

**Υλοποίηση Αλγορίθμου για τον Υπολογισμό του Ελάχιστου Περικλείοντος Κύκλου και του Διαγράμματος Voronoi**

**Πρίφτη Ιωάννης**

**Διπλωματική Εργασία**

Επιβλέπων: Παληός Λεωνίδας

Ιωάννινα, Φεβρουάριος, 2023

**Τμήμα Μηχ. Η/Υ & Πληροφορικής**

**Πανεπιστήμιο Ιωαννίνων**

**Department of Computer Science & Engineering**

**University of Ioannina**

Ευχαριστίες

Θα ήθελα όλους τους ανθρώπου που συνέβαλαν και βοήθησαν στο να γίνω ο άνθρωπος που είμαι σήμερα.

20/02/2023

Πρίφτη Ιωάννης

Περίληψη

Η εργασία αυτή αφορά την υλοποίηση και οπτικοποίηση του αλγορίθμου για τον υπολογισμό του Ελάχιστου Περικλείοντος Κύκλου καθώς επίσης και των αντίστοιχων διαγραμμάτων Voronoi για τους κοντινότερους και μακρύτερους γείτονες διατηρώντας πάντα τις πολυπλοκότητες των αλγορίθμων σε χρονικό πλαίσιο O(nlogn). Για την ανάπτυξη χρησιμοποιήθηκε η γλώσσα προγραμματισμού java καθώς επίσης και javaFX. Τέλος, αποτελεί μια πλήρη εφαρμογή η οποία μπορεί να γίνει εγκατάσταση.

**Λέξεις Κλειδιά:** Ελάχιστος περικλείοντας κύκλος, Διάγραμμα Voronoi, Πολυπλοκότητα, Εφαρμογή

**Πίνακας Περιεχομένων**

[Κεφάλαιο 1. Εισαγωγή 8](#_Toc127811033)

[1.1 Βασικοί Ορισμοί 8](#_Toc127811034)

[1.2 Αντικείμενο της Διπλωματικής Εργασίας 8](#_Toc127811035)

[1.3 Σχετικά Ερευνητικά Αποτελέσματα 9](#_Toc127811036)

[1.4 Δομή της Διπλωματικής Εργασίας 9](#_Toc127811037)

[Κεφάλαιο 2. Υπολογισμός Ελάχιστου Περικλείοντος Κύκλου και των Διαγραμμάτων Voronoi 10](#_Toc127811038)

[2.1 Υπολογισμός Κυρτού Περιβλήματος 10](#_Toc127811039)

[2.1.1 Θεωρητικό Υπόβαθρο 10](#_Toc127811040)

[2.1.2 Περιγραφή του Αλγορίθμου 11](#_Toc127811041)

[2.1.3 Παράδειγμα Εφαρμογής του Αλγορίθμου 11](#_Toc127811042)

[2.2 Υπολογισμός Ελάχιστου Περικλείοντος Κύκλου 13](#_Toc127811043)

[2.2.1 Θεωρητικό Υπόβαθρο 14](#_Toc127811044)

[2.2.2 Περιγραφή του Αλγορίθμου 17](#_Toc127811045)

[2.2.3 Παράδειγμα Εφαρμογής του Αλγορίθμου 18](#_Toc127811046)

[2.3 Υπολογισμός Διαγράμματος Voronoi 1ης τάξης 21](#_Toc127811047)

[2.3.1 Περιγραφή του Αλγορίθμου 21](#_Toc127811048)

[2.3.2 Παράδειγμα Εφαρμογής του Αλγορίθμου 22](#_Toc127811049)

[2.4 Υπολογισμός Διαγράμματος Voronoi n-1 τάξης 23](#_Toc127811050)

[2.4.1 Περιγραφή του Αλγορίθμου 23](#_Toc127811051)

[2.4.2 Παράδειγμα Εφαρμογής του Αλγορίθμου 23](#_Toc127811052)

[Κεφάλαιο 3. Η Υλοποίηση 25](#_Toc127811053)

[3.1 Είσοδος-Έξοδος 25](#_Toc127811054)

[3.2 Δομές Δεδομένων 25](#_Toc127811055)

[3.3 Κλάσεις/Πακέτα 26](#_Toc127811056)

[3.3.1 MainGUI/View 26](#_Toc127811057)

[3.3.2 SmallestEnclosingCircleGUI/View 32](#_Toc127811058)

[3.3.3 VoronoiGraphGUI/View 38](#_Toc127811059)

[3.3.4 AlgorithmsHandler/Control 44](#_Toc127811060)

[3.3.5 ChangeLanguageButtonHandler/Control 46](#_Toc127811061)

[3.3.6 CustomMouseListener/Control 48](#_Toc127811062)

[3.3.7 ExitButtonHandler/Control 50](#_Toc127811063)

[3.3.8 GraphGUIHandler/Control 50](#_Toc127811064)

[3.3.9 InfoButtonHandler/Control 52](#_Toc127811065)

[3.3.10 InfoContentHandler/Control 56](#_Toc127811066)

[3.3.11 LoadFileButtonHandler/Control 57](#_Toc127811067)

[3.3.12 PaperTitleHandler/Control 59](#_Toc127811068)

[3.3.13 PutPointsButtonHandler/Control 60](#_Toc127811069)

[3.3.14 DataBase/Model 61](#_Toc127811070)

[3.3.15 GrahamScan/Model 77](#_Toc127811071)

[3.3.16 NeighborVoronoiDiagram/Model 80](#_Toc127811072)

[3.3.17 SmallestEnclosingCircle/Model 82](#_Toc127811073)

[3.3.18 TextHandler/Model 83](#_Toc127811074)

[3.3.19 CSVLoader/Model\_Loaders 90](#_Toc127811075)

[3.3.20 ExcelLoader/Model\_Loader 92](#_Toc127811076)

[3.3.21 FileLoader/Model\_Loader 93](#_Toc127811077)

[3.3.22 FileLoaderFactory/Model\_Loaders 94](#_Toc127811078)

[3.3.23 TXTLoader/Model\_Loader 96](#_Toc127811079)

[3.4 Παραδείγματα Εκτέλεσης του Προγράμματος 97](#_Toc127811080)

[Κεφάλαιο 4. Επίλογος 104](#_Toc127811081)

[4.1 Συμπεράσματα 104](#_Toc127811082)

[4.2 Μελλοντικές Ενημερώσεις 104](#_Toc127811083)

[Κεφάλαιο 5. Βιβλιογραφία 106](#_Toc127811084)

# Εισαγωγή

## Βασικοί Ορισμοί

Σε αυτήν την ενότητα θα αναλύσουμε τους βασικούς ορισμούς που αφορούν τον το Κυρτό Πολύγωνο, τον Ελάχιστο Περικλείοντα Κύκλο καθώς και των διαγραμμάτων Voronoi για τον κοντινότερο και μακρύτερο γείτονα.

Το Κυρτό Πολύγωνο είναι το μικρότερο κυρτό σύνολο που περιέχει όλα τα σημεία στον ευκλείδειο χώρο, πιο συγκεκριμένα είναι εκείνο το πολύγωνο που έχει ως κορυφές του τα πιο εξωτερικά σημεία του ευκλείδειου χώρου με την ιδιότητα να καλύπτει όλα τα υπόλοιπα και ταυτόχρονα να είναι το μικρότερο δυνατό.

Ο Ελάχιστος περικλείοντας Κύκλος είναι ο Κύκλος με την μικρότερη ακτίνα που περιέχει όλα τα σημεία στον ευκλείδειο χώρο και κάποια εξ ’αυτών(2-3 συνήθως) βρίσκονται πάνω στον κύκλο.

Το Διάγραμμα Voronoi του κοντινότερου γείτονα(ή 1ης τάξης) είναι ένα διάγραμμα το οποίο χωρίζει τον χώρο σε περιοχές(πολύγωνα ή κελιά Voronoi). Σε κάθε σημείο του ευκλείδειου επιπέδου αντιστοιχεί και μια περιοχή του διαγράμματος με την ιδιότητα ότι οποιοδήποτε σημείο βρεθεί εντός της περιοχής αυτής είναι πιο κοντά στο σημείο αυτό απ’ ότι σε όλα τα υπόλοιπα.

Το Διάγραμμα Voronoi του μακρύτερου γείτονα(ή n-1τάξης) είναι ένα διάγραμμα που μας δείχνει το ακριβώς αντίθετο σε σχέση με του κοντινότερου γείτονα. Πιο συγκεκριμένα, χωρίζει τον ευκλείδειο χώρο σε περιοχές με τέτοιον τρόπο ώστε για οποιοδήποτε σημείο να μπορούμε να δούμε τον μακρύτερο γείτονά του.

## Αντικείμενο της Διπλωματικής Εργασίας

Σε αυτήν την διπλωματική εργασία είχαμε ως στόχο να μελετήσουμε και υλοποιήσουμε τον Αλγόριθμο για τον υπολογισμό του Ελάχιστου Περικλείοντος Κύκλου καθώς επίσης και των Διαγραμμάτων Voronoi του Κοντινότερου και Μακρύτερου γείτονα. Καταφέραμε να διατηρήσουμε την πολυπλοκότητα των Αλγορίθμων σε O(nlogn) χρησιμοποιώντας αποδοτικές δομές(όπως λεξικά, κοκκινόμαυρα 2-αδικά δένδρα αναζήτησης κτλ.) και δημιουργήσαμε μια εφαρμογή στην γλώσσα προγραμματισμού Java με εύχρηστο γραφικό περιβάλλον ικανή να μπορεί να την χρησιμοποιεί ο χρήστης χωρίς να απαιτείται γνώσεις προγραμματισμού.

## Σχετικά Ερευνητικά Αποτελέσματα

## Δομή της Διπλωματικής Εργασίας

Σε αυτήν την ενότητα θα αναφέρουμε περιληπτικά τα περιεχόμενα των κεφαλαίων που ακολουθούν

Στο επόμενο κεφάλαιο θα περιγράψουμε τους αλγορίθμους που χρησιμοποιήσαμε για να υπολογίσουμε τον Ελάχιστο Περικλείοντα Κύκλο και τα Διαγράμματα Voronoi, κάποια απαραίτητα μαθηματικά στα οποία αυτοί βασίζονται για την ορθή λειτουργία τους καθώς επίσης και κάποια απλά παραδείγματα ώστε να γίνει κατανοητός ο τρόπος λειτουργίας τους.

Επιπλέον, στο μεθεπόμενο κεφάλαιο θα αναλύσουμε εκτενώς την υλοποίηση του συνολικού προγράμματος σε java, την είσοδο και την έξοδο του, τις δομές που χρησιμοποιήσαμε καθώς επίσης και θα εκτελέσουμε βήμα-βήμα το πρόγραμμα ώστε να δούμε τον τρόπο λειτουργίας του.

Τέλος, ακολουθεί μια σύνοψη του τι κάναμε συνολικά σε αυτήν την διπλωματική εργασία καθώς επίσης και κάποια μελλοντικά σχέδια όσον αφορά μελλοντικές λειτουργίες του προγράμματος.

# Υπολογισμός Ελάχιστου Περικλείοντος Κύκλου και των Διαγραμμάτων Voronoi

## Υπολογισμός Κυρτού Περιβλήματος

Σε αυτό το κεφάλαιο θα περιγράψουμε τον αλγόριθμο σάρωσης του Graham για τον υπολογισμό των σημείων που ορίζουν το κυρτό περίβλημα από ένα πεπερασμένο σύνολο σημείων σε O(n+nlogn) χρόνο καθώς επίσης και θα εξηγήσουμε μέσω ενός απλού παραδείγματος τον τρόπο με τον οποίο λειτουργεί.

### Θεωρητικό Υπόβαθρο

Ας υποθέσουμε λοιπόν ότι έχουμε ένα σύνολο από καρφιά καρφωμένα πάνω σε ένα ξύλο και θέλουμε να πάρουμε ένα λαστιχάκι ώστε αν το τεντώσουμε αρκετά να μπορούμε να καλύψουμε όλα τα καρφιά. Το όριο που θα σχηματιστεί από το λαστιχάκι θα έχει την ιδιότητα ότι κάθε εσωτερική γωνία θα είναι το πολύ 180ο και ότι όλα τα σημεία θα είναι είτε εντός του ορίου είναι ακριβώς πάνω στο όριο. Το όριο αυτό ονομάζεται κυρτό περίβλημα και ακριβώς αυτή είναι η λογική πίσω από τον αλγόριθμο του Graham.

### Περιγραφή του Αλγορίθμου

Το πρώτο βήμα του αλγορίθμου είναι η εύρεση του σημείου με την μικρότερη συντεταγμένη y και στην περίπτωση ισοπαλίας επιλέγεται εκείνο με την μικρότερη συντεταγμένη x σε O(n) χρόνο, έστω min.

Στη συνέχεια, ο αλγόριθμος ταξινομεί το σύνολο των σημείων σε αύξουσα σειρά με βάση την πολική γωνία(Math.atan2) που σχηματίζει το κάθε σημείο του συνόλου με το min ως προς τον άξονα x. Ο συγκριτής συγκρίνει πρώτα τις πολικές γωνίες των δύο σημείων και επιστρέφει -1, 0 ή 1 ανάλογα με το αν η γωνία του πρώτου σημείου είναι μικρότερη, ίση ή μεγαλύτερη από την γωνία του δεύτερου σημείου. Εάν οι πολικές γωνίες είναι ίσες, ο συγκριτής συγκρίνει τις αποστάσεις των δύο σημείων από το σημείο min και επιστρέφει το αποτέλεσμα τις σύγκρισης. Η ταξινόμηση γίνεται με τον Αλγόριθμο Merge Sort(Collections.short) σε O(nlogn) χρόνο.

Έπειτα, εκτελείται η σάρωση του Graham επί της λίστας(List<Point2D>) με τα ταξινομημένα στοιχεί που προέκυψαν στο προηγούμενο βήμα. Δημιουργεί μια νέα λίστα(List<Point2D>) που θα διατηρεί τα σημεία που ορίζουν το κυρτό περίβλημα στην οποία αρχικά προσθέτει το σημείο min. Για κάθε σημείο της ταξινομημένης λίστας ελέγχει αν το σημείο κάνει αριστερή στροφή με τα δύο προηγούμενα σημεία του κυρτού περιβλήματος από την αντίστοιχη λίστα τότε το προσθέτει στην αντίστοιχη λίστα με τα σημεία του κυρτού περιβλήματος. Διαφορετικά, αφαιρεί το προηγούμενο σημείο από το κυρτό περίβλημα μέχρι το τρέχον σημείο να κάνει αριστερή στροφή. Τέλος, ο αλγόριθμος προσθέτει ξανά το αρχικό σημείο στο κυρτό περίβλημα για να ολοκληρώσει τον βρόχο και επιστρέφει την λίστα. Ο έλεγχος της στροφής γίνεται μέσω της μεθόδου crossProduct.

### Παράδειγμα Εφαρμογής του Αλγορίθμου

Ας υποθέσουμε ότι έχουμε 5 σημεία στον ευκλείδειο χώρο. Τα A, B, C και D. Εκ των οποίων επιλέγεται εκείνο με την μικρότερη συντεταγμένη y, δηλαδή το P (βλέπε **Εικόνα 1.1**).

Chart

Description automatically generated

**Εικόνα 1.1:** Επιλογή σημείου P

Αφού λοιπόν προστεθούν τα P και A στην λίστα με τα σημεία του κυρτού περιβλήματος, ο αλγόριθμος ελέγχει αν η ευθεία B-A σχηματίζει αριστερή στροφή με την ευθεία A-P (βλέπε **Εικόνα 1.2**).

