

## PARCIAL 1 ESTRUCTURA DE DATOS NO LINEALES

JUAN JOSÉ CARO VANEAS

### 1. ¿Cómo modelaste el problema como un grafo? Explica qué elementos representan los nodos y las aristas.

El problema se modela como un **grafo dirigido y ponderado** en un espacio tridimensional (coordenadas X, Y, Z), ya que los drones operan en una ciudad con altura.

- **Nodos:** Representan los puntos de navegación en la ciudad, como intersecciones, puntos de entrega, puntos de recarga y el inicio/destino del dron. Cada nodo tiene coordenadas (X, Y, Z) que indican su posición espacial.
- **Aristas:** Representan las conexiones posibles entre nodos (rutas que el dron puede tomar). Estas aristas tienen pesos asociados que reflejan el costo de recorrerlas, considerando distancia, consumo de batería y condiciones del viento. No hay aristas entre nodos si una zona de interferencia bloquea el camino directo.

### 2. ¿Cómo se determinan los pesos de las conexiones entre los nodos? ¿Qué factores consideraste?

Los pesos de las aristas se calculan como una combinación de varios factores:

- **Distancia:** La distancia euclidiana entre dos nodos en 3D:
$$\sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 + (z_2 - z_1)^2}$$
- **Consumo de batería:** Proporcional a la distancia y ajustado por la resistencia del viento (más viento en contra implica mayor consumo).
- **Condiciones del viento:** Se añade un factor de penalización si el viento está en contra (por ejemplo, un multiplicador  $> 1$ ), o se reduce si es a favor (multiplicador  $< 1$ ).
- **Obstáculos:** Si una arista cruza una zona de interferencia, se elimina o se le asigna un peso infinito para evitarla.

El peso final de una arista podría definirse como:

Peso=Distancia×(1+Factor\_Viento)×Consumo Batería por unidad

### 3. ¿Cómo afectó la presencia de zonas de interferencia en el cálculo de la ruta?

Las zonas de interferencia se tratan como áreas restringidas:

- Durante la construcción del grafo, se verifica si una arista cruza una zona de interferencia (usando geometría computacional, como intersección de líneas con volúmenes 3D).
- Si una arista cruza una zona restringida, se elimina del grafo o se le asigna un peso infinito, forzando al algoritmo de Dijkstra a buscar rutas alternativas.
- Esto asegura que el dron nunca vuele a través de estas zonas, ajustando la ruta óptima para rodearlas.

### 4. ¿Cómo implementaste el algoritmo de Dijkstra en tu solución? Explica el flujo del algoritmo paso a paso.

El algoritmo de Dijkstra encuentra la ruta de menor costo desde el nodo inicial hasta el destino, considerando los pesos de las aristas. El flujo es:

#### 1. Inicialización:

- Crear un conjunto de distancias desde el nodo inicial a todos los demás, inicialmente infinito excepto para el nodo inicial (distancia 0).
- Usar una cola de prioridad para seleccionar el nodo con menor distancia acumulada.
- Marcar todos los nodos como no visitados.

#### 2. Bucle principal:

- Seleccionar el nodo no visitado con la menor distancia acumulada.
- Actualizar las distancias a sus nodos vecinos si se encuentra un camino más corto a través del nodo actual.
- Marcar el nodo como visitado.

#### 3. Terminación:

- Repetir hasta que el nodo destino sea visitado o no queden nodos alcanzables.

#### 4. **Reconstrucción de la ruta:**

- Usar un diccionario de predecesores para rastrear la ruta desde el destino hasta el inicio.

#### 5. **¿Cómo aseguraste que el dron busque puntos de recarga si es necesario?**

Para incluir puntos de recarga:

- Se añade una restricción de batería: cada arista consume batería proporcional a su peso.
- Si la batería restante al llegar a un nodo es menor a un umbral crítico (por ejemplo, 10%), se fuerza al algoritmo a redirigir el dron al punto de recarga más cercano antes de continuar.
- Esto se logra modificando el grafo dinámicamente: al detectar batería baja, se recalcula la ruta desde el nodo actual al punto de recarga más cercano y luego al destino, sumando los costos.

#### 6. **¿Qué estrategias utilizaste para optimizar la ejecución del algoritmo en mapas grandes?**

- **Cola de prioridad:** Usar una cola de prioridad (heap) para seleccionar el nodo con menor distancia en tiempo  $O(\log V)$  en lugar de buscar linealmente ( $O(V)$ )
- **Poda de nodos:** Eliminar nodos y aristas inaccesibles (por zonas de interferencia) antes de ejecutar Dijkstra.
- **Discretización del espacio:** Reducir el número de nodos usando una cuadrícula 3D en lugar de modelar cada punto posible en la ciudad.
- **Cacheo:** Almacenar rutas precalculadas entre puntos de recarga para reutilizarlas si el dron necesita recargar varias veces.

#### 7. **¿Cómo modificarías el algoritmo para que tome en cuenta el viento y otras condiciones climáticas en tiempo real?**

- **Pesos dinámicos:** Actualizar los pesos de las aristas en tiempo real según datos climáticos (por ejemplo, APIs del clima).
- **Recálculo periódico:** Ejecutar Dijkstra nuevamente cada cierto tiempo o tras detectar cambios significativos en las condiciones (por ejemplo, viento fuerte repentino).

- **Peso ajustado:** Incluir un factor climático en la fórmula del peso:  

$$\text{Peso} = \text{Distancia} \times (1 + k \cdot \text{Velocidad\_Viento})$$
 donde  $k$ , depende de la dirección del viento relativa al trayecto.

**8. Si se agregaran múltiples drones operando simultáneamente, ¿cómo modificarías tu solución para evitar colisiones?**

- **Grafo dinámico:** Añadir un sistema de reservas temporales para nodos y aristas, evitando que dos drones ocupen el mismo espacio al mismo tiempo.
- **Coordinación:** Usar un algoritmo centralizado que asigne rutas a cada dron, ajustando los pesos para penalizar rutas ya ocupadas por otros drones.
- **Tiempo como dimensión:** Convertir el grafo en un grafo espacio-temporal, donde los nodos incluyen una coordenada de tiempo, permitiendo planificar rutas en 4D (X, Y, Z, T).

**9. ¿Qué mejoras podrías hacer para que la ruta se recalculase dinámicamente si un obstáculo nuevo aparece en el trayecto?**

- **Detección de obstáculos:** Integrar sensores o actualizaciones en tiempo real que notifiquen nuevos obstáculos.
- **Recálculo parcial:** En lugar de rehacer todo el grafo, identificar las aristas afectadas por el nuevo obstáculo, eliminarlas o ajustar sus pesos, y ejecutar Dijkstra desde el nodo actual del dron.
- **Algoritmo adaptativo:** Usar una variante como D\* Lite, que es más eficiente para recálculos dinámicos, en lugar de Dijkstra puro.

**Datos del Grafo Propuesto**

- Nodos:
  1. A(0,0,0): Inicio
  2. B(2,0,0): Interseccion
  3. C(2,2,0): Interseccion
  4. D(0,2,0): Interseccion
  5. E(1,1,1): Punto de recarga
  6. F(3,1,1): Interseccion

7. G(2,3,1): Interseccion

8. H(0,3,1): Destino

**1. A a B:**

- Coordenadas: A(0,0,0) a B(2,0,0)
- Distancia: Raiz cuadrada de  $[(2-0)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2]$  = Raiz cuadrada de 4 = 2
- Viento: X aumenta (de 0 a 2), viento en contra, Factor\_Viento = 0.2
- Peso:  $2 \times (1 + 0.2) = 2 \times 1.2 = 2.4$
- No cruza zona de interferencia: Incluida

**2. A a E:**

- Coordenadas: A(0,0,0) a E(1,1,1)
- Distancia: Raiz cuadrada de  $[(1-0)^2 + (1-0)^2 + (1-0)^2]$  = Raiz cuadrada de 3 = 1.732
- Viento: X, Y, Z cambian (no alineado), Factor\_Viento = 0
- Peso:  $1.732 \times (1 + 0) = 1.732$
- No cruza zona de interferencia: Incluida

