisió de perspectiva
- Rasterització
- Vertex shader

- Vertex shader
 - Clipping
 - Divisió de perspectiva
 - Rasterització

Exercicis 3, 4, 5 i 6

Indica quina és la matriu (o **producte de matrius**) que aconseguix la conversió demanada, **usant la notació següent** (vigileu amb l'ordre en que multipliqueu les matrius):

M = modelMatrix	V ⁻¹ = modelMatrixInverse
V = viewingMatrix	P ⁻¹ = viewingMatrixInverse
P = projectionMatrix	N = projectionMatrixInverse
N = normalMatrix	I = Identitat

- | | |
|--|-------------------|
| a) Pas d'un vèrtex de eye space a world space | V^{-1} |
| b) Pas d'un vèrtex de clip space a world space | $V^{-1} * P^{-1}$ |
| c) Pas d'un vèrtex de object space a clip space | $P * V * M$ |
| d) Pas d'un vèrtex de object space a model space | I |
| e) Pas d'un vèrtex de object space a world space | M |
| f) Pas d'un vèrtex de world space a eye space | V |
| g) Pas de la normal de model space a eye space | N |
| h) Pas d'un vèrtex de eye space a clip space | P |

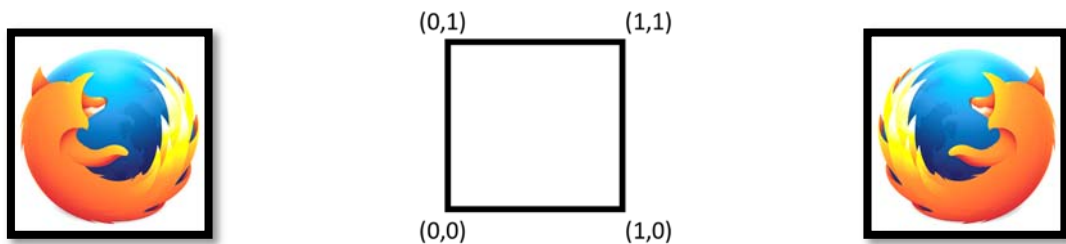
Exercici 7

Indica, per cadascuna de les següents tècniques basades en textures, si sempre requereixen (SI) o no (NO) accedir a un *height field*:

- | | |
|--------------------------|----|
| (a) Color mapping | NO |
| (b) Relief mapping | SI |
| (c) Parallax mapping | SI |
| (d) Displacement mapping | SI |

Exercici 8

Amb la imatge de l'esquerra, volem texturar el quad del mig, per obtenir la imatge de la dreta:



Completa el següent VS per obtenir el resultat desitjat:

```
void main() {  
  
    vtxCoord = vec2(-1,1)*texCoord;  
  
    glPosition = vec4(vertex, 1.0);  
}
```

Exercici 9

Sigui $F(u,v)$ un height field. Indica una tècnica vista a classe que faci servir el gradient de $F(u,v)$.

Bump mapping / Normal mapping

Exercici 10

Indica, per cada path en la notació estudiada a classe, L(D|S*E, si és simulat (SI o no (NO per la tècnica de *Two-pass raytracing*:

- (a) LSSDSSE I
- (b) LDE SI
- (c) LSE SI
- (d) LDDSE NO

Exercicis 11 i 12

Amb la notació de la figura, indica, en el cas de Ray-tracing

- (a) Quin vector té la direcció del *shadow ray*?

L

- (b) Quin vector és paral·lel al raig reflectit?

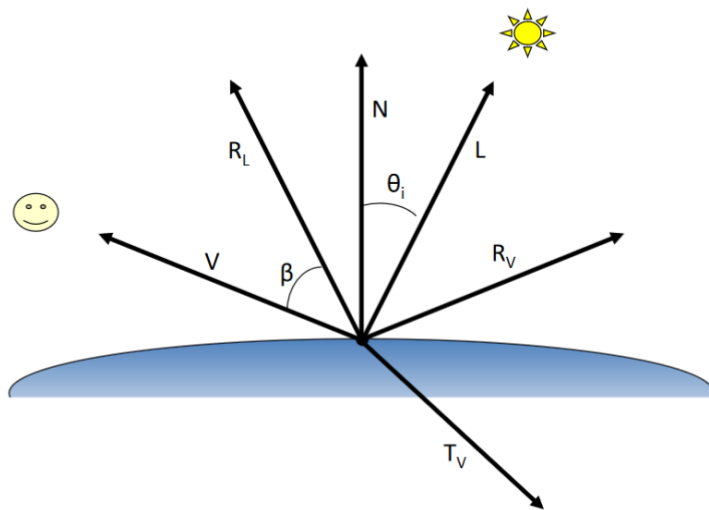
R_v

- (c) Què dos vectors determinen la contribució de

Lambert? L i N

- (d) Quin vector depèn de l'índex de refracció?