Chart

Description automatically generated

**Εικόνα 1.2:** Έλεγχος στροφής B-A και A-P

Εφόσον σχηματίζουν αριστερή στροφή τότε προστίθεται το B στην λίστα με τα σημεία του κυρτού περιβλήματος και ο αλγόριθμος συνεχίζει στο επόμενο σημείο, το C. Ελέγχει αν η ευθεία C-B σχηματίζει αριστερή στροφή με την ευθεία B-A (βλέπε **Εικόνα 1.3**).

Chart, line chart
δσαψσδψσδ

Description automatically generated

**Εικόνα 1.3:** Έλεγχος στροφής C-B και B-A

Εφόσον σχηματίζουν αριστερή στροφή τότε προστίθενται το C στην λίστα με τα σημεία του κυρτού περιβλήματος και ο αλγόριθμος συνεχίζει στο επόμενο σημείο, το D. Ελέγχει αν η ευθεία D-C σχηματίζει αριστερή στροφή με την ευθεία C-B (βλέπε **Εικόνα 1.4**).



**Εικόνα 1.4:** Έλεγχος στροφής D-C και C-B

Εφόσον σχηματίζουν δεξιά στροφή τότε αφαιρείται το C από την λίστα με τα σημεία του κυρτού περιβλήματος και ο αλγόριθμος ελέγχει αν η ευθεία D-B σχηματίζει αριστερή στροφή με την ευθεία B-A (βλέπε **Εικόνα 1.5**).

Chart, line chart

Description automatically generated

**Εικόνα 1.5:** Έλεγχος στροφής D-B και B-A

Εφόσον σχηματίζουν αριστερή στροφή τότε προστίθενται το D στην λίστα με τα σημεία του κυρτού περιβλήματος και ο αλγόριθμος συνεχίζει στο επόμενο σημείο, το P. Ελέγχει αν η ευθεία P-D σχηματίζει αριστερή στροφή με την ευθεία D-B (βλέπε **Εικόνα 1.6**).

Chart, line chart, polygon

Description automatically generated

**Εικόνα 1.6:** Έλεγχος στροφής P-D και D-B

Εφόσον σχηματίζουν αριστερή στροφή τότε προστίθενται το P στην λίστα με τα σημεία του κυρτού περιβλήματος και ο αλγόριθμος τερματίζει (βλέπε **Εικόνα 1.7**).

Chart, line chart, polygon

Description automatically generated

**Εικόνα 1.7:** Τα σημεία του Κυρτού περιβλήματος

## Υπολογισμός Ελάχιστου Περικλείοντος Κύκλου

Στην ενότητα αυτή θα περιγράψουμε το θεωρητικό υπόβαθρο, κάποια απαραίτητα μαθηματικά καθώς επίσης και ένα παράδειγμα εφαρμογής του αλγορίθμου. Θα εξηγήσουμε αναλυτικά πως ο αλγόριθμος παίρνει ως είσοδο ένα σύνολο τυχαίων σημείων, πως από αυτά επιλέγει μόνο εκείνα που ορίζουν το κυρτό πολύγωνο και έπειτα τον τρόπο με τον οποίο υπολογίζει τον Ελάχιστο Περικλείοντα Κύκλο καθώς και τα Αντίστοιχα Διαγράμματα Voronoi.

### Θεωρητικό Υπόβαθρο

Η ορθότητα του αλγορίθμου βασίζεται σε κάποια Λήμματα και Παρατηρήσεις που παραθέτουμε παρακάτω.

Αρχικά, θα παραθέσουμε τους απαραίτητους συμβολισμούς.

* **S={p1, p2, …, pn}:** Σύνολο n σημείων στο ευκλείδειο επίπεδο
* **SEC(S):** Είναι ο κύκλος με την μικρότερη ακτίνα που περικλείει όλα τα σημεία του S.
* **before(p):** Αριστερόστροφος γείτονα του p.
* **next(p):** Δεξιόστροφος γείτονας του p.
* **radius(p, q, r):** Ακτίνα του κύκλου που διέρχεται από τα σημεία p, q και r αν αυτά είναι διαφορετικά.
* **angle(p, q, r):** Γωνία μεταξύ των ευθύγραμμων τμημάτων από το p στο q και από το q στο r. Θα ισχύει πάντα p!=q και q!=r αλλά όχι απαραίτητα ότι p!=r.
* **centre(a, b, c):** Κέντρο του κύκλου που διέρχεται από τρία μη γραμμικά σημεία a, b και c στον R^3.
* **V-1(S)(K, E):** Γράφημα Voronoi του πιο απομακρυσμένου γείτονα με K κορυφές και E ακμές.

**Παρατήρηση 1:** Αν τα a και b είναι σημεία στο R^2, β ένας κύκλος που διέρχεται από τα a και b, με ακτίνα r και κέντρο c στα δεξιά της ευθείας a-b, τότε r<radius(a, b, p) για κάθε σημείο p μέσα στο β στα αριστερά της ευθείας a-b(περιοχή 1 του Σχ. 2.1) ή έξω από το β στα δεξιά της ευθείας a-b (βλέπε **Εικόνα 2.1** περιοχή 2).

Diagram, engineering drawing

Description automatically generated

**Εικόνα 2.1:** Παρατήρηση 1

**Λήμμα 2:** Έστω S οι κορυφές ενός κυρτού πολυγώνου στο R^2. Αν (a, b, c) μεγιστοποιεί(radius(a, b, c), angle(a, b, c)) στη λεξικογραφική σειρά, τότε:

1. Τα a, b και c είναι διαδοχικές κορυφές του πολυγώνου.
2. Ο circle(a, b, c) περικλείει όλα τα σημεία του S.

**Απόδειξη:**

1. **Περίπτωση 1:** angle(a, b, c)<=π/2.

Όλες οι γωνίες στο τρίγωνο με κορυφές a, b και c είναι μικρότερες ή ίσες με π/2, αφού η angle(a, b, c) είναι η μεγαλύτερη από τις τρείς. Εφόσον η radius(a, b, c) είναι μέγιστη, η **Παρατήρηση 1** εφαρμοσμένη στα {a, b} συνεπάγεται ότι κανένα σημείο του S δεν μπορεί να βρίσκεται στις περιοχές με τους αριθμούς 3, 4 ή 6 τους **Σχήματος 2.2**. Εφαρμοσμένη στις {b, c} και {a, b} προκύπτει ότι κανένα σημείο στο S δεν μπορεί να βρίσκεται στις περιοχές με αριθμούς 2, 4, 5 ή 1, 5, 6. Εφόσον το S είναι ένα κυρτό σύνολο σημείων, όλα τα σημεία του S πρέπει να βρίσκονται στον κύκλο που διέρχεται από τα a, b και c, οπότε ο circle(a, b, c) περικλείει το S. Το ότι τα a, b και c είναι διαδοχικά είναι τότε επακόλουθο του ότι η angle(a, b, c) είναι μέγιστη μεταξύ όλων των εμφανιζόμενων γωνιών. Σημειώστε ότι το S μπορεί να περιέχει μόνο ένα σημείο περισσότερο από τα a, b και c και ότι τα σημεία σχηματίζουν τότε τις κορυφές ενός κυρτού τετραγώνου.

1. **Περίπτωση 2:** angle(a, b, c)>π/2.

Η εφαρμογή της **Παρατήρησης 1** και πάλι στα {a, b}, {b, c} και {a, c} εξασφαλίζει ότι κανένα σημείο στοS δεν μπορεί να βρίσκεται στην περιοχή 1 του **Σχήματος 2.3**. Ένα σημείο p από το S δεν μπορεί να βρίσκεται στην περιοχή 2 διότι τότε το b θα ήταν ένας κυρτός συνδυασμός των a, p και c παραβιάζοντας το S που είναι ένα συρτό σύνολο σημείων. Η μεγιστοποίηση της angle(a, b, c) εξασφαλίζει και πάλι ότι τα a, b και c είναι διαδοχικά. Αν το p βρίσκεται στο S-{a, b, c}, τότε το p πρέπει να βρίσκεται στην περιοχή χωρίς καπέλο και προκύπτει η **Δήλωση (ii)** του λήμματος.



**Εικόνα 2.2:** Λήμμα 2, Περίπτωση 1

**Παρατήρηση 3:** Αν η angle(a, b, c) είναι η μεγαλύτερη από τις τρις γωνίες του τριγώνου με κορυφές a, b και c, και αν β είναι κύκλος με ακτίνα μικρότερη από την radius(a, b, c) που περικλείει τα a και c, τότε ο β περικλείει το β αν και μόνο αν angle(a, b, c)>=π/2

Diagram

Description automatically generated

**Εικόνα 2.3:** Λήμμα 2, Περίπτωση 2

**Παρατηρήσεις:**

1. Αν γνωρίζουμε εκ των προτέρων ότι η ακτίνα του SEC(S) περιορίζεται παραπάνω από το R, μπορούμε να αφαιρούμε διαδοχικά σημεία από το S όπου η radius(before(p), p, next(p))>R χωρίς να ελέγξουμε τη μεγιστοποίηση.
2. Εάν το S δεν σχηματίζει τις κορυφές ενός κυρτού πολυγώνου για να ξεκινήσει, η σάρωση του Graham(βλέπε [1]) μπορεί να ενσωματωθεί φυσικά στον Αλγόριθμο αφήνοντας την radius(a, b, c) να είναι άπειρη εάν το c είναι στα αριστερά της ευθείας a-b.
3. Οι **Παρατηρήσεις 1** και **2** υποδηλώνουν ότι με την τροποποίηση του Αλγορίθμου όπως αναφέρεται στο **(1)** η ύπαρξη(και μια πιθανή κατασκευή) ενός περιβαλλόμενου κύκλου με δεδομένη ακτίνα R ελέγχεται(κατασκευάζεται) σε γραμμικό χρόνο για ένα πολύγωνο σε σχήμα αστέρα.

**Λήμμα 4:** Έστω S οι κορυφές ενός κυρτού πολυγώνου στο R^2. Αν το (a, b, c) μεγιστοποιεί το (radius(a, b, c), angle(a, b, c)) σε λεξικογραφική σειρά, τότε

1. Τα a, b και c είναι διαδοχικές κορυφές του πολυγώνου
2. Κανένα σημείο από το S δεν βρίσκεται μέσα στον circle(a, b, c)
3. Αν το b είναι μέσα στον circle(a’, b’, c’) για τρία σημεία a’, b’ και c’ από το s, τότε είτε το a είτε το c είναι επίσης μέσα.

### Περιγραφή του Αλγορίθμου

Έστω ότι μας δίνεται ένα σύνολο S με n κορυφές στο R^2. Αρχικά θα τρέξει ο αλγόριθμος του Graham στο σύνολο S και θα υπολογίσει ποιες από τις κορυφές του S συνθέτουν το κυρτό πολύγωνο. Οπότε, από το S θα αφαιρεθούν όλες εκείνες που δεν το αποτελούν. Έπειτα το νέο σύνολο S θα το πάρει ως είσοδο ο αλγόριθμος για τον υπολογισμό του ελάχιστου περικλείοντος κύκλου. Στη συνέχεια, θα ελέγξει αν το S έχει μέγεθος 1 και αν ισχύει θα τερματίσει, αλλιώς επαναληπτικά θα υπολογίζει το εκείνο το p για το οποίο μεγιστοποιείται το (radius(before(p), p, next(p)), angle(before(p), p, next(p))) σε λεξικογραφική σειρά και αν για εκείνο το p ισχύει angle(before(p), p, next(p))<=π/2 τότε ο αλγόριθμος τερματίζει αλλιώς αφαιρεί εκείνο το p από το S και επαναλαμβάνει την διαδικασία μέχρις ότου να ισχύει angle(before(p), p, next(p))<=π/2.

Η ορθότητα του αλγορίθμου βασίζεται στα παραπάνω λήμματα και παρατηρήσεις που αναφέραμε προηγουμένως.

Για να διατηρήσουμε την πολυπλοκότητα χρόνου σε O(nlogn) χρησιμοποιήσαμε ένα κοκκινόμαυρο ισοζυγισμένο δυαδικό δέντρο αναζήτησης(Tree Map) στο οποίο αποθηκεύουμε ως κλειδί όλα τα radius για κάθε p και ως τιμή το αντίστοιχο p. Οπότε κάθε φορά που θέλουμε το μέγιστο radius μπορούμε εύκολα σε O(1) να το βρούμε καθώς επίσης και O(2logn) για να βρούμε και να σβήσουμε τα άλλα 2 radius στα οποία συμμετέχει το p.

Έπειτα χρησιμοποιήσαμε και ένα λεξικό(HashMap) το οποίο χρησιμοποιήσαμε ως πίνακα γειτνίασης με κλειδί τον κόμβο p και τιμή τους before(p) και next(p). Κάθε φορά που ρωτάμε το λεξικό για τους γείτονές του p μας κοστίζει O(1) καθώς επίσης και η ενημέρωση των γειτόνων σε περίπτωση διαγραφής του p.

Τέλος χρησιμοποιήσαμε και ένα δεύτερο λεξικό το οποίο και χρησιμοποιήσαμε ακριβώς όπως το δέντρο. Ο λόγος είναι διότι κάθε φορά που κάνουμε τις 2 νέες εισαγωγές στο δέντρο πρέπει να ελέγξουμε αν υπάρχει ήδη αντίστοιχο radius με ίδιο p ώστε να κρατήσουμε εκείνο με το μεγαλύτερο angle και η ερώτηση στο λεξικό μας κοστίζει O(1) ενώ στο δέντρο O(logn).

### Παράδειγμα Εφαρμογής του Αλγορίθμου

Έστω ότι έχουμε 6 σημεία τα οποία έχουν προκύψει από το Graham οπότε αποτελούν τα σημεία ενός κυρτού πολυγώνου(βλέπει **Εικόνα 3.1**).

Chart, scatter chart

Description automatically generated

**Εικόνα 3.1:** Σημεία κυρτού πολυγώνου

Έπειτα βρίσκουμε την 3άδα εκείνη που μεγιστοποιεί το radius και παρατηρούμε ότι το radius για εκείνη την 3άδα είναι μεγαλύτερο από π/2 οπότε και ο μεσαίος κόμβος αφαιρείται(βλέπε **Εικόνα 3.2**).

Chart, line chart

Description automatically generated

**Εικόνα 3.2:** Επιλογή και διαγραφή του p

Έπειτα, επιλέγεται η επόμενη μέγιστη 3άδα και πάλι αφαιρείται ο αντίστοιχος διότι το angle είναι μεγαλύτερο από π/2(βλέπε εικόνα 3.3).

Chart, line chart

Description automatically generated

**Εικόνα 3.3:** Επιλογή και διαγραφή του p

Έπειτα, επιλέγεται η επόμενη μέγιστη 3άδα και πάλι αφαιρείται ο αντίστοιχος διότι το angle είναι μεγαλύτερο από π/2(βλέπε εικόνα 3.4).

Chart, line chart

Description automatically generated

**Εικόνα 3.4:** Επιλογή και διαγραφή του p

Τέλος, ο αλγόριθμος τερματίζει διότι όλα τα angle είναι μικρότερα από π/2 και έτσι σχεδιάζεται ο κύκλος(βλέπε εικόνα 3.5).

A picture containing outdoor

Description automatically generated

**Εικόνα 3.5:** Ο ελάχιστος περικλείοντας κύκλος

## Υπολογισμός Διαγράμματος Voronoi 1ης τάξης

### Περιγραφή του Αλγορίθμου

Ο αλγόριθμος για τον υπολογισμό του διαγράμματος Voronoi 1ης τάξης είναι ακριβώς ίδιος με τον αλγόριθμο για τον υπολογισμό του ελάχιστου περικλείοντα κύκλου με την διαφορά ότι διατηρούμε δύο επιπλέον δομές για τα (Κ, Ε) που είναι απλές λίστες(ArrayList<Point2D>, ArrayList< ArrayList<Point2D>>). Όλες οι υπόλοιπες δομές δεδομένων καθώς και ο αλγόριθμος έχουν συνολικά ακριβώς την ίδια πολυπλοκότητα χρόνου όπως προαναφέραμε(O(nlogn)).

