## Universidade Federal de Mato Grosso do Sul Algoritmos e Programação 2 Prof. Dr. Anderson Bessa da Costa

## Lista 7 - Noções de Eficiência

1. Como um exemplo de análise de tempo de execução, nós trabalharemos com o programa three\_sum (disponibilizado no AVA como three\_sum.cpp) mostrado aqui, que conta o número de triplas em um arquivo de N inteiros que somam 0. Essa computação pode parecer trivial para você, mas é profundamente relacionada com numerosas tarefas de computação fundamentais. Estude o código three\_sum.cpp apresentado a seguir.

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3
   /* Prototipos */
4
   void leia_ints (char nome_do_arquivo[], int a[], int &n);
5
6
   int conte (int a[], int n);
7
8
   /* Main */
9
   int main() {
10
      char filename [30];
      int a[1000000], n;
11
12
      // Leia o nome do arquivo
13
14
      printf("Entre com o nome do arquivo:\n");
15
      scanf("%s", filename);
16
17
      // Carreque o arquivo no vetor a
18
      leia_ints(filename, a, n);
19
20
      // Conte e imprima quantas vezes 3 elementos somam 0
      printf\left(\,{}^{"}\!\!%d\backslash n\,{}^{"}\right.,\ conte\left(\,a\,,\ n\,\right)\,\right);
21
22
23
24
   // Funcao que abre arquivo e carrega todos os ints para o vetor a
   void leia_ints (char nome_do_arquivo[], int a[], int &n) {
26
      FILE *f;
27
28
      f = fopen(nome do arquivo, "r");
      if (f == NULL) {
29
30
        printf("Erro! Nao foi possivel abrir o arquivo!\n");
31
32
      else {
33
        n = 0;
34
        \mathbf{while}(! \mathbf{feof}(f))  {
           fscanf(f, "%d", &a[n]);
35
36
          n = n + 1;
37
38
        n \ = \ n \ - \ 1;
39
      }
40
   }
41
   // Funcao que conta e retorna quantas vezes 3 elementos somam \theta
42
   int conte (int a[], int n) {
```

```
44
     int i, j, k, c = 0;
45
46
      for (i = 0; i < n; i++)
47
        for (j = i + 1; j < n; j++) {
          for (k = j + 1; k < n; k++) {
48
            if ((a[i] + a[j] + a[k]) == 0)
49
50
              c = c + 1;
51
52
53
54
55
     return c;
56
```

2. Como um primeiro experimento, execute o código three\_sum no seu computador para os conjuntos de arquivos de entrada fornecidos: 1Kints.txt, 2Kints.txt, 4Kints.txt, e 8Kints.txt. Esses arquivos de entrada estão disponibilizados no AVA.

Quantas triplas existem no arquivo 1Kints.txt? E no arquivo 2Kints.txt? E no restante de arquivos de entradas 4Kints.txt e 8Kints.txt?

- 3. O arquivo de entrada 1Mints.txt contém 1 milhão de números inteiros. O algoritmo three\_sum consegue nos dizer quantas triplas existem que somam 0, porém ele consegue fazê-lo em uma quantidade razoável de tempo? (Por enquanto, apenas reflita sobre essa questão. Você conseguirá respondê-la ao final desta lista de exercícios.)
- 4. Frequentemente você se perguntará a seguinte questão: "Quanto tempo meu programa levará?". Como você verá, responder essa questão para esse programa é relativamente fácil. Nós apresentaremos uma predição precisa para medir o tempo que o programa leva para a execução.

Mensurar de forma confiável o tempo de execução exato de um dado programa pode ser difícil. Felizmente, em geral estamos satisfeitos com estimativas. Nós queremos ser capazes de distinguir programas que terminam em alguns segundos ou alguns minutos daqueles que podem requerer dias, meses ou mais. Ademais, estamos interessados em saber quando um programa é duas vezes mais rápido que outro programa para a mesma tarefa.

Estudo o código stopwatch.cpp fornecido a seguir.

```
1 #include <stdio.h>
2
   #include <stdlib.h>
3
  #include <time.h>
5
   int conte (int a[], int n);
6
7
   /* Main */
   int main() {
8
9
     char filename [30];
10
     int a[1000000], n, i;
11
     double time1, timedif;
12
13
     srand (time (NULL));
14
     // Leia o nome do arquivo
15
     printf("n:\n");
16
17
     scanf("%d", &n);
```

```
18
19
      // Preencha o vetor a com n numeros inteiros aleatorios
20
      for (i = 0; i < n; i++)
         a[i] = (rand() \% 20000) - 10000;
21
22
23
      time1 = (double) clock();
                                                   /* get initial time */
24
      time1 = time1 / CLOCKS PER SEC;
                                                       in seconds
25
26
      // Conte e imprima quantas vezes 3 elementos somam 0
27
      printf("%d\n", conte(a, n));
28
29
      timedif = (((double) clock()) / CLOCKS_PER_SEC) - time1;
30
      printf("The elapsed time is %lf seconds\n", timedif);
31
32
33
    // Funcao que conta e retorna quantas vezes 3 elementos somam 0
34
    int conte (int a[], int n) {
      int i, j, k, c = 0;
36
37
      for (i = 0; i < n; i++) {
         \  \  \, \textbf{for}\  \  \, (\,\, \textbf{j}\ =\ \textbf{i}\ +\ 1\,;\  \  \, \textbf{j}\ <\ \textbf{n}\,;\  \  \, \textbf{j}\,++)\  \, \{\,
38
39
           for (k = j + 1; k < n; k++) {
40
             if (a[i] + a[j] + a[k]) == 0
41
                c = c + 1;
42
43
44
      }
45
46
      return c;
47
```

- 5. Utilizando do código stop\_watch apresentado na questão 4 (e disponível no AVA como stopwatch.cpp), qual o tempo necessário para executar para os tamanhos de entrada:
  - (a) 1000;
  - (b) 2000;
  - (c) 4000;
  - (d) 8000;
- 6. Compare os tempos obtidos com algum colega de sala. Os tempos são similares?
- 7. O programa doubling\_test a seguir (disponibilizado no AVA como doubling\_test.cpp) é mais sofisticado que stopwatch, produzindo dados experimentais para o three\_sum. Quando você executa doubling\_test, você observará que as primeiras linhas são impressas rapidamente, entretanto desacelerará consideravelmente. A cada linha impressa, você se perguntará quanto tempo levará até imprimir a próxima linha. Obviamente, uma vez que você execute em máquinas diferentes, o tempo de execução que se obterá provavelmente será diferente. Execute doubling\_test, fornecendo 10000 (dez mil) como valor de N. Anote os tamanhos e tempos obtidos.

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 #include <time.h>
```

```
int conte (int a[], int n);
6
7
   /* Main */
8
   int main() {
     char filename [30];
9
10
     int a[1000000], n, i, k;
     double time1, timedif;
11
12
     printf("n: ");
13
     scanf("%d", &n);
14
15
16
     srand (time (NULL));
17
     for (k = 250; k < n; k += k) {
18
19
20
        // Preencha o vetor a com n numeros inteiros aleatorios
21
       for (i = 0; i < k; i++)
            a[i] = (rand() \% 20000) - 10000;
22
23
24
       time1 = (double) clock();
                                               /* get initial time */
25
       time1 = time1 / CLOCKS_PER_SEC;
                                               /*
                                                      in seconds
26
27
       conte(a, k);
28
        timedif = ( ((double) clock()) / CLOCKS PER SEC) - time1;
29
30
        printf("%7d %5.1lf\n", k, timedif);
31
32
   }
33
   // Funcao que conta e retorna quantas vezes 3 elementos somam 0
35
   int conte (int a[], int n) {
36
     int i, j, k, c = 0;
37
38
     for (i = 0; i < n; i++)
39
       for (j = i + 1; j < n; j++) {
          for (k = j + 1; k < n; k++) {
40
            if ((a[i] + a[j] + a[k]) == 0)
41
42
              c = c + 1;
43
44
45
46
47
     return c;
48
```

8. Na análise da complexidade de um algoritmo, de maneira geral estamos interessados em responder a seguinte pergunta "Quanto tempo levará o meu programa para executar, como uma função do tamanho da entrada?". Essa é uma pergunta difícil de responder. Para propósitos desta aula prática, irei facilitar e estarei lhe fornecendo a equação do tempo de execução:

$$T(N) = aN^3 \tag{1}$$

onde N é o tamanho da entrada, e a é uma constante.

Considere o tempo que você obteve anteriormente para uma entrada de tamanho 8000 (oito mil). Calcule o valor do a. Reescreva a função substituindo o a com o valor estimado. **Atenção:** o valor de a é específico para a sua máquina.

- 9. Fazendo uso da equação obtida anteriormente, qual o tempo estimado para se encontrar triplas que somam 0 dado um conjunto de entrada 1 milhão de elementos inteiros?
- 10. Por fim, volte e responda a questão 3.