

Fundamentos da Programação

Visualização e execução de programas. Depuração. Erros. Módulos.

Aula 6

José Monteiro

(slides adaptados do Prof. Alberto Abad)

Erros / Excepções

- Nas aulas anteriores falámos dos tipos de erros: sintaxe, semântica e *runtime*
- As funções podem *lançar* erros quando os argumentos utilizados são de tipo inválido e/ou estão fora do domínio.
 - As excepções interrompem o fluxo de execução
- Para isso podemos utilizar a instrução *raise* que gera um erro de execução, em BNF:

`<instrução raise> ::= raise <nome>(<mensagem>)`

`<mensagem> ::= <cadeia de caracteres>`

- *nome* corresponde à identificação de um dos tipos de erros (ou excepções) conhecidos pelo Python (ou a novos tipos de erros definidos pelo programador): [AttributeError](#), [IndexError](#), [KeyError](#), [NameError](#), [SyntaxError](#), [ValueError](#) e [ZeroDivisionError](#).

In []:

Erros / Exceções

Nome	Situação correspondente ao erro
<code>AttributeError</code>	Referência a um atributo não existente num objeto.
<code>ImportError</code>	Importação de uma biblioteca não existente.
<code>IndexError</code>	Erro gerado pela referência a um índice fora da gama de um tuplo ou de uma lista.
<code>KeyError</code>	Referência a uma chave inexistente num dicionário.
<code>NameError</code>	Referência a um nome que não existe.
<code>SyntaxError</code>	Erro gerado quando uma das funções <code>eval</code> ou <code>input</code> encontram uma expressão com a sintaxe incorreta.
<code>ValueError</code>	Erro gerado quando uma função recebe um argumento de tipo correto mas cujo valor não é apropriado.
<code>ZeroDivisionError</code>	Erro gerado pela divisão por zero.

- o Python (como outras linguagens) fornecem um *protocol* para tratar das exceções (*try/except*) que veremos nas próximas semanas

Erros / Exceções

Exemplo:

In []:

```
def invert(n):
    if not (type(n) == int) and not (type(n) == float):
        # raise ValueError("erro: não é número")
        print("erro: não é número")
    elif n == 0:
        raise ValueError("erro: igual a 0")
    print("Início corpo")
    return 1/n

invert("a")
```

Módulos: Importar

- Não é preciso reinventar a roda, o Python fornece um grande número de bibliotecas (*libraries*) ou módulos com funções que podemos importar:
- Lista de módulos disponíveis por omissão: <https://docs.python.org/3/py-modindex.html>

```
<instrução import> ::=  
    import <módulo> {as <nome>} NEWLINE |  
    from <módulo> import <nomes a importar> NEWLINE
```

```
<módulo> ::= <nome>
```

```
<nomes a importar> ::= * | <nomes>
```

```
<nomes> ::= <nome> | <nome>, <nomes>
```

Módulos: Aceder a Funções de um Módulo

- Necessário no caso de *import* sem *from*:

```
<nome composto> ::= <nome simples>.<nome simples>
```

Exemplos:

```
>>> import math  
>>> math.pi  
3.141592653589793  
>>> math.sin(math.pi/2)  
1.0  
>>> from math import pi, sin  
>>> pi  
3.141592653589793  
>>> sin(pi/2)  
1.0
```

In []:

Módulos: Construir

- Colocar funções num ficheiro `.py` (ex: `soma.py`)
- Importar utilizando o nome do ficheiro/módulo (sem extensão):

```
>>> import soma
>>> soma.soma(100)
5050
```

Parâmetros de Funções

- Python permite maior flexibilidade na definição e passagem dos parâmetros numa função:
 - **Default parameters**
 - **Keyword arguments**
 - Número variável de parâmetros

```
In [11]: def dividir(num, den = 10, i = 5):
          return num / den + i
          print("Ex1:", dividir(10, 2))
          print("Ex2:", dividir(10))
          print("Ex3:", dividir(den=2, num=10))
```

Ex1: 10.0

Ex2: 6.0

Ex3: 10.0

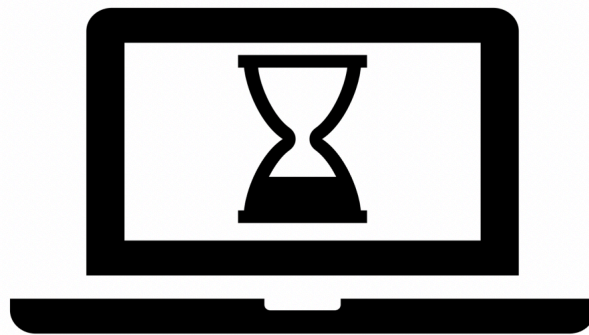
Visualização e execução de programas

- <http://pythontutor.com/visualize.html#mode=edit>

- IDEs como o PyCharm e WingIDE

Tarefas para as Próximas Aulas

- Trabalhar matéria apresentada esta semana --> Fazer todos os programas!
- Ler o Capítulo 4 do livro da UC
- Nas aulas de problemas: funções, verificação de argumentos, exceções



Para treinar mais!!!!

Máximo Divisor Comum (Algoritmo de Euclides)

Exemplo 4:

1. O máximo divisor comum entre um número e zero é o próprio número: $\text{mdc}(m, 0) = m$
 2. Quando dividimos um número m por n , o máximo divisor comum entre o resto da divisão e o divisor é o mesmo que o máximo divisor comum entre o dividendo e o divisor: $\text{mdc}(m, n) = \text{mdc}(n, m \% n)$
- Exemplo algoritmo para $\text{mdc}(24, 16)$:

m	n	$m \% n$
24	16	8
16	8	0
8	0	8

Raiz Quadrada (Algoritmo da Babilónia)

Exemplo 5:

- Em cada iteração, partindo do valor aproximado, p_i , para a raiz quadrada de x , podemos calcular uma aproximação do melhor p_{i+1} através da seguinte fórmula:

$$p_{i+1} = \frac{p_i + \frac{x}{p_i}}{2}.$$

- Exemplo para $\sqrt{2}$

Número da tentativa	Aproximação para $\sqrt{2}$	Nova aproximação
0	1	$\frac{1+\frac{2}{1}}{2} = 1.5$
1	1.5	$\frac{1.5+\frac{2}{1.5}}{2} = 1.4167$
2	1.4167	$\frac{1.4167+\frac{2}{1.4167}}{2} = 1.4142$
3	1.4142	...

Séries de Taylor

Exemplo 6:

- Definição:

$$f(x) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{f^{(n)}(a)}{n!} (x-a)^n = f(a) + \frac{f'(a)}{1!} (x-a) + \frac{f''(a)}{2!} (x-a)^2 + \frac{f^{(3)}(a)}{3!} (x-a)^3 + \dots$$

- Exemplos de algumas aproximações:

$$\begin{aligned} e^x &= \sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{n!} = 1 + x + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \dots \\ \sin(x) &= \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(2n+1)!} x^{2n+1} = x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \dots \\ \cos(x) &= \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(2n)!} x^{2n} = 1 - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^4}{4!} - \dots \end{aligned}$$

Funções

Exemplo 4, Máximo divisor comum (Algoritmo de Euclides)

In [21]:

```
# Máximo divisor comum (mdc)
# Euclidian algorithm

def mdc(m, n):
    if type(n) != int or type(m) != int or n < 1 or m < 1:
        raise ValueError('euclides: argumentos negativos!')

    while n > 0:
        m, n = n, m % n

    return m

x = eval(input("Dá-me o valor x:"))
y = eval(input("Dá-me o valor y:"))
print(mdc(x, y))
```

Dá-me o valor x:1

Dá-me o valor y:1

1

Funções

Exemplo 5, Raiz quadrada (Algoritmo da Babilónia)

```
def calcula_raiz(x, palpите):
    while not bom_palpite(x, palpите):
        palpите = novo_palpite(x, palpите)
    return palpите

def raiz(x):
    if x < 0:
        raise ValueError("raiz definida só para números positivos")
    return calcula_raiz(x, 1)
```

- **Exercício:** Definir as funções *bom_palpite* e *novo_palpite*

In [53]:

```
def calcula_raiz(x, palpите):
    while not bom_palpite(x, palpите):
        palpите = novo_palpite(x, palpите)
    return palpите

def raiz(x):
    if x < 0:
        raise ValueError("raiz definida só para números positivos")
    return calcula_raiz(x, 1)

def bom_palpite(x, palpите):
    delta = 0.0001
    return abs(palpите*palpите - x) < delta

def novo_palpite(x, palpите):
    return (palpите + x/palpите)/2

raiz(9)
import math

print("Aprox", raiz(4))
print("Exacto", math.sqrt(4))
```

Aprox 2.00000000929222947

Exacto 2.0

Funções

Exemplo 6, Séries de Taylor: Exponencial


```
def exp_aproximada(x, delta):
```

```
    def proximo_termo(x, n):  
        return x**n/factorial(n)
```

```
    def factorial(n):  
        prod = 1  
        while n > 0:  
            prod = prod*n  
            n = n -1  
        return prod
```

```
    n = 0  
    termo = proximo_termo(x, n)  
    resultado = termo
```

```
    while abs(termo) > delta:  
        n = n + 1  
        termo = proximo_termo(x, n)  
        resultado = resultado + termo
```

```
    return resultado
```

```
import math
```

```
print("Aprox",exp_aproximada(4,0.0001))  
print("Exacto",math.exp(4))
```

Funções

Exemplo 6, Séries de Taylor: Seno

In [22]:

```
def sin_aproximada(x, delta):
    def factorial(n):
        prod = 1
        while n > 0:
            prod = prod*n
            n = n -1
        return prod

    def proximo_termo(x, n):
        return (-1)**n*x**(2*n+1)/factorial(2*n+1)

    n = 0
    termo = proximo_termo(x, n)
    resultado = termo

    while abs(termo) > delta:
        n = n + 1
        termo = proximo_termo(x, n)
        resultado = resultado + termo

    return resultado

import math

print("Aprox", sin_aproximada(math.pi/6, 0.0001))
print("Exacto", math.sin(math.pi/6))
```

Aprox 0.4999999918690232
Exacto 0.49999999999999994

Funções

Exemplo 6, Séries de Taylor: Cosseno

In [23]:

```
def cos_aproximada(x, delta):
    def factorial(n):
        prod = 1
        while n > 0:
            prod = prod*n
            n = n -1
        return prod

    def proximo_termo(x, n):
        return (-1)**n*x**(2*n)/factorial(2*n)

    n = 0
    termo = proximo_termo(x, n)
    resultado = termo

    while abs(termo) > delta:
        n = n + 1
        termo = proximo_termo(x, n)
        resultado = resultado + termo

    return resultado

import math

print("Aprox",cos_aproximada(math.pi/6,0.0001))
print("Exacto",math.cos(math.pi/6))
```

Aprox 0.8660252641005711

Exacto 0.8660254037844387