Αρχικά, ο αλγόριθμος υπολογίζει με βάση την μέθοδο u(p)(βλέπε κώδικα) το u(p) για όλα τα p του συνόλου S και τα προσθέτει στην λίστα κορυφών K και στο λεξικό u(HashMap<Point2D, Point2D>) όπου κλειδί του λεξικού είναι το p και τιμή το u(p).

Έπειτα, όπως και τον αλγόριθμο για τον υπολογισμό του ελάχιστου περικλείοντα κύκλου υπολογίζει επαναληπτικά με το p για το οποίο μεγιστοποιείται το(-radius(before(p), o, next(p)), angle(before(p), p , next(p))).

Στην συνέχεια, υπολογίζει το centre(before(p), p, next(p))(έστω c) και το προσθέτει την λίστα κορυφών K.

Έπειτα, προσθέτει στην λίστα των ακμών E τα ζεύγη (c, u(p)) και (c, u(before(p))) τα οποία u(p) και u(q) δεν τα υπολογίζει ξανά, αλλά τα παίρνει από το λεξικό u.

Στη συνέχεια, ενημερώνει το αντίστοιχο u(before(p)) στο λεξικό u με το c.

Τέλος, σβήνει το p από την λίστα και επαναλαμβάνονται όλα τα προηγούμενα βήματα έως ότου μείνουν 2 σημεία.

### Παράδειγμα Εφαρμογής του Αλγορίθμου

Εφόσον λοιπόν ο τρόπος λειτουργίας είναι ίδιος με εκείνον του ελάχιστου περικλείοντα κύκλου παραθέτουμε τα 2 τελικά διαγράμματα για το ίδιο σύνολο S (βλέπε **Εικόνα 3.6**).

Chart, line chart

Description automatically generated

**Εικόνα 3.6:** Διάγραμμα Voronoi του Κοντινότερου Γείτονα(1ης τάξης)

## Υπολογισμός Διαγράμματος Voronoi n-1 τάξης

### Περιγραφή του Αλγορίθμου

Ο αλγόριθμος για τον υπολογισμό του διαγράμματος Voronoi n-1 τάξης είναι ακριβώς ο ίδιος με εκείνον για τον υπολογισμό του διαγράμματος Voronoi 1ης τάξης με δύο βασικές διαφορές.

Η πρώτη διαφορά μεταξύ έγκειται στο γεγονός ότι η μέθοδος u(p) υπολογίζεται με παρόμοιο τρόπο (βλέπε κώδικα).

Η δεύτερη διαφορά είναι στην εύρεση του p που μεγιστοποιεί αυτήν την φορά το (radius(before(p), p, next(p))).

### Παράδειγμα Εφαρμογής του Αλγορίθμου

Εφόσον λοιπόν ο τρόπος λειτουργίας είναι ίδιος με εκείνον του ελάχιστου περικλείοντα κύκλου παραθέτουμε τα 2 τελικά διαγράμματα για το ίδιο σύνολο S (βλέπε **Εικόνα 3.7**).

Chart, line chart

Description automatically generated

**Εικόνα 3.7:** Διάγραμμα Voronoi του Μακρύτερου Γείτονα(n-1 τάξης)

# Η Υλοποίηση

## Είσοδος-Έξοδος

Η εφαρμογή έχει την δυνατότητα να διαβάσει ένα σύνολο σημείων το ευκλείδειου επιπέδου από ένα σύνολο αρχείων και να εξάγει τα αντίστοιχα γραφήματα.

Πιο συγκεκριμένα, ο χρήστης μπορεί να φορτώσει τα σημεία του από το παρακάτω σύνολο αρχείων:

* .csv: Csv αρχείο με δύο στήλες αριθμών
* .txt: Txt αρχείο με δύο στήλες αριθμών χωρισμένους με κόμμα μεταξύ του
* .xls: Excel 1997-2003 αρχείο με δύο στήλες αριθμών
* .xlsx: Excel 2007-2022 αρχείο με δύο στήλες αριθμών

Έπειτα, η εφαρμογή να υπολογίσει και θα εμφανίσει σε 3 ξεχωριστά παράθυρα τα αντίστοιχα γραφήματα για το κάθε διάγραμμα.

## Δομές Δεδομένων

Στην εφαρμογή χρησιμοποιούμε κατά βάση 3 Δομές Δεδομένων.

Η πρώτη Δομή είναι ένα σύνολο από πίνακες(Array List) που χρησιμοποιήσαμε για να αποθηκεύσουμε το αρχικό σύνολο σημείων, των σημείων του κυρτού πολυγώνου, των σημείων του κύκλου καθώς. Κύριος σκοπός αυτής της δομής είναι η αποθήκευση και μόνο των αντίστοιχων σημείων και δεν συμμετέχουν σε υπολογισμούς παρά μόνο για ανάγνωση των περιεχομένων τους διότι έχουν πολύ υψηλή πολυπλοκότητα για βασικές λειτουργίες που χρειαστήκαμε κατά την υλοποίηση των αλγορίθμων (όπως O(n) για διαγραφή ενός στοιχείου).

Η δεύτερη Δομή είναι ένα Κοκκινόμαυρο Ισοζυγισμένο Δυαδικό Δένδρο Αναζήτησης(Tree Map) το οποίο χρησιμοποιήσαμε για να αποθηκεύσουμε τα radius για κάθε 3-άδα καθώς επίσης και τον κεντρικό κόμβο-σημείο της 3-άδας. Αυτό μας βοήθησε πολύ διότι για σχεδόν όλες τις υποστηριζόμενες λειτουργίες που χρειαστήκαμε η πολυπλοκότητα είναι O(logn) και επιπλέον έχει την ιδιότητα ότι διατηρεί τα στοιχεία του ταξινομημένα. Αυτό επίσης μας βοήθησε στο γεγονός ότι ο κάθε αλγόριθμος χρειαζόταν σε κάθε επανάληψη να αφαιρεί και έναν κόμβο το οποίο σημαίνει ότι θα έπρεπε να υπολογιστούν ξανά 3 radius(μιας και ένας κόμβος συμμετέχει σε 3 3-άδες) τα οποία και θα έπρεπε να αφαιρεθούν από το δέντρο(πολυπλοκότητα 3\*O(logn)) και να γίνουν 2 νέες εισαγωγές radius στο δέντρο(πολυπλοκότητα 2\*O(logn)) στην σωστή θέση ώστε το δένδρο να παραμείνει ισοζυγισμένο.

Η τρίτη και τελευταία Δομή είναι ένα σύνολο από λεξικά(Hash Map) που τα χρησιμοποιήσαμε για να αποθηκεύσουμε στο πρώτο τον πίνακα γειτνίασης και στο δεύτερο αντίστοιχα radius και τους κεντρικούς κόμβων. Ο λόγος που χρησιμοποιήσαμε λεξικά είναι διότι η πολυπλοκότητα για τις βασικές λειτουργίες που χρειαστήκαμε είναι Ο(1). Αυτό μας βοήθησε αρκετά διότι κάναμε πολλές αναζητήσεις με συγκεκριμένο κλειδί όπως επίσης και διαγραφές.

## Κλάσεις/Πακέτα

Σε αυτήν την ενότητα θα περιγράψουμε περιληπτικά και θα παραθέσουμε κομμάτια(κλάσεις και μεθόδους) του κώδικα. Αξίζει να σημειώσουμε ότι χρησιμοποιήσαμε το πρότυπο αρχιτεκτονικής MVC(Model View Control) για την γενική μορφή του κώδικά καθώς και άλλες μεθόδους δημιουργίας κλάσεων(όπως Factory Pattern) ώστε ο κώδικάς να είναι αναγνώσιμος και επεκτάσιμος από κάποιον άλλον.

Η δομή των παρακάτω κεφαλαίων είναι η εξής: Κλάση/Πακέτο

### MainGUI/View

Η κλάση ‘MainGUI’ είναι υπεύθυνη για την δημιουργία του κύριου παραθύρου καθώς και την αρχικοποίηση των Handlers(Κλάσεις που διαχειρίζονται τις λειτουργίες). Το όνομα της κάθε μεθόδου είναι συνώνυμο με την λειτουργία της. Επιπλέον βρίσκεται και με μέθοδος ‘main’ η οποία είναι υπεύθυνη για την έναρξη του προγράμματος.

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

**package** View;

**import** java.net.URL;

**import** java.util.ArrayList;

**import** Control.ChangeLanguageButtonHandler;

**import** Control.ExitButtonHandler;

**import** Control.InfoButtonHandler;

**import** Control.LoadFileButtonHandler;

**import** Control.PaperTitleHandler;

**import** Control.PutPointsButtonHandler;

**import** javafx.application.Application;

**import** javafx.event.EventHandler;

**import** javafx.geometry.Pos;

**import** javafx.scene.Cursor;

**import** javafx.scene.Scene;

**import** javafx.scene.control.Button;

**import** javafx.scene.control.Label;

**import** javafx.scene.image.Image;

**import** javafx.scene.image.ImageView;

**import** javafx.scene.layout.BorderPane;

**import** javafx.scene.layout.VBox;

**import** javafx.stage.Stage;

**import** javafx.stage.WindowEvent;

**public** **class** MainGUI **extends** Application

{

**private** String javaVersion = System.*getProperty*("java.version");

**private** String javafxVersion = System.*getProperty*("javafx.version");

**private** String version = "v0.9.9";

**private** Stage stage;

**private** Scene scene;

**private** Button changeLanguageButton;

**private** Button loadFileButton;

**private** Button putPointsButton;

**private** Button exitButton;

**private** Button infoButton;

**private** BorderPane borderPane;

**private** VBox vbox;

**private** Label paperTitle;

**private** ImageView imageViewMain;

**private** ImageView imageViewMain2;

**private** ArrayList<Button> buttons;

@Override

**public** **void** start(Stage stage)

{

buttons = **new** ArrayList<Button>();

**this**.stage = stage;

createButtons();

createPaperTitle();

createSecondPane();

createMainPane();

scene = **new** Scene(borderPane);

scene.getStylesheets().add("styles.css");

createAndSetHandlers();

createMainLogo2();

createStage();

}

**public** **static** **void** main(String[] args)

{

*launch*();

}

**private** **void** createAndSetHandlers()

{

changeLanguageButton.setOnAction(**new** ChangeLanguageButtonHandler(buttons, paperTitle));

loadFileButton.setOnAction(**new** LoadFileButtonHandler());

putPointsButton.setOnAction(**new** PutPointsButtonHandler());

exitButton.setOnAction(**new** ExitButtonHandler(stage));

infoButton.setOnAction(**new** InfoButtonHandler());

}

**private** **void** createButtons()

{

changeLanguageButton = **new** Button();

loadFileButton = **new** Button();

putPointsButton = **new** Button();

exitButton = **new** Button();

infoButton = **new** Button(" ? ");

changeLanguageButton.setId("changeLanguageButton");

loadFileButton.setId("loadFileButton");

putPointsButton.setId("putPointsButton");

exitButton.setId("exitButton");

infoButton.setId("infoButton");

changeLanguageButton.setCursor(Cursor.***HAND***);

loadFileButton.setCursor(Cursor.***HAND***);

putPointsButton.setCursor(Cursor.***HAND***);

exitButton.setCursor(Cursor.***HAND***);

infoButton.setCursor(Cursor.***HAND***);

loadFileButton.setMaxWidth(Double.***MAX\_VALUE***);

putPointsButton.setMaxWidth(Double.***MAX\_VALUE***);

exitButton.setMaxWidth(Double.***MAX\_VALUE***);

buttons.add(changeLanguageButton);

buttons.add(loadFileButton);

buttons.add(putPointsButton);

buttons.add(exitButton);

buttons.add(infoButton);

}

**private** **void** createMainPane()

{

borderPane = **new** BorderPane();

borderPane.setId("borderPane");

createMainLogo();

borderPane.setTop(**null**);

borderPane.setLeft(imageViewMain);

borderPane.*setAlignment*(imageViewMain, Pos.***CENTER***);

//------------------------------------------------------------------

borderPane.setCenter(vbox);

borderPane.*setAlignment*(vbox, Pos.***CENTER***);

//------------------------------------------------------------------

borderPane.setTop(changeLanguageButton);

borderPane.*setAlignment*(changeLanguageButton, Pos.***CENTER\_RIGHT***);

borderPane.setBottom(infoButton);

borderPane.*setAlignment*(infoButton, Pos.***CENTER\_RIGHT***);

}

**private** **void** createPaperTitle()

{

paperTitle = **new** Label();

paperTitle.setCursor(Cursor.***HAND***);

paperTitle.setOnMouseClicked(**new** PaperTitleHandler());

}

**private** **void** createSecondPane()

{

vbox = **new** VBox(10);

vbox.setId("vbox");

vbox.getChildren().addAll(paperTitle, loadFileButton, putPointsButton, exitButton);

}

**private** **void** createMainLogo()

{

URL url = getClass().getResource("/Icons/MainLogo\_W.png");

Image imageMain = **new** Image(url.toString());

imageViewMain = **new** ImageView(imageMain);

imageViewMain.setFitHeight(573);

imageViewMain.setFitWidth(300);

}

**private** **void** createMainLogo2()

{

URL url = getClass().getResource("/Icons/MainLogo\_W.png");

Image imageMain2 = **new** Image(url.toString());

imageViewMain2 = **new** ImageView(imageMain2);

imageViewMain2.setFitHeight(38);

imageViewMain2.setFitWidth(17);

}

**private** **void** createStage()

{

URL url = getClass().getResource("/Icons/circle.png");

Image stageImage = **new** Image(url.toString());

stage.getIcons().add(stageImage);

stage.setTitle("Sven Skyum 1991, JavaFX " + javafxVersion + ", running on Java " + javaVersion +", "+version);

stage.setHeight(700);

stage.setWidth(600);

stage.setResizable(**false**);

stage.setScene(scene);

stage.setOnCloseRequest(**new** EventHandler<WindowEvent>() {

**public** **void** handle(WindowEvent we)

{

stage.close();

System.*exit*(0);

}

});

stage.show();

}

}

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### SmallestEnclosingCircleGUI/View

Η κλάση ΄SmallestEnclosingCircleGUI΄ είναι υπεύθυνη για την δημιουργία και την εμφάνιση του διαγράμματος του Ελάχιστου Περικλείοντος Κύκλους στον χρήστη. Το όνομα της κάθε μεθόδου είναι συνώνυμο με την λειτουργία της.

