

## US301 – Análise de Complexidade

```
public static <V, E> boolean isGraphConnected(Graph<V, E> g) {
    if (g.numVertices() == 0)
        return false;
    boolean[] visited = new boolean[g.numVertices()];
    LinkedList<V> qdfs = new LinkedList<>();
    DepthFirstSearch(g, g.vertices().iterator().next(), visited, qdfs);
    for (int i = 0; i < g.numVertices(); i++) {
        if (!visited[i])
            return false;
    }
    return true;
}
```

```
private static <V, E> void DepthFirstSearch(Graph<V, E> g, V vOrig,
boolean[] visited, LinkedList<V> qdfs) {
    if (visited[g.key(vOrig)])
        return;

    qdfs.add(vOrig);
    visited[g.key(vOrig)] = true;
    for (V vAdj : g.adjVertices(vOrig))
        DepthFirstSearch(g, vAdj, visited, qdfs);
}
```

Linhas	Código	Complexidade
1-5	if (g.numVertices() == 0) return false; boolean[] visited = new boolean[g.numVertices()]; LinkedList<V> qdfs = new LinkedList<>();	1
6	DepthFirstSearch(g, g.vertices().iterator().next(), visited, qdfs); boolean[] visited, LinkedList<V> qdfs) { if (visited[g.key(vOrig)]) return; qdfs.add(vOrig); visited[g.key(vOrig)] = true; for (V vAdj : g.adjVertices(vOrig)) DepthFirstSearch(g, vAdj, visited, qdfs);	$O(V+E)$ onde V é o número de vértices e o número de arestas Uma vez que visitamos cada vértice e cada aresta uma vez, visitamos um vértice para o marcar como visitado e para isso precisamos de visitar uma aresta.
7-9	for (int i = 0; i < g.numVertices(); i++) { if (!visited[i]) return false;}	$O(V \times (V+E))$ , percorre-se todos os vértices a confirmar de estes foram verificados.

```

    public static <V, E> int CountMinPath(Graph<V, E> g, V vOrig, V vDest,
    Comparator<E> ce, BinaryOperator<E> sum,
        E zero) {
        LinkedList<V> paths = new LinkedList<>();
        shortestPath(g, vOrig, vDest, ce, sum, zero, paths);
        return paths.size() - 1;
    }

```

```

    public static <V, E> E shortestPath(Graph<V, E> g, V vOrig, V vDest,
        Comparator<E> ce, BinaryOperator<E> sum, E zero,
        LinkedList<V> shortPath) {
        if (!g.validVertex(vOrig) || !g.validVertex(vDest))
            return null;

        shortPath.clear();
        int numVerts = g.numVertices();
        boolean[] visited = new boolean[numVerts];
        @SuppressWarnings("unchecked")
        V[] pathKeys = (V[]) new Object[numVerts];
        @SuppressWarnings("unchecked")
        E[] dist = (E[]) new Object[numVerts];
        for (int i = 0; i < numVerts; i++) {
            dist[i] = null;
            pathKeys[i] = null;
        }
        shortestPathDijkstra(g, vOrig, ce, sum, zero, visited, pathKeys,
dist);
        E lengthPath = dist[g.key(vDest)];
        if (lengthPath == null)
            return null;
        getPath(g, vOrig, vDest, pathKeys, shortPath);

        return lengthPath;
    }

```

```

    private static <V, E> void shortestPathDijkstra(Graph<V, E> g, V vOrig,
        Comparator<E> ce, BinaryOperator<E> sum, E zero,
        boolean[] visited, V[] pathKeys, E[] dist) {

        int vKey = g.key(vOrig);
        dist[vKey] = zero;
        pathKeys[vKey] = vOrig;
        int vKeyAdj;
        E minDist;

        while (vOrig != null) {
            vKey = g.key(vOrig);

```

```

        visited[vKey] = true;
        for (Edge<V, E> edge : g.outgoingEdges(vOrig)) {
            vKeyAdj = g.key(edge.getVDest());
            if (!visited[vKeyAdj]) {
                E s = sum.apply(dist[vKey], edge.getWeight());
                if (dist[vKeyAdj] == null || ce.compare(dist[vKeyAdj], s)
> 0) {
                    dist[vKeyAdj] = s;
                    pathKeys[vKeyAdj] = vOrig;
                }
            }
        }
        minDist = null;
        vOrig = null;
        for (V vert : g.vertices()) {
            if (!visited[g.key(vert)] && dist[g.key(vert)] != null
&& (minDist == null || ce.compare(dist[g.key(vert)],
minDist) < 0)) {
                minDist = dist[g.key(vert)];
                vOrig = vert;
            }
        }
    }
}

```

Linhas	Código	Complexidade
1-2	LinkedList<V> paths = new LinkedList<>(); shortestPath(g, vOrig, vDest, ce, sum, zero,paths);	1
2-11	if (!g.validVertex(vOrig)    !g.validVertex(vDest)) return null; shortPath.clear(); int numVerts = g.numVertices(); boolean[] visited = new boolean[numVerts]; @SuppressWarnings("unchecked") V[] pathKeys = (V[]) new Object[numVerts]; @SuppressWarnings("unchecked") E[] dist = (E[]) new Object[numVerts];	1
12-15	for (int i = 0; i < numVerts; i++) { dist[i] = null; pathKeys[i] = null;} shortestPathDijkstra(g, vOrig, ce, sum, zero, visited, pathKeys, dist);	O(V) uma vez que executa para a quantidade de vértices.
16	shortestPathDijkstra(g, vOrig, ce, sum, zero, visited, pathKeys, dist);	1
17-25(dentro do metodo shortestPathDijkstra)	int vKey = g.key(vOrig); dist[vKey] = zero; pathKeys[vKey] = vOrig; int vKeyAdj; E minDist;	1

	<pre> while (vOrig != null) {     vKey = g.key(vOrig);     visited[vKey] = true; </pre>	
26-35(dentro do metodo shortestPathDijkstra)	<pre> for (Edge&lt;V, E&gt; edge : g.outgoingEdges(vOrig)) {     vKeyAdj = g.key(edge.getVDest());     if (!visited[vKeyAdj]) {         E s = sum.apply(dist[vKey], edge.getWeight());         if (dist[vKeyAdj] == null    ce.compare(dist[vKeyAdj], s) &gt; 0) {             dist[vKeyAdj] = s;             pathKeys[vKeyAdj] = vOrig;         }     } } </pre>	O(V+E), uma vez que percorre todas as arestas.
36-37(dentro do metodo shortestPathDijkstra)	<pre> minDist = null; vOrig = null; </pre>	1
38-45(dentro do metodo shortestPathDijkstra)	<pre> for (V vert : g.vertices()) {     if (!visited[g.key(vert)] &amp;&amp; dist[g.key(vert)] != null     &amp;&amp; (minDist == null    ce.compare(dist[g.key(vert)], minDist) &lt; 0)) {         minDist = dist[g.key(vert)];         vOrig = vert;     } } </pre>	O(V <sup>2</sup> +E), uma vez que percorre todos os verticies faz confirmações e consoante estas atribuiu a minDist a distância
46-51	<pre> E lengthPath = dist[g.key(vDest)]; if (lengthPath == null)     return null;     getPath(g, vOrig, vDest, pathKeys, shortPath); return lengthPath; </pre>	1, uma vez que getPath apresenta também uma complexidade de 1.