**3. A a D:**

- Coordenadas: A(0,0,0) a D(0,2,0)
- Distancia: Raiz cuadrada de  $[(0-0)^2 + (2-0)^2 + (0-0)^2]$  = Raiz cuadrada de 4 = 2
- Viento: Y cambia, Factor\_Viento = 0
- Peso:  $2 \times (1 + 0) = 2$
- No cruza zona de interferencia: Incluida

**4. B a F:**

- Coordenadas: B(2,0,0) a F(3,1,1)
- Distancia: Raiz cuadrada de  $[(3-2)^2 + (1-0)^2 + (1-0)^2]$  = Raiz cuadrada de 3 = 1.732

- Viento: X, Y, Z cambian, Factor\_Viento = 0
- Peso:  $1.732 \times (1 + 0) = 1.732$
- No cruza zona de interferencia: Incluida

#### 5. **C a G:**

- Coordenadas: C(2,2,0) a G(2,3,1)
- Distancia: Raiz cuadrada de  $[(2-2)^2 + (3-2)^2 + (1-0)^2] =$  Raiz cuadrada de 2 = 1.414
- Viento: Y, Z cambian, Factor\_Viento = 0
- Peso:  $1.414 \times (1 + 0) = 1.414$
- No cruza zona de interferencia: Incluida
- Nota: En el grafo final, C no se conecta a nada porque la zona de interferencia lo aísla, pero lo dejamos aquí para referencia.

#### 6. **D a E:**

- Coordenadas: D(0,2,0) a E(1,1,1)
- Distancia: Raiz cuadrada de  $[(1-0)^2 + (1-2)^2 + (1-0)^2] =$  Raiz cuadrada de 3 = 1.732
- Viento: X, Y, Z cambian, Factor\_Viento = 0
- Peso:  $1.732 \times (1 + 0) = 1.732$
- No cruza zona de interferencia: Incluida

#### 7. **D a H:**

- Coordenadas: D(0,2,0) a H(0,3,1)
- Distancia: Raiz cuadrada de  $[(0-0)^2 + (3-2)^2 + (1-0)^2] =$  Raiz cuadrada de 2 = 1.414
- Viento: Y, Z cambian, Factor\_Viento = 0
- Peso:  $1.414 \times (1 + 0) = 1.414$
- No cruza zona de interferencia: Incluida

#### 8. **E a F:**

- Coordenadas: E(1,1,1) a F(3,1,1)
- Distancia: Raiz cuadrada de  $[(3-1)^2 + (1-1)^2 + (1-1)^2] = \text{Raiz cuadrada de } 4 = 2$
- Viento: X aumenta (de 1 a 3), viento en contra, Factor\_Viento = 0.2
- Peso:  $2 \times (1 + 0.2) = 2 \times 1.2 = 2.4$
- No cruza zona de interferencia: Incluida

#### 9. **F a G:**

- Coordenadas: F(3,1,1) a G(2,3,1)
- Distancia: Raiz cuadrada de  $[(2-3)^2 + (3-1)^2 + (1-1)^2] = \text{Raiz cuadrada de } 5 = 2.236$
- Viento: X disminuye (de 3 a 2), viento a favor, Factor\_Viento = -0.1
- Peso:  $2.236 \times (1 - 0.1) = 2.236 \times 0.9 = 2.012$
- No cruza zona de interferencia: Incluida

#### 10. **G a H:**

- Coordenadas: G(2,3,1) a H(0,3,1)
- Distancia: Raiz cuadrada de  $[(0-2)^2 + (3-3)^2 + (1-1)^2] = \text{Raiz cuadrada de } 4 = 2$
- Viento: X disminuye (de 2 a 0), viento a favor, Factor\_Viento = -0.1
- Peso:  $2 \times (1 - 0.1) = 2 \times 0.9 = 1.8$
- No cruza zona de interferencia: Incluida