# Notebook de Programação Competitiva

# Contents

1	Estrutura De Dados			
	1.1	Arvore Binaria	2	
	1.2	Fila	3	
	1.3	Heap	5	
	1.4	Pilha	5	
	1.5	Vector	7	
2	Out	tros	7	

#### 1 Estrutura De Dados

#### 1.1 Arvore Binaria

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
4 int main()
5 {
       // Set
6
       set <int> s:
      s.insert(10); // Adiciona o elemento
9
       s.size(); // Retorna o tamanho
10
       s.erase(10); // Remove o elemento 10
       s.empty(); // Verifica se está vazio
12
       s.clear(); // Remove todos os elementos
13
14
       // Itera e imprime os elementos ordenados
15
16
       for (int elemento : s) {
           cout << " " << elemento;</pre>
17
18
19
       // Verifica se um elemento existe
20
       if (s.count(5)) { // Retorna 1 se existe, 0 se não
21
           cout << "O elemento 5 existe no set." << endl;</pre>
22
23
24
       // find() retorna um iterador para o elemento, ou s.end() se não encontrar
25
       auto it set = s.find(20):
26
27
       if (it_set != s.end()) {
           cout << "Elemento 20 encontrado!" << endl;</pre>
28
29
30
       // Para ver o Primeiro elemento (o menor de todos)
31
       int primeiro_elemento = *s.begin();
32
       cout << "0 primeiro elemento (menor) do set é: " << primeiro_elemento << endl;</pre>
33
34
       // Para ver o Último elemento (o maior de todos)
35
       // s.rbegin() é um iterador reverso que aponta para o maior elemento
36
       int ultimo_elemento = *s.rbegin();
37
38
       cout << "0 último elemento (maior) do set é: " << ultimo_elemento << endl;</pre>
39
       // Para ver um elemento em uma posição "N" (ex: o segundo elemento, na posição 1)
40
       int posicao_desejada = 1; // 0 é o primeiro, 1 é o segundo...
41
42
       if (s.size() > posicao_desejada) {
           auto it_posicao = std::next(s.begin(), posicao_desejada);
43
           cout << "O elemento na posicao " << posicao_desejada << " do set é: " << *
44
       it_posicao << endl;</pre>
45
46
47
       // Map
48
       map<string, int> m;
49
50
       m["banana"] = 10;
                           // Adiciona/atualiza o par {"banana", 10}
51
      m.insert(make_pair("laranja", 20)); // Outra forma de inserir
cout << "Valor associado a 'banana': " << m["banana"] << endl; // Acessa o valor</pre>
52
       pela chave
       // Itera sobre o map (chaves estarão em ordem alfabética: banana, laranja, maca)
55
      for (auto const& [chave, valor] : m) {
   cout << "- Chave: " << chave << ", Valor: " << valor << endl;</pre>
56
57
58
59
       m.erase("maca"); // Remove o par com a chave "maca"
60
61
       // Assim como o set, o map não tem acesso por índice numérico
62
63
       // m.begin() aponta para o par chave-valor com a menor chave (ordem alfabética/numé
       rica)
64
       // Para ver o Primeiro par (chave/valor)
       auto it_primeiro = m.begin();
65
       cout << "O primeiro par do map é: Chave='" << it_primeiro->first << "', Valor=" <<
66
```

```
it_primeiro->second << endl;</pre>
67
        // Para ver o par em uma posição "N" (ex: o terceiro par, na posição 2)
68
        int posicao_desejada = 2;
69
        if (m.size() > posicao_desejada) {
70
            auto it_posicao = std::next(m.begin(), posicao_desejada);
71
        cout << "O par na posicao " << posicao_desejada << " do map é: Chave='" <<
it_posicao->first << "', Valor=" << it_posicao->second << endl;</pre>
72
73
74
75
        // Multiset
76
        multiset < int > ms;
77
78
79
        ms.insert(10);
        ms.insert(10); // Adiciona 10 novamente
80
        ms.insert(10); // Adiciona 10 uma terceira vez
81
82
        ms.size(); // Retorna tamanho do multimap
83
        // Itera e imprime (elementos ordenados: 5, 10, 10, 10, 20)
84
85
        for (int elemento : ms) {
            cout << " " << elemento;</pre>
86
87
88
        ms.erase(10); // Remove TODAS as ocorrências do valor 10
89
90
        // Para remover apenas uma ocorrência, use um iterador
91
        ms.insert(30);
92
        auto it_ms = ms.find(30); // Encontra a primeira ocorrência de 30
        if (it_ms != ms.end()) {
94
            ms.erase(it_ms); // Remove apenas o elemento apontado pelo iterador
95
96
97
98
        // Multimap
99
        multimap < string , int > mm;
100
102
        // No multimap, não se pode usar o operador [], pois ele não saberia
        // qual valor acessar se houvesse chaves duplicadas. Use insert() \,
        mm.insert(make_pair("aluno", 10));
        mm.insert(make_pair("professor", 9));
105
        mm.insert(make_pair("aluno", 8)); // Chave "aluno" duplicada
mm.count("aluno"); // Conta número de valores para chave
106
107
        mm.erase("professor"); // Remove todos os pares com a chave "professor".
108
        // it->first é a chave, it->second é o valor
109
110
111
        return 0:
112 }
```

Listing 1: arvore binaria.cpp

#### 1.2 Fila

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
4 int main()
5 {
      queue < int > q;
      deque<int> dq;
      q.push(3); // Adiciona elemento na fila
9
      q.pop(); // Remove elemento no inicio
      q.empty(); // Verifica se a fila está vazia
11
      q.size(); // Retorna tamanho da fila
      q.front(); // Retorna valor no inicio da fila
13
      q.back(); // Retorna valor no fim da fila
14
      dq.push_front(3); // Adiciona elemento no inicio
15
      dq.pop_front(); // Remove elemento no inicio
16
      dq.push_back(3); // Adiciona elemento no fim
17
      dq.pop_back(); // Remove elemento no fim
18
19
```

#### Fila monótona

Seja F uma fila de elementos do tipo T. A fila F é dita **monótona** se, quando extraídos todos os elementos de F, eles formam uma sequência  $x_1, x_2, \ldots, x_N$ , onde  $x_i$  é o elemento obtido na i-ésima extração, tais que a função  $F: \mathbb{N} \to T$ , com  $f(i) = x_i$ , é monótona. A fila F será **não-decrescente** se f for **não-decrescente**; caso contrário, F será **não-decrescente**.

- Em filas monótonas é necessário manter a invariante da monotonicidade a cada inserção.
- Seja F uma fila não-decrescente e x um elemento a ser inserido em F.
- Se F estiver vazia, basta inserir x em F: o invariante estará preservado.
- Se F não estiver vazia, o mesmo acontece se  $x \leq y$ , onde y é o último de F.
- Contudo, se x > y, é preciso remover y antes da inserção de x.
- Após a remoção de y, é preciso confrontar x com o novo elemento que ocupará a última posição até que x possa ser inserido na última posição de F.

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
4 template <typename T>
5 class MonoQueue {
6 public:
      void push(const T& x) {
          while (not st.empty() and st.back() > x)
9
               st.pop_back();
           st.emplace_back(x);
11
13
      void pop() {
14
           st.pop_front();
15
16
17
      auto back() const {
18
          return st.back();
19
      auto front() const {
21
22
          return st.front();
23
24
25
      bool empty() const {
          return st.empty();
26
27
  private:
29
      deque <T> st;
30
31 };
32
33 template <typename T>
34 ostream& operator << (ostream& os, const MonoQueue <T>& ms) {
      auto temp(ms);
35
      while (not temp.empty()) {
          cout << temp.front() << ' ';</pre>
37
38
           temp.pop();
39
      return os;
40
41 }
42
43 int main() {
       vector < int > as {1, 4, 3, 4, 2, 1, 3};
44
      MonoQueue < int > mq;
45
46
  for (auto& a : as) {
```

Listing 3: fila monotona.cpp

### 1.3 Heap

```
#include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
4 int main()
5 {
       priority_queue <int> pq; // Por padrão max-heap
6
       priority_queue<int, vector<int>, greater<int>> pqMin; // Para criar uma min-heap
8
       pq.push(30); // Adiciona elemento
9
       pq.top(); // Acessa elemento de maior prioridade
pq.pop(); // Remove elemento de maior prioridade
10
11
       pq.size(); // Retorna tamanho da fila
12
13
       pq.empty(); // Retorna se a fila está vazia
14
15 }
```

Listing 4: heap.cpp

# 1.4 Pilha

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
4 int main()
5 {
      stack<int> st;
      st.push(3); // Adiciona elemento na pilha
8
      st.pop(); // Remove elemento no topo
9
      st.empty(); // Verifica se a pilha está vazia
      st.size(); // Retorna tamanho da pilha
11
      st.top(); // Retorna valor no topo da pilha
12
13
14
      // Exemplo de delimitador com pilha
15
      string n, resultado = "";
      stack<char> st;
16
17
      cin >> n;
      for(size_t i = 0; i < n.length(); i++)</pre>
18
19
           if(n[i] == '(')
20
21
           {
22
               st.push(n[i]);
               resultado += '(';
23
          }
24
           else if(n[i] == ')' && st.size() > 0)
25
           {
26
27
               st.pop();
               resultado += ')';
28
          }
29
           else if(n[i] == ')' && st.size() == 0)
           {
31
               resultado = '(' + resultado + ')';
32
33
34
      while(st.size() > 0)
35
36
           resultado += ')';
37
38
           st.pop();
39
```

Listing 5: pilha.cpp

#### Pilha monótona

Seja P uma pilha de elementos do tipo T. A pilha P é dita **monótona** se, quando extraídos todos os elementos de P, eles formam uma sequência  $x_1, x_2, \ldots, x_N$ , onde  $x_i$  é o elemento obtido na i-ésima extração, tais que a função  $F: \mathbb{N} \to T$ , com  $f(i) = x_i$ , é monótona. A pilha P será **não-decrescente** se f for **não-crescente**; caso contrário, P será **não-decrescente**.

- É possível determinar o maior elemento à esquerda para todos os elementos de uma sequência  $a_1, a_2, \ldots, a_N$  em  $O(N^2)$  por meio de uma busca completa.
- Para cada índice i, é preciso avaliar todos os elementos  $a_i$ , com  $j=1,2,\ldots,i-1$ .
- Contudo, é possível determinar estes valores em O(N) com uma modificação no método de inserção de uma pilha não-crescente.
- A inserção em uma pilha não-crescente ocorre em duas etapas: manutenção do invariante e inserção do novo elemento.
- Finalizada a manutenção do invariante, os elementos que restam na pilha são todos maiores do que  $a_i$  e o elemento do topo será o maior elemento à esquerda de  $a_i$ .
- Em algumas implementações são mantidos os índices e não os valores da sequência propriamente ditos (ou pares com ambas informações).

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
4 template <typename T>
5 class MonoStack {
6 public:
      void push(const T& x) {
          while (not st.empty() and st.top() > x)
               st.pop();
9
           st.emplace(x);
10
12
      void pop() {
13
14
           st.pop();
15
16
      auto top() const {
17
18
          return st.top();
19
20
21
      bool empty() const {
          return st.empty();
22
23
24
25 private:
       stack <T> st;
26
27 };
28
29 template <typename T>
30 ostream& operator << (ostream& os, const MonoStack <T >& ms) {
      auto temp(ms);
31
      while (not temp.empty()) {
32
          cout << temp.top() << ' ';
33
          temp.pop();
34
35
      return os;
36
37 }
38
39 int main() {
      vector<int> as{1, 4, 3, 4, 2, 1, 3};
41
   MonoStack < int > ms;
```

Listing 6: pilha monotona.cpp

#### 1.5 Vector

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
4 int main()
       int n = 5;
6
       vector < int> vet(n, 0); // Cria vetor de tamanho 5, com todos valores = 0
       vet.push_back(5); // Adiciona valor no fim do vetor
9
       vet.pop_back(); // Remove ultimo valor do vetor
11
       vet.size(); // Retorna tamanho do vetor
       vet.clear(); // Remove todos os elementos mas não libera a memória alocada
12
       sort(vet.begin(), vet.end()) // Ordenação, greater<int> para colocar em ordem
13
       decrescente
14
       vector<vector<int>> matriz(n, vector<int>(n, -2)); // Declara Matriz de tamanho NxN
15
           (int i = 0; i < n; i++) { // percorre as linhas for (int j = 0; j < n; j++) { // percorre as columns
       for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
16
17
                cout << matriz[i][j];</pre>
                                          // acessa elemento [i][j]
18
19
20
       }
21 }
```

Listing 7: vector.cpp

## 2 Outros

#### Soma de Prefixos

**Soma de prefixos** é um método que permite calcular a soma de qualquer subvetor contínuo em tempo constante, O(1).

Dado um vetor A de tamanho N, seu vetor de soma de prefixos, P, é definido tal que P[i] contém a soma de todos os elementos desde A[0] até A[i].

• Cálculo Eficiente: O vetor P pode ser calculado em tempo linear, O(N), utilizando a seguinte recorrência:

$$P[i] = P[i-1] + A[i]$$
, com o caso base  $P[0] = A[0]$ 

• Aplicação Principal: A soma de um subvetor de A do índice i ao j (inclusive) é calculada em tempo O(1) da seguinte forma:

$$soma(A[i...j]) = P[j] - P[i-1]$$

Para o caso especial em que i = 0, a soma é simplemente P[j].

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

int main() {
   int n, num;
   cin >> n;
   vector < long long > vet(n * 2), soma(n * 2 + 1);
```

```
for (int i = 0; i < n; i++) {
    cin >> num;
    vet[i] = num;
    vet[i + n] = num;
}
soma[0] = 0;
for (int i = 0; i < n * 2; i++) {
    soma[i + 1] = soma[i] + vet[i];
}
</pre>
```

Listing 8: soma de prefixos.cpp