T_v



Exercici 13

Aquí teniu l'equació d'obscuràncies:

$$W(P, N) = \frac{1}{\pi} \int_{\Omega} \rho(d(P, \omega)) \cdot (N \cdot \omega) d\omega$$

Què representa ρ ? Una funció que decreix segons la distància

- (b) Com hauria de ser ρ per obtenir oclusió ambient? Funció constant $\rho = 1$

Exercici 14

Tenim un cub representat amb una malla triangular formada per 8 vèrtexs i 12 triangles. Volem construir un VBO per representar aquest cub, de forma que el VS rebi com a atributs les coordenades (x,y,z) del vèrtex i les components del vector normal (n_x, n_y, n_z), **sense cap suavitzat d'aresta** (volem que el cub aparegui il·luminat correctament). Quants vèrtexs necessitem representar al VBO?

$12 \text{ tri} \cdot 3 \text{ v/tri} = \mathbf{36 \text{ vèrtexs}}$ (hem de repetir vèrtexs perquè no comparteixen normals)

També és possible fer-ho només amb **24 vèrtexs** (cadascú dels 8 vèrtexs del cub només ha d'aparèixer amb 3 normals diferents; els dos triangles de cada cara poden re-usar un parell de vèrtexs).

Exercici 15

Indica clarament la línia on ens podria ser útil un *environment map*:

```
funció traçar_raig(raig, escena,  $\mu$ )
si profunditat_correcta() llavors
  info:=calcula_interseccio(raig, escena)
  si info.hi_ha_interseccio() llavors
    color:=calcular_ID(info,escena); // ID
    si es_reflector(info.obj) llavors
      raigR:=calcula_raig_reflectit(info, raig)
      color+= KR*traçar_raig(raigR, escena,  $\mu$ ) //IR
    fsi
    si es_transparent(info.obj) llavors
      raigT:=calcula_raig_transmès(info, raig,  $\mu$ )
      color+= KT*traçar_raig(raigT, escena, info. $\mu$ ) //IT
    fsi
  sino color:=colorDeFons
  fsi
sino color:=Color(0,0,0); // o colorDeFons
fsi
retorna color
ffunció
```

Exercici 16

Completa aquest fragment shader que implementa la tècnica de Shadow mapping:

```
uniform sampler2D shadowMap;
uniform vec3 lightPos;
in vec3 N;
in vec3 P;
in vec4 vtxCoord; // coordenades de textura en espai
homogeni out vec4 fragColor;

void main()
{
  vec3 L = normalize(lightPos - P);    float NdotL =
max(0.0, dot(N,L));    vec4 color = vec4(NdotL);

  vec2 st = vtxCoord.st/vtexCoord.q;

  float storedDepth = texture(shadowMap, st).r;

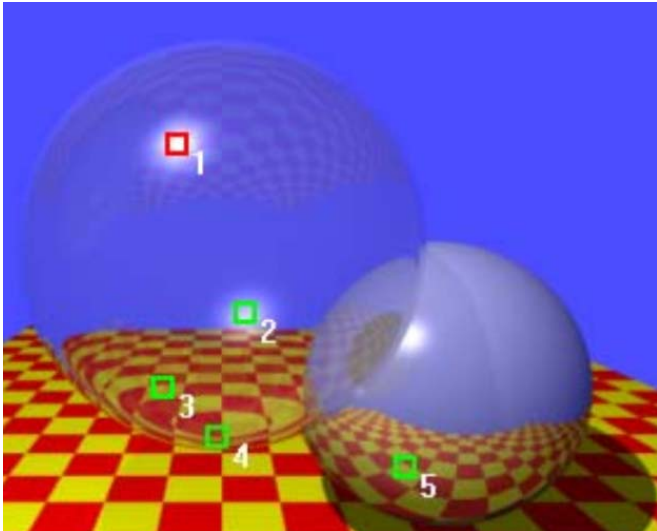
  float trueDepth = vtxCoord.p / vtxCoord.q;

  if (trueDepth <= storedDepth) fragColor
= color;    else fragColor = vec4(0);
}
```

Exercici 17

Considerant aquesta figura generada amb ray-tracing,

- (a) Quin és el *light path* dominant que explica el color del píxel numerat amb un "1"? LSE
- (b) Quin és el *light path* dominant que explica el color del píxel numerat amb un "5"? LSDE



Exercici 18

Indica quantes vegades cal pintar l'escena en les següents tècniques:

- a) Shadow mapping, suposant que la llum és dinàmica

2 cops

- b) Reflexió amb objectes virtuals, amb stencil (ignoreu els passos en que només es dibuixa el mirall):

2 cops