ESTUDO E RESOLUÇÃO DO CICLO DE RANKINE COM MODIFICAÇÕES

João Alex Arruda da Silva Hanna Rodrigues Ferreira Fevereiro, 2025

Resumo

Este trabalho analisa o ciclo de Rankine, muito utilizado na geração de energia nas usinas termelétricas que operam com vapor. São abordados seus processos básicos e modificações que aumentam a eficiência térmica, como superaquecimento, reaquecimento, regeneração e entre outras. A metodologia inclui uma revisão teórica e um estudo de caso em que realizamos cálculos de eficiência térmica, trabalho das turbinas e bombas, vazão mássica e construção dos diagramas T-s. Além disso, é realizado uma análise paramétrica do desempenho do ciclo. Os resultados nos mostram que tais modificações melhoram a eficiência, mas que é necessário um estudo aprofundado.

Palavras-chave: Ciclo de Rankine. Eficiência térmica. Superaquecimento. Diagrama T-s.

1 Introdução

Segundo (MORAN et al., 2018), o ciclo de Rankine é a estrutura fundamental das usinas termelétricas que operam com vapor. Este é um dos principais ciclos termodinâmicos utilizados na engenharia mecânica para conversão de calor em trabalho, sendo a base para o funcionamento de usinas termoelétricas e outras instalações de geração de energia. Esse ciclo opera com um fluido de trabalho, geralmente água, que passa por processos de aquecimento, expansão, resfriamento e compressão.

Para melhorar a eficiência do Ciclo de Rankine, diversas modificações são adotadas, como o superaquecimento, o reaquecimento e o uso de ciclos supercríticos. Essas modificações têm o objetivo de aumentar a eficiência térmica e reduzir perdas energéticas, tornando as plantas de geração mais sustentáveis e econômicas.

Este trabalho pretende analisar detalhadamente o ciclo de Rankine e suas variações, visando aprofundar o conhecimento sobre sistemas térmicos voltados à produção de energia.

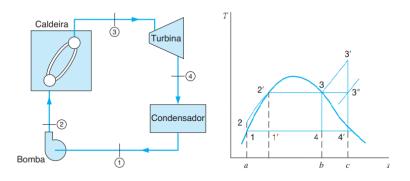
Para isso, será realizada uma revisão teórica robusta dos princípios termodinâmicos envolvidos, seguida da aplicação desses conceitos em um estudo de caso prático, que abordará técnicas como reaquecimento, expansão em dois estágios e regeneração térmica.

2 Revisão bibliográfica

2.1 Definição do ciclo de Rankine

O Ciclo de Rankine é um ciclo termodinâmico idealizado que descreve o funcionamento de uma usina termelétrica convencional. Esse ciclo é composto por quatro processos termodinâmicos: compressão, aquecimento, expansão e resfriamento. A Figura 1 ilustra o diagrama de um ciclo de Rankine básico.

Figura 1 – Esquema simplificado e o diagrama T-S do ciclo Rankine



Fonte: Adaptado de (BORGNAKKE; SONNTAG, 2020)

O fluido de trabalho fica sujeito à seguinte sequência de processos reversíveis internamente: (BORGNAKKE; SONNTAG, 2020)

- Processo 1-2: Processo de bombeamento adiabático reversível na bomba.
- Processo 2-3: Transferência de calor a pressão constante na caldeira.
- **Processo 3-4**: Expansão adiabática reversível na turbina (ou em outra máquina motora, tal como a máquina a vapor).
- Processo 4-1: Transferência de calor a pressão constante no condensador.

Ao desconsiderar as variações de energia cinética e potencial, as trocas de calor e o trabalho líquido do sistema podem ser visualizados como áreas específicas no diagrama temperatura-entropia (T-s). O calor absorvido pelo fluido de trabalho corresponde à área delimitada pelos pontos a-2-2'-3-b-a, enquanto o calor rejeitado pelo fluido é representado pela área a-1-4-b-a. Aplicando a primeira lei da termodinâmica, conclui-se que o trabalho líquido é equivalente à diferença entre essas duas áreas, ou seja, corresponde à região 1-2-2'-3-4-1 no diagrama (BORGNAKKE; SONNTAG, 2020).

Na análise do ciclo Rankine, é útil considerar que o rendimento depende da temperatura média na qual o calor é fornecido e da temperatura média na qual o calor é rejeitado. Qualquer variação que aumente a temperatura média na qual o calor é fornecido, ou que diminua a temperatura média na qual o calor é rejeitado, aumentará o rendimento do ciclo Rankine.

2.2 Componentes Básicos

Independentemente de um modelo detalhado ou simplificado de usina a vapor baseada no ciclo Rankine, os fundamentos termodinâmicos (conservação de massa/energia, segunda lei e dados termodinâmicos) aplicam-se tanto aos componentes individuais (turbinas, bombas, trocadores de calor) quanto ao ciclo global.

Focando no subsistema mostrado na Figura 2, modelam-se os quatro componentes principais: turbina, condensador, bomba e caldeira, com água como fluido de trabalho. Usinas a combustíveis fósseis são analisadas como referência, mas os princípios valem para outros tipos.

Chaminé (B)(D Gases da combustão para a chaminé Turbina resfriamento Combustível főssil Condensador Água aquecida Água resfriada Bomba Bomba de água Água de reposição de alimentação (a) Planta de potência a vapor acionada por combustível fóssil.

Figura 2 – Planta de potência a vapor acionada por combustível fóssil

Fonte: citemoran-2018

No diagrama da Fig. 2, trabalho e calor são positivos conforme as setas, para simplificar a análise usamos algumas hipóteses frequentes, conforme descrito abaixo:

- R. P. em todos os componentes.
- Energia potencial e cinética desprezível.
- Perdas de pressão na caldeira e no condensador desprezíveis.
- Bombas e turbinas são consideradas isentrópicas.

Será mostrado a seguir a modelagem do ciclo para cada componente do ciclo Rankine, conforme é exibido por Moran et al. (2018)

2.2.1 Turbina

A turbina é o componente que converte a energia térmica do vapor em trabalho mecânico. O vapor entra na turbina com uma pressão e temperatura elevadas e sai com pressão e temperatura menores. O trabalho líquido da turbina é a diferença entre o trabalho de entrada e saída, conforme a equação 1.

$$\dot{W}_{\text{turbina}} = \dot{m}(h_1 - h_2) \tag{1}$$

2.2.2 Condensador

O condensador é o componente que converte o vapor em água líquida, rejeitando calor para o ambiente. O calor rejeitado pelo condensador é a diferença entre o calor de entrada e saída, conforme a equação 2.

$$\dot{Q}_{\text{condensador}} = \dot{m}(h_2 - h_3) \tag{2}$$

2.2.3 Bomba

A bomba é o componente que comprime a água líquida, aumentando sua pressão. O trabalho líquido da bomba é a diferença entre o trabalho de entrada e saída, conforme a equação 3.

$$\dot{W}_{\text{bomba}} = \dot{m}(h_4 - h_3) \tag{3}$$

2.2.4 Caldeira

A caldeira é o componente que converte a água líquida em vapor, absorvendo calor do ambiente. O calor absorvido pela caldeira é a diferença entre o calor de entrada e saída, conforme a equação 4.

$$\dot{Q}_{\text{caldeira}} = \dot{m}(h_1 - h_2) \tag{4}$$

2.3 Parâmetros de Desempenho

2.3.1 Eficiência Térmica

A eficiência térmica do ciclo Rankine é dada pela razão entre o trabalho líquido produzido e o calor fornecido na caldeira, conforme a equação 5.

$$\eta = \frac{\dot{W}_{\text{turbina}}}{\dot{Q}_{\text{caldeira}}} \tag{5}$$

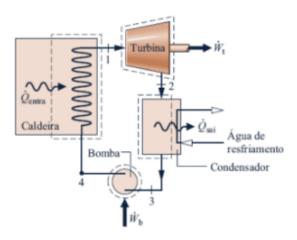
2.3.2 Taxa de Calor

A taxa de calor representa a quantidade de energia térmica fornecida ao sistema (geralmente medida em Btu) necessária para gerar uma unidade de trabalho útil produzido

pelo ciclo (normalmente expresso em kWh). Por isso, ela é definida como a razão entre a energia térmica consumida e o trabalho líquido gerado, com unidades de Btu/kWh. Essa taxa tem uma relação inversa com a eficiência termodinâmica do ciclo: quanto maior a eficiência, menor a quantidade de calor requerida para produzir a mesma quantidade de trabalho.

2.3.3 Back work ratio

Figura 3 – Planta de potência a vapor acionada por combustível fóssil



Fonte: (MORAN et al., 2018)

O back work ratio (bwr) é um parâmetro que quantifica a relação entre o trabalho consumido pela bomba e o trabalho gerado pela turbina no ciclo de potência. Para o sistema da Figura 3, usando as equações já definidas para o trabalho da bomba e da turbina, o bwr é calculado pela equação 6.

$$bwr = \frac{\dot{W}_{bomba}}{\dot{W}_{turbina}}$$
 (6)

2.4 Aplicações do Ciclo de Rankine

Dentre os sete tipos de usinas de energia que operam com base em ciclos termodinâmicos, seis estão diretamente vinculadas ao ciclo de Rankine. Esse ciclo é o elemento fundamental das usinas termelétricas a vapor, servindo como modelo central para conversão de calor em trabalho mecânico ou elétrico. Sua versatilidade permite aplicações em sistemas que vão desde usinas nucleares e movidas a combustíveis fósseis até fontes renováveis, como geotérmica e solar térmica, consolidando-o como pilar da geração de energia em larga escala.

A Figura 4 mostra a turbina de Angra 2, uma usina nuclear que opera com base no ciclo de Rankine. A usina é composta por um reator nuclear, que gera calor, e uma turbina a vapor, que converte esse calor em energia elétrica. O ciclo de Rankine é responsável por transferir o calor do reator para a turbina, garantindo a eficiência do processo.

Figura 4 – Turbina de Angra 2



Fonte: (Eletronuclear, 2024)

3 Parâmetros de influência na eficiência do ciclo de Rankine

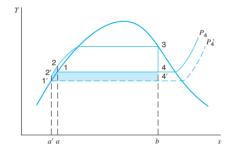
3.1 Efeitos Da Pressão E Da Temperatura No Ciclo Rankine

No ciclo Rankine, a pressão e a temperatura afetam diretamente o rendimento e o trabalho líquido realizado no ciclo. Em seguida, examinam-se os principais impactos dessas variáveis, juntamente com suas respectivas representações gráficas.

3.2 Efeito da Pressão na Saída da Turbina

No diagrama T-s da Figura 5, observa-se o efeito da redução da pressão na saída da turbina, de P4 para P4'. Essa redução causa uma diminuição na temperatura na qual o calor é rejeitado. O aumento do trabalho líquido é representado pela área 1-4-4'-1'-2-2'-1, enquanto o aumento do calor transferido ao fluido corresponde à área a'-2'-2-a. Como essas duas áreas são aproximadamente iguais, o rendimento do ciclo aumenta, devido à redução da temperatura média de rejeição de calor. A redução da pressão também diminui o título do vapor na saída da turbina. Se a umidade ultrapassar 10%, pode ocorrer erosão das palhetas e queda na eficiência (BORGNAKKE; SONNTAG, 2020).

Figura 5 – Efeito da pressão de descarga da turbina sobre o rendimento do ciclo Rankine



Fonte: (BORGNAKKE; SONNTAG, 2020)

3.2.1 Efeito do Superaquecimento do Vapor

Na Figura 6, é mostrado o efeito do superaquecimento do vapor. O trabalho líquido aumenta correspondendo à área 3-3'-4'-4-3, e o calor transferido na caldeira aumenta com a área 3-3'-b'-b-3. Como a relação entre essas áreas é maior que a relação entre o trabalho líquido e o calor fornecido no restante do ciclo, o superaquecimento do vapor resulta em um aumento do rendimento do ciclo Rankine. O superaquecimento aumenta a temperatura média de transferência de calor e melhora o título do vapor na saída da turbina (BORGNAKKE; SONNTAG, 2020).

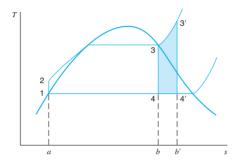


Figura 6 – Efeito do superaquecimento do vapor sobre o rendimento do ciclo Rankine

Fonte: (BORGNAKKE; SONNTAG, 2020)

3.2.2 Efeito da Pressão Máxima do Vapor

A Figura 7 ilustra o impacto do aumento da pressão máxima do vapor. Mantendo-se constantes a temperatura máxima e a pressão de saída da turbina, o calor rejeitado diminui com a área b'-4'-4-b-b'. O trabalho líquido aumenta com a área hachurada simples e diminui com a área duplamente hachurada. O rendimento do ciclo aumenta com o aumento da pressão, pois o calor rejeitado diminui e a temperatura média de fornecimento de calor aumenta

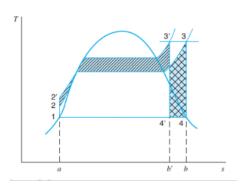


Figura 7 – Efeito da pressão máxima do vapor sobre o rendimento do ciclo Rankine

Fonte: (BORGNAKKE; SONNTAG, 2020)

A Figura 8 mostra como a pressão e a temperatura afetam o trabalho do ciclo Rankine. Já a Figura 9 apresenta a influência dessas variáveis na eficiência do ciclo. Ambas destacam os efeitos combinados das variáveis.

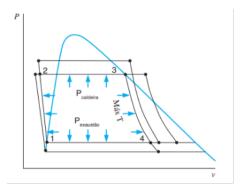


Figura 8 – Efeito da pressão e da temperatura no trabalho do ciclo Rankine

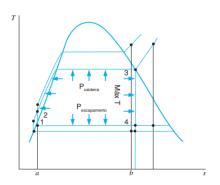


Figura 9 – Efeito da pressão e da temperatura na eficiência do ciclo Rankine

Fonte: (BORGNAKKE; SONNTAG, 2020)

Esses três fatores combinados podem otimizar o ciclo Rankine, desde que o projeto evite problemas como erosão das palhetas da turbina devido a altos níveis de umidade. Além dessas considerações, observamos que o ciclo é representado por quatro processos conhecidos (dois isobáricos e dois isentrópicos) que se desenrolam entre os quatro estados, abrangendo um total de oito características. Assumindo que o estado 1 seja um estado líquido saturado (x1 = 0), precisamos definir três parâmetros (8-4-1). A pressão operacional é controlada fisicamente pela alta pressão produzida pela bomba, P2 = P3, o superaquecimento para T3 (ou x3 = 1, se não houver superaquecimento) e a temperatura do condensador T1, que é o resultado da transferência de calor que acontece (BORGNAKKE; SONNTAG, 2020).

3.3 Interpretação Dos Efeito Das Pressões Da Caldeira E Do Condensador

A Figura 10 exibe dois ciclos ideais submetidos à mesma pressão. Contudo, com pressões distintas na caldeira. Conforme a análise, a temperatura média do calor adicionado é maior no ciclo de pressão mais elevada 1' - 2' - 3' - 4' - 1' do que no ciclo 1 - 2 - 3 - 4 - 1. Portanto, o aumento da pressão na caldeira do ciclo ideal de Rankine tende a eficiência térmica.

A Figura 11 ilustra dois ciclos com pressões idênticas na caldeira, mas com duas pressões distintas no condensador. Um condensador funciona sob a pressão atmosférica,

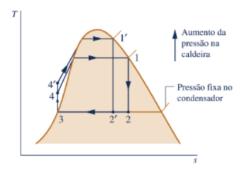


Figura 10 – Efeitos da variação das pressões de operação do ciclo ideal Rankine na caldeira

Fonte: (MORAN et al., 2018)

enquanto o outro opera sob uma pressão inferior à atmosfera. Para os ciclos 1-2-3-4-1 que condensam sob pressão atmosférica, a temperatura de rejeição de calor é de 100 °C (212 °F). A temperatura do calor devolvido para o ciclo de pressão mais baixa 1 - 2- 3- 4- 1 é menor, resultando em uma maior eficiência térmica para este ciclo. Portanto, conclui-se que a redução da pressão no compressor tende a incrementar a eficiência térmica.

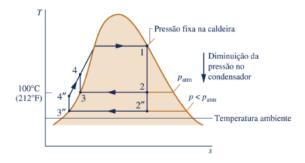


Figura 11 – Efeitos da variação das pressões de operação do ciclo ideal Rankine no condensador

Fonte: (MORAN et al., 2018)

O condensador opera com a pressão de saturação equivalente à temperatura ambiente, pois esta é a temperatura ideal para a dissipação de calor para as proximidades. A finalidade de manter a pressão de exaustão mais baixa possível na turbina é a principal razão para a inclusão do condensador em uma instalação de potência. A caldeira poderia ser abastecida com água líquida à pressão atmosférica por meio da bomba, enquanto o vapor poderia ser liberado diretamente no ar ao sair da turbina. No entanto, ao incorporar um condensador, que opera a vapor a uma pressão inferior à atmosférica, a turbina terá uma área de pressão mais baixa onde será feita a descarga, o que resultará em um aumento do trabalho líquido da eficiência térmica. Incorporando um condensador adicional, o fluido de trabalho funcionará em circuito fechado, garantindo uma circulação constante do fluido de trabalho.

3.4 Efeito da temperatura na eficiência térmica

Basicamente o ciclo ideal Rankine consiste em processos onde existem reversibilidades internas, o que nos possibilita obter uma expressão para eficiência térmica em função das temperaturas médias durante o processo de interação térmica. A eficiência térmica do ciclo ideal Rankine é expressa pela equação 7.

$$\eta_{ideal} = 1 - \frac{T_{sai}}{T_{ent}} \tag{7}$$

Pode-se concluir que a eficiência térmica do ciclo ideal tende a aumentar quando a temperatura média pela qual a energia é adicionada por transferência de calor aumenta ou a temperatura pela qual a energia rejeitada diminui.

4 Ciclos de Rankine Modificados

4.1 Tipos de modificações

O ciclo de Rankine pode ser modificado de várias maneiras para melhorar sua eficiência e desempenho. As modificações mais comuns incluem o superaquecimento, o reaquecimento e a regeneração térmica. Cada uma dessas técnicas tem o objetivo de aumentar a eficiência térmica do ciclo, reduzindo as perdas de calor e melhorando a qualidade do vapor na saída da turbina.

4.1.1 Reaquecimento

O ciclo Rankine com reaquecimento foi projetado para aproveitar o aumento de rendimento proporcionado por pressões mais altas, evitando umidade excessiva nos estágios de baixa pressão da turbina. Conforme ilustrado na Figura 12, o vapor inicialmente se expande até uma pressão intermediária na turbina, sendo reaquecido na caldeira antes de expandir novamente até a pressão de saída. Embora o diagrama T-s demonstre que o reaquecimento proporciona um pequeno ganho de rendimento devido à pequena variação na temperatura média de fornecimento de calor, sua principal vantagem reside na redução da umidade nos estágios finais da turbina. O autor destaca ainda que, caso os metais permitam um superaquecimento adequado do vapor até 3', o ciclo Rankine simples seria mais eficiente que o ciclo com reaquecimento, tornando este último desnecessário (BORGNAKKE; SONNTAG, 2020).

4.1.2 Regeneração

O ciclo Rankine regenerativo é uma importante variação que utiliza aquecedores da água de alimentação para melhorar a eficiência do sistema. Como mostrado na Figura 13, no ciclo sem superaquecimento, o fluido de trabalho é aquecido na fase líquida entre os estados 2 e 2', com uma temperatura média significativamente menor em comparação ao processo de vaporização (2'-3). Isso resulta em uma temperatura média de transferência de calor inferior à do ciclo de Carnot (1'-2'-3-4-1), acarretando um rendimento menor. No ciclo regenerativo, o fluido entra na caldeira em um estado intermediário entre 2 e 2', aumentando a temperatura média de fornecimento de calor e, consequentemente, o rendimento do ciclo (BORGNAKKE; SONNTAG, 2020).

O ciclo regenerativo ideal, como ilustrado na Figura 14, apresenta uma característica singular em comparação ao ciclo Rankine. Após a saída da bomba, o líquido circula ao

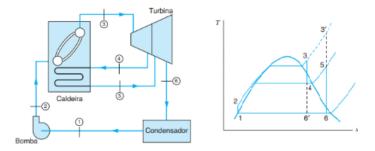


Figura 12 – Ciclo Rankine com reaquecimento

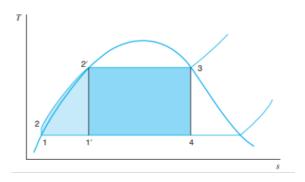


Figura 13 – Diagrama T-s que mostra a relação entre os rendimentos dos ciclos de Carnot e Rankine.

Fonte: (BORGNAKKE; SONNTAG, 2020)

redor da carcaça da turbina em sentido contrário ao do vapor, permitindo a transferência de calor do vapor para o líquido de forma teoricamente reversível. Nesse cenário ideal, a linha 4-5 no diagrama T-s, que representa o escoamento do vapor pela turbina, é paralela à linha 1-2-3, que indica o processo de bombeamento e o escoamento do líquido ao redor da turbina. As áreas 2-3-b-a-2 e 5-4-d-c-5 são congruentes e representam o calor transferido entre vapor e líquido. Esse ciclo apresenta rendimento térmico equivalente ao do ciclo de Carnot, já que a área 1-5-c-a-1 é igual à área de calor rejeitado do ciclo de Carnot (BORGNAKKE; SONNTAG, 2020).

Na prática, no entanto, a implementação desse ciclo ideal é inviável devido à dificuldade de realizar uma transferência de calor eficiente na turbina e ao aumento significativo da umidade do vapor na saída. O ciclo regenerativo real, mostrado na Figura 15, resolve essa limitação com a extração de parte do vapor parcialmente expandido na turbina, que é direcionado a aquecedores da água de alimentação. O líquido condensado é bombeado para se misturar ao vapor extraído, resultando em uma mistura saturada no estado 3. Para atingir a pressão da caldeira, uma segunda bomba é necessária. A vantagem principal desse ciclo é o aumento da temperatura média na qual o calor é fornecido ao fluido de trabalho, melhorando a eficiência térmica em comparação ao ciclo Rankine convencional (BORGNAKKE; SONNTAG, 2020).

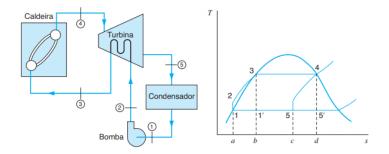


Figura 14 – Ciclo Rankine regenerativo ideal

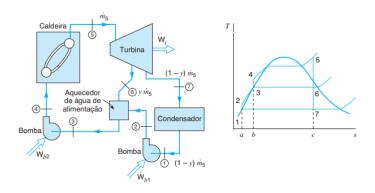


Figura 15 – Ciclo regenerativo com aquecedor de água de alimentação de mistura

Fonte: (BORGNAKKE; SONNTAG, 2020)

4.1.3 Cogeração

A cogeração é uma aplicação industrial do ciclo de potência a vapor que combina a geração de eletricidade com o suprimento de energia térmica para processos produtivos. Como mostrado na Figura 16, o vapor expandido até uma pressão intermediária na turbina de alta pressão é utilizado como fonte de energia para o processo produtivo, eliminando a necessidade de uma segunda caldeira dedicada. Esse vapor pode atender demandas específicas, como aquecer ambientes ou fornecer vapor para processos industriais (BORGNAKKE; SONNTAG, 2020).

A cogeração pode operar em diferentes arranjos: em algumas instalações, o vapor é o produto principal e a eletricidade é um subproduto, típico de fábricas e pequenas unidades; em outros casos, como em empresas de geração elétrica, a eletricidade é o foco principal, com o vapor como subproduto. Exemplos incluem plantas que fornecem eletricidade para a rede e água quente para aquecimento domiciliar, desde que a densidade populacional e as distâncias de distribuição sejam favoráveis. A cogeração de energia pode ser amplamente aplicada na indústria alimentícia, oferecendo múltiplos benefícios por meio da integração de processos. Por exemplo, sistemas de cogeração permitem gerar eletricidade para alimentar equipamentos, reduzindo a dependência da rede externa e garantindo estabilidade energética, enquanto subprodutos como vapor são aproveitados em etapas de cozimento, esterilização ou secagem de alimentos. Além disso, a água quente

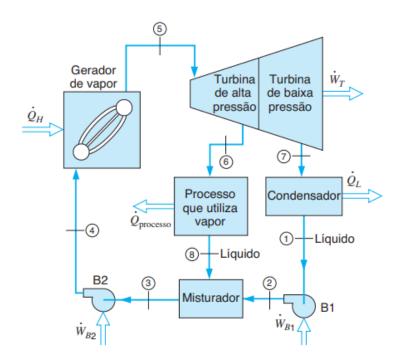


Figura 16 – Ciclo Rankine com cogeração

produzida pelo sistema atende a demandas de limpeza e sanitização, e a água gelada, gerada por chillers de absorção a partir de 5°C, é empregada no resfriamento de produtos e climatização. O ar quente derivado do processo auxilia em etapas como secagem, e até mesmo a produção de CO_2 de alta pureza para bebidas é viabilizada com custos reduzidos. Dessa forma, a cogeração otimiza recursos, diminui despesas com energia e aumenta a eficiência operacional, integrando necessidades térmicas, elétricas e industriais em um único sistema sustentável (Ecogen Brasil, 2025).

4.1.4 Superaquecimento

No processo de superaquecimento não existe limitação quanto à presença de vapor saturado na entrada da turbina, possibilitando adicionar mais energia ao vapor através da transferência de calor, fazendo com que a condição de vapor superaquecido eleve antes de entrar na turbina. O equipamento chamado de superaquecedor que gera essa energia extra que trabalha em conjunto com a caldeira, formando o gerador de vapor. Na Figura 17, é mostrado um ciclo ideal de Rankine com vapor superaquecido na entrada da turbina, representado pelo ciclo 1'-2'-3-4-1' que em comparação ao ciclo sem superaquecimento (ciclo 1-2-3-4-1) possui uma temperatura média mais elevada durante a adição de calor, o que aumenta a eficiência térmica do sistema. Outra vantagem é que o título do vapor no estado 2' (saída da turbina) é maior do que no estado 2 (sem superaquecimento). Isso reduz o problema associado ao baixo título do vapor na saída da turbina, comum em ciclos sem superaquecimento. Com isso, um controle adequado do superaquecimento, é possível até mesmo garantir que o vapor na saída da turbina permaneça na região de vapor superaquecido.

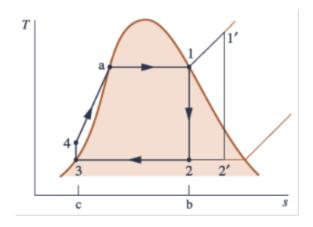


Figura 17 - Ciclo Rankine com superaquecimento

Fonte: (MORAN et al., 2018)

4.1.5 Ciclo Supercrítico

Segundo Moran et al. (2018), a temperatura e a pressão do vapor em turbinas são limitadas pelas propriedades dos materiais empregados em componentes como superaquecedores, reaquecedores e nas próprias turbinas. Pressões elevadas demandam tubulações capazes de suportar altas tensões e temperaturas. Avanços em materiais e métodos de fabricação permitiram elevar esses limites, aumentando a eficiência térmica dos ciclos de geração de energia, reduzindo o consumo de combustível e os impactos ambientais. Conforme ilustrado na Figura 18, que representa um ciclo ideal de reaquecimento, em plantas supercríticas, a geração de vapor ocorre acima da pressão crítica da água (22,1 MPa), sem transição brusca entre líquido e vapor, como destacado no Processo 6-1. Nesses sistemas, a água é aquecida gradualmente em tubulações, sem o processo convencional de ebulição, utilizando carvão pulverizado como fonte de energia.

Plantas supercríticas modernas operam com pressões próximas a 30 MPa e temperaturas de 600 °C, alcançando eficiências térmicas de até 47%. Com o desenvolvimento de superligas resistentes à corrosão e altas temperaturas, plantas ultrassupercríticas atingem 35 MPa e 750 °C, superando 50% de eficiência. Em contraste, usinas subcríticas têm eficiência máxima de cerca de 40%. Embora o custo inicial das plantas supercríticas seja maior, o menor consumo de combustível compensa economicamente a longo prazo. Além disso, a redução no uso de combustível diminui emissões de CO_2 , outros poluentes e resíduos sólidos, tornando essas tecnologias mais sustentáveis. Esse avanço, exemplificado pelas figuras mencionadas, demonstra como inovações técnicas promovem eficiência energética, economia de recursos e menor impacto ambiental (MORAN et al., 2018).

4.2 Desempenho dos ciclos modificados

Os ciclos de potência a vapor desempenham um papel fundamental na conversão de energia térmica em trabalho útil. O ciclo de Rankine simples é amplamente utilizado, mas sua eficiência pode ser melhorada por modificações. A seguir três formas de realizar isso para o ciclo de Rankine simples ideal (ÇENGEL; BOLES, 2008).

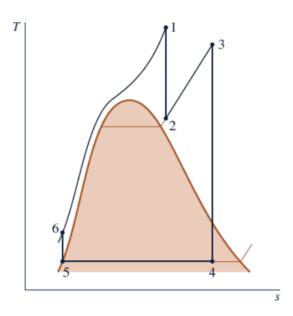


Figura 18 – Ciclo Rankine supercrítico

Fonte: (MORAN et al., 2018)

4.2.1 Comparação da Eficiência dos Ciclos Modificados com o Ciclo Simples

A eficiência térmica do ciclo de Rankine pode ser aumentada por três principais modificações:

4.2.1.1 Redução da pressão no condensador

Como ilustrado na Figura 19, o efeito da diminuição da pressão no condensador sobre a eficiência do ciclo de Rankine, o estado de entrada na turbina é mantido o mesmo. A área colorida desse diagrama representa o aumento do trabalho líquido devido à diminuição da pressão do condensador de P4 para P4'. O consumo de calor também aumenta (área sob a curva 2'-2), mas o aumento é muito pequeno. Deste modo, o efeito global da diminuição da pressão no condensador é um aumento na eficiência térmica do ciclo.

4.2.1.2 Superaquecimento do vapor

O superaquecimento do vapor permite aumentar a temperatura média de adição de calor sem elevar a pressão da caldeira, melhorando a eficiência dos ciclos de potência a vapor. No diagrama T-s, conforme Figura 20, isso se reflete no aumento do trabalho líquido e do calor fornecido. Além disso, temperaturas mais altas reduzem a umidade do vapor na saída da turbina, como mostra o maior título no estado 4' em relação ao estado 4.

4.2.1.3 Aumento da pressão na caldeira

O efeito do aumento da pressão da caldeira sobre o desempenho dos ciclos de potência a vapor é visto no diagrama T-s exibido na Figura 21, observe que para uma temperatura fixa na entrada da turbina, o ciclo se desloca para a esquerda e o conteúdo de

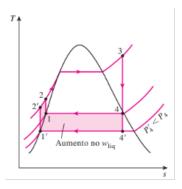


Figura 19 – Efeito da redução da pressão no condensador sobre a eficiência do ciclo de Rankine

Fonte: (CENGEL; BOLES, 2008)

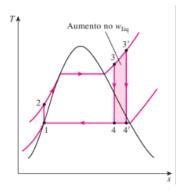


Figura 20 – O efeito do superaquecimento do vapor a temperaturas mais altas no ciclo de Rankine ideal

Fonte: (ÇENGEL; BOLES, 2008)

umidade do vapor na saída da turbina aumenta. Esse efeito colateral indesejado pode ser corrigido pelo reaquecimento do vapor.

Os efeitos da redução da pressão no condensador, do superaquecimento do vapor a temperaturas mais altas e do aumento da pressão da caldeira sobre a eficiência térmica do ciclo Rankine é mostrado no diagrama T-s contido na Figura 22, resultado de um exemplo resolvido do livro (ÇENGEL; BOLES, 2008).

O exemplo analisa os efeitos das alterações na pressão da caldeira e na temperatura de superaquecimento sobre a eficiência térmica de uma usina operando no ciclo de Rankine ideal, onde vapor entra na turbina a 3 MPa e 350 °C e é condensado no condensador à pressão de 10 KPa. Na Figura 22 (a), a redução da pressão no condensador de 75 kPa para 10 kPa eleva a eficiência térmica de 26% para 33,4%. No entanto, essa mudança também aumenta a umidade do vapor na saída da turbina, passando de 11,4% para 18,7%, o que pode causar danos às pás da turbina. Na Figura 22 (b), considera o superaquecimento do vapor, comparando temperaturas de 350 °C e 600 °C a 3 MPa. Com essa alteração, a eficiência térmica sobe para 37,3%, além de reduzir a umidade do vapor para 8,5%, minimizando o risco de erosão nas pás da turbina. Na Figura 22 (c), o aumento da pressão

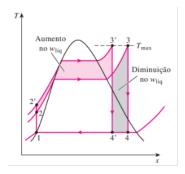


Figura 21 – Efeito do aumento da pressão da caldeira sobre o desempenho dos ciclos de potência a vapor

Fonte: (CENGEL; BOLES, 2008)

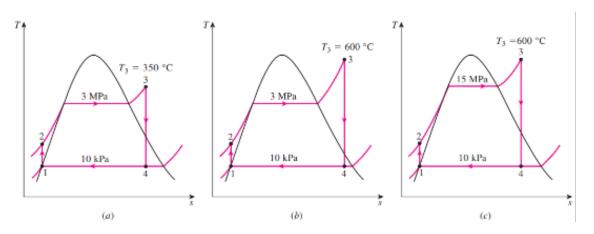


Figura 22 – Diagramas T-s dos três ciclos de potência a vapor

Fonte: (ÇENGEL; BOLES, 2008)

da caldeira de 3 MPa para 15 MPa, mantendo a temperatura fixa em 600 °C, faz a eficiência térmica atingir 43%, um valor próximo ao limite teórico. Entretanto, essa mudança eleva novamente a umidade do vapor na saída da turbina para 19,6%, tornando necessário o uso de técnicas como reaquecimento para mitigar esse efeito.

5 Resolução do Problema Proposto

5.1 Cálculos

Todos os cálculos foram realizados utilizando a linguagem de programação Python, com o auxílio das bibliotecas NumPy e SciPy. O código-fonte está disponível no repositório do projeto (João Alex Arruda, 2025).

Além disso, há um documento complementar contendo os cálculos realizados para a resolução do problema proposto. O arquivo foi anexado ao final deste relatório.

5.2 Eficiência Térmica do Sistema

$$\eta = 48.63\%$$

5.3 Taxas de Trabalho

Tabela 1 – Resultados dos cálculos termodinâmicos

Parâmetro	Valor (kW)
$W_{\text{turbina 1}}$	1192.38
$W_{ m turbina\ 2,1}$	1506.24
$W_{\rm turbina~2,2}$	1343.52
$W_{\text{bomba 1}}$	0.97
$W_{\text{bomba 2}}$	35.30
$W_{\text{bomba }3}$	6.85
$Q_{\mathrm{cald}\ 1}$	7036.30
$Q_{\mathrm{cald}\ 2}$	1186.71
Q_{cond}	4248.32

5.4 Vazão Mássica de Água de Resfriamento

$$\dot{m}_{\rm água} = 67756.30 \,\mathrm{kg \, s^{-1}}$$

5.5 Diagrama T x s

A Figura 23 apresenta o diagrama T x s do ciclo de Rankine proposto.

5.6 Análise Paramétrica

A Figura 24 apresenta a análise paramétrica realizada para o ciclo de Rankine proposto. Variou-se a pressão de descarga em todas as turbinas e a temperatura de saída da caldeira 1.

6 Resultados e Discussão

Os resultados obtidos demonstram uma eficiência térmica de 48,63% para o ciclo proposto, valor significativamente superior ao ciclo de Rankine simples (tipicamente 30-40%), evidenciando o impacto positivo das modificações implementadas.

A Tabela 1 revela que as turbinas contribuem com 90,7% do trabalho líquido total $\sum W_{turb} = 4.042,14kW$, enquanto as bombas consomem apenas 1,4% do trabalho gerado $\sum W_{bomb} = 43,12kW$, resultando em um back work ratio de 0,0107. Esta relação favorável caracteriza sistemas de potência a vapor, onde o trabalho de compressão é mínimo comparado à expansão.

A vazão mássica de água de resfriamento de 67.756 kg/s destaca um desafio operacional crítico: mesmo com a regeneração térmica, que reduz a carga térmica no condensador, ainda são necessários volumes colossais de água para rejeição de calor. Em

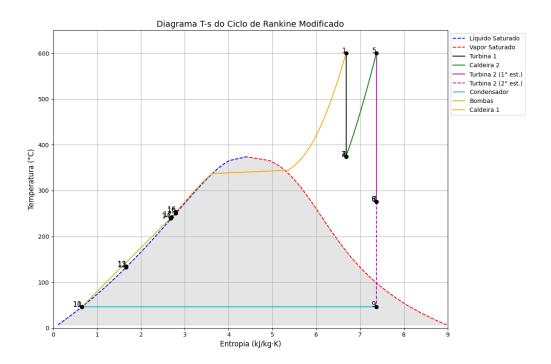


Figura 23 – Diagrama T x s do ciclo de Rankine proposto

Fonte: Elaborado pelo autor

ambientes com restrições hídricas, isto exigiria o uso de torres de resfriamento ou sistemas de recirculação, aumentando a complexidade e custos.

Comparando com dados da literatura, a eficiência alcançada situa-se na faixa superior de plantas supercríticas modernas (45-50%), validando a configuração proposta. Entretanto, o modelo não considera:

- Perdas por atrito em tubulações e turbinas (aproximadamente 5-10%)
- Consumo energético de sistemas auxiliares (aproximadamente 3-5%)
- Degradação de desempenho ao longo do tempo

Estes fatores sugerem que a eficiência real operacional seria (35-40%), ainda competitiva frente a ciclos convencionais. Para aplicações práticas, recomenda-se:

- Estudo econômico do custo incremental das modificações
- Análise exergética para identificar pontos de maior irreversibilidade
- Simulação dinâmica para avaliar resposta a variações de carga

7 Considerações finais

O ciclo de Rankine é um dos ciclos termodinâmicos mais utilizados em plantas de geração de energia elétrica. A eficiência térmica do ciclo é um dos principais parâmetros

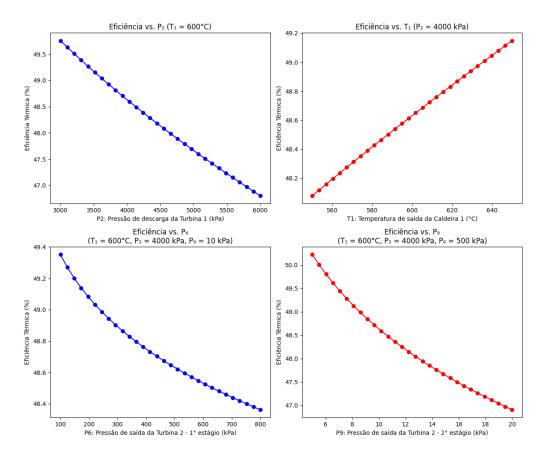


Figura 24 – Análise paramétrica do ciclo de Rankine proposto

Fonte: Elaborado pelo autor

de interesse, pois está diretamente relacionada ao consumo de combustível e à emissão de gases poluentes. Neste trabalho, foi proposto um ciclo de Rankine ideal com duas turbinas e três bombas, e foram realizados cálculos termodinâmicos para determinar a eficiência do ciclo, as taxas de trabalho e a vazão mássica de água de resfriamento. Além disso, foi elaborado um diagrama T x s do ciclo e realizada uma análise paramétrica para avaliar o efeito da pressão de descarga das turbinas e da temperatura de saída da caldeira 1 sobre a eficiência do ciclo.

8 Anexo: Documento Complementar

Rankine-Modificado

February 13, 2025

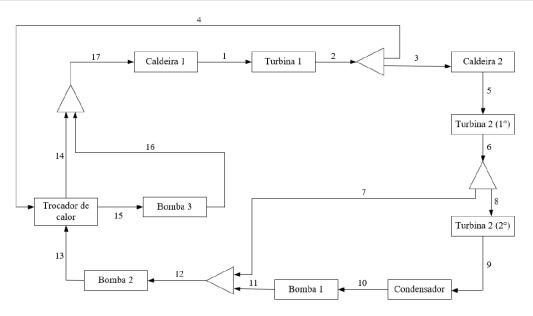
1 ESTUDO E RESOLUÇÃO DO CICLO DE RANKINE COM MODIFICAÇÕES

1.1 Descrição do Problema Proposto

A figura a seguir contém o esquema do ciclo termodinâmico de potência a ser avaliado neste trabalho:

```
[2784]: from IPython.display import Image Image('./images/esquema-problema.png')
```

[2784]:



As hipóteses para serem adotadas para o ciclo:

- Fluido de trabalho: vapor d'água;
- Perda de carga desprezível nos equipamentos de troca térmica;
- Operação isentrópica das turbinas e das bombas;
- Vazão mássica (m) da corrente 1 fixa em 10.000 kg/h;

• Saída do condensador (corrente 10): líquido saturado.

[2785]: Image('./images/tabela-correntes.png')

[2785]:

 ${\bf Condições\ operacionais\ do\ ciclo.}$

	Corrente 1	
Vazão mássica (kg/h)		10.000
Estado		Vapor superaquecido
Pressão (kPa)		15.000
Temperatura (°C)		600
	Corrente 2	
Pressão (kPa)		4.000
	Corrente 3	
Vazão mássica (kg/h)		82% da corrente 2
Pressão (kPa)	Corrente 5	4.000
Temperatura (°C)	20	600
	Corrente 6	
Pressão (kPa)		500
	Corrente 7	
Vazão mássica (kg/h)		13% da corrente 6
	Corrente 9	
Pressão (kPa)		10
	Corrente 10	
Estado		líquido saturado
	Corrente 11	
Pressão (kPa)		500
	Corrente 13	
Pressão (kPa)		15.000
	Corrente 15	
Estado		líquido saturado
	Corrente 16	
Pressão (kPa)		15.000

- a) Determinar a eficiência térmica do sistema modificado proposto;
- b) Obter a taxa de trabalho realizado em cada turbina; a taxa de calor fornecido nas caldeiras; a taxa de trabalho consumida em cada bomba;
- c) Determinar a vazão mássica de água de resfriamento empregada no condensador.
- d) Construir o diagrama T x s do sistema.

[2786]: # Pacotes necessários para a execução do código

e) Realizar análise paramétrica no desempenho do ciclo considerando a variação das pressões de descargas das turbinas; e a temperatura de saída da caldeira 1; (para esta análise, plote gráficos para demonstrar a influência desses parâmetros na eficiência térmica do ciclo). Discuta os resultados obtidos.

```
import numpy as np
       import pandas as pd
       import matplotlib.pyplot as plt
       import CoolProp.CoolProp as CP
       from IPython.display import display, Math, Latex
[2787]: # Tabela onde serão armazenados os dados
       colunas = ['Corrente', 'Pressão (kPa)', 'Temperatura (°C)', 'Entalpia (kJ/kg)', |
        df = pd.DataFrame(columns=columns)
[2788]: def obter_propriedades(P, T=None, x=None, s=None):
            """Retorna h (kJ/kg) e s (kJ/kg \cdot K) para um dado estado.
           Arqs:
               P (float): Pressão (kPa).
               T (float, optional): Temperatura (°C). Defaults to None.
               x (float, optional): Título. Defaults to None.
               s (float, optional): Entropia (kJ/kg \cdot K). Defaults to None.
           Returns:
               tuple: h(kJ/kg) es (kJ/kg \cdot K).
           # Estado definido por P e T
           if T is not None:
               h = CP.PropsSI('H', 'P', P, 'T', T, 'Water') / 1000 # kJ/kg
               s = CP.PropsSI('S', 'P', P, 'T', T, 'Water') / 1000 # kJ/kg·K
           # Estado definido por P e título
           elif x is not None:
               h = CP.PropsSI('H', 'P', P, 'Q', x, 'Water') / 1000
```

```
s = CP.PropsSI('S', 'P', P, 'Q', x, 'Water') / 1000
            # Estado definido por P e entropia (processo isentrópico)
            elif s is not None:
                try:
                    # s em kJ/kg \cdot K \rightarrow J/kg \cdot K
                    h = CP.PropsSI('H', 'P', P, 'S', s*1000, 'Water') / 1000
                    # Calcular título se for mistura
                    s_liq = CP.PropsSI('S', 'P', P, 'Q', 0, 'Water') / 1000
                    s_vap = CP.PropsSI('S', 'P', P, 'Q', 1, 'Water') / 1000
                    x = (s - s_liq) / (s_vap - s_liq)
                    h = CP.PropsSI('H', 'P', P, 'Q', x, 'Water') / 1000
            return h, s
[2789]: # Ponto 1: Saída da Caldeira 1 (15 MPa, 600°C)
        P1 = 15000
                       # kPa
                       # °C
        T1 = 600
        h1, s1 = obter_propriedades(P1*1e3, T=T1+273.15)
        m_{dot1} = 10000 \# kg/h
        # Adicionar dados à tabela para uso posterior
        df.loc[len(df)] = [1, P1, T1, h1, s1, 'Vapor superaquecido', m_dot1]
        df.iloc[-1]
[2789]: Corrente
                                                 1
        Pressão (kPa)
                                             15000
        Temperatura (°C)
                                               600
        Entalpia (kJ/kg)
                                       3583.131761
        Entropia (kJ/kg·K)
                                           6.67959
        Estado
                              Vapor superaquecido
        m (kg/h)
                                             10000
        Name: 0, dtype: object
[2790]: # Ponto 2: Saída da Turbina 1 (4 MPa, expansão isentrópica)
        P2 = 4000 \# kPa
        m_{dot2} = m_{dot1}
        h2, s2 = obter_propriedades(P2*1e3, s=s1) # s2 = s1
        T2 = CP.PropsSI('T', 'P', P2*1e3, 'H', h2*1000, 'Water') - 273.15
        # Adicionar dados à tabela para uso posterior
```

```
□ PropsSI('H', 'P', P2*1e3, 'Q', 0, 'Water')/1000) < (CP.PropsSI('H', 'P', L
        →P2*1e3, 'Q', 1, 'Water')/1000 - CP.PropsSI('H', 'P', P2*1e3, 'Q', 0, □
        df.iloc[-1]
[2790]: Corrente
                                     2
       Pressão (kPa)
                                  4000
       Temperatura (°C)
                                 374.7
       Entalpia (kJ/kg)
                            3153.874543
       Entropia (kJ/kg·K)
                                6.67959
       Estado
                                 Vapor
       m (kg/h)
                                 10000
       Name: 1, dtype: object
[2791]: # Trabalho da Turbina 1
       Wt1 = (m_dot1/3600) * (h1 - h2) # kW
       \dot{W}_{t1} = 1192.38 \,\mathrm{kW}
[2792]: # Ponto 3: Entrada da Caldeira 2
       P3 = P2
       m_dot3 = 0.82 * m_dot1
       h3 = h2
       s3 = s2
       T3 = T2
       # Adicionar dados à tabela para uso posterior
       df.loc[len(df)] = [3, P3, T3, h3,s3,'-', m_dot3]
       df.iloc[-1]
[2792]: Corrente
       Pressão (kPa)
                                  4000
       Temperatura (°C)
                            374.656993
       Entalpia (kJ/kg)
                            3153.874543
       Entropia (kJ/kg·K)
                                6.67959
       Estado
       m (kg/h)
                                8200.0
       Name: 2, dtype: object
[2793]: # Ponto 4: Saída do splitter e entrada do Trocador de Calor
       P4 = P3
       m_dot4 = 0.18 * m_dot1
```

df.loc[len(df)] = [2, P2, round(T2,1), h2, s2, 'Mistura' if 0 < (h2 - CP.

```
h4 = h2
       s4 = s2
       # Adicionar dados à tabela para uso posterior
       df.loc[len(df)] = [4, P4, T4, h4, s4, '-', m_dot4]
       df.iloc[-1]
[2793]: Corrente
       Pressão (kPa)
                                   4000
       Temperatura (°C)
                             374.656993
       Entalpia (kJ/kg)
                             3153.874543
       Entropia (kJ/kg·K)
                                 6.67959
       Estado
       m (kg/h)
                                  1800.0
       Name: 3, dtype: object
[2794]: # Ponto 5: Saída da Caldeira 2 (4 MPa, 600°C) - Correção da errata
       P5 = 4000 \# kPa
       T5 = 600
                  # °C
       m_{dot5} = m_{dot3}
       h5, s5 = obter_propriedades(P5*1e3, T=T5+273.15)
       # Adicionar dados à tabela para uso posterior
       df.loc[len(df)] = [5, P5, T5, h5, s5, 'Vapor superaquecido', m_dot5]
       df.iloc[-1]
[2794]: Corrente
                                              5
       Pressão (kPa)
                                           4000
       Temperatura (°C)
                                          600.0
       Entalpia (kJ/kg)
                                    3674.867523
       Entropia (kJ/kg·K)
                                       7.370528
       Estado
                             Vapor superaquecido
       m (kg/h)
                                         8200.0
       Name: 4, dtype: object
[2795]: # Calor fornecido pela Caldeira 2
       Q_{in}_{cald2} = (m_{dot5/3600}) * (h5 - h4) # kW
       \dot{Q}_{\text{in. cald 2}} = 1186.71 \,\text{kW}
```

T4 = T2

```
[2796]: # Ponto 6: Saída da Turbina 2 (1º Estágio) (500 kPa, expansão isentrópica)
       P6 = 500 \# kPa
       h6, s6 = obter_propriedades(P6*1e3, s=s5) # s6 = s5
       m_{dot6} = m_{dot5}
       T6 = CP.PropsSI('T', 'P', P6*1e3, 'H', h6*1000, 'Water') - 273.15
       # Adicionar dados à tabela para uso posterior
       df.loc[len(df)] = [6, P6, round(T6,1), h6, s6, '-', m_dot6]
       df.iloc[-1]
[2796]: Corrente
                                      6
       Pressão (kPa)
                                    500
       Temperatura (°C)
                                  275.4
       Entalpia (kJ/kg)
                            3013.589893
       Entropia (kJ/kg·K)
                               7.370528
       Estado
                                 8200.0
       m (kg/h)
       Name: 5, dtype: object
[2797]: # Trabalho da Turbina 2 (1º Estágio)
       Wt2_1est = (m_dot5/3600) * (h5 - h6) # kW
       \dot{W}_{t2.1^{\circ} \text{ est}} = 1506.24 \text{ kW}
[2798]: # Ponto 7: Saída da Turbina 2 após passar por um splitter
       P7 = P6 # Mesma pressão
       m_dot7 = 0.13 * m_dot6
       h7 = h6
       s7 = s6
       T7 = T6
       # Adicionar dados à tabela para uso posterior
       df.loc[len(df)] = [7, P7, T7, h7, s7, '-', m_dot7]
       df.iloc[-1]
[2798]: Corrente
                                      7
       Pressão (kPa)
                                    500
       Temperatura (°C)
                              275.35071
       Entalpia (kJ/kg)
                            3013.589893
       Entropia (kJ/kg·K)
                              7.370528
       Estado
       m (kg/h)
                                 1066.0
```

```
Name: 6, dtype: object
[2799]: # Ponto 8:
        P8 = P6
        m_dot8 = 0.87 * m_dot6
        h8 = h6
        s8 = s6
        T8 = T6
        # Adicionar dados à tabela para uso posterior
        df.loc[len(df)] = [8, P8, T8, h8, s8, '-', m_dot8]
        df.iloc[-1]
[2799]: Corrente
                                        8
       Pressão (kPa)
                                      500
        Temperatura (°C)
                                275.35071
        Entalpia (kJ/kg)
                              3013.589893
        Entropia (kJ/kg·K)
                                 7.370528
        Estado
                                   7134.0
       m (kg/h)
       Name: 7, dtype: object
[2800]: # Ponto 9: Saída da Turbina 2 (2º Estágio) (10 kPa, expansão isentrópica)
        P9 = 10 \# kPa
        s9 = s6
        h9, _ = obter_propriedades(P9*1e3, s=s9)
        m_{dot9} = m_{dot8}
```

```
T9 = CP.PropsSI('T', 'P', P9*1e3, 'H', h9*1000, 'Water') - 273.15
# Adicionar dados à tabela para uso posterior
df.loc[len(df)] = [9, P9, round(T9,1), h9, s9, 'Vapor úmido', m_dot9]
df.iloc[-1]
```

```
[2800]: Corrente
                                         9
        Pressão (kPa)
                                        10
        Temperatura (°C)
                                      45.8
        Entalpia (kJ/kg)
                              2335.617568
        Entropia (kJ/kg·K)
                                  7.370528
        Estado
                              Vapor úmido
        m (kg/h)
                                    7134.0
```

Name: 8, dtype: object

```
[2801]: # Trabalho da Turbina 2 (2º Estágio)
       Wt2 2est = (m dot8/3600) * (h8 - h9) # kW
       \dot{W}_{t2.2^{\circ} \text{ est}} = 1343.52 \text{ kW}
[2802]: # Ponto 10: Saída do Condensador
       P10 = P9
       m_{dot10} = m_{dot9}
       h10 = CP.PropsSI('H', 'P', P10*1e3, 'Q', 0, 'Water') / 1000
       s10 = CP.PropsSI('S', 'P', P10*1e3, 'Q', 0, 'Water') / 1000
       T10 = CP.PropsSI('T', 'P', P10*1e3, 'Q', 0, 'Water') - 273.15
       # Adicionar dados à tabela para uso posterior
       df.loc[len(df)] = [10, P10, round(T10,1), h10, s10, 'Líquido saturado', m_dot10]
       df.iloc[-1]
[2802]: Corrente
                                          10
       Pressão (kPa)
                                          10
       Temperatura (°C)
                                        45.8
       Entalpia (kJ/kg)
                                  191.805945
       Entropia (kJ/kg·K)
                                    0.649196
       Estado
                            Líquido saturado
       m (kg/h)
                                      7134.0
       Name: 9, dtype: object
[2803]: # Calor retirado pelo Condensador
       Q_{out\_cond} = (m_{dot9/3600}) * (h9 - h10) # kW
       Q_{\text{out. cond}} = 4248.32 \,\text{kW}
[2804]: # Ponto 11: Saída da Bomba 1
       P11 = 500 # kPa (pressão aumentada para regeneração)
       h11 = h10 + (P11*1e3 - P10*1e3)/(1000 * 1000) # Trabalho da bomba simplificado
       s11 = s10
       m_{dot11} = m_{dot10}
       T11 = CP.PropsSI('T', 'P', P11*1e3, 'H', h11*1000, 'Water') - 273.15
       # Adicionar dados à tabela para uso posterior
       df.loc[len(df)] = [11, P11, round(T11,1), h11, s11, 'Líquido comprimido', u
        \hookrightarrowm_dot11]
```

```
df.iloc[-1]
[2804]: Corrente
                                             11
       Pressão (kPa)
                                            500
       Temperatura (°C)
                                           45.8
       Entalpia (kJ/kg)
                                     192.295945
       Entropia (kJ/kg·K)
                                       0.649196
       Estado
                             Líquido comprimido
       \dot{m} (kg/h)
                                         7134.0
       Name: 10, dtype: object
[2805]: # Trabalho da Bomba 1
        Wb1 = (m_dot10/3600) * (h11 - h10) # kW
        \dot{W}_{b1} = 0.97 \,\text{kW}
[2806]: # Ponto 12: Mistura dos fluxos 7 e 11
       P12 = P11
       m_dot12 = m_dot11 + m_dot7
       h12 = (m_dot11 * h11 + m_dot7 * h7) / m_dot12
        s12 = CP.PropsSI('S', 'P', P12*1e3, 'H', h12*1000, 'Water') / 1000
       T12 = CP.PropsSI('T', 'P', P12*1e3, 'H', h12*1000, 'Water') - 273.15
        # Adicionar dados à tabela para uso posterior
        df.loc[len(df)] = [12, P12, round(T12,1), h12, s12, 'Mistura', m_dot12]
        df.iloc[-1]
[2806]: Corrente
                                     12
       Pressão (kPa)
                                    500
       Temperatura (°C)
                                  132.9
       Entalpia (kJ/kg)
                             559.064158
       Entropia (kJ/kg·K)
                               1.665377
       Estado
                                Mistura
       m (kg/h)
                                 8200.0
       Name: 11, dtype: object
[2807]: # Ponto 13: Saída da Bomba 2
       P13 = 15000 \# kPa
       m_{dot13} = m_{dot12}
        s13 = s12
       h13 = CP.PropsSI('H', 'P', P13*1e3, 'S', s13*1000, 'Water') / 1000
       T13 = CP.PropsSI('T', 'P', P13*1e3, 'H', h13*1000, 'Water') - 273.15
```

```
df.loc[len(df)] = [13, P13, round(T13,1), h13, s13, 'Líquido comprimido', L
         \rightarrowm_dot13]
        df.iloc[-1]
[2807]: Corrente
                                                 13
        Pressão (kPa)
                                             15000
        Temperatura (°C)
                                             134.3
        Entalpia (kJ/kg)
                                        574.562176
        Entropia (kJ/kg·K)
                                          1.665377
        Estado
                               Líquido comprimido
        m (kg/h)
                                            8200.0
        Name: 12, dtype: object
[2808]: # Trabalho da Bomba 2
        Wb2 = (m_dot12/3600) * (h13 - h12) # kW
        display(Math(r'\dot\{W\}_{b2}) = \%.2f \setminus, \text\{kW\}' \% Wb2))
       \dot{W}_{b2} = 35.30 \,\text{kW}
[2809]: # Ponto 14: (saída do trocador de calor)
        h14 = (m_dot13 * h13 + m_dot4 * h4) / (m_dot13 + m_dot4)
        s14 = CP.PropsSI('S', 'P', P14*1e3, 'H', h14*1000, 'Water') / 1000
        T14 = CP.PropsSI('T', 'P', P14*1e3, 'H', h14*1000, 'Water') - 273.15
        m_{dot14} = m_{dot13}
        # Adicionar dados à tabela para uso posterior
        df.loc[len(df)] = [14, P14, round(T14,1), h14, s14, 'Mistura', m_dot14]
        df.iloc[-1]
[2809]: Corrente
                                         14
        Pressão (kPa)
                                      15000
        Temperatura (°C)
                                      239.9
        Entalpia (kJ/kg)
                               1038.838402
        Entropia (kJ/kg·K)
                                   2.676767
        Estado
                                    Mistura
        m (kg/h)
                                     8200.0
        Name: 13, dtype: object
[2810]: # Ponto 15: Saída do trocador de calor para bomba 3
        P15 = P4
        m_{dot15} = m_{dot4}
```

Adicionar dados à tabela para uso posterior

```
s15 = CP.PropsSI('S', 'P', P15*1e3, 'Q', 0, 'Water') / 1000
        T15 = CP.PropsSI('T', 'P', P15*1e3, 'Q', 0, 'Water') - 273.15
        # Adicionar dados à tabela para uso posterior
        df.loc[len(df)] = [15, P15, T15, h15, s15, 'Líquido Saturado', m_dot15]
        df.iloc[-1]
[2810]: Corrente
                                              15
        Pressão (kPa)
                                            4000
        Temperatura (°C)
                                     250.354045
        Entalpia (kJ/kg)
                                    1087.491597
        Entropia (kJ/kg·K)
                                       2.796762
        Estado
                               Líquido Saturado
        m (kg/h)
                                          1800.0
        Name: 14, dtype: object
[2811]: # Ponto 16: Saída da Bomba 3
        P16 = 15000 \# kPa
        m_{dot16} = m_{dot15}
        s16 = s15
        h16 = CP.PropsSI('H', 'P', P16*1e3, 'S', s16*1000, 'Water') / 1000
        T16 = CP.PropsSI('T', 'P', P16*1e3, 'H', h16*1000, 'Water') - 273.15
        # Adicionar dados à tabela para uso posterior
        df.loc[len(df)] = [16, P16, round(T16,1), h16, s16, 'Líquido comprimido', u
         \rightarrowm_dot16]
        df.iloc[-1]
[2811]: Corrente
                                                16
        Pressão (kPa)
                                             15000
        Temperatura (°C)
                                             253.2
        Entalpia (kJ/kg)
                                      1101.199858
        Entropia (kJ/kg·K)
                                          2.796762
        Estado
                               Líquido comprimido
        m (kg/h)
                                            1800.0
        Name: 15, dtype: object
[2812]: # Trabalho da Bomba 3
        Wb3 = (m_dot15/3600) * (h16 - h15) # kW
        display(Math(r'\dot\{W\}_{b3} = \%.2f \, \text\{kW\}' \% Wb3))
       \dot{W}_{b3} = 6.85 \,\text{kW}
```

h15 = CP.PropsSI('H', 'P', P15*1e3, 'Q', 0, 'Water') / 1000

```
[2813]: # Ponto 17: Mistura dos fluxos 16 e 14
        P17 = P16
        m_{dot17} = m_{dot16} + m_{dot14}
       h17 = (m_dot16 * h16 + m_dot14 * h14) / m_dot17
        s17 = CP.PropsSI('S', 'P', P17*1e3, 'H', h17*1000, 'Water') / 1000
        T17 = CP.PropsSI('T', 'P', P17*1e3, 'H', h17*1000, 'Water') - 273.15
        # Adicionar dados à tabela para uso posterior
        df.loc[len(df)] = [17, P17, round(T17,1), h17, s17, 'Mistura', m_dot17]
        df.set_index('Corrente', inplace=True)
        df_correntes = df[['Pressão (kPa)', 'Temperatura (°C)', 'Entalpia (kJ/kg)', |
         df_correntes
[2813]:
                                 Temperatura (°C) Entalpia (kJ/kg) \
                  Pressão (kPa)
       Corrente
                          15000
                                       600.000000
                                                         3583.131761
        1
        2
                                       374.700000
                           4000
                                                         3153.874543
        3
                           4000
                                       374.656993
                                                         3153.874543
        4
                                                         3153.874543
                           4000
                                       374.656993
        5
                           4000
                                       600.000000
                                                         3674.867523
        6
                            500
                                       275.400000
                                                         3013.589893
        7
                            500
                                       275.350710
                                                         3013.589893
       8
                            500
                                       275.350710
                                                         3013.589893
       9
                             10
                                        45.800000
                                                         2335.617568
        10
                                        45.800000
                                                          191.805945
                             10
        11
                            500
                                        45.800000
                                                          192.295945
        12
                            500
                                       132.900000
                                                          559.064158
                                                          574.562176
        13
                          15000
                                       134.300000
        14
                          15000
                                       239.900000
                                                         1038.838402
        15
                           4000
                                       250.354045
                                                         1087.491597
                                       253.200000
                                                         1101.199858
        16
                          15000
        17
                          15000
                                       242.300000
                                                         1050.063464
                  Entropia (kJ/kg·K)
                                      m (kg/h)
        Corrente
                            6.679590
                                       10000.0
        1
        2
                            6.679590
                                       10000.0
        3
                            6.679590
                                        8200.0
        4
                            6.679590
                                        1800.0
        5
                            7.370528
                                        8200.0
        6
                                        8200.0
                            7.370528
       7
                            7.370528
                                        1066.0
       8
                            7.370528
                                        7134.0
        9
                            7.370528
                                        7134.0
```

```
10
                      0.649196
                                  7134.0
                      0.649196
                                   7134.0
11
12
                      1.665377
                                   8200.0
13
                      1.665377
                                   8200.0
14
                      2.676767
                                   8200.0
15
                      2.796762
                                   1800.0
16
                      2.796762
                                   1800.0
17
                      2.698593
                                  10000.0
```

```
[2814]: # Salvar tabela em arquivo Excel e Latex

df_correntes.to_excel('TabelaCorrentes-Propriedades.xlsx')
df_correntes.to_latex('TabelaCorrentes-Propriedades.tex')
```

a) Determinar a eficiência térmica do sistema modificado proposto;

$$\eta = \frac{\dot{W}_{liq}}{\dot{Q}_h} = 0.4863 = 48.63 \,\%$$

b) Obter a taxa de trabalho realizado em cada turbina; a taxa de calor fornecido nas caldeiras; a taxa de trabalho consumida em cada bomba;

```
\begin{split} &\dot{W}_{turbina~1}=1192.38\,\mathrm{kW} \\ &\dot{W}_{turbina~2,1^{\circ}~\mathrm{est}}=1506.24\,\mathrm{kW} \\ &\dot{W}_{turbina~2,2^{\circ}~\mathrm{est}}=1343.52\,\mathrm{kW} \\ &\dot{W}_{bomba~1}=0.97\,\mathrm{kW} \\ &\dot{W}_{bomba~2}=35.30\,\mathrm{kW} \\ &\dot{W}_{bomba~3}=6.85\,\mathrm{kW} \\ &\dot{Q}_{cald~1}=7036.30\,\mathrm{kW} \\ &\dot{Q}_{cald~2}=1186.71\,\mathrm{kW} \\ &\dot{Q}_{cond}=4248.32\,\mathrm{kW} \\ &\dot{Q}_{cond}=4248.32\,\mathrm{kW} \end{split}
```

 $\dot{m}_{
m água,\ resf} = 67756.30\,{\rm kg/s}$

d) Construir o diagrama T x s do sistema.

```
[2819]: # Gerar curvas de saturação
    pressures_sat = np.logspace(np.log10(1e3), np.log10(22.064e6), 100) # Pa
    Tsat_list = []
    s_liq_list = []
    s_vap_list = []

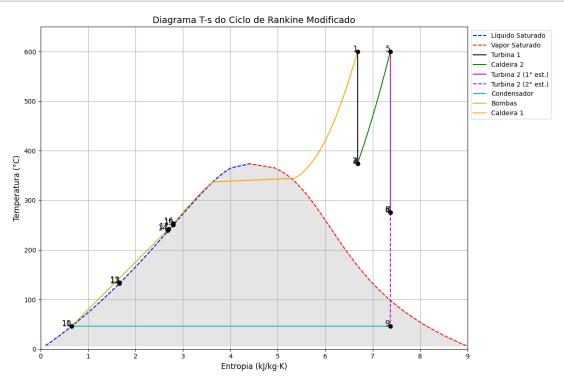
for P in pressures_sat:
    try:
        T = CP.PropsSI('T', 'P', P, 'Q', 0, 'Water')
        s_liq = CP.PropsSI('S', 'P', P, 'Q', 0, 'Water') / 1000
        s_vap = CP.PropsSI('S', 'P', P, 'Q', 1, 'Water') / 1000
        Tsat_list.append(T - 273.15)
        s_liq_list.append(s_liq)
        s_vap_list.append(s_vap)
    except:
        continue
```

```
# Criar o dicionário pontos a partir de df_correntes
pontos = {}
# Iterar sobre as linhas do DataFrame
for corrente, row in df_correntes[['Entropia (kJ/kg·K)', 'Temperatura (°C)']].
 ⇔iterrows():
   pontos[corrente] = {
        's': row['Entropia (kJ/kg·K)'],
        'T': row['Temperatura (°C)']
    }
# Plotar curvas de saturação
plt.figure(figsize=(12, 8))
plt.plot(s_liq_list, Tsat_list, 'b--', label='Líquido Saturado')
plt.plot(s_vap_list, Tsat_list, 'r--', label='Vapor Saturado')
plt.fill_betweenx(Tsat_list, s_liq_list, s_vap_list, color='gray', alpha=0.2)
# Processos do ciclo
# 1→2: Expansão isentrópica (Turbina 1)
plt.plot([pontos[1]['s'], pontos[2]['s']], [pontos[1]['T'], pontos[2]['T']],
 ⇔'k-', label='Turbina 1')
# 2→5: Reaquecimento a 4 MPa (Caldeira 2)
P_4MPa = 4e6
T_values = np.linspace(pontos[2]['T'], pontos[5]['T'], 50)
s_values = [CP.PropsSI('S', 'P', P_4MPa, 'T', T+273.15, 'Water')/1000 for T in_
 →T_values]
plt.plot(s_values, T_values, 'g-', label='Caldeira 2')
# 5→6→9: Expansão isentrópica (Turbina 2)
plt.plot([pontos[5]['s'], pontos[6]['s']], [pontos[5]['T'], pontos[6]['T']],
 plt.plot([pontos[6]['s'], pontos[9]['s']], [pontos[6]['T'], pontos[9]['T']],
 # 9→10: Condensador (pressão constante)
plt.hlines(pontos[9]['T'], pontos[9]['s'], pontos[10]['s'], colors='c',
 ⇔label='Condensador')
# 10→17→1: Bombas e Caldeira 1
plt.plot([pontos[10]['s'], pontos[17]['s']], [pontos[10]['T'],
 ⇔pontos[17]['T']], 'y-', label='Bombas')
P 15MPa = 15e6
T_values = np.linspace(pontos[17]['T'], pontos[1]['T'], 50)
```

```
s_values = [CP.PropsSI('S', 'P', P_15MPa, 'T', T+273.15, 'Water')/1000 for T in_

¬T_values]

plt.plot(s_values, T_values, 'orange', label='Caldeira 1')
# Plotar pontos
for p in pontos:
   plt.plot(pontos[p]['s'], pontos[p]['T'], 'ko')
    plt.text(pontos[p]['s'], pontos[p]['T'], f'{p}', fontsize=12, ha='right')
# Configurações do gráfico
plt.xlabel('Entropia (kJ/kg·K)', fontsize=12)
plt.ylabel('Temperatura (°C)', fontsize=12)
plt.title('Diagrama T-s do Ciclo de Rankine Modificado', fontsize=14)
plt.legend(loc='upper left', bbox_to_anchor=(1, 1))
plt.grid(True)
plt.xlim(0, 9)
plt.ylim(0, 650)
plt.tight_layout()
plt.savefig('./images/DiagramaTs.png')
plt.show()
```



e) Realizar análise paramétrica no desempenho do ciclo considerando a variação das pressões de descargas das turbinas; e a temperatura de saída da caldeira 1; (para esta análise, plote gráficos para demonstrar a influência desses parâmetros na eficiência térmica do ciclo). Discuta

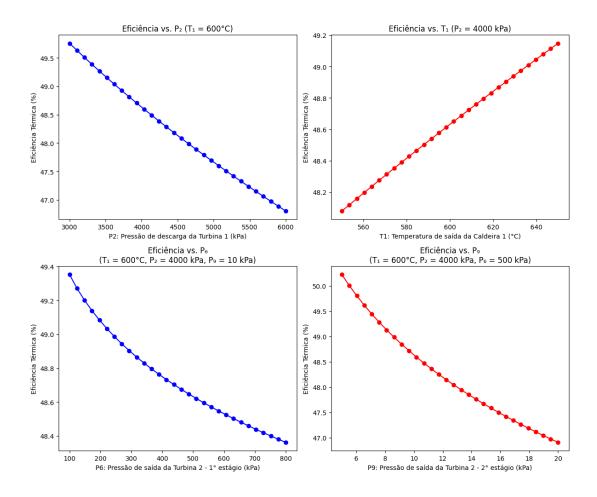
os resultados obtidos.

```
[2820]: def simulate_cycle(T1, P2, P6=500, P9=10):
            Simula o ciclo modificado e retorna:
              - eta: eficiência térmica,
              - net_work: trabalho líquido (kW),
              - Q_in_total: calor total fornecido (kW).
            Parâmetros:
              T1: Temperatura de saída da Caldeira 1 (°C)
              P2: Pressão de descarga da Turbina 1 (kPa)
             P6: Pressão de saída da Turbina 2 - 1º estágio (kPa)
             P9: Pressão de saída da Turbina 2 - 2º estágio (kPa)
            m_{dot1} = 10000 \# kg/h
                           # kPa (saída da Caldeira 1)
            P1 = 15000
            # Estado 1: Saída da Caldeira 1 (convertendo T para Kelvin)
            h1, s1 = obter_propriedades(P1*1e3, T=T1+273.15)
            # Estado 2: Saída da Turbina 1 (expansão isentrópica)
            h2, s2 = obter_propriedades(P2*1e3, s=s1)
            # Estado 3: Entrada da Caldeira 2 (fluxo principal)
            m_{dot3} = 0.82 * m_{dot1}
            h3, s3 = h2, s2
            # Estado 4: Ramificação (fluxo que seguirá para o trocador de calor)
            m dot4 = 0.18 * m dot1
            h4, s4 = h2, s2
            # Estado 5: Saída da Caldeira 2 (4000 kPa e 600°C)
            P5 = 4000 \# kPa
            T5 = 600
                       # °C
            m_{dot5} = m_{dot3}
            h5, s5 = obter_propriedades(P5*1e3, T=T5+273.15)
            # Trabalho da Turbina 1
            Wt1 = (m_dot1/3600) * (h1 - h2)
            # Calor fornecido na Caldeira 2
            Q_{in}_{cald2} = (m_{dot5}/3600) * (h5 - h4)
            # Estado 6: Saída da Turbina 2 (1º estágio) - expansão isentrópica
            h6, s6 = obter_propriedades(P6*1e3, s=s5)
            Wt2_1 = (m_dot5/3600) * (h5 - h6)
```

```
# Estado 7: Ramificação após Turbina 2 (fluxo 1)
  m_{dot7} = 0.13 * m_{dot5}
  h7, s7 = h6, s6
  # Estado 8: Ramificação após Turbina 2 (fluxo 2)
  m_dot8 = 0.87 * m_dot5
  h8, s8 = h6, s6
  # Estado 9: Saída da Turbina 2 (2º estágio) - expansão isentrópica
  h9, _ = obter_propriedades(P9*1e3, s=s6)
  m_{dot9} = m_{dot8}
  Wt2_2 = (m_dot8/3600) * (h8 - h9)
  # Estado 10: Saída do Condensador (líquido saturado a P9)
  P10 = P9
  m_{dot10} = m_{dot9}
  h10 = CP.PropsSI('H', 'P', P10*1e3, 'Q', 0, 'Water') / 1000
  Q_{out\_cond} = (m_{dot9}/3600) * (h9 - h10)
  # Estado 11: Saída da Bomba 1 (aumento de pressão para P11)
  P11 = 500 \# kPa
  m_dot11 = m_dot10
  h11 = h10 + (P11*1e3 - P10*1e3) / (1000*1000)
  Wb1 = (m_dot10/3600) * (h11 - h10)
   # Estado 12: Mistura dos fluxos de Bomba 1 e ramificação da Turbina 2
\hookrightarrow (fluxo 7)
  P12 = P11
  m_dot12 = m_dot11 + m_dot7
  h12 = (m_{dot11} * h11 + m_{dot7} * h7) / m_{dot12}
  # Estado 13: Saída da Bomba 2 (aumento de pressão para P13)
  P13 = 15000 \# kPa
  m_{dot13} = m_{dot12}
  s12_calc = CP.PropsSI('S', 'P', P12*1e3, 'H', h12*1000, 'Water') / 1000
  h13 = CP.PropsSI('H', 'P', P13*1e3, 'S', s12_calc*1000, 'Water') / 1000
  Wb2 = (m_dot12/3600) * (h13 - h12)
  # Estado 14: Saída do trocador de calor
  P14 = P13
  m_dot14 = m_dot13
  h14 = (m_{dot13} * h13 + m_{dot4} * h4) / (m_{dot13} + m_{dot4})
  # Estado 15: Saída do trocador de calor para a Bomba 3 (a P15 = P2)
  P15 = P2
  m_{dot15} = m_{dot4}
```

```
h15 = CP.PropsSI('H', 'P', P15*1e3, 'Q', 0, 'Water') / 1000
    # Estado 16: Saída da Bomba 3 (aumento de pressão para P16)
   P16 = 15000 \# kPa
   m_{dot16} = m_{dot15}
   s15 = CP.PropsSI('S', 'P', P15*1e3, 'Q', 0, 'Water') / 1000
   h16 = CP.PropsSI('H', 'P', P16*1e3, 'S', s15*1000, 'Water') / 1000
   Wb3 = (m_dot15/3600) * (h16 - h15)
   # Estado 17: Mistura dos fluxos de Bomba 3 e do trocador de calor
   P17 = P16
   m_dot17 = m_dot16 + m_dot14
   h17 = (m_dot16 * h16 + m_dot14 * h14) / m_dot17
   # Calor fornecido na Caldeira 1
   Q_{in\_cald1} = (m_{dot1/3600}) * (h1 - h17)
   # Trabalho líquido e eficiência térmica
   net_work = Wt1 + Wt2_1 + Wt2_2 - Wb1 - Wb2 - Wb3
   Q_in_total = Q_in_cald1 + Q_in_cald2
   eta = net_work / Q_in_total
   return eta, net_work, Q_in_total
# ---- Análise Paramétrica ----
# 1) Variação de P (Pressão de descarga da Turbina 1)
P2_values = np.linspace(3000, 6000, 30) # kPa
eta_values_P2 = []
for p2 in P2_values:
   eta, _, _ = simulate_cycle(T1=600, P2=p2, P6=500, P9=10)
   eta_values_P2.append(eta * 100) # em %
# 2) Variação de T (Temperatura de saída da Caldeira 1)
T1_values = np.linspace(550, 650, 30) # °C
eta_values_T1 = []
for T1_val in T1_values:
   eta, _, _ = simulate_cycle(T1=T1_val, P2=4000, P6=500, P9=10)
   eta_values_T1.append(eta * 100)
# 3) Variação de P (Saída da Turbina 2 - 1º estágio)
P6\_values = np.linspace(100, 800, 30) # kPa
eta_values_P6 = []
for p6 in P6_values:
   eta, _, _ = simulate_cycle(T1=600, P2=4000, P6=p6, P9=10)
   eta_values_P6.append(eta * 100)
# 4) Variação de P (Saída da Turbina 2 - 2º estágio)
```

```
P9_values = np.linspace(5, 20, 30) # kPa
eta_values_P9 = []
for p9 in P9_values:
    eta, _, _ = simulate_cycle(T1=600, P2=4000, P6=500, P9=p9)
    eta_values_P9.append(eta * 100)
# ---- Plotando os Quatro Gráficos em Uma Única Imagem ----
fig, axs = plt.subplots(2, 2, figsize=(12, 10))
# Gráfico 1: Eficiência vs. P
axs[0, 0].plot(P2_values, eta_values_P2, 'b-o')
axs[0, 0].set_xlabel('P2: Pressão de descarga da Turbina 1 (kPa)')
axs[0, 0].set_ylabel('Eficiência Térmica (%)')
axs[0, 0].set_title('Eficiência vs. P (T = 600°C)')
# Gráfico 2: Eficiência vs. T
axs[0, 1].plot(T1_values, eta_values_T1, 'r-o')
axs[0, 1].set_xlabel('T1: Temperatura de saída da Caldeira 1 (°C)')
axs[0, 1].set_ylabel('Eficiência Térmica (%)')
axs[0, 1].set_title('Eficiência vs. T (P = 4000 kPa)')
# Gráfico 3: Eficiência vs. P
axs[1, 0].plot(P6_values, eta_values_P6, 'b-o')
axs[1, 0].set_xlabel('P6: Pressão de saída da Turbina 2 - 1º estágio (kPa)')
axs[1, 0].set_ylabel('Eficiência Térmica (%)')
axs[1, 0].set_title('Eficiência vs. P \n(T = 600°C, P = 4000 kPa, P = 10 kPa)')
# Gráfico 4: Eficiência vs. P
axs[1, 1].plot(P9_values, eta_values_P9, 'r-o')
axs[1, 1].set_xlabel('P9: Pressão de saída da Turbina 2 - 2° estágio (kPa)')
axs[1, 1].set_ylabel('Eficiência Térmica (%)')
axs[1, 1].set_title('Eficiência vs. P\n(T = 600°C, P = 4000 kPa, P = 500_U
 ⇔kPa)')
plt.tight_layout()
plt.savefig('./images/analise_parametrica.png')
plt.show()
```



Referências

BORGNAKKE, C.; SONNTAG, R. E. Fundamentos da Termodinâmica. 9. ed. [S.l.]: John Wiley & Sons Brasil, 2020. ISBN 9788522121581. Citado 8 vezes nas páginas 2, 6, 7, 8, 10, 11, 12 e 13.

ÇENGEL, Y. A.; BOLES, M. A. **Termodinâmica: Abordagem da Engenharia**. 6. ed. [S.l.]: McGraw-Hill Brasil, 2008. ISBN 9788586804841. Citado 3 vezes nas páginas 14, 16 e 17.

Ecogen Brasil. Cogeração de Energia e Utilidades para Indústrias. 2025. Acessado em: 13 fev. 2025. Disponível em: https://www.ecogenbrasil.com.br/cogeracao-de-energia-e-utilidades-para-industrias/. Citado na página 13.

Eletronuclear. **Angra - Capital da Energia Nuclear**. 2024. Acessado em: 13 fev. 2025. Disponível em: https://www.eletronuclear.gov.br/GaleriaImagens/Angra%20Capital%20da%20energia%20nuclear/26ecf542-d755-48b4-9043-3ab70aea9996.png>. Citado na página 6.

João Alex Arruda. Rankine-Modificado - Cálculos do Ciclo Rankine Modificado. 2025. Acessado em: 13 fev. 2025. Disponível em: https://github.com/joaoalexarruda/rankine-cycle/blob/main/calculos/Rankine-Modificado.ipynb. Citado na página 17.

MORAN, M. J. et al. **Princípios de Termodinâmica para Engenharia**. 8. ed. [S.l.]: LTC, 2018. ISBN 9788521635041. Citado 6 vezes nas páginas 1, 4, 5, 9, 14 e 15.