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

**package** View;

**import** java.awt.BasicStroke;

**import** java.awt.Color;

**import** java.awt.Font;

**import** java.awt.geom.Ellipse2D;

**import** java.net.URL;

**import** java.util.ArrayList;

**import** org.jfree.chart.ChartFactory;

**import** org.jfree.chart.JFreeChart;

**import** org.jfree.chart.annotations.XYShapeAnnotation;

**import** org.jfree.chart.fx.ChartViewer;

**import** org.jfree.chart.plot.XYPlot;

**import** org.jfree.chart.renderer.xy.XYLineAndShapeRenderer;

**import** org.jfree.chart.title.TextTitle;

**import** org.jfree.data.xy.XYSeries;

**import** org.jfree.data.xy.XYSeriesCollection;

**import** Control.CustomMouseListener;

**import** javafx.scene.Scene;

**import** javafx.scene.image.Image;

**import** javafx.stage.Stage;

**import** javafx.geometry.Point2D;

**public** **class** SmallestEnclosingCircleGraphGUI

{

**private** ArrayList<Point2D> allPoints;

**private** ArrayList<Point2D> convexPoints;

**private** ArrayList<Point2D> circlePoints;

**private** Stage circleStage;

**private** String path;

**private** String title;

**private** XYSeriesCollection dataset;

**private** XYPlot plot;

**private** TextTitle textSubTitle;

**private** Ellipse2D circle;

**public** SmallestEnclosingCircleGraphGUI(String path)

{

**this**.path = path;

}

**public** **void** setTitle(String title)

{

**this**.title = title;

}

**public** **void** setAllPoints(ArrayList<Point2D> allPoints)

{

**this**.allPoints = allPoints;

}

**public** **void** setConvexPoints(ArrayList<Point2D> convexPoints)

{

**this**.convexPoints = convexPoints;

}

**public** **void** setCirclePoints(ArrayList<Point2D> circlePoints)

{

**this**.circlePoints = circlePoints;

}

**public** **void** setCircleObject(Ellipse2D circle)

{

**this**.circle = circle;

}

**public** **void** initialize(**int** x, **int** y)

{

createStage(x, y);

displaySmallestEnclosingCircle();

circleStage.show();

}

**private** **void** createStage(**int** x, **int** y)

{

circleStage = **new** Stage();

circleStage.setTitle(title+" -> "+path+" -> "+(allPoints.size())+" points");

circleStage.setHeight(700);

circleStage.setWidth(700);

circleStage.setX(x);

circleStage.setY(y);

circleStage.setResizable(**true**);

URL url = getClass().getResource("/Icons/circle.png");

Image stageImage = **new** Image(url.toString());

circleStage.getIcons().add(stageImage);

}

**private** **void** displaySmallestEnclosingCircle()

{

textSubTitle = **new** TextTitle("Current Point: None");

textSubTitle.setFont(**new** Font("SansSerif", Font.***PLAIN***, 12));

makePlot();

ChartViewer viewer = **new** ChartViewer(makeChart());

viewer.addChartMouseListener(**new** CustomMouseListener(textSubTitle));

circleStage.setScene(**new** Scene(viewer));

}

**private** XYSeriesCollection makeSeriesAndDataset()

{

**int** circlePointsSize = circlePoints.size();

**int** convexPointsSize = convexPoints.size();

**int** allPointsSize = allPoints.size();

XYSeries series1 = **new** XYSeries("allPoints -> "+(allPointsSize-convexPointsSize)+"+convexPoints+circlePoints");

XYSeries series2 = **new** XYSeries("convexPoints -> "+(convexPointsSize - circlePointsSize)+"+circlePoints"+" ||");

XYSeries series3 = **new** XYSeries("circlePoints -> "+circlePointsSize+" ||");

dataset = **new** XYSeriesCollection();

**for**(**int** i=0; i<allPointsSize; i++)

{

series1.add(allPoints.get(i).getX(),allPoints.get(i).getY());

}

**for**(**int** i=0; i<convexPointsSize; i++)

{

series2.add(convexPoints.get(i).getX(), convexPoints.get(i).getY());

}

**for**(**int** i=0; i<circlePointsSize; i++)

{

series3.add(circlePoints.get(i).getX(), circlePoints.get(i).getY());

}

dataset.addSeries(series3);

dataset.addSeries(series2);

dataset.addSeries(series1);

dataset.setAutoWidth(**true**);

**return** dataset;

}

**private** **void** makePlot()

{

JFreeChart scatterPlot = ChartFactory.*createScatterPlot*(

"Current Point: None", // Chart title

"X", // X-Axis Label

"Y", // Y-Axis Label

makeSeriesAndDataset() // Dataset for the Chart

);

plot = (XYPlot)scatterPlot.getPlot();

plot.addAnnotation(makeCircle());

plot.setDomainPannable(**true**);

plot.setRangePannable(**true**);

plot.setDomainCrosshairLockedOnData(**true**);

plot.setRangeMinorGridlinesVisible(**true**);

plot.setDomainCrosshairVisible(**true**);

plot.setDomainZeroBaselineVisible(**true**);

plot.setOutlineVisible(**true**);

plot.setBackgroundPaint(Color.***WHITE***);

plot.setDomainGridlinePaint(Color.***GRAY***);

plot.setRangeGridlinePaint(Color.***GRAY***);

plot.setRenderer(makeRenderer());

}

**private** XYShapeAnnotation makeCircle()

{

XYShapeAnnotation annotation = **new** XYShapeAnnotation(circle, **new** BasicStroke(1.0f), Color.***RED***, **null**);

annotation.setToolTipText("center=("+circle.getCenterX()+", "+circle.getCenterY()+")\nradius="+circle.getWidth()/2);

**return** annotation;

}

**private** XYLineAndShapeRenderer makeRenderer()

{

XYLineAndShapeRenderer renderer2 = **new** XYLineAndShapeRenderer();

renderer2.setSeriesPaint(0, Color.***RED***); //circle points

renderer2.setSeriesLinesVisible(0, **false**);

renderer2.setSeriesShapesVisible(0, **true**);

renderer2.setSeriesPaint(1, Color.***BLUE***); //convex points

renderer2.setSeriesLinesVisible(1, **false**);

renderer2.setSeriesShapesVisible(1, **true**);

renderer2.setSeriesPaint(2, Color.***ORANGE***); // all points

renderer2.setSeriesLinesVisible(2, **false**);

renderer2.setSeriesShapesVisible(2, **true**);

**return** renderer2;

}

**private** JFreeChart makeChart()

{

JFreeChart chart = **new** JFreeChart(plot);

chart.setTitle(title);

chart.getTitle().setPaint(Color.*decode*("#006699"));

chart.getTitle().setFont(**new** Font("Arial", Font.***TRUETYPE\_FONT***, 24));

chart.setBackgroundPaint(Color.*decode*("#f0f9f6"));

chart.addSubtitle(textSubTitle);

chart.setElementHinting(**true**);

chart.setTextAntiAlias(**true**);

chart.setNotify(**true**);

chart.setAntiAlias(**true**);

chart.setBorderVisible(**false**);

**return** chart;

}

}

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### VoronoiGraphGUI/View

Η κλάση ΄VoronoiGraphGUI΄ είναι υπεύθυνη για την δημιουργία και την εμφάνιση των διαγραμμάτων Voronoi(κοντινότερου και μακρύτερου γείτονα) στον χρήστη. Το όνομα της κάθε μεθόδου είναι συνώνυμο με την λειτουργία της.

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

**package** View;

**import** java.awt.BasicStroke;

**import** java.awt.Color;

**import** java.awt.Font;

**import** java.net.URL;

**import** java.util.ArrayList;

**import** org.jfree.chart.ChartFactory;

**import** org.jfree.chart.JFreeChart;

**import** org.jfree.chart.fx.ChartViewer;

**import** org.jfree.chart.plot.XYPlot;

**import** org.jfree.chart.renderer.xy.XYLineAndShapeRenderer;

**import** org.jfree.chart.title.TextTitle;

**import** org.jfree.data.xy.XYSeries;

**import** org.jfree.data.xy.XYSeriesCollection;

**import** Control.CustomMouseListener;

**import** javafx.geometry.Point2D;

**import** javafx.scene.Scene;

**import** javafx.scene.image.Image;

**import** javafx.stage.Stage;

**public** **class** VoronoiGraphGUI

{

**private** **int** allPointsSize;

**private** ArrayList<Point2D> convexPoints;

**private** ArrayList<Point2D> K;

**private** ArrayList<ArrayList<Point2D>> E;

**private** Stage voronoiStage;

**private** String path;

**private** String title;

**private** XYPlot plot;

**private** TextTitle textSubTitle;

**public** VoronoiGraphGUI(String path)

{

**this**.path = path;

}

**public** **void** setTitle(String title)

{

**this**.title = title;

}

**public** **void** setAllPointsSize(**int** allPointsSize)

{

**this**.allPointsSize = allPointsSize;

}

**public** **void** setConvexPoints(ArrayList<Point2D> convexPoints)

{

**this**.convexPoints = convexPoints;

}

**public** **void** setK(ArrayList<Point2D> K)

{

**this**.K = K;

}

**public** **void** setE(ArrayList<ArrayList<Point2D>> E)

{

**this**.E = E;

}

**public** **void** initialize(**int** x, **int** y)

{

createStage(x, y);

displaySmallestEnclosingCircle();

voronoiStage.show();

}

**private** **void** createStage(**int** x, **int** y)

{

voronoiStage = **new** Stage();

voronoiStage.setTitle(title+" -> "+path+" -> "+(allPointsSize)+" points");

voronoiStage.setHeight(700);

voronoiStage.setWidth(700);

voronoiStage.setX(x);

voronoiStage.setY(y);

voronoiStage.setResizable(**true**);

URL url = getClass().getResource("/Icons/circle.png");

Image stageImage = **new** Image(url.toString());

voronoiStage.getIcons().add(stageImage);

}

**private** **void** displaySmallestEnclosingCircle()

{

textSubTitle = **new** TextTitle("Current Point: None");

textSubTitle.setFont(**new** Font("SansSerif", Font.***PLAIN***, 12));

makePlot();

ChartViewer viewer = **new** ChartViewer(makeChart());

viewer.addChartMouseListener(**new** CustomMouseListener(textSubTitle));

voronoiStage.setScene(**new** Scene(viewer));

}

**private** XYSeriesCollection makeSeriesAndDataset()

{

XYSeries series0 = **new** XYSeries("convexPoints -> "+(convexPoints.size()));

XYSeries series1 = **new** XYSeries("Voronoi Edges -> "+(K.size())+" ||");

XYSeries series2 = **new** XYSeries("Voronoi Lines -> "+(E.size()+" ||"));

XYSeriesCollection dataset = **new** XYSeriesCollection();

**for**(**int** i=0; i<convexPoints.size(); i++)

{

series0.add(convexPoints.get(i).getX(), convexPoints.get(i).getY());

}

**for**(**int** i=0; i<K.size(); i++)

{

series1.add(K.get(i).getX(), K.get(i).getY());

}

dataset.addSeries(series2); // Voronoi Cell

dataset.addSeries(series1); // Voronoi Edges

dataset.addSeries(series0); // convexPoints

**for**(**int** i=0; i<E.size(); i++) // Voronoi Cells

{

XYSeries series = **new** XYSeries(i+"");

series.add(E.get(i).get(0).getX(), E.get(i).get(0).getY());

series.add(E.get(i).get(1).getX(), E.get(i).get(1).getY());

dataset.addSeries(series);

}

dataset.setAutoWidth(**true**);

**return** dataset;

}

**private** **void** makePlot()

{

JFreeChart scatterPlot = ChartFactory.*createScatterPlot*(

"Current Point: None", // Chart title

"X", // X-Axis Label

"Y", // Y-Axis Label

makeSeriesAndDataset() // Dataset for the Chart

);

plot = (XYPlot)scatterPlot.getPlot();

plot.setDomainPannable(**true**);

plot.setRangePannable(**true**);

plot.setDomainCrosshairLockedOnData(**true**);

plot.setRangeMinorGridlinesVisible(**true**);

plot.setDomainCrosshairVisible(**true**);

plot.setDomainZeroBaselineVisible(**true**);

plot.setOutlineVisible(**true**);

plot.setBackgroundPaint(Color.***WHITE***);

plot.setDomainGridlinePaint(Color.***GRAY***);

plot.setRangeGridlinePaint(Color.***GRAY***);

plot.setRenderer(makeRenderer());

}

**private** XYLineAndShapeRenderer makeRenderer()

{

XYLineAndShapeRenderer renderer2 = **new** XYLineAndShapeRenderer();

renderer2.setSeriesPaint(2, Color.***BLUE***); //convex points

renderer2.setSeriesLinesVisible(2, **false**);

renderer2.setSeriesShapesVisible(2, **true**);

renderer2.setSeriesPaint(1, Color.***RED***); //voronoi edges

renderer2.setSeriesLinesVisible(1, **false**);

renderer2.setSeriesShapesVisible(1, **true**);

renderer2.setSeriesPaint(0, Color.***PINK***); //voronoi cells

renderer2.setSeriesLinesVisible(0, **false**);

renderer2.setSeriesShapesVisible(0, **false**);

**for**(**int** i=0; i<E.size(); i++)

{

**int** offset = 3;

renderer2.setSeriesPaint(offset+i, Color.*decode*("#8fbc8f")); //voronoi cells

renderer2.setSeriesLinesVisible(offset+i, **true**);

renderer2.setSeriesShapesVisible(offset+i, **false**);

renderer2.setSeriesStroke(offset+i, **new** BasicStroke(2.0f)); //light green

renderer2.setSeriesItemLabelsVisible(offset+i, **false**);

renderer2.setDefaultItemLabelsVisible(**false**);

renderer2.setSeriesVisibleInLegend(offset+i, **false**);

}

**return** renderer2;

}

**private** JFreeChart makeChart()

{

JFreeChart chart = **new** JFreeChart(plot);

chart.setTitle(title);

//=======================================================

chart.getTitle().setPaint(Color.*decode*("#006699"));

chart.getTitle().setFont(**new** Font("Arial", Font.***TRUETYPE\_FONT***, 24));

chart.setBackgroundPaint(Color.*decode*("#f0f9f6"));

//=======================================================

chart.addSubtitle(textSubTitle);

chart.setElementHinting(**true**);

chart.setTextAntiAlias(**true**);

chart.setNotify(**true**);

chart.setAntiAlias(**true**);

chart.setBorderVisible(**false**);

**return** chart;

}

}

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### AlgorithmsHandler/Control

Η κλάση ΄AlgorithmsHandler΄ είναι υπεύθυνη για την δημιουργία και την έναρξη όλων των αλγορίθμων(GrahamScan, SmallestEnclosingCircle, Voronoi). Το όνομα της κάθε μεθόδου είναι συνώνυμο με την λειτουργία της.

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

**package** Control;

**import** Model.SmallestEnclosingCirlce;

**import** Model.NeighborVoronoiDiagram;

**import** Model.DataBase;

**import** Model.GrahamScan;

**public** **class** AlgorithmsHandler

{

**private** GrahamScan grahamScan;

**private** SmallestEnclosingCirlce algorithm1;

**private** NeighborVoronoiDiagram nearestNeighbor;

**private** NeighborVoronoiDiagram farthestNeighbor;

**private** DataBase dataBase;

**public** AlgorithmsHandler()

{

dataBase = DataBase.*getInstance*();

dataBase.initializeKandE();

callAlgorithms();

}

**private** **void** callAlgorithms()

{

callGrahamScan();

callSmallestEnclosingCircle();

callNearestNeighborVoronoi();

callFarthestNeighborVoronoi();

}

**private** **void** callGrahamScan()

{

grahamScan = **new** GrahamScan();

grahamScan.initialize();

}

**private** **void** callSmallestEnclosingCircle()

{

algorithm1 = **new** SmallestEnclosingCirlce();

dataBase.prepareForAlgorithm(0);

algorithm1.computeSmallestEnclosingCircle();

}

**private** **void** callNearestNeighborVoronoi()

{

nearestNeighbor = **new** NeighborVoronoiDiagram();

dataBase.prepareForAlgorithm(1);

nearestNeighbor.computeVoronoiDiagram();

}

**private** **void** callFarthestNeighborVoronoi()

{

farthestNeighbor = **new** NeighborVoronoiDiagram();

dataBase.prepareForAlgorithm(2);

farthestNeighbor.computeVoronoiDiagram();

}

}

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### ChangeLanguageButtonHandler/Control

Η κλάση ΄ChangeLanguageButtonHandler΄ είναι υπεύθυνη για την εναλλαγή της γλώσσας του προγράμματος μεταξύ Ελληνικών-Αγγλικών. Το όνομα της κάθε μεθόδου είναι συνώνυμο με την λειτουργία της.

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

**package** Control;

**import** java.util.ArrayList;

**import** Model.TextHandler;

**import** javafx.event.ActionEvent;

**import** javafx.event.EventHandler;

**import** javafx.scene.control.Button;

**import** javafx.scene.control.Label;

**public** **class** ChangeLanguageButtonHandler **implements** EventHandler<ActionEvent>

{

**private** TextHandler textHandler;

**private** Boolean flag=**true**;

**private** Button changeLanguageButton;

**private** Label paperTitle;

**private** Button loadFileButton;

**private** Button putPointsButton;

**private** Button exitButton;

**public** ChangeLanguageButtonHandler(ArrayList<Button> buttons, Label paperTitle)

{

textHandler = TextHandler.*getInstance*();

**this**.paperTitle = paperTitle;

changeLanguageButton = buttons.get(0);

loadFileButton = buttons.get(1);

putPointsButton = buttons.get(2);

exitButton = buttons.get(3);

//first time

setTexts();

}

@Override

**public** **void** handle(ActionEvent arg0)

{

//flag=true -> EN

//flag=false -> GR

flag=!flag;

textHandler = TextHandler.*getInstance*();

textHandler.setLanguage(flag? "EN" : "GR");

setTexts();

}

**private** **void** setTexts()

{

changeLanguageButton.setText(textHandler.getChangeLanguageButtonText());

paperTitle.setText(textHandler.getPaperTitleText());

loadFileButton.setText(textHandler.getLoadFileButtonText());

putPointsButton.setText(textHandler.getPutPointsButtonText());

exitButton.setText(textHandler.getExitButtonText());

}

}

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### CustomMouseListener/Control

Η κλάση ΄CustomMouseListener΄ είναι υπεύθυνη για την εμφάνιση των συντεταγμένων ενός σημείου καθώς και επιπλέον πληροφοριών πάνω στα διαγράμματα όταν ο χρήστη αλληλεπιδρά με αυτά μέσω του ποντικιού. Το όνομα της κάθε μεθόδου είναι συνώνυμο με την λειτουργία της.

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

**package** Control;

**import** org.jfree.chart.fx.interaction.ChartMouseEventFX;

**import** org.jfree.chart.fx.interaction.ChartMouseListenerFX;

**import** org.jfree.chart.title.TextTitle;

**public** **class** CustomMouseListener **implements** ChartMouseListenerFX

{

**private** TextTitle textTitle;

**private** **double** x;

**private** **double** y;

**public** CustomMouseListener(TextTitle textTitle)

{

**this**.textTitle = textTitle;

}

@Override

**public** **void** chartMouseClicked(ChartMouseEventFX arg0)

{

x = arg0.getChart().getXYPlot().getDomainCrosshairValue();

y = arg0.getChart().getXYPlot().getRangeCrosshairValue();

textTitle.setText("Current Point: ("+x+"1, "+y+")");

}

@Override

**public** **void** chartMouseMoved(ChartMouseEventFX arg0)

{

}

}

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### ExitButtonHandler/Control

Η κλάση ΄ExitButtonHandler΄ είναι υπεύθυνη για τον τερματισμό του προγράμματος καθώς και όλων των διεργασιών του όταν εκείνος κάνει κλικ στο κουμπί ‘Exit’-‘Έξοδος’. Το όνομα της κάθε μεθόδου είναι συνώνυμο με την λειτουργία της.

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

**package** Control;

**import** javafx.event.ActionEvent;

**import** javafx.event.EventHandler;

**import** javafx.stage.Stage;

**public** **class** ExitButtonHandler **implements** EventHandler<ActionEvent>

{

**private** Stage stage;

**public** ExitButtonHandler(Stage stage)

{

**this**.stage = stage;

}

@Override

**public** **void** handle(ActionEvent arg0)

{

stage.close();

System.*exit*(0);

}

}

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### GraphGUIHandler/Control

Η κλάση ΄GraphGUIHandlerHandler΄ είναι υπεύθυνη για την δημιουργία και την έναρξη όλων των διαγραμμάτων καθώς και να περάσει τις απαραίτητες πληροφορίες σε αυτά(π.χ. σημεία κυρτού πολυγώνου κτλ.). Το όνομα της κάθε μεθόδου είναι συνώνυμο με την λειτουργία της.

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

**package** Control;

**import** Model.DataBase;

**import** View.SmallestEnclosingCircleGraphGUI;

**import** View.VoronoiGraphGUI;

**public** **class** GraphGUIHandler

{

**private** String path;

**private** DataBase dataBase;

**private** SmallestEnclosingCircleGraphGUI circleGraphGUI;

**private** VoronoiGraphGUI farthestNeighborVoronoiGraphGUI;

**public** GraphGUIHandler(String path)

{

**this**.path = path;

dataBase = DataBase.*getInstance*();

makeCircleGraph("Smallest Enclosing Circle", 0, 0);

makeVoronoiGraph("Nearest Neighbor Voronoi Diagram", 700, 0, 0);

makeVoronoiGraph("Farthest Neighbor Voronoi Diagram", 1400, 0, 1);

}

**private** **void** makeCircleGraph(String title, **int** x, **int** y)

{

circleGraphGUI = **new** SmallestEnclosingCircleGraphGUI(path);

circleGraphGUI.setTitle(title);

circleGraphGUI.setAllPoints(dataBase.getAllPoints());

circleGraphGUI.setConvexPoints(dataBase.getConvexPoints());

circleGraphGUI.setCirclePoints(dataBase.getCirclePoints());

circleGraphGUI.setCircleObject(dataBase.getCircleShape());

circleGraphGUI.initialize(x, y);

}

**private** **void** makeVoronoiGraph(String title, **int** x, **int** y, **int** mode)

{

farthestNeighborVoronoiGraphGUI = **new** VoronoiGraphGUI(path);

farthestNeighborVoronoiGraphGUI.setTitle(title);

farthestNeighborVoronoiGraphGUI.setAllPointsSize(dataBase.getAllPointsSize());

farthestNeighborVoronoiGraphGUI.setConvexPoints(dataBase.getConvexPoints());

farthestNeighborVoronoiGraphGUI.setK(dataBase.getK(mode));

farthestNeighborVoronoiGraphGUI.setE(dataBase.getE(mode));

farthestNeighborVoronoiGraphGUI.initialize(x, y);

}

}

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### InfoButtonHandler/Control

Η κλάση ‘InfoButtonHandler’ είναι υπεύθυνη για την εμφάνιση του παραθύρου με απαραίτητες πληροφορίες για το πρόγραμμα όταν ο χρήστης κάνει κλικ στο κουμπί ‘?’. Το όνομα της κάθε μεθόδου είναι συνώνυμο με την λειτουργία της.

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

**package** Control;

**import** java.net.URL;

**import** Model.TextHandler;

**import** javafx.event.ActionEvent;

**import** javafx.event.EventHandler;

**import** javafx.geometry.Insets;

**import** javafx.scene.Cursor;

**import** javafx.scene.Scene;

**import** javafx.scene.control.Label;

**import** javafx.scene.image.Image;

**import** javafx.scene.image.ImageView;

**import** javafx.scene.layout.HBox;

**import** javafx.scene.layout.VBox;

**import** javafx.stage.Modality;

**import** javafx.stage.Stage;

**public** **class** InfoButtonHandler **implements** EventHandler<ActionEvent>

{

**private** Stage stage;

**private** VBox layout;

**private** Scene scene;

**private** Label label;

**private** ImageView circle;

**private** ImageView nearestVoronoi;

**private** ImageView farthestVoronoi;

**private** TextHandler textHandler;

@Override

**public** **void** handle(ActionEvent arg0)

{

textHandler = TextHandler.*getInstance*();

createAndShowInfoWindow();

}

**private** **void** createAndShowInfoWindow()

{

stage = **new** Stage();

stage.setTitle(textHandler.getInfoWindowTitle());

URL url = getClass().getResource("/Icons/circle.png");

Image stageImage = **new** Image(url.toString());

stage.getIcons().add(stageImage);

createLabelContent();

createGrahpImages(200);

createBox();

scene = **new** Scene(layout, 640, 700);

scene.getStylesheets().add("styles.css");

stage.setScene(scene);

stage.initModality(Modality.***APPLICATION\_MODAL***);

stage.setResizable(**false**);

stage.show();

}

**private** **void** createLabelContent()

{

label = **new** Label(textHandler.getInfoContent());

label.setId("infoLabel");

label.setCursor(Cursor.***HAND***);

label.setOnMouseClicked(**new** InfoContentHandler());

}

**private** **void** createBox()

{

layout = **new** VBox(10);

HBox hbox = **new** HBox(10);

hbox.setPadding(**new** Insets(10, 10, 10, 10));

hbox.getChildren().addAll(circle, nearestVoronoi, farthestVoronoi);

layout.getChildren().addAll(label, hbox);

}

**private** **void** createGrahpImages(**int** size)

{

createCircleImage(size);

createNearestVoronoiImage(size);

createFarthestVoronoiImage(size) ;

}

**private** **void** createCircleImage(**int** size)

{

URL url0 = getClass().getResource("/Icons/circle (2).png");

Image circleImage = **new** Image(url0.toString());

circle = **new** ImageView(circleImage);

circle.setFitHeight(size);

circle.setFitWidth(size);

}

**private** **void** createNearestVoronoiImage(**int** size)

{

URL url1 = getClass().getResource("/Icons/nearestVoronoi.png");

Image nearestVoronoiImage = **new** Image(url1.toString());

nearestVoronoi = **new** ImageView(nearestVoronoiImage);

nearestVoronoi.setFitHeight(size);

nearestVoronoi.setFitWidth(size);

}

**private** **void** createFarthestVoronoiImage(**int** size)

{

URL url2 = getClass().getResource("/Icons/farthestVoronoi.png");

Image farthestVoronoiImage = **new** Image(url2.toString());

farthestVoronoi = **new** ImageView(farthestVoronoiImage);

farthestVoronoi.setFitHeight(size);

farthestVoronoi.setFitWidth(size);

}

}

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### InfoContentHandler/Control

Η κλάση ‘InfoContentHandler’ είναι υπεύθυνη για την εμφάνιση του αποθετηρίου στο οποίο βρίσκεται ο κώδικας του προγράμματος όταν ο χρήστης κάνει κλικ πάνω σε οποιοδήποτε σημείο του κειμένου πληροφοριών. Το όνομα της κάθε μεθόδου είναι συνώνυμο με την λειτουργία της.

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

**package** Control;

**import** java.awt.Desktop;

**import** java.io.IOException;

**import** java.net.URI;

**import** java.net.URISyntaxException;

**import** javafx.event.EventHandler;

**import** javafx.scene.input.MouseEvent;

**public** **class** InfoContentHandler **implements** EventHandler<MouseEvent>

{

**private** String paperURL = "https://github.com/johnprif/Thesis";

@Override

**public** **void** handle(MouseEvent arg0)

{

**try** {

Desktop.*getDesktop*().browse(**new** URI(paperURL));

} **catch** (IOException | URISyntaxException e) {

e.printStackTrace();

}

}

}

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### LoadFileButtonHandler/Control

Η κλάση ‘LoadFileButtonHandler’ είναι υπεύθυνη για την εμφάνιση του παραθύρου εξερεύνησης του λειτουργικού συστήματος δίνοντας έτσι την δυνατότητα στον χρήστη να μπορεί να φορτώσει το αρχείο με τα σημεία που επιθυμεί και δίνει τις απαραίτητες πληροφορίες στις υπόλοιπες κλάσεις. Το όνομα της κάθε μεθόδου είναι συνώνυμο με την λειτουργία της.

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

**package** Control;

**import** java.io.File;

**import** Model.TextHandler;

**import** Model\_Loaders.FileLoaderFactory;

**import** javafx.event.ActionEvent;

**import** javafx.event.EventHandler;

**import** javafx.stage.FileChooser;

**import** javafx.stage.Stage;

**public** **class** LoadFileButtonHandler **implements** EventHandler<ActionEvent>

{

**private** Stage fileChooserStage;

**private** String path;

**private** TextHandler textHandler;

**private** FileChooser fileChooser;

**private** FileLoaderFactory fileFactoryLoader;

**private** AlgorithmsHandler algorithmsHandler;

**private** GraphGUIHandler graphGUIHandler;

**public** LoadFileButtonHandler()

{

textHandler = TextHandler.*getInstance*();

}

@Override

**public** **void** handle(ActionEvent arg0)

{

fileChooserStage = **new** Stage();

fileChooser();

}

**private** **void** fileChooser()

{

fileChooser = **new** FileChooser();

fileChooser.setTitle(textHandler.getFileChooserTitleText());

fileChooser.getExtensionFilters().addAll(

**new** FileChooser.ExtensionFilter("CSV", "\*.csv")

,**new** FileChooser.ExtensionFilter("txt", "\*.txt")

,**new** FileChooser.ExtensionFilter("Excel 2007-2022", "\*.xlsx")

,**new** FileChooser.ExtensionFilter("Excel 1997-2003", "\*.xls")

);

File selectedFile = fileChooser.showOpenDialog(fileChooserStage);

**if**(selectedFile != **null**)//pressed OK

{

path = selectedFile.getAbsolutePath();

nextSteps();

}**else**//pressed Cancel

{

}

}

**private** **void** nextSteps()

{

fileFactoryLoader = **new** FileLoaderFactory(path);

fileFactoryLoader.getAllPoints();

algorithmsHandler = **new** AlgorithmsHandler();

graphGUIHandler = **new** GraphGUIHandler(path);

}

}

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### PaperTitleHandler/Control

Η κλάση ‘PaperTitleHandler’ είναι υπεύθυνη για την εμφάνιση του αποθετηρίου στο οποίο βρίσκεται η δημοσίευση του Paper(Sven Skyum 1991) όταν ο χρήστης κάνει κλικ πάνω σε οποιοδήποτε σημείο του τίτλου. Το όνομα της κάθε μεθόδου είναι συνώνυμο με την λειτουργία της.

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

**package** Control;

**import** java.awt.Desktop;

**import** java.io.IOException;

**import** java.net.URI;

**import** java.net.URISyntaxException;

**import** javafx.event.EventHandler;

**import** javafx.scene.input.MouseEvent;

**public** **class** PaperTitleHandler **implements** EventHandler<MouseEvent>

{

**private** String paperURL = "https://reader.elsevier.com/reader/sd/pii/002001909190030L?token=792B047EFD2FBA85B976C2FCB728380392A08F2C78D489ECFB26B2F3CE023E7512BEC247BC14F3EBE21A61E69DDFFC54&originRegion=eu-west-1&originCreation=20230129211433";

@Override

**public** **void** handle(MouseEvent arg0)

{

**try** {

Desktop.*getDesktop*().browse(**new** URI(paperURL));

} **catch** (IOException | URISyntaxException e) {

e.printStackTrace();

}

}

}

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### PutPointsButtonHandler/Control

ΥΠΟ-ΚΑΤΑΣΚΕΥΗ!

ΜΕΛΛΟΝΤΙΚΟ ΣΕΝΑΡΙΟ

Η κλάση ‘PutPointsButtonHandler’ είναι υπεύθυνη για την εμφάνιση ενός παραθύρου στο οποίο μπορεί ο χρήστης να τοποθετήσει τα δικά του σημεία, κάνοντας κλικ πάνω στο κουμπί ‘Create Points’-‘Δημιουργία Σημείων’. Το όνομα της κάθε μεθόδου είναι συνώνυμο με την λειτουργία της.

ΤΩΡΙΝΗ ΚΑΤΑΣΤΑΣΗ

Η κλάση ‘PutPointsButtonHandler’ είναι υπεύθυνη για την εμφάνιση ενός παραθύρου με το οποίο ενημερώνει τον χρήστη ότι η λειτουργία αυτή δεν είναι ακόμα διαθέσιμη και βρίσκεται υπό ανάπτυξη, κάνοντας κλικ πάνω στο κουμπί ‘Create Points’-‘Δημιουργία Σημείων’. Το όνομα της κάθε μεθόδου είναι συνώνυμο με την λειτουργία της.

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

**package** Control;

**import** Model.TextHandler;

**import** javafx.event.ActionEvent;

**import** javafx.event.EventHandler;

**import** javafx.scene.control.Alert;

**import** javafx.scene.control.Alert.AlertType;

**public** **class** PutPointsButtonHandler **implements** EventHandler<ActionEvent>

{

**private** TextHandler textHandler;

**public** PutPointsButtonHandler()

{

textHandler = TextHandler.*getInstance*();

}

@Override

**public** **void** handle(ActionEvent arg0)

{

notImpementPopup();

}

**public** **void** notImpementPopup()

{

Alert a = **new** Alert(AlertType.***INFORMATION***);

a.setTitle(textHandler.getNotImpementPopupTitle());

a.setHeaderText(textHandler.getNotImpementPopupHeaderText());

a.setContentText(textHandler.getNotImpementContentText());

a.show();

}

}

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### DataBase/Model

Η κλάση ‘DataBase’ είναι υπεύθυνη για όλους τους υπολογισμούς που χρειαζόμαστε για τα διαγράμματα καθώς και για την αποδοτική τους αποθήκευση ώστε να μπορούν να γίνονται γρήγορα όλοι οι υπολογισμοί χωρίς να ξεπερνάει κανένας το χρονικό όριο O(logn). Βρίσκονται όλες οι συναρτήσεις που αφορούν τους μαθηματικούς υπολογισμούς(πχ εύρεση της ακτίνας που περνάει από τρία σημεία) καθώς και τις δομές που αναφέραμε στο προηγούμενο υποκεφάλαιο [3.2]. Οπότε, αποτελεί επιπλεόν και την βάση δεδομένων όπου οι αλγόριθμοι διαβάζουν-γράφουν δεδομένα καθώς επίσης αντλούν τα δεδομένα τους και τα γραφήματα. Το όνομα της κάθε μεθόδου είναι συνώνυμο με την λειτουργία της.

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

**package** Model;

**import** java.awt.geom.Ellipse2D;

**import** java.util.ArrayList;

**import** java.util.HashMap;

**import** java.util.TreeMap;

**import** javafx.geometry.Point2D;

**public** **class** DataBase

{

**private** ArrayList<Point2D> allPoints;

**private** ArrayList<Point2D> convexPoints;

**private** ArrayList<Point2D> circlePoints;

**private** **static** **final** DataBase ***instance*** = **new** DataBase();

**private** **int** mode;

**private** Ellipse2D circle;

**private** ArrayList<Point2D> K;

**private** ArrayList<ArrayList<Point2D>> E;

**private** HashMap<Point2D, Point2D> u\_p;

**private** HashMap<Point2D, ArrayList<Point2D>> neighbours;

**private** TreeMap<Double, Point2D> radiusForEachNode;

**private** HashMap<Double, Point2D> existingRadius;

**private** Point2D currCustom;

**private** Point2D prevCustom;

**private** Point2D nextCustom;

**private** **double** maxAngleCustom;

**private** **double** maxRadiusCustom;

**private** ArrayList<ArrayList<Point2D>> allK;

**private** ArrayList<ArrayList<ArrayList<Point2D>>> allE;

**private** DataBase()

{

}

**public** **static** DataBase getInstance()

{

**return** ***instance***;

}

**public** ArrayList<Point2D> getAllPoints()

{

**return** allPoints;

}

**public** ArrayList<Point2D> getConvexPoints()

{

**return** convexPoints;

}

**public** ArrayList<Point2D> getCirclePoints()

{

**return** circlePoints;

}

**public** ArrayList<Point2D> getK(**int** mode)

{

**return** allK.get(mode);

}

**public** ArrayList<ArrayList<Point2D>> getE(**int** mode)

{

**return** allE.get(mode);

}

**public** **void** setAllPoints(ArrayList<Point2D> allPoints)

{

**this**.allPoints = **new** ArrayList<Point2D>(allPoints);

}

**public** **void** setConvexPoints(ArrayList<Point2D> convexPoints)

{

**this**.convexPoints = **new** ArrayList<Point2D>(convexPoints);

}

**public** **void** setCirclePoints(ArrayList<Point2D> circlePoints)

{

**this**.circlePoints = **new** ArrayList<Point2D>(circlePoints);

}

**public** **void** prepareForAlgorithm(**int** mode)

{

**this**.mode = mode;

loadMaps();

**if**(mode == 1 || mode == 2)

{

circle = getCircleShape();

}

}

// ----------O(nlog(n))---------------

**private** **void** loadMaps()

{

**int** size = getConvexPointsSize();

**double** radius;

neighbours = **new** HashMap<Point2D, ArrayList<Point2D>>();

radiusForEachNode = **new** TreeMap<>();

existingRadius = **new** HashMap<Double, Point2D>();

**for** (**int** i = 0; i < size; i++)

{

Point2D prev = convexPoints.get((i + size - 1) % size); //O(1)

Point2D curr = convexPoints.get(i); //O(1)

Point2D next = convexPoints.get((i + 1) % size); //O(1)

radius = getRadius(prev, curr, next); //O(1)

ArrayList<Point2D> kati = **new** ArrayList<Point2D>();

kati.add(prev);

kati.add(next);

neighbours.put(curr, kati); //O(1)

radiusForEachNode.put(radius, curr); //O(log(n))

existingRadius.put(radius, curr);

}

}

//----------O(log(n)) for each calling---------------

**public** Point2D findMaxP()

{

**int** size = neighbours.size(); //O(1)

**if** (size <= 2)

{

**return** **new** Point2D(-1, -1);

}

**if**(mode == 0 || mode == 2) //circle or nearest

{

maxRadiusCustom = radiusForEachNode.lastKey(); //O(1)

}**else** //mode == 1 farthest

{

maxRadiusCustom = radiusForEachNode.firstKey(); //O(1)

}

currCustom = radiusForEachNode.get(maxRadiusCustom); //O(log(n))

prevCustom = neighbours.get(currCustom).get(0); //O(1)

nextCustom = neighbours.get(currCustom).get(1); //O(1)

maxAngleCustom = getAngle(prevCustom, currCustom, nextCustom); //O(1)

**if**(mode == 0)

{

**return** **new** Point2D(maxAngleCustom, maxAngleCustom);

}

**return** currCustom;

}

//----------5\*O(log(n)) for each calling---------------

**public** **void** deleteMaxP()

{

ArrayList<Point2D> left = **new** ArrayList<Point2D>();

ArrayList<Point2D> right = **new** ArrayList<Point2D>();

//---I found that has changed

Point2D leftCurr = neighbours.get(currCustom).get(0);

Point2D leftPrev = neighbours.get(leftCurr).get(0);

Point2D leftNext = neighbours.get(leftCurr).get(1);

Point2D rightCurr = neighbours.get(currCustom).get(1); //O(1)

Point2D rightPrev = neighbours.get(rightCurr).get(0); //O(1)

Point2D rightNext = neighbours.get(rightCurr).get(1); //O(1)

radiusForEachNode.remove(maxRadiusCustom); //O(log(n))

radiusForEachNode.remove(getRadius(leftPrev, leftCurr, leftNext)); //O(log(n))

radiusForEachNode.remove(getRadius(rightPrev, rightCurr, rightNext)); //O(log(n))

existingRadius.remove(maxRadiusCustom);//O(1)

existingRadius.remove(getRadius(leftPrev, leftCurr, leftNext)); //O(1)

existingRadius.remove(getRadius(rightPrev, rightCurr, rightNext)); //O(1))

neighbours.remove(leftCurr); //O(1)

neighbours.remove(currCustom); //O(1)

neighbours.remove(rightCurr); //O(1)

left.add(leftPrev); //O(1)

left.add(rightCurr); //O(1)

right.add(leftCurr); //O(1)

right.add(rightNext); //O(1)

neighbours.put(leftCurr, left); //O(1)

neighbours.put(rightCurr, right); //O(1)

**double** beforeRadius = getRadius(leftPrev, leftCurr, rightCurr);

**double** nextRadius = getRadius(leftCurr, rightCurr, rightNext);

Point2D currPoint;

**if**(!existingRadius.containsKey(beforeRadius)) //O(1)

{

radiusForEachNode.put(beforeRadius, leftCurr); //O(log(n))

existingRadius.put(beforeRadius, leftCurr);//O(1)

}**else**

{

currPoint = existingRadius.get(beforeRadius);//O(1)

**if**(getAngle(neighbours.get(leftCurr).get(0), leftCurr, neighbours.get(leftCurr).get(1)) >= getAngle(neighbours.get(currPoint).get(0), currPoint, neighbours.get(currPoint).get(1)))

{

radiusForEachNode.put(getRadius(neighbours.get(currPoint).get(0), currPoint, neighbours.get(currPoint).get(1)), leftCurr); //O(log(n))

existingRadius.put(getRadius(neighbours.get(currPoint).get(0), currPoint, neighbours.get(currPoint).get(1)), leftCurr); //O(1)

}

}

**if**(!existingRadius.containsKey(nextRadius)) //O(1)

{

radiusForEachNode.put(nextRadius, rightCurr); //O(log(n))

existingRadius.put(nextRadius, rightCurr);//O(1)

}**else**

{

currPoint = existingRadius.get(nextRadius);//O(1)

**if**(getAngle(neighbours.get(rightCurr).get(0), rightCurr, neighbours.get(rightCurr).get(1)) >= getAngle(neighbours.get(currPoint).get(0), currPoint, neighbours.get(currPoint).get(1)))

{

radiusForEachNode.put(getRadius(neighbours.get(currPoint).get(0), currPoint, neighbours.get(currPoint).get(1)), rightCurr); //O(log(n))

existingRadius.put(getRadius(neighbours.get(currPoint).get(0), currPoint, neighbours.get(currPoint).get(1)), rightCurr); //O(1)

}

}

}

**public** **int** getHashCirclePointsSize()

{

**return** neighbours.size();

}

**public** **void** moveToCircleArray()

{

HashMap<Point2D, Point2D> neighboursTemp = **new** HashMap<Point2D, Point2D>();

**for** (Point2D key : neighbours.keySet())

{

neighboursTemp.put(key, key);

}

circlePoints = **new** ArrayList<Point2D>(neighboursTemp.values());

}

**public** Point2D getPrev()

{

**return** prevCustom;

}

**public** Point2D getNext()

{

**return** nextCustom;

}

**public** **int** getAllPointsSize()

{

**return** allPoints.size();

}

**public** **int** getConvexPointsSize()

{

**return** convexPoints.size();

}

**public** **int** getCirclePointsSize()

{

**return** circlePoints.size();

}

**public** Ellipse2D getCircleShape()

{

**int** n = getCirclePointsSize();

Point2D point1 = circlePoints.get(0);

Point2D point2 = circlePoints.get(1);

Point2D point3 = **null**;

**if** (n == 3)

{

point3 = circlePoints.get(2);

}

circle = **new** Ellipse2D.Double(getCenter(point1, point2, point3).getX() - getRadius(point1, point2, point3), getCenter(point1, point2, point3).getY() - getRadius(point1, point2, point3), getRadius(point1, point2, point3) \* 2, getRadius(point1, point2, point3) \* 2);

**return** circle;

}

**public** **double** getRadius(Point2D p, Point2D q, Point2D r)

{

**double** x1 = p.getX();

**double** y1 = p.getY();

**double** x2 = q.getX();

**double** y2 = q.getY();

**double** x3;

**double** y3;

**double** R = 0;

**if**(r == **null**)

{

R = p.distance(q) / 2;

**return** R;

}

**if** ((!p.equals(q)) && (!q.equals(r)) && (!p.equals(r)))

{

//----------------------

x3 = r.getX();

y3 = r.getY();

//----------------------

**double** x12 = x1 - x2;

**double** x13 = x1 - x3;

**double** y12 = y1 - y2;

**double** y13 = y1 - y3;

**double** y31 = y3 - y1;

**double** y21 = y2 - y1;

**double** x31 = x3 - x1;

**double** x21 = x2 - x1;

// x1^2 - x3^2

**double** sx13 = x1 \* x1 - x3 \* x3;

// y1^2 - y3^2

**double** sy13 = y1 \* y1 - y3 \* y3;

**double** sx21 = x2 \* x2 - x1 \* x1;

**double** sy21 = y2 \* y2 - y1 \* y1;

**double** f = ((sx13) \* (x12)

+ (sy13) \* (x12)

+ (sx21) \* (x13)

+ (sy21) \* (x13))

/ (2 \* ((y31) \* (x12) - (y21) \* (x13)));

**double** g = ((sx13) \* (y12)

+ (sy13) \* (y12)

+ (sx21) \* (y13)

+ (sy21) \* (y13))

/ (2 \* ((x31) \* (y12) - (x21) \* (y13)));

**double** c = -x1 \* x1 - y1 \* y1 - 2 \* g \* x1 - 2 \* f \* y1;

// eqn of circle be x^2 + y^2 + 2\*g\*x + 2\*f\*y + c = 0

// where centre is (h = -g, k = -f) and radius r

// as r^2 = h^2 + k^2 - c

**double** h = -g;

**double** k = -f;

**double** sqr\_of\_r = h \* h + k \* k - c;

// r is the radius

R = Math.*sqrt*(sqr\_of\_r);

}

**return** R;

}

**public** Point2D getCenter(Point2D p, Point2D q, Point2D r)

{

**double** x1 = p.getX();

**double** y1 = p.getY();

**double** x2 = q.getX();

**double** y2 = q.getY();

**double** x3;

**double** y3;

**double** R = 0;

**if**(r == **null**)

{

**double** centerX = (x1 + x2) / 2;

**double** centerY = (y1 + y2) / 2;

**return** **new** Point2D(centerX, centerY);

}

**if** ((!p.equals(q)) && (!q.equals(r)) && (!p.equals(r)))

{

//----------------------

x3 = r.getX();

y3 = r.getY();

//----------------------

**double** x12 = x1 - x2;

**double** x13 = x1 - x3;

**double** y12 = y1 - y2;

**double** y13 = y1 - y3;

**double** y31 = y3 - y1;

**double** y21 = y2 - y1;

**double** x31 = x3 - x1;

**double** x21 = x2 - x1;

// x1^2 - x3^2

**double** sx13 = x1 \* x1 - x3 \* x3;

// y1^2 - y3^2

**double** sy13 = y1 \* y1 - y3 \* y3;

**double** sx21 = x2 \* x2 - x1 \* x1;

**double** sy21 = y2 \* y2 - y1 \* y1;

**double** f = ((sx13) \* (x12)

+ (sy13) \* (x12)

+ (sx21) \* (x13)

+ (sy21) \* (x13))

/ (2 \* ((y31) \* (x12) - (y21) \* (x13)));

**double** g = ((sx13) \* (y12)

+ (sy13) \* (y12)

+ (sx21) \* (y13)

+ (sy21) \* (y13))

/ (2 \* ((x31) \* (y12) - (x21) \* (y13)));

**double** c = -x1 \* x1 - y1 \* y1 - 2 \* g \* x1 - 2 \* f \* y1;

// eqn of circle be x^2 + y^2 + 2\*g\*x + 2\*f\*y + c = 0

// where centre is (h = -g, k = -f) and radius r

// as r^2 = h^2 + k^2 - c

**double** h = -g;

**double** k = -f;

**double** sqr\_of\_r = h \* h + k \* k - c;

// r is the radius

R = Math.*sqrt*(sqr\_of\_r);

**return** **new** Point2D(h,k);

}

**return** **null**;

}

**private** **double** getAngle(Point2D p, Point2D q, Point2D r)

{

**double** a = (q.getX() - p.getX()) \* (q.getX() - p.getX()) + (q.getY() - p.getY()) \* (q.getY() - p.getY());

**double** b = (q.getX() - r.getX()) \* (q.getX() - r.getX()) + (q.getY() - r.getY()) \* (q.getY() - r.getY());

**double** c = (r.getX() - p.getX()) \* (r.getX() - p.getX()) + (r.getY() - p.getY()) \* (r.getY() - p.getY());

**return** Math.*acos*((a + b - c) / Math.*sqrt*(4 \* a \* b));

}

//for nearest voronoi

**private** Point2D Up1(Point2D p)

{

Point2D nextP = neighbours.get(p).get(1); //O(1)

**double** mx = (p.getX() + nextP.getX()) / 2.0;

**double** my = (p.getY() + nextP.getY()) / 2.0;

**double** dx = nextP.getY() - p.getY();

**double** dy = p.getX() - nextP.getX();

**double** ux = mx + dx;

**double** uy = my + dy;

**return** **new** Point2D(ux, uy);

}

//for farthest voronoi

**private** Point2D Up2(Point2D p)

{

Point2D nextP = neighbours.get(p).get(1); //O(1)

**double** mx = (p.getX() + nextP.getX()) / 2.0;

**double** my = (p.getY() + nextP.getY()) / 2.0;

**double** dx = nextP.getY() - p.getY();

**double** dy = p.getX() - nextP.getX();

**double** ux = mx - dx;

**double** uy = my - dy;

**return** **new** Point2D(ux, uy);

}

**public** **boolean** isPointInCircle(Point2D point, Point2D center, **double** radius)

{

**double** distance = point.distance(center);

**return** distance < radius;

}

**public** **void** updateUp(Point2D p, Point2D c)

{

u\_p.replace(p, c);

}

//-----------O(n)----------------

**public** **void** addAllUpToK()

{

**int** size = getConvexPointsSize();

u\_p = **new** HashMap<Point2D, Point2D>();

**if**(mode == 1) //nearest voronoi

{

**for** (**int** i = 0; i < size; i++)

{

Point2D curr = convexPoints.get(i); //O(1)

Point2D Ucurr = Up1(curr);

u\_p.put(curr, Ucurr);

K.add(Ucurr);

}

}**else** //mode==2 farthest voronoi

{

**for** (**int** i = 0; i < size; i++)

{

Point2D curr = convexPoints.get(i); //O(1)

Point2D Ucurr = Up2(curr);

u\_p.put(curr, Ucurr);

K.add(Ucurr);

}

}

}

**public** **void** addCtoK(Point2D c)

{

K.add(c);

}

**public** **void** addCandUtoE(Point2D c, Point2D up)

{

ArrayList<Point2D> inner = **new** ArrayList<Point2D>();

inner.add(c);

inner.add(up);

E.add(inner);

}

**public** Point2D getUp(Point2D p)

{

**return** u\_p.get(p);

}

**public** **void** makeKandE()

{

K = **new** ArrayList<Point2D>();

E = **new** ArrayList<ArrayList<Point2D>>();

}

**public** **void** moveKandE()

{

allK.add(K);

allE.add(E);

}

**public** **void** initializeKandE()

{

allK = **new** ArrayList<ArrayList<Point2D>>();

allE = **new** ArrayList<ArrayList<ArrayList<Point2D>>>();

}

}

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### GrahamScan/Model

Η κλάση ‘GrahamScan’ είναι υπεύθυνη για τον υπολογισμό των σημείων που ορίζουν το Κυρτό Πολύγωνο σε O(nlogn) χρόνο. Το όνομα της κάθε μεθόδου είναι συνώνυμο με την λειτουργία της.

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

package Model;

import java.util.ArrayList;

import java.util.Collections;

import java.util.List;

import javafx.geometry.Point2D;

public class GrahamScan

{

private static Point2D start;

private ArrayList<Point2D> allPoints;

private ArrayList<Point2D> convexHullPoints;

private DataBase dataBase;

public GrahamScan()

{

dataBase = DataBase.getInstance();

}

public void initialize()

{

allPoints = new ArrayList<Point2D>(dataBase.getAllPoints());

convexHullPoints = new ArrayList<Point2D>(computeGrahamScan(allPoints));

convexHullPoints.remove(convexHullPoints.size()-1);

dataBase.setConvexPoints(convexHullPoints);

}

//----------------------------------O(nlogn)--------------------------------------

private static List<Point2D> computeGrahamScan(List<Point2D> points) {

// Find the point with the lowest y-coordinate (or the leftmost point in case of a tie)

start = points.get(0);

for (Point2D point : points) {

if (point.getY() < start.getY() || (point.getY() == start.getY() && point.getX() < start.getX())) {

start = point;

}

}

// Sort the points by polar angle with respect to the start point

List<Point2D> sortedPoints = new ArrayList<>(points);

sortedPoints.remove(start);

Collections.sort(sortedPoints, (a, b) -> {

double angleA = Math.atan2(a.getY() - start.getY(), a.getX() - start.getX());

double angleB = Math.atan2(b.getY() - start.getY(), b.getX() - start.getX());

if (angleA < angleB) {

return -1;

} else if (angleA > angleB) {

return 1;

} else {

return Double.compare(a.distance(start), b.distance(start));

}

});

// Perform the Graham's scan

List<Point2D> hull = new ArrayList<>();

hull.add(start);

for (Point2D point : sortedPoints) {

while (hull.size() >= 2) {

Point2D p2 = hull.get(hull.size() - 1);

Point2D p1 = hull.get(hull.size() - 2);

if (crossProduct(p1, p2, point) < 0)

{

hull.remove(hull.size() - 1);

} else

{

break;

}

}

hull.add(point);

}

hull.add(start);

return hull;

}

private static double crossProduct(Point2D p, Point2D q, Point2D r) {

double y1 = q.getY() - p.getY();

double y2 = r.getY() - p.getY();

double x1 = q.getX() - p.getX();

double x2 = r.getX() - p.getX();

return x1 \* y2 - x2 \* y1;

}

}

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### NeighborVoronoiDiagram/Model

Η κλάση ‘NeighborVoronoiDiagram’ είναι υπεύθυνη για τον υπολογισμό των σημείων που ορίζουν τα διαγράμματα Voronoi(κοντινότερου και μακρύτερου) γείτονα σε O(nlogn) χρόνο. Ουσιαστικά, η ίδια κλάση χρησιμοποιείται δύο φορές ξεχωριστά ώστε την πρώτη φορά να υπολογίσει το Διάγραμμα Voronoi του κοντινότερου γείτονα και την δεύτερη φορά για να υπολογίσει το Διάγραμμα Voronoi του μακρύτερου γείτονα. Ο κάθε αλγόριθμος χρειάζεται O(nlogn) χρόνο. Οπότε και δύο μαζί χρειάζονται O(nlogn). Το όνομα της κάθε μεθόδου είναι συνώνυμο με την λειτουργία της.

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

**package** Model;

**import** javafx.geometry.Point2D;

**public** **class** NeighborVoronoiDiagram

{

**private** DataBase dataBase;

**public** NeighborVoronoiDiagram()

{

dataBase = DataBase.*getInstance*();

}

**public** **void** computeVoronoiDiagram()

{

System.***out***.println("I am the second algorithm!");

**int** n = dataBase.getConvexPointsSize();

//I have to make (K,E) ArrayLits for each K, E

dataBase.makeKandE();

//for all p in S add u(p) to K;

dataBase.addAllUpToK();

Point2D before\_p;

Point2D p;

Point2D next\_p;

Point2D c;

**if**(n > 2)

{

System.***out***.println("Algorithm 2 started with = " + n);

**do**

{

//find p maximizing radius and angle

p = dataBase.findMaxP();

before\_p = dataBase.getPrev();

next\_p = dataBase.getNext();

c = dataBase.getCenter(before\_p, p, next\_p);

dataBase.addCtoK(c);

dataBase.addCandUtoE(c, dataBase.getUp(p));

dataBase.addCandUtoE(c, dataBase.getUp(before\_p));

dataBase.updateUp(before\_p, c);

dataBase.deleteMaxP();

n = n-1;

}**while**(n != 2);

dataBase.addCandUtoE(c, dataBase.getUp(next\_p));

}**else**

{

System.***out***.println("Algorithm 2 started with = " + n);

**if**(n == 2) //S={p1, p2}

{

Point2D p1 = dataBase.getConvexPoints().get(0);

Point2D p2 = dataBase.getConvexPoints().get(1);

Point2D u\_p1 = dataBase.getUp(p1);

Point2D u\_p2 = dataBase.getUp(p2);

//add (u(p1), u(p2)) to E;

dataBase.addCandUtoE(u\_p1, u\_p2);

}

}

dataBase.moveKandE();

System.***out***.println("Algorithm 2 finished!");

}

}

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### SmallestEnclosingCircle/Model

Η κλάση ‘SmallestEnclosingCircle’ είναι υπεύθυνη για τον υπολογισμό των σημείων που ορίζουν τα σημεία του Ελάχιστου Περικλείοντος Κύκλου σε O(nlogn) χρόνο. Το όνομα της κάθε μεθόδου είναι συνώνυμο με την λειτουργία της.

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

**package** Model;

**import** java.lang.Math;

**public** **class** SmallestEnclosingCirlce

{

**private** DataBase dataBase;

**public** SmallestEnclosingCirlce()

{

dataBase = DataBase.*getInstance*();

}

**public** **void** computeSmallestEnclosingCircle()

{

**boolean** finish;

**double** maxAngle;

**double** myPi2 = Math.***PI***/2;

**if**(dataBase.getHashCirclePointsSize() != 1)

{

finish = **false**;

**do**

{

maxAngle = dataBase.findMaxP().getX();

**if**(maxAngle>myPi2)

{

dataBase.deleteMaxP();

}**else**

{

dataBase.moveToCircleArray();

System.***out***.println("The algorithm 1 finished = "+dataBase.getHashCirclePointsSize());

finish = **true**;

}

}**while**(!finish);

}**else**

{

System.***out***.println("Only 1 point");

}

}

}

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### TextHandler/Model

Η κλάση ‘TextHandler’ είναι υπεύθυνη για την αποθήκευση των κειμένων για όλα τα κουμπιά και κείμενα του προγράμματος καθώς επίσης και την εναλλαγή τους μεταξύ Ελληνικών-Αγγλικών. Το όνομα της κάθε μεθόδου είναι συνώνυμο με την λειτουργία της.

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

**package** Model;

**public** **class** TextHandler

{

**private** **static** TextHandler *instance*;

//-----------parallel---------------

**private** String changeLanguageButtonText = "EN";

**private** String paperTitleText = "A SIMPLE ALGORITHM FOR COMPUTING THE SMALLEST ENCLOSING CIRCLE\n\t";

**private** String loadFileButtonText = "Load Points From File";

**private** String putPointsButtonText = "Create Points";

**private** String exitButtonText = "Exit";

//----------notParallel----------------

**private** String fileChooserTitleText = "Choose the file who contains the points";

**private** String notImpementPopupTitle = "Put points";

**private** String notImpementPopupHeaderText = "Under construction!";

**private** String notImpementContentText = "The manual addition of points has not been implemented yet!\\nIn the future the user will be able to add points manually and modify them without having to load them from an external file.";

**private** String infoWindowTitle = "Information + Instructions for use";

**private** String infoContent = "ABOUT\n"

+ "This thesis was developed in the context of the paper by Sven Skyum 1991 entitled \"A SIMPLE ALGORITHM FOR COMPUTING THE SMALLEST ENCLOSING CIRCLE\" and concerns the implementation and visualization of an efficient complexity algorithm O(nlogn) and computes the least pericycle and with small changes and maintaining the same complexity is able to compute both the Voronoi diagrams of the nearest and the farthest neighbor\r\n\n"

+ "IMPLEMENTATION INSTRUCTIONS:\r\n"

+ "1) You can change the language from Greek to English and vice versa in real time by pressing the button on the top right with the corresponding mark\r\n"

+ "2) By pressing the 'Exit' button the application terminates\r\n"

+ "3) Pressing the 'Load Points' button will display a window asking you to load a file with points x,y from the supported application types (csv, txt, excel)\r\n"

+ "4) Finally, the three charts with their corresponding graphs will be displayed.\r\n"

+ "5) You can do the following actions on the graphs:\r\n"

+ " - alt+leftclick: drag and drop\r\n"

+ " - rightclick: export to file\r\n"

+ " - leftclick: choose a point \r\n"

+ " - scroll: zoom in or zoom out\r\n"

+ "\*\* The 'Create Points' button has not been implemented yet and will be implemented at some point in the future\r\n"

+ "\*\*\* Leftclicking on the title will open the browser in the thesis paper\r\n\n"

+ "IMAGES FROM THE APP\n";

**private** TextHandler()

{

//TextClass();

}

//Get the only object available

**public** **static** TextHandler getInstance()

{

**if** (*instance* == **null**)

{

*instance* = **new** TextHandler();

}

**return** *instance*;

}

**public** **void** setLanguage(String language)

{

changeLanguageButtonText = language;

**if**(language.equals("EN"))

{

//-----MainWidnow--------------

paperTitleText = "A SIMPLE ALGORITHM FOR COMPUTING THE SMALLEST ENCLOSING CIRCLE\n\t";

loadFileButtonText = "Load Points From File";

putPointsButtonText = "Create Points";

exitButtonText = "Exit";

//-----FileChooserWindow--------------

fileChooserTitleText = "Choose the file who contains the points";

//PutPointsButtonHandler popup

notImpementPopupTitle = "Put points";

notImpementPopupHeaderText = "Under construction!";

notImpementContentText = "The manual addition of points has not been implemented yet!\nIn the future the user will be able to add points manually and modify them without having to load them from an external file.";

//Info button

infoWindowTitle = "Information + Instructions for use";

infoContent = "ABOUT\n"

+ "This thesis was developed in the context of the paper by Sven Skyum 1991 entitled \"A SIMPLE ALGORITHM FOR COMPUTING THE SMALLEST ENCLOSING CIRCLE\" and concerns the implementation and visualization of an efficient complexity algorithm O(nlogn) and computes the least pericycle and with small changes and maintaining the same complexity is able to compute both the Voronoi diagrams of the nearest and the farthest neighbor\r\n\n"

+ "IMPLEMENTATION INSTRUCTIONS:\r\n"

+ "1) You can change the language from Greek to English and vice versa in real time by pressing the button on the top right with the corresponding mark\r\n"

+ "2) By pressing the 'Exit' button the application terminates\r\n"

+ "3) Pressing the 'Load Points' button will display a window asking you to load a file with points x,y from the supported application types (csv, txt, excel)\r\n"

+ "4) Finally, the three charts with their corresponding graphs will be displayed.\r\n"

+ "5) You can do the following actions on the graphs:\r\n"

+ " - alt+leftclick: drag and drop\r\n"

+ " - rightclick: export to file\r\n"

+ " - leftclick: choose a point \r\n"

+ " - scroll: zoom in or zoom out\r\n"

+ "\*\* The 'Create Points' button has not been implemented yet and will be implemented at some point in the future\r\n"

+ "\*\*\* Leftclicking on the title will open the browser in the thesis paper\r\n\n"

+ "IMAGES FROM THE APP\n";

}**else** //GR

{

//-----MainWidnow--------------

paperTitleText = "ΕΝΑΣ ΑΠΛΟΣ ΑΛΓΟΡΙΘΜΟΣ ΓΙΑ ΤΟΝ ΥΠΟΛΟΓΙΣΜΟ ΤΟΥ ΕΛΑΧΙΣΤΟΥ ΠΕΡΙΚΛΕΙΟΝΤΑ ΚΥΚΛΟΥ";

loadFileButtonText = "Φόρτωση Σημείων από Αρχείο";

putPointsButtonText = "Δημιουργία σημείων";

exitButtonText = "Έξοδος";

//-----FileChooserWindow--------------

fileChooserTitleText = "Επιλέξτε το αρχείο που περιέχει τα σημεία";

//PutPointsButtonHandler popup

notImpementPopupTitle = "Προσθήκη Σημείων";

notImpementPopupHeaderText = "Υπό κατασκευή!";

notImpementContentText = "Η χειροκίνητη προσθήκη σημείων δεν έχει υλοποιηθεί ακόμα!\nΜελλοντικά ο χρήστης θα μπορεί να προσθέσει σημεία με το χέρι του και να τα τροποποιεί χωρίς να χρειάζεται η φόρτωση τους από εξωτερικό αρχείο.";

//Info button

infoWindowTitle = "Πληροφορίες + Οδηγίες χρήσης";

infoContent = "ΣΧΕΤΙΚΑ\n"

+ "Αυτή η διπλωματική εργασία αναπτύχθηκε στα πλαίσια του Paper από τον Sven Skyum 1991 με τίτλο \"A SIMPLE ALGORITHM FOR COMPUTING THE SMALLEST ENCLOSING CIRCLE\" και αφορά την υλοποίηση και οπτικοποίηση ενός αποδοτικού αλγορίθμου πολυπλοκότητας O(nlogn) και υπολογίζει τον ελάχιστο περικλέιοντα κύκλο και με μικρές αλλαγές και διατηρώντας την ίδια πολυπλοκότητα είναι ικανός να υπολογίσει και τα διαγράμματα Voronoi του κοντινότερου και του μακρύτερου γείτονα\r\n\n"

+ "ΟΔΗΓΙΕΣ ΕΦΑΡΜΟΓΗΣ:\r\n"

+ "1) Μπορείτε να αλλάξετε την γλώσσα από ελληνικά σε αγγλικά και αντίστροφα σε πραγματικό χρόνο πατώντας το κουμπί πάνω δεξιά με την αντίστοιχει σήμανση\r\n"

+ "2) Πατώντας το κουμπί 'Έξοδος' η εφαρμογή τερματίζει\r\n"

+ "3) Πατώντας το κουμπί 'Φόρτωση Σημείων' θα σας εμφανιστεί ένα παράθυρο στο οποίο θα σας ζητηθεί να φορτώσετε ένα αρχείο με σημεία x,y από τους υποστηριζόμενους τύπους της εφαρμογής(csv, txt, excel)\r\n"

+ "4) Τέλος, εμφανίζονται τα τρία διαγράμματα με τα αντίστοιχα γραφήματα.\r\n"

+ "5) Μπορείτε να κάνετε τις εξής ενέργειες στα γραφήματα:\r\n"

+ " - alt+αριστερό-κλικ: μετακίνηση\r\n"

+ " - δεξί-κλικ: export to file\r\n"

+ " - leftclick: choose a point \r\n"

+ " - scroll: zoom in or zoom out\r\n"

+ "\*\* Το κουμπί 'Δημιουργία Σημείων' δεν έχει υλοποιηθεί ακόμα και θα υλοποιηθεί κάποια στιγμή στο μέλλον\r\n"

+ "\*\*\* Κάνοντας αριστερό-κλικ στον τίτλο θα ανοίξει ο browser στο paper της δηπλωματικής εργασίας\n\n"

+ "ΕΙΚΟΝΕΣ ΑΠΟ ΤΗΝ ΕΦΑΡΜΟΓΗ\n";

}

}

**public** String getChangeLanguageButtonText()

{

**return** changeLanguageButtonText;

}

**public** String getPaperTitleText()

{

**return** paperTitleText;

}

**public** String getLoadFileButtonText()

{

**return** loadFileButtonText;

}

**public** String getPutPointsButtonText()

{

**return** putPointsButtonText;

}

**public** String getExitButtonText()

{

**return** exitButtonText;

}

**public** String getFileChooserTitleText()

{

**return** fileChooserTitleText;

}

**public** String getNotImpementPopupTitle()

{

**return** notImpementPopupTitle;

}

**public** String getNotImpementPopupHeaderText()

{

**return** notImpementPopupHeaderText;

}

**public** String getNotImpementContentText()

{

**return** notImpementContentText;

}

**public** String getInfoWindowTitle()

{

**return** infoWindowTitle;

}

**public** String getInfoContent()

{

**return** infoContent;

}

}

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### CSVLoader/Model\_Loaders

Η κλάση ‘CSVLoader’ είναι υπεύθυνη για την ανάγνωση και αποθήκευση των σημείων από .csv αρχεία. Το όνομα της κάθε μεθόδου είναι συνώνυμο με την λειτουργία της.

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

package Model\_Loaders;

import java.io.FileReader;

import java.io.IOException;

import java.util.ArrayList;

import java.util.List;

import com.opencsv.\*;

import com.opencsv.exceptions.CsvException;

import javafx.geometry.Point2D;

public class CSVLoader implements FileLoader

{

private String csvPath;

private List<String[]> stringCSVData;

private ArrayList<Point2D> points2DCSVData;

public CSVLoader(String csvPath) throws IOException, CsvException

{

this.csvPath=csvPath;

stringCSVData = new ArrayList<String[]>();

points2DCSVData = new ArrayList<Point2D>();

System.out.println("I am CSV LOADER");

readValues();

convertStringToPoint2D();

}

private void readValues() throws IOException, CsvException

{

CSVParser csvParser = new CSVParserBuilder().withSeparator(',').build();

CSVReader csvReader = new CSVReaderBuilder(new FileReader(csvPath))

// .withCSVParser(csvParser)

.withSkipLines(0).build();

stringCSVData.addAll(csvReader.readAll());

}

public void convertStringToPoint2D()

{

//Convert data from String to double

double a;

double b;

String temp1;

String temp2;

for(int i=0; i<stringCSVData.size(); i++)

{

temp1 = stringCSVData.get(i)[0].replace(',', '.');

temp2 = stringCSVData.get(i)[1].replace(',', '.');

a=Double.parseDouble(temp1);

b=Double.parseDouble(temp2);

points2DCSVData.add(new Point2D(a, b));

}

}

public ArrayList<Point2D> get2Dvalues()

{

return points2DCSVData;

}

}

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### ExcelLoader/Model\_Loader

Η κλάση ‘ExcelLoader’ είναι υπεύθυνη για την ανάγνωση και αποθήκευση των σημείων από .xlsx ή .xls αρχεία. Το όνομα της κάθε μεθόδου είναι συνώνυμο με την λειτουργία της.

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

package Model\_Loaders;

import org.apache.poi.ss.usermodel.\*;

import java.io.File;

import java.io.FileInputStream;

import java.util.ArrayList;

import org.apache.poi.ss.usermodel.Cell;

import org.apache.poi.ss.usermodel.Row;

import javafx.geometry.Point2D;

public class ExcelLoader implements FileLoader

{

private String path;

private ArrayList<Point2D> points2DXLSXData;

public ExcelLoader(String path)

{

this.path = path;

points2DXLSXData = new ArrayList<Point2D>();

System.out.println("I am EXCEL LOADER");

readValues();

}

private void readValues()

{

try {

// Create a FileInputStream object to read the Excel file

FileInputStream fis = new FileInputStream(new File(path));

// Create a Workbook object to read the Excel file

Workbook workbook = WorkbookFactory.create(fis);

// Get the first sheet from the workbook

Sheet sheet = workbook.getSheetAt(0);

// Iterate through the rows of the sheet

for (Row row : sheet)

{

convertDoubleToPoint2D(row.getCell(0), row.getCell(1));

}

// Close the FileInputStream object

fis.close();

} catch (Exception e) {

e.printStackTrace();

}

}

public void convertDoubleToPoint2D(Cell column1, Cell column2)

{

double a = column1.getNumericCellValue();

double b = column2.getNumericCellValue();

points2DXLSXData.add(new Point2D(a, b));

}

@Override

public ArrayList<Point2D> get2Dvalues()

{

return points2DXLSXData;

}

}

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### FileLoader/Model\_Loader

Το Interface ‘FileLoader’ ορίζει ότι όλες οι κλάσεις που διαβάζουν διάφορους τύπους αρχείων θα πρέπει να υλοποιούν την μέθοδο ‘get2DValues()’ η οποία αποθηκεύει όλα τα σημεία σε μια ArrayList<Point2D> και τα επιστρέφει.

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

**package** Model\_Loaders;

**import** java.util.ArrayList;

**import** javafx.geometry.Point2D;

**public** **interface** FileLoader

{

**public** ArrayList<Point2D> get2Dvalues();

}

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### FileLoaderFactory/Model\_Loaders

Η Factory κλάση ‘ExcelLoaderFactory’ είναι υπεύθυνη για την δημιουργία του αντίστοιχου αντικειμένου με βάση την κατάληξη του αρχείου. Πιο συγκεκριμένα, αν το αρχείο έχει κατάληξη .csv τότε θα δημιουργήσει ένα αντικείμενο CSVLoader και θα εκκινήσει την διαδικασία ανάγνωσης η κλάση αυτή. Το όνομα της κάθε μεθόδου είναι συνώνυμο με την λειτουργία της

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

**package** Model\_Loaders;

**import** java.io.IOException;

**import** java.util.ArrayList;

**import** com.opencsv.exceptions.CsvException;

**import** Model.DataBase;

**import** javafx.geometry.Point2D;

**public** **class** FileLoaderFactory

{

**private** String path;

**private** CSVLoader csvLoader;

**private** TXTLoader txtLoader;

**private** ExcelLoader xlsxLoader;

**private** ArrayList<Point2D> allPoints;

**private** DataBase dataBase;

**public** FileLoaderFactory(String path)

{

**this**.path = path;

dataBase = DataBase.*getInstance*();

}

**public** ArrayList<Point2D> getAllPoints()

{

**try** {

**if**(path.contains(".csv"))

{

csvLoader = **new** CSVLoader(path);

allPoints = **new** ArrayList<Point2D>(csvLoader.get2Dvalues());

}**else** **if**(path.contains(".txt"))

{

txtLoader = **new** TXTLoader(path);

allPoints = **new** ArrayList<Point2D>(txtLoader.get2Dvalues());

}**else** **if**(path.contains(".xlsx") || path.contains(".xls"))

{

xlsxLoader = **new** ExcelLoader(path);

allPoints = **new** ArrayList<Point2D>(xlsxLoader.get2Dvalues());

}**else**

{

}

} **catch** (IOException | CsvException e)

{

e.printStackTrace();

}

dataBase.setAllPoints(allPoints);

**return** allPoints;

}

}

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### TXTLoader/Model\_Loader

Η κλάση ‘TXTLoader’ είναι υπεύθυνη για την ανάγνωση και αποθήκευση των σημείων από .txt αρχεία. Το όνομα της κάθε μεθόδου είναι συνώνυμο με την λειτουργία της.

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

package Model\_Loaders;

import java.io.File;

import java.io.IOException;

import java.util.ArrayList;

import java.util.Scanner;

import com.opencsv.exceptions.CsvException;

import javafx.geometry.Point2D;

public class TXTLoader implements FileLoader

{

private String path;

private ArrayList<Point2D> points2DTXTData;

public TXTLoader(String path) throws IOException, CsvException

{

this.path = path;

points2DTXTData = new ArrayList<Point2D>();

System.out.println("I am TXT LOADER");

readValues();

}

private void readValues() throws IOException, CsvException

{

File file = new File(path);

Scanner scanner = new Scanner(file);

String line;

String[] values ;

while (scanner.hasNextLine())

{

line = scanner.nextLine();

values = line.split("\\s+"); // assuming the values are separated by whitespace

convertStringToPoint2D(values[0], values[1]);

}

scanner.close();

}

public void convertStringToPoint2D(String x, String y)

{

String temp1 = x.replace(',', '.');

String temp2 = y.replace(',', '.');

double a = Double.parseDouble(temp1);

double b = Double.parseDouble(temp2);

points2DTXTData.add(new Point2D(a, b));

}

@Override

public ArrayList<Point2D> get2Dvalues()

{

return points2DTXTData;

}

}

//--------------------------------------------------------------------------------------------------------------

## Παραδείγματα Εκτέλεσης του Προγράμματος

Εδώ να δείξουμε πως δουλεύει το πρόγραμμά μας

Αρχικά, τρέχοντας το πρόγραμμα θα εμφανιστεί στον χρήστη το κύριο παράθυρο(βλέπε εικόνα 4.1)

A picture containing graphical user interface

Description automatically generated

**Εικόνα 4.1:** Εισαγωγή του προγράμματος

Το πρόγραμμα μας δίνει την δυνατότητα να αλλάξουμε την γλώσσα από Αγγλικά σε Ελληνικά και αντίστροφα(βλέπε εικόνα 4.2).

A picture containing text

Description automatically generated

**Εικόνα 4.2:** Αλλαγή γλώσσας σε Ελληνικά

Επιπλέον, πατώντας το κουμπί ‘?’ ο χρήστης μπορεί να διαβάσει κάποιες απαραίτητες πληροφορίες για το πρόγραμμα καθώς και να ανακατευθυνθεί στον κώδικα κάνοντας κλικ πάνω στο κείμενο(βλέπε εικόνα 4.3).

Graphical user interface

Description automatically generated

**Εικόνα 4.3:** Πληροφορίες + Οδηγίες χρήσης

Δίνεται επίσης η δυνατότητα στον χρήστη κάνοντας κλικ πάνω στον τίτλο να ανακατευθυνθεί στην πηγή του paper[3].

Ο χρήστης μπορεί να φορτώσει ένα αρχείο με σημεία και να δει τα αντίστοιχα διαγράμματα(βλέπε εικόνα 4.4, εικόνα 4.5 και εικόνα 4.6).

Chart, scatter chart

Description automatically generated

**Εικόνα 4.4:** Ελάχιστος Περικλείοντας Κύκλος

Chart, line chart, scatter chart

Description automatically generated

**Εικόνα 4.5:** Διάγραμμα Voronoi του Κοντινότερου Γείτονα(1ης τάξης)

Chart, line chart

Description automatically generated

**Εικόνα 4.6:** Διάγραμμα Voronoi του Μακρύτερου Γείτονα(n-1 τάξης)

# Επίλογος

## Συμπεράσματα

## Μελλοντικές Ενημερώσεις

# Βιβλιογραφία

1. An efficient algorithm for determining the convex hull of a finite planar: <https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/0020019072900452?via%3Dihub>
2. Graham Scan Images: <https://en.wikipedia.org/wiki/Graham_scan#cite_note-g72-1>
3. A simple algorithm for computing the smallest enclosing circle: <https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/002001909190030L>
4. Κοκκινόμαυρο δυαδικό δέντρο αναζήτησης: https://docs.oracle.com/javase/8/docs/api/java/util/TreeMap.html
5. Λεξικό: <https://docs.oracle.com/javase/8/docs/api/java/util/HashMap.html>
6. Δομές Δεδομένων και Πολυπλοκότητες: <https://algs4.cs.princeton.edu/cheatsheet/>
7. Java 17: <https://www.oracle.com/java/technologies/javase/jdk17-archive-downloads.html>
8. JavaFX 19: <https://openjfx.io/>
9. CSS for JavaFX: <https://openjfx.io/javadoc/19/javafx.graphics/javafx/scene/doc-files/cssref.html>
10. Eclipse IDE for Java: <https://www.eclipse.org/downloads/>
11. Δημιουργία εκτελέσιμου αρχείου .exe: <https://launch4j.sourceforge.net/>