

## 1. Algoritmos de Busca:

### Binary Search:

- **Complexidade de Tempo:**
  - **Melhor caso:**  $O(1)$  (quando o elemento procurado é o meio da lista).
  - **Pior caso:**  $O(\log n)$  (quando o elemento é encontrado após várias divisões).
  - **Caso médio:**  $O(\log n)$ .
- **Complexidade de Espaço:**
  - **Espaço:**  $O(1)$ , pois o algoritmo não requer espaço extra além da entrada.

**Explicação:** O Binary Search divide a lista em duas metades a cada iteração, portanto sua complexidade é logarítmica. Exige que a lista esteja ordenada.

---

### Interpolation Search:

- **Complexidade de Tempo:**
  - **Melhor caso:**  $O(1)$  (quando o valor procurado é encontrado na posição correta da interpolação).
  - **Pior caso:**  $O(n)$  (quando os dados não são uniformemente distribuídos).
  - **Caso médio:**  $O(\log \log n)$  (quando os dados estão uniformemente distribuídos).
- **Complexidade de Espaço:**
  - **Espaço:**  $O(1)$ , pois não necessita de memória adicional além da entrada.

**Explicação:** A eficiência do Interpolation Search depende de uma boa distribuição dos dados. Em listas uniformemente distribuídas, pode ser muito mais rápido que o Binary Search.

---

### Jump Search:

- **Complexidade de Tempo:**
  - **Melhor caso:**  $O(1)$  (se o elemento procurado estiver no primeiro bloco).
  - **Pior caso:**  $O(\sqrt{n})$  (quando o elemento está no final ou não está presente).
  - **Caso médio:**  $O(\sqrt{n})$ .
- **Complexidade de Espaço:**
  - **Espaço:**  $O(1)$ , porque o Jump Search só usa variáveis para o controle do salto e do índice.

**Explicação:** O Jump Search divide a lista em blocos de tamanho  $\sqrt{n}$  e, em seguida, busca linearmente dentro do bloco onde o elemento pode estar. Sua eficiência é limitada ao tamanho do salto.

---

### Exponential Search:

- **Complexidade de Tempo:**

- **Melhor caso:**  $O(1)O(1)O(1)$ .
- **Pior caso:**  $O(\log_{10} n)O(\log n)O(\log n)$ .
- **Caso médio:**  $O(\log_{10} n)O(\log n)O(\log n)$ .
- **Complexidade de Espaço:**
  - **Espaço:**  $O(1)O(1)O(1)$ , pois o algoritmo não exige espaço adicional.

**Explicação:** O Exponential Search começa buscando exponencialmente por intervalos e, uma vez encontrado o intervalo de busca, usa Binary Search para realizar a busca dentro do intervalo. É eficiente para listas muito grandes e ordenadas.

---

## 2. Algoritmos de Ordenação:

### Shell Sort:

- **Complexidade de Tempo:**
  - **Melhor caso:**  $O(n \log_{10} n)O(n \log n)O(n \log n)$  (com uma boa sequência de intervalos).
  - **Pior caso:**  $O(n^2)O(n^2)O(n^2)$  (quando a sequência de intervalos é ruim).
  - **Caso médio:**  $O(n^{3/2})O(n^{3/2})O(n^{3/2})$  (dependendo da sequência de intervalos utilizada).
- **Complexidade de Espaço:**
  - **Espaço:**  $O(1)O(1)O(1)$ , pois o Shell Sort é um algoritmo de ordenação in-place.

**Explicação:** O Shell Sort melhora o Insertion Sort utilizando uma sequência de intervalos que permite a troca de elementos distantes. A complexidade depende da escolha da sequência de intervalos, sendo mais eficiente que o Insertion Sort em muitos casos.

---

### Merge Sort:

- **Complexidade de Tempo:**
  - **Melhor caso:**  $O(n \log_{10} n)O(n \log n)O(n \log n)$ .
  - **Pior caso:**  $O(n \log_{10} n)O(n \log n)O(n \log n)$ .
  - **Caso médio:**  $O(n \log_{10} n)O(n \log n)O(n \log n)$ .
- **Complexidade de Espaço:**
  - **Espaço:**  $O(n)O(n)O(n)$ , pois é necessário espaço extra para as sublistas.

**Explicação:** O Merge Sort divide a lista em sublistas e as combina de maneira ordenada. Ele tem uma complexidade de tempo garantida de  $O(n \log_{10} n)O(n \log n)O(n \log n)$ , mas consome espaço extra para realizar as divisões e combinações.

---

### Selection Sort:

- **Complexidade de Tempo:**
  - **Melhor caso:**  $O(n^2)O(n^2)O(n^2)$ .
  - **Pior caso:**  $O(n^2)O(n^2)O(n^2)$ .
  - **Caso médio:**  $O(n^2)O(n^2)O(n^2)$ .

- **Complexidade de Espaço:**

- **Espaço:**  $O(1)O(1)O(1)$ , pois o Selection Sort é um algoritmo in-place.

**Explicação:** O Selection Sort percorre a lista e, a cada iteração, seleciona o menor elemento e o coloca na posição correta. Sua complexidade é quadrática, tornando-o ineficiente para listas grandes.

---

#### Quick Sort:

- **Complexidade de Tempo:**

- **Melhor caso:**  $O(n \log n)O(n \log n)O(n \log n)$  (quando o pivô divide bem a lista).
- **Pior caso:**  $O(n^2)O(n^2)O(n^2)$  (quando o pivô é mal escolhido, como no caso de uma lista já ordenada ou inversamente ordenada).
- **Caso médio:**  $O(n \log n)O(n \log n)O(n \log n)$ .

- **Complexidade de Espaço:**

- **Espaço:**  $O(\log n)O(\log n)O(\log n)$ , devido à recursão na pilha de chamadas.

**Explicação:** O Quick Sort é eficiente para grandes listas, mas sua eficiência depende da escolha do pivô. No pior caso, pode degenerar para  $O(n^2)O(n^2)O(n^2)$ , mas, em geral, tem desempenho  $O(n \log n)O(n \log n)O(n \log n)$ .

---

#### Bucket Sort:

- **Complexidade de Tempo:**

- **Melhor caso:**  $O(n+k)O(n+k)O(n+k)$  (quando os elementos são uniformemente distribuídos).
- **Pior caso:**  $O(n^2)O(n^2)O(n^2)$  (quando todos os elementos caem em um único balde).
- **Caso médio:**  $O(n+k)O(n+k)O(n+k)$ .

- **Complexidade de Espaço:**

- **Espaço:**  $O(n+k)O(n+k)O(n+k)$ , onde  $n$  é o número de elementos e  $k$  o número de baldes.

**Explicação:** O Bucket Sort é eficiente quando os dados estão uniformemente distribuídos, dividindo-os em baldes e ordenando dentro desses baldes (geralmente usando outro algoritmo como o Insertion Sort). No pior caso, quando todos os elementos ficam em um único balde, a complexidade é  $O(n^2)O(n^2)O(n^2)$ .

---

#### Radix Sort:

- **Complexidade de Tempo:**

- **Melhor caso:**  $O(nk)O(nk)O(nk)$ , onde  $k$  é o número de dígitos.
- **Pior caso:**  $O(nk)O(nk)O(nk)$ .
- **Caso médio:**  $O(nk)O(nk)O(nk)$ .

- **Complexidade de Espaço:**

- **Espaço:**  $O(n+k)O(n+k)O(n+k)$ , onde  $nnn$  é o número de elementos e  $kkk$  o número de dígitos.

**Explicação:** O Radix Sort é eficiente para números inteiros e usa um algoritmo de contagem para ordenar por dígitos. Ele é linear com relação ao número de elementos  $nnn$  e ao número de dígitos  $kkk$ , o que o torna muito eficiente para números com poucos dígitos.