Politechnika Krakowska im. Tadeusza Kościuszki w Krakowie Wydział Fizyki, Matematyki i Informatyki

Kierunek: Matematyka

Porównanie wybranych metod klasyfikacji binarnej w problemie prognozowania ocen filmów

Joanna Zając

1 Opis problemu

1.1 Cel projektu

Celem projektu będzie stworzenie dwóch modeli klasyfikacji, których zadaniem będzie stwierdzenie, czy dany użytkownik oceni dany film jako dobry (1) lub slaby (0). W tym celu arbitralnie dobrano podział skali ocen, w wyniku którego jako film dobry uznaje się taki, który uzyskał od danego użytkownika ocenę 4.0 lub wyższą (w skali 0.5-5 w krokiem 0.5). Decyzja ta będzie podejmowana na podstawie następujących atrybutów: movield, userld, genres, tag, relevance. Nie każdy użytkownik określił film tagiem, z tego powodu analiza zostanie ograniczona do danych, które zawierają wszystkie powyższe atrybuty.

1.2 Pochodzenie danych

Zbiór danych m1-20m pochodzi z serwisu movielens.org, gdzie użytkownicy oceniają film w skali 0.5-5 co pół stopnia oraz przypisują mu dowolny tag w postaci tekstu, który ma opisać dany film

Znajduje się w nim 20000263 ocen i 465564 tagów opisujących 27278 filmów. Dane te zostały stworzone przez 138493 użytkowników pomiędzy 09-01-1995 a 31-03-2015. Użytkownicy zostali wyłonienie losowo, każdy z nich ocenił co najmniej 20 filmów. Dane składają się z 6 plików: 'genome-scores.csv', 'genome-tags.csv', 'links.csv', 'movies.csv', 'ratings.csv' i 'tags.csv'.

1.3 Struktura danych

movies.csv

Zawiera dane o filmach. Każda linia reprezentuje jeden film w formacie movield, title, genres. Tytuł zawiera rok premiery podany w nawiasach. Genres to lista gatunków filmu wybierana spośród

• Action	• Drama	• Sci-Fi
• Adventure	• Fantasy	a Thrillon
• Animation	• Film-Noir	• Thriller
• Children's	• Horror	• War
• Comedy	• Musical	XX.
• Crime	• Mystery	• Western
• Documentary	• Romance	• (no genres listed)

links.csv

Zawiera linki do filmów w innych serwisach. Każda linia reprezentuje jeden film w formacie movieId,imdbId,tmdbId. Ten plik nie będzie wykorzystywany w projekcie.

movieId to identyfikator używany na stronie movielens.org, np. www.movielens.org/movies/1.

imdcId to identyfikator używany na stronie www.imdb.com, np. www.imdb.com/title/tt0114709.

tmdbId to identyfikator używany na stronie themoviedb.org, np. www.themoviedb.org/movie/862.

tags.csv

Zawiera tagi dopisane do filmów przez użytkowników. Struktura: userId, movieId, tag, timestamp.

genome-scores.csv

Plik zawiera dane na temat dopasowania tagu do filmu. Dane sa postaci movieId, tagId, relevance.

genome-tags.csv

Zawiera Id tagu oraz tag, dane są postaci tagId, tag.

ratings.csv

root

Zawiera oceny filmów przez danego użytkownika. Struktura: userId, movieId, rating, timestamp.

1.4 Typ danych i dane statystyczne

Dane z plików 'genome-scores.csv', 'genome-tags.csv', 'movies.csv', 'ratings.csv', 'tags.csv'. zostały połączone w jedną tabelę z wyselekcjonowanymi kolumnami. Po zaimportowaniu każda kolumna zawierała dane typu string, należało więc odpowiednio je przekształcić. Dodano także kolumnę label, która zawiera klasę, czyli informację, czy dany użytkownik uznał film na dobry czy słaby. Sytuację "przed" i "po" zamianie typów danych przedstawia poniższy schemat:

```
|-- movieId: string (nullable = true)
 -- tagId: string (nullable = true)
 -- tag: string (nullable = true)
 -- userId: string (nullable = true)
 -- rating: string (nullable = true)
 |-- title: string (nullable = true)
 -- genres: string (nullable = true)
 -- relevance: string (nullable = true)
root
 |-- movieId: integer (nullable = true)
 -- tagId: integer (nullable = true)
 -- tag: string (nullable = true)
 |-- userId: integer (nullable = true)
 -- rating: double (nullable = true)
 -- title: string (nullable = true)
 |-- genres: string (nullable = true)
 |-- relevance: double (nullable = true)
 -- label: double (nullable = true)
```

Zobaczmy jak wyglądają dane poprzez wyświetlenie pierwszych rekordów.

+		+			·			+		+	++
movieId	tagId	tag	userId	rating			title	I	genres	relevance	label
100010	null	null	24994	4.0	Battle	of Los	Ang	Action	Sci-Fi	null	1.0
100010			113075				Ang	the second secon	Sci-Fi		
100010	null		41267				Ang		Sci-Fi		
100010	null		49817				Ang		Sci-Fi		
100010	null		46470				Ang		Sci-Fi		
100010	null	null	16693	3.5	Battle	of Los	Ang	Action	Sci-Fi	null	0.0
100010	null	null	102118	0.5	Battle	of Los	Ang	Action	Sci-Fi	null	0.0
100010	null	null	106476				Ang		Sci-Fi		0.0
100010	null	null	12131	1.5	Battle	of Los	Ang	Action	Sci-Fi	null	0.0
100010	null	null	61728	5.0	Battle	of Los	Ang	Action	Sci-Fi	null	1.0
100010	null	null	127063	3.0	Battle	of Los	Ang	Action	Sci-Fi	null	0.0
100010	null	null	30507	3.0	Battle	of Los	Ang	Action	Sci-Fi	null	0.0
100010	null	null	44101	2.0	Battle	of Los	Ang	Action	Sci-Fi	null	0.0
100010	null	null	73026	2.5	Battle	of Los	Ang	Action	Sci-Fi	null	0.0
100010	null	null	53478	4.0	Battle	of Los	Ang	Action	Sci-Fi	null	1.0
100010	null	null	4347	3.0	Battle	of Los	Ang	Action	Sci-Fi	null	0.0
100010	null	null	75603	5.0	Battle	of Los	Ang	Action	Sci-Fi	null	1.0
100010	null	null	94445	2.0	Battle	of Los	Ang	Action	Sci-Fi	null	0.0
100010	null	The Asylum	67075	0.5	Battle	of Los	Ang	Action	Sci-Fi	null	0.0
100010	null	null	135806	3.0	Battle	of Los	Ang	Action	Sci-Fi	null	0.0
100010	null	null	5352				Ang		Sci-Fi		
100010	null	null	20180	1.0	Battle	of Los	Ang	Action	Sci-Fi		
100248	789	plot twist						Comedy Horror	Rom		
100553	null						(2011)		mentary		
100553	null	null	72860				(2011)		mentary	null	1.0
100553							(2011)		mentary	•	
100553							(2011)		mentary		
100553	null						(2011)	the second secon	mentary		
100553	null						(2011)		mentary		
100553	null	null	1705	4.0	Frozen	Planet	(2011)	Docui	mentary	null	1.0
+								T			+

Jak wspomniano wcześniej, przy wielu rekordach brakuje określenia tagu, a więc jednocześnie jego Id i relevance. Po usunięciu wierszy z brakującymi danymi sytuacja przedstawia się następująco:

+	-+		+	+	+	+	+	++
movieI	d tagId	tag	userId	rating	title	genres	relevance	label
+	-+		+	+	+	+	+	++
100					Apple Dumpling Ga			
10072			102118		Starship Troopers			0.0
10161		•						0.0
10353					The Spectacular N			0.0
10353					The Spectacular N			
10353	9 840	realistic	41273	4.5	The Spectacular N	Comedy Drama Romance	0.7365	1.0
10424	1 168	brutal	47594	3.5	Kick-Ass 2 (2013)	Action Comedy Crime	0.88175	0.0
10424	1 168	brutal	10514	3.0	Kick-Ass 2 (2013)	Action Comedy Crime	0.88175	0.0
10424	1 168	brutal	122523	4.0	Kick-Ass 2 (2013)	Action Comedy Crime	0.88175	1.0
10424	1 168	brutal	88738	1.0	Kick-Ass 2 (2013)	Action Comedy Crime	0.88175	0.0
10437	4 375	family bonds	131900	4.0	About Time (2013)	Drama Fantasy Rom	0.94700000000000001	1.0
10437	4 375	family bonds	3029	4.0	About Time (2013)	Drama Fantasy Rom	0.94700000000000001	1.0
10437	4 375	family bonds	4450	3.0	About Time (2013)	Drama Fantasy Rom	0.94700000000000001	0.0
10437	4 375	family bonds	10616	4.5	About Time (2013)	Drama Fantasy Rom	0.94700000000000001	1.0
109	4 110	based on a true s	25737	5.0	Crying Game, The	Drama Romance Thr	0.1355	1.0
109	4 110	based on a true s	9815	5.0	Crying Game, The	Drama Romance Thr	0.1355	1.0
109	4 110	based on a true s	10573	4.0	Crying Game, The	Drama Romance Thr	0.1355	1.0
10948	7 860	robot	33323	3.0	Interstellar (2014)	Sci-Fi IMAX	0.82800000000000001	0.0
11	0 508	historical	96372	4.5	Braveheart (1995)	Action Drama War	0.99225000000000001	1.0
11	0 508	historical	63781	5.0	Braveheart (1995)	Action Drama War	0.99225000000000001	1.0
11	0 508	historical	1678	2.5	Braveheart (1995)	Action Drama War	0.99225000000000001	0.0
11	0 508	historical	72257	5.0	Braveheart (1995)	Action Drama War	0.99225000000000001	1.0
11	0 508	historical	131900	4.5	Braveheart (1995)	Action Drama War	0.99225000000000001	1.0
11	0 508	historical	84441	4.0	Braveheart (1995)	Action Drama War	0.99225000000000001	1.0
11	0 508	historical	23982	4.0	Braveheart (1995)	Action Drama War	0.99225000000000001	1.0
11	0 508	historical	47866	2.5	Braveheart (1995)	Action Drama War	0.99225000000000001	0.0
11	0 508	historical	96792	5.0	Braveheart (1995)	Action Drama War	0.99225000000000001	1.0
11	0 508	historical	76878	4.0	Braveheart (1995)	Action Drama War	0.99225000000000001	1.0
11	0 508	historical	119367	5.0	Braveheart (1995)	Action Drama War	0.99225000000000001	1.0
11	0 508	historical	40466	5.0	Braveheart (1995)	Action Drama War	0.99225000000000001	1.0
+	-+		+	+	+	+	+	

Sprawdźmy ilu unikatowych użytkowników i ile filmów pozostało w tabeli po przefiltrowaniu brakujących danych, ile tagów i gatunków filmowych danego rodzaju pojawia się w tabeli oraz policzmy podstawowe statystyki ocen.

```
Liczba użytkowników: 5102
Liczba filmów: 7061
Liczba wierszy: 183146
```

Liczba poszczególnych ocen wynosi

++
rating count
++
5.0 40602
4.5 33847
4.0 45581
3.5 24623
3.0 16688
2.5 7749
2.0 6457
1.5 2671
1.0 2881
0.5 2047
++

zatem łatwo też określić liczbę poszczególnych rekordów w klasach.

Liczebność danych gatunków filmowych i tagów:

+	+	4		
genres	count	į	tag	count
Drama	11870	s	ci-fi	3256
Comedy	5995	atmosp	heric	2738
Comedy Drama	5984	į c	omedy	2406
Drama Romance	5884	j a	ction	2385
Comedy Drama Romance	5236	j su	rreal	2280
Crime Drama	4684	twist e	nding	2241
Action Sci-Fi Thr	3762	based on a	book	2225
Comedy Romance	3757	j	funny	1924
Action Adventure	3536	j dys	topia	1897
Drama Thriller	2899	dark c	omedy	1814
Mystery Thriller	2631	j sty	lized	1801
Action Adventure	2626	į a	uirky	1776
Action Crime Dram	2547	, psych	ology	1662
Crime Drama Thriller	2301	cl	assic	1659
Drama Mystery Sci	2132	j fa	ntasy	1587
Action Adventure	2087	time t	ravel	1451
Comedy Crime Dram	1963	j ro	mance	1443
Drama Mystery Thr	1942	visually appe	aling	1417
Action Crime Thri	1856	thought-prov	_	
Documentary	1753		rbing	
+		·		

Podstawowe dane statystyczne atrybutów ilościowych:

summary	rating	relevance
	3.8990068033153875 0.9941301126725549 0.5	183146 0.7957503248774205 0.22226520529827654 0.00900000000000000008 1.0

Średnia ocen to około 3.9, zatem wybór oceny 4.0 jako granicy pomiędzy klasami wydaje się uzasadniona. Zgodnie z tym faktem klasę dobry można zdefiniować jako film z oceną powyżej

średniej wszystkich ocen.

Struktura danych (liczba danych w kategoriach w każdym zbiorze) po podziale na zbiór treningowy i testowy w stosunku 70-30 przedstawia się następująco.

```
Liczba danych w zbiorze treningowym: 128088
Liczba danych w zbiorze testowym: 55058
Struktura w zbiorze treningowym:
+----+
|label|count|
+----+
| 0.0|44275|
| 1.0|83813|
+----+

Struktura w zbiorze testowym:
+----+
|label|count|
+----+
| 0.0|18841|
| 1.0|36217|
```

2 Opis zastosowanych metod uczenia maszynowego

2.1 Drzewa decyzyjne

Drzewa decyzyjne są ważnym narzędziem w uczeniu maszynowym i eksploracji danych. Są wykorzystywane między innymi w problemie klasyfikacji. Główne składowe drzewa to korzeń oraz gałęzie, które łączą korzeń z kolejnymi wierzchołkami. Wierzchołki, z których wychodzi co najmniej jedna krawędź, są nazywane węzłami, natomiast wierzchołki z których nie wychodzą krawędzie to tzw. liście. Drzewo zaczyna od pojedynczego węzła reprezentującego cały zbiór treningowy. W każdym węźle sprawdzany jest pewien warunek dotyczący danej obserwacji, i na jego podstawie wybierana jest odpowiednia gałąź prowadząca do kolejnego wierzchołka. Klasyfikacja danej obserwacji polega na przejściu od korzenia do liścia i przypisaniu do tej obserwacji klasy zapisanej w danym liściu.

Zalety tej metody to między innymi

- czytelna dla człowieka forma reprezentacji (można je opisać graficznie grafy skierowane),
- możliwość reprezentowania dowolnie złożonych pojęć pojedynczych lub wielokrotnych, jeżeli tylko ich definicje da się wyrazić w zależności od atrybutów,
- efektywność obliczeniowa wyznaczenie kategorii przykładu wymaga w najgorszym razie przetestowania raz wszystkich jego atrybutów, często może wystarczyć ich niewielka część,
- możliwość przejścia od drzew decyzyjnych do reguł decyzyjnych.

Do wad metody drzew decyzyjnych można zaliczyć

- wysokie koszty reprezentacji alternatyw pomiędzy atrybutami (w przeciwieństwie do koniunkcji, która jest zapisywana jako pojedyncza droga od korzenia do liścia),
- możliwość testowania jednego atrybutu na raz powoduje to rozrost drzewa dla danych gdzie poszczególne atrybuty zależą od siebie,
- trudności w aktualizowaniu algorytmy udoskonalające gotowe już drzewa są bardzo złożone i zazwyczaj ich wynikiem jest drzewo gorszej jakości niż drzewo budowane od początku z kompletnym zestawem przykładów.

2.2 Regresja logistyczna

Regresja logistyczna jest jedną z metod regresji, którą stosuje się w przypadku, gdy zmienna zależna jest zmienną dychotomiczną, czyli przyjmuje tylko dwie wartości, najczęściej 0 i 1. Problemy, które możemy rozwiązać przy pomocy regresji logistycznej dotyczą klasyfikacji, czyli określenia prawdopodobieństwa sukcesu/porażki, śmierci/przeżycia itp. W takich przypadkach zwykła regresja liniowa nie jest dobrym wyborem, ponieważ dla dychotomicznej zmiennej objaśnianej regresja liniowa będzie szacowała wartości spoza akceptowalnego zakresu (poniżej 0 lub powyżej 1). Ponadto nie będą spełnione założenia modelu regresji liniowej takie jak rozkład normalny dla reszt oraz jednorodność wariancji.

W regresji logistycznej założenia są następujące

- zmienna Y podlega rozkładowi dwumianowemu, Y B(1, p),
- wartości wyjściowe są statystycznie niezależne,
- wartość oczekiwana $\mathbb{E}(y|x) = P(x)$ jest obliczana na podstawie funkcji logistycznej

$$f(x) = \frac{e^x}{1 + x^x}.$$

Funkcja logistyczna przyjmuje wartości z przedziału [0, 1], przy czym 0 i 1 są wartościami brzegowymi. Funkcja logistyczna dla początkowych argumentów przyjmuje wartości bliskie zera. Od momentu osiągnięcia wartości progowej następuje nagły wzrost wartości, a po osiągnięciu pewnej wartości, dla kolejnych argumentów funkcja przyjmuje wartości bliskie jedynki. W przeciwieństwie do regresji liniowej, w regresji logistycznej do estymacji parametrów używa się metody największej wiarygodności. Wiarygodność danego modelu jest określana jako łączne prawdopodobieństwo otrzymania obserwowanych wartości wyjściowych wyrażonych za pomocą funkcji wybranego modelu regresji.

Główne zalety regresji logistycznej to

- prosta transformacja prawdopodobieństwa P(y|x),
- dobrze radzi sobie nawet przy dużej liczbie obserwacji,
- ciągły wynik, sprowadzany do binarnego z powodzeniem zatem może być stosowana w systemach rekomendacji, z dowolną metodą sortowania wyników,
- znany rozkład dwumianowy zmiennej objaśnianej.

W metodzie tej napotykamy też na kilka problemów.

- Problem selekcji zmiennych zbyt wiele zmiennych może zmniejszać siłę dyskryminacji. Należy wiec wybrać właściwy model.
- Zbyt mała próba może dawać niepewne współczynniki korelacji.
- Regresja logistyczna działa tylko dla problemów dwuklasowych dla wieloklasowych należy użyć metody np. One vs Rest.

3 Ocena modeli

Ocena modeli oparta zostanie o następujące miary:

- time czas potrzebny na dopasowanie modelu oraz przeprowadzenie przewidywań,
- \bullet accuracy dokładność, miara dana wzorem $\frac{TP+TN}{TP+TN+FP+FN},$ określa jaką część wszystkich prognoz stanowią prognozy poprawne,
- error, czyli 1-accuracy jaką część wszystkich predykcji stanowią te błędne,
- area under ROC pole pod krzywą ROC (Receiver Operating Characteristic Curves),
- recall (in. sensitivity) czułość, miara dana wzorem $\frac{TP}{TP+FN}$, określa prawdopodobieństwo, że klasyfikacja będzie poprawna pod warunkiem, że film jest dobry,
- precision precyzja, miara dana wzorem TP/TP+FP, określa jakie jest prawdopodobieństwo,
 że film rzeczywiście jest dobry, gdy wynik predykcji to dobry,
- specificity specyficzność, miara dana wzorem $\frac{TN}{TN+FP}$, określa prawdopodobieństwo, że klasyfikacja będzie poprawna pod warunkiem że film jest słaby,
- f1 średnia harmoniczna precision oraz recall dana wzorem $2 \cdot \frac{Precision \cdot Recall}{Precision + Recall}$. Miara ta daje ocenę balansu między czułością a precyzją, nie uwzględnia wyników prawdziwie negatywnych.

3.1 Drzewa decyzyjne

Po wyświetleniu początkowych predykcji model wygląda obiecująco.

Miary jakości modelu jednak nie do końca to potwierdzają.

```
dt time 0:04:32.011660
True Positives: 34794
True Negatives: 1834
False Positives: 17007
False Negatives: 1423
Total 55058
DenseMatrix([[ 1834., 17007.],
             [ 1423., 34794.]])
recall 0.9607
precision 0.6717
specificity 0.0973
accuracy 0.6653
error 0.3347
weightedPrecision 0.6345
f1 0.5769
area under ROC curve 0.5317
```

Najwięcej wątpliwości w kwestii jakości modelu może budzić wartość specificity - model nie radzi sobie z wykrywaniem słabych filmów. Niskie wartości przyjmuje także powierzchnia pod krzywą ROC - wynik 0.5305 nie różni się praktycznie od przypadku, gdyby ktoś losowo dopasowywał kategorie dobry oraz słaby do każdego filmu.

Macierz pomyłek wskazuje, tak jak wartość specificity, że model ma problem z rozpoznawaniem słabych filmów, które często klasyfikuje jako dobry. Może być to wynikiem dysproporcji pomiędzy klasami. W obu zbiorach, treningowym i testowym, znajduje się dwa razy więcej etykiet 1 niż etykiet 0.

3.2 Regresja logistyczna

Podobnie jak w przypadku drzewa decyzyjnego, po wyświetleniu kilku pierwszych predykcji model wygląda dobrze.

Miary, na których oparta będzie ocena modelu, przyjmują wartości jak niżej.

```
1r time 0:05:03.563295
True Positives: 32836
True Negatives: 5943
False Positives: 12898
False Negatives: 3381
Total 55058
DenseMatrix([[ 5943., 12898.],
            [ 3381., 32836.]])
recall 0.9066
precision 0.7180
specificity 0.3154
accuracy 0.7043
error 0.2957
weightedPrecision 0.6904
f1 0.6715
area under ROC curve 0.7046
```

Wyniki wydają się nieco lepsze niż poprzednio, zwłaszcza widoczna jest duża poprawa powierzchni pod krzywą ROC oraz swoistości (specificity).

3.3 Porównanie

Aby łatwiej było zdecydować, który model okazał się lepszy poniżej sporządzono porównanie wyników w jednej tabeli. Na zielono zaznaczono lepszy wynik w danym wierszu.

	Decision Tree	Logistic Regresion
Time [min]	04:32	05:03
Recall	0,9607	0,9066
Precision	0,6717	0,7180
Specificity	0,0973	0,3154
Accuracy	0,6653	0,7043
Weighted precision	0,6345	0,6904
F1	0,5769	0,6715
Area under ROC	0,5305	0,7046

Regresja logistyczna uzyskała lepszą dokładność (i co za tym idzie, mniejszy błąd), oraz wyższą wartość f1. Ogromną poprawę widać w powierzchni pod krzywą ROC - tutaj poprawa wyniosła aż 17 punktów procentowych. Poprawa tych wskaźników nastąpiła jednak kosztem wydłużenia czasu o 12% (ponad pół minuty) oraz spadkiem wartości recall.

4 Podsumowanie

Podsumowując, w przedstawionym problemie lepiej sprawdził się model regresji logistycznej. Może wartości rzędu 60-70% nie są najlepsze, ale w porównaniu z wartościami 0,5317 oraz 0,5769 które uzyskał model drzewa decyzyjnego odpowiednio jako wartość pod krzywa ROC oraz f1, regresja logistyczna będzie lepszym wyborem. Analizując powyższe wyniki trzeba mieć na uwadze kontekst problemu. Ocena filmu tylko po jego gatunku i słowie go opisującym jest praktycznie niemożliwa (wiadomo przecież, że nawet po przeczytaniu całej recenzji trudno wyrobić sobie zdanie o tym czy film może się spodobać czy nie). Ponadto fakt, iż tagi były wpisywane przez użytkowników dowolnie sprawił, że są bardzo zróżnicowane, trudno zatem doszukać się w nich jakiś konkretnych zależności, które ułatwiłyby proces klasyfikacji.