Alunos: Elias Fank; João Gehlen; Ricardo Zanuzzo

Descrição geral do algoritmo:

De forma o geral o algoritmo tem como principal objetivo decodificar uma mensagem que sofreu algum tipo de interferência - o que deixa a mensagem com algum ruído, alguns bits errados. A nossa implementação do algoritmo de viterbi funciona basicamente da seguinte forma:

Primeiro passo é definir uma sequência de bits (a entrada do algoritmo) que vai ser a mensagem, depois adiciona-se os dois bits extras na mensagem e então codifica-se essa mensagem, gerando uma sequência de bits para ser "enviada" e posteriormente decodificada. Para simular o envio da mensagem e o ruído que ela terá, nós utilizamos um ruído do tipo uniforme. A quantidade de ruído é definido na variável **ruído** e deve ser informado em porcentagem, por exemplo, 0.05 para 5%.

Depois de incluído o ruído o algoritmo faz a decodificação utilizando uma árvore binária. Essa árvore é gerada de acordo com a tabela de transições de estados, onde para cada estado(nó da árvore) você tem duas possibilidades para seguir: 1 - supondo que o próximo bit seja 0; 2 - supondo que o próximo bit seja 1. Como essa abordagem é exponencial, ou seja a árvore teria tamanho 2ⁿ, foi realizada a operação de poda em cada nível da árvore. Essa poda consiste em deixar apenas os 8 melhores (os de menor distância até a raiz, a distância de cada nó até a raiz foi sendo armazenada em cada respectivo nó) nós em cada nível, isso faz com que o desempenho do algoritmo melhore bastante mesmo sem perder em encontrar o melhor caminho final. Por fim, o algoritmo "olha" para todas as folhas da árvore (no máximo 8) pega a menor e faz o caminho inverso até a raiz. Nesse ponto apenas foram feitas as transições pela tabela de estado para saber qual foi o bit, 0 ou 1, que originou cada estado. Depois de fazer a decodificação da mensagem com ruído, o algoritmo faz a comparação com a mensagem original e calcula quantos bits diferentes possui. No final mostra a diferença entra a mensagem original e a mensagem decodificada.

Na página a seguir temos um exemplo da árvore gerada na decodificação para os seguintes dados: entrada: 01000 -> entrada codificada: 0011101100

1 1	111
; ;	011
!!!	•
1 1	010
	101
i i	
	11
1	
	210
	201
i i	000
210	1 1 3 33
210	
1 1	111
	110
i i	101
	01
1	
1 1	010
1 1	100
i i	200
00	1 1 2 00
00	
	11
	111
i i	101
1 1	211
!!!	
	010
	101
i i	
	• •
0	10
	111
	210
i i	101
	•
!!!!	001
	210
T I	000
i i	000
0 00	
000	
1 1	11
1 1	111
i i	101
	110
!!!	•
1 1	010
1 1	101
i i	
	00
2	
	111
1 1	010
i i	101
; ;	•
!!!	100
	200

Aqui então a folha com o somatório de menor erro até a raiz é a folha destacada em vermelho. Fazendo agora o caminho inverso até a raiz obtemos: 00 00 01 10 00 00.

E agora pela tabela de transições, os bits que geraram essa sequência foram: 01000.

Assim encontramos a sequência original de bits.

Descrição dos problemas e soluções usadas:

- Solução para codificação [TODO]: Na codificação nenhum problema muito relevante foi encontrado, apenas seguimos as regras de codificação disponibilizada pelo professor na descrição do trabalho. O ruído também não teve nenhuma questão muito complexa, já que implementamos o ruído mais simples, em que aleatoriamente trocamos alguns bits de acordo com a quantidade de ruído informada na entrada.
- Para a decodificação representamos o algoritmo de Viterbi utilizando uma árvore binária com poda, deixando apenas no máximo 8 nós por nível, como pode ser observado na página anterior;
- Um problema que tivemos foi que no início não lembramos de fazer a poda, sendo assim o programa demorava muito para executar com uma entrada de 50 ou mais bits. Depois de implementada a poda, esse problema foi solucionado.

Exemplos de codificação/decodificação alcançados pelo programa:

 Um exemplo de resultado alcançado pelo algoritmo para validar o funcionamento:

Para a entrada foi utilizado a seguinte sequência de bits:

011011100011110

Essa entrada foi codificada e gerou a seguinte sequência de bits:

0011010100011001110011011010011100

Com um ruído de 7%, foram trocados 2 bits, o que gerou a seguinte sequência:

0011010100011011111011011010011100

Essa sequência foi decodificado, o que gerou a seguinte sequência:

011011100011110

Comparando com a entrada:

011011100011110 (entrada)

011011100011110 (saída)

Conclui-se que não teve diferença entra a mensagem decodificada e a mensagem original.

2. Outro exemplo de saída do algoritmo:

Para a entrada foi utilizado a seguinte sequência de bits:

010011100101101011011101111011111100

Essa entrada foi codificada e gerou a seguinte sequência de bits:

Com um ruído de 10%, foram trocados 7 bits, o que gerou a seguinte sequência:

Essa sequência foi decodificado, o que gerou a seguinte sequência:

000110010000101011011101111011111100

Comparando com a entrada:

010011100101101101111011111111100 (entrada)

000110010000101011011101111011111100 (saída)

Conclui-se que teve uma diferença de apenas 7 bits

Mais um exemplo com um entrada um pouco maior:

Para a entrada foi utilizado a seguinte sequência de bits:

Essa entrada foi codificada e gerou a seguinte sequência de bits:

Com um ruído de 0.05 (5 %), foram trocados 23 bits, o que gerou a seguinte sequência:

Essa sequência foi decodificado, o que gerou a seguinte sequência:

Comparando a entrada com a saída:

Neste exemplo, com 5% de ruído, conclui-se que não teve diferença entra a mensagem decodificada e a mensagem original.