

Curso:	Ciência da Computação	Valor	
Disciplina:	Fundamentos Teóricos da Computação		
Professor (a):	João Paulo C. Aramuni		
Nome:		Nota	
Nº da Atividade/Nome:	Lista de Revisão		
Data:			
Valor:	0,0 pts		

Assunto: Revisão

1. Seja a linguagem L assim definida, recursivamente:

- $\lambda, 0, 1 \in L$;
- se $x \in L$ então $0x0, 1x1 \in L$.

a) Faça uma gramática que gere \underline{L} .

b) Faça uma gramática que gere \overline{L} .

Solução:

a) $P \rightarrow 0P0 \mid 1P1 \mid \lambda \mid 0 \mid 1$

b) $P \rightarrow 0P0 \mid 1P1 \mid 0X1 \mid 1X0$
 $X \rightarrow 0X \mid 1X \mid \lambda$

2. Seja a linguagem $L = \{a^i b^j c^j \mid i + j = n\}$

Faça uma gramática G que gere L .

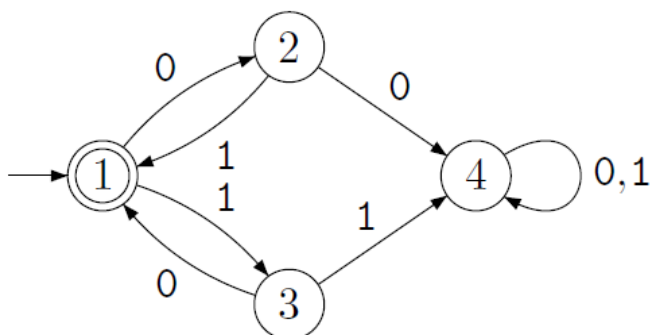
Solução:

$P \rightarrow aPc \mid B$
 $B \rightarrow aBb \mid \lambda$

3. Seja $L_1 = \{01, 10\}^*$ e $L_2 = \{01\}\{0,1\}^*\{10\}$.

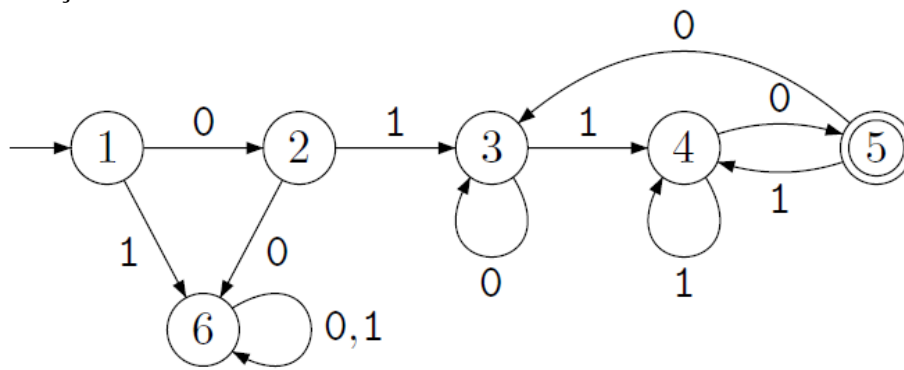
a) Construa um AFD que reconheça L_1 .

Solução:



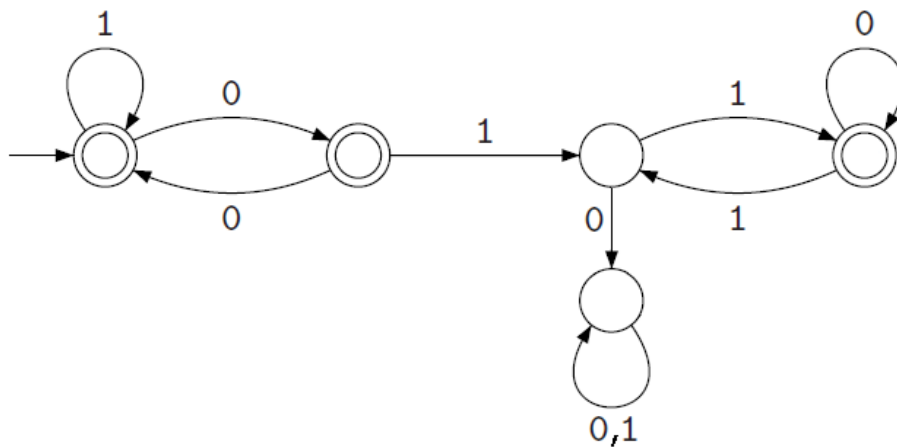
b) Construa um AFD que reconheça L_2 .

Solução:



4. Encontre um AFD que reconheça $\{00, 1\}^*\{0, 11\}^*$.

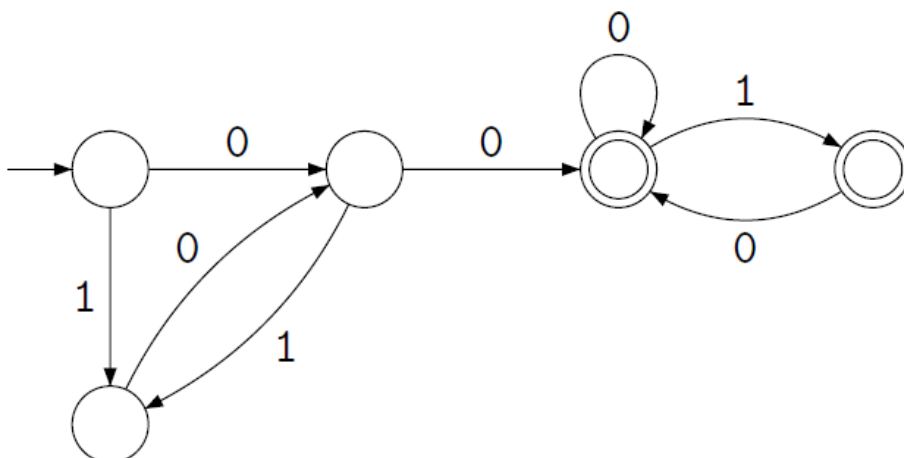
Solução:



5. Seja a linguagem $L = \{w \in \{0,1\}^* \mid 00 \text{ é subpalavra de } w \text{ e } 11 \text{ não é subpalavra de } w\}$. Faça:

a) Um AFD que reconheça L .

Solução:



b) Uma expressão regular que denote L .

Solução: ER: $(0 + 10) (10)^* 0 (0 + 10)^* (\lambda + 1)$.

6. Obtenha gramáticas para as seguintes linguagens sobre $\{0,1\}$:

a) A linguagem da questão anterior.

Solução:

$$\begin{aligned} P &\rightarrow 0A \mid 10A \\ A &\rightarrow 0B \mid 10A \\ B &\rightarrow 0B \mid 10B \mid \lambda \mid 1 \end{aligned}$$

b) $\{0^n 1^n 0^n \mid n \geq 0\}$

Solução:

$$\begin{aligned} X &\rightarrow Y \mid \lambda \\ Y &\rightarrow 0YU0 \mid 010 \\ 0U &\rightarrow U0 \\ 1U &\rightarrow 11 \end{aligned}$$

7. Diga que linguagens são geradas pelas gramáticas:

a) $(\{A\}, \{0, 1\}, R_1, A)$, sendo R_1 constituído de:

$$A \rightarrow 0A \mid A01 \mid 1$$

Solução:

$$L = \{0\}^* \{1\} \{01\}^*.$$

b) $(\{S, A\}, \{0, 1\}, R_2, S)$, sendo R_2 constituído de:

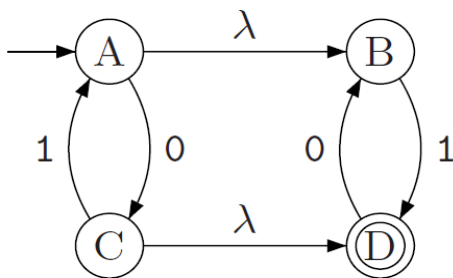
$$\begin{aligned} S &\rightarrow AS \mid \lambda \\ A &\rightarrow 0A0 \mid 1 \end{aligned}$$

Solução:

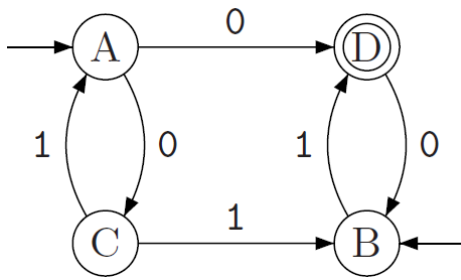
$$L = \{0^n 10^n \mid n \in \mathbf{N}\}^*.$$

8. Partindo do AFN λ a seguir, obtenha um AFN e um AFD equivalentes.

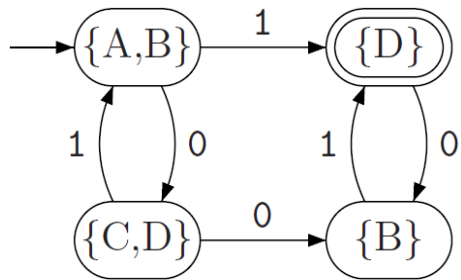
AFN λ



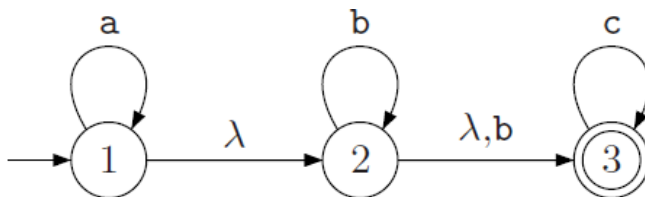
AFN



AFD

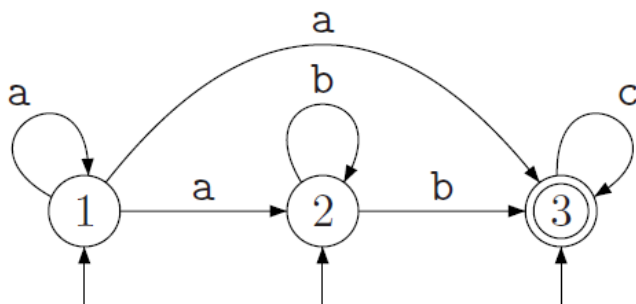


9. Seja o AFN λ com o seguinte diagrama de estados:

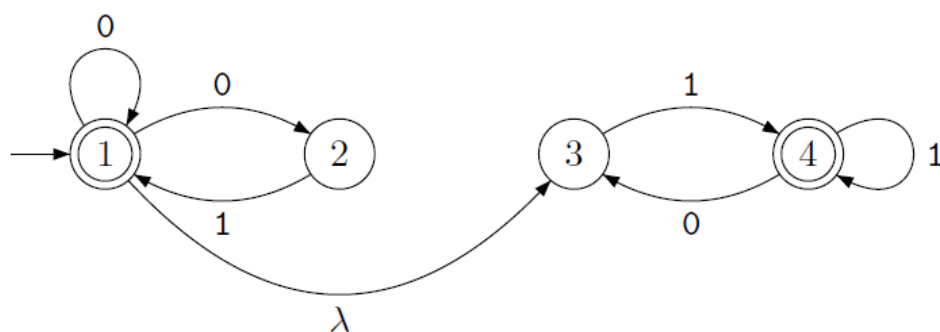


Obtenha um AFN equivalente.

Solução:

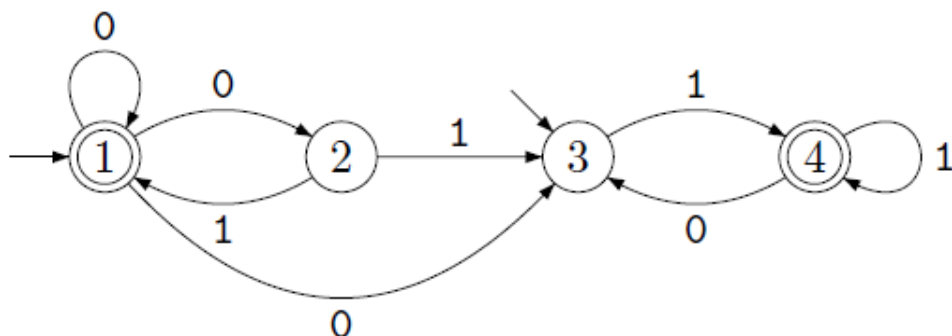


10. Seja o AFN λ com o seguinte diagrama de estados:



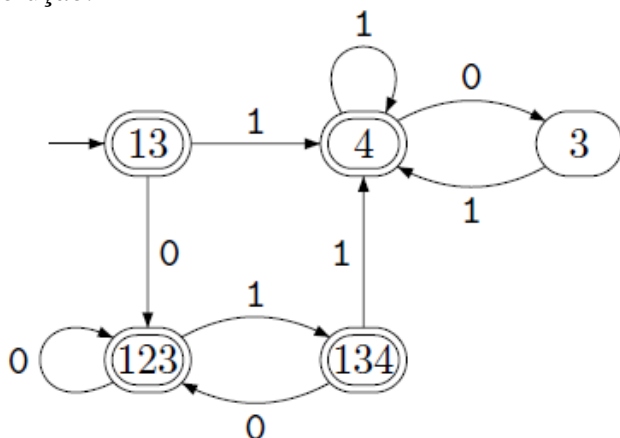
a) Apresente o diagrama de estados de um AFN equivalente.

Solução:

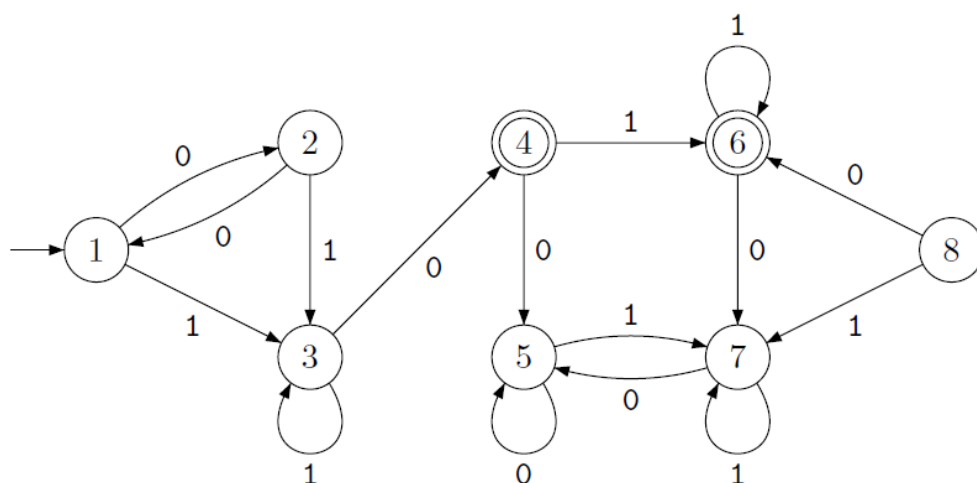


b) Apresente um AFD equivalente.

Solução:



11. Seja o AFD com o seguinte diagrama de estados:



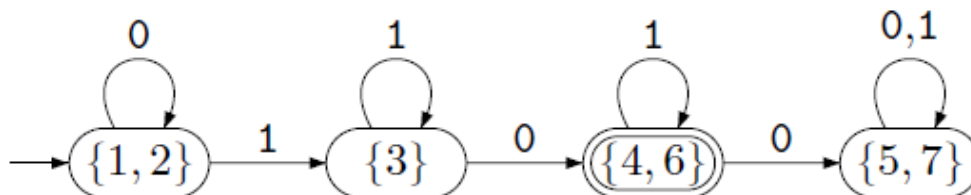
a) Obtenha o AFD Mínimo equivalente.

Solução:

Inicialmente, deve-se eliminar o estado 8, inalcançável a partir do estado inicial. As partições induzidas pela relação de equivalência entre estados evoluem assim:

$S_0: \{1, 2, 3, 5, 7\} \{4, 6\};$
 $S_1: \{1, 2, 5, 7\} \{3\} \{4, 6\};$
 $S_2: \{1, 2\} \{5, 7\} \{3\} \{4, 6\};$
 $S_3: \{1, 2\} \{5, 7\} \{3\} \{4, 6\}.$

Diagrama de estados do AFD mínimo:

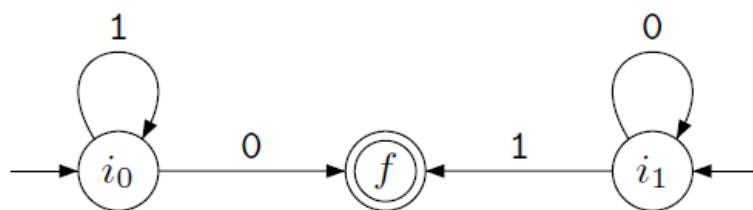


b) Qual linguagem é reconhecida pelo AFD em questão?

Solução:

Linguagem: $\{0\}^* \{1\} \{1\}^* \{0\} \{1\}^*$.

12. Seja o AFN com o seguinte diagrama de estados:

