MAC2166 - Introdução à Computação

ESCOLA POLITÉCNICA - GRANDE ÁREA ELÉTRICA - PRIMEIRO SEMESTRE DE 2020

Primeiro Exercício-Programa (EP0 e EP1)

Data de entrega: EP0 - 21/3/2020

EP1 - 28/3/2020

Veja em https://www.ime.usp.br/~mac2166/infoepsC as instruções de entrega dos exercícios-programa.

2020 é soma de quadrados de números primos!

No início de cada ano somos inundados sobre curiosidades a respeito do ano que se inicia. Neste ano circulou nas redes uma curiosidade a respeito do número 2020:

$$2020 = 17^2 + 19^2 + 23^2 + 29^2.$$

Ou seja, 2020 pode ser escrito como a soma dos quadrados de quatro números primos consecutivos. Mas, sempre ficamos curiosos: será isso uma coisa rara? Ou seja, quais outros números podem ser escritos como soma de quadrados de 4 primos consecutivos? Veja os exemplos abaixo:

- $87 = 2^2 + 3^2 + 5^2 + 7^2$.
- $204 = 3^2 + 5^2 + 7^2 + 11^2$.
- 99 não pode ser escrito como a soma de quadrados de 4 primos consecutivos (isso é fácil de ver).
- 100 não pode ser escrito como a soma de quadrados de 4 primos consecutivos.
- 1000000 não pode ser escrito como a soma de quadrados de 4 primos consecutivos.

Neste exercício-programa você deverá escrever um programa em C que recebe como entrada uma sequência de inteiros n com $0 < n < 10^8$ terminada por um 0 e, para cada inteiro dado, decide se ele é ou não é a soma dos quadrados de 4 primos consecutivos. No caso de o número ser uma tal soma, ele deve dar os primos correspondentes.

Exemplo de entrada e saída

EP1: Soma dos quadrados de primos consecutivos

Digite um numero $(0 < n < 10^{8})$: 2020

 $2020 = 17^2 + 19^2 + 23^2 + 29^2$

```
Digite um numero (0 < n < 10^{\circ}8): 87

87 = 2^{\circ}2 + 3^{\circ}2 + 5^{\circ}2 + 7^{\circ}2

Digite um numero (0 < n < 10^{\circ}8): 100

Nao existem 4 primos consecutivos cujos quadrados somam 100

Digite um numero (0 < n < 10^{\circ}8): 1000000

Nao existem 4 primos consecutivos cujos quadrados somam 1000000

Digite um numero (0 < n < 10^{\circ}8): 1002172

1002172 = 491^2 + 499^2 + 503^2 + 509^2

Digite um numero (0 < n < 10^{\circ}8): 0

Que a forca esteja com voce!
```

Programa de Aquecimento – EP0

Antes de entregar o EP1 no dia 28/3/2020, você deve **obrigatoriamente** fazer este PROGRAMA DE AQUECIMENTO (EP0), que vale uma parte da nota do EP1. Este exercício deve ser entregue até 21/3/2020.

Números de Tetranacci

Os números de Tetranacci T_0 , T_1 , T_2 ,... são definidos da seguinte forma: $T_0 = 0$, $T_1 = 0$, $T_2 = 0$, $T_3 = 1$ e, para N > 3, temos $T_N = T_{N-1} + T_{N-2} + T_{N-3} + T_{N-4}$. Essa sequência de números começa portanto assim: $0, 0, 0, 1, 1, 2, 4, 8, 15, 29, \ldots$

Seu EP0 deve ser um programa em C que lê um inteiro $N \geq 0$ e imprime T_N .

Sequências de inteiros

Você gosta de sequências de inteiros? Então visite o *The On-line Encyclopedia of Integer Sequences*: https://oeis.org/.

Em particular, visite a página https://oeis.org/A133524. Não deixe de usar a tabela em https://oeis.org/A133524/b133524.txt para testar seu programa. Visite também a página https://oeis.org/A000078.

Testes

Teste seus programas para ter certeza de que eles se comportam como esperado. Seu EP1 deve funcionar para inteiros positivos menores que 10^8 . Apenas por curiosidade, experimente usar seu EP1 para o número 2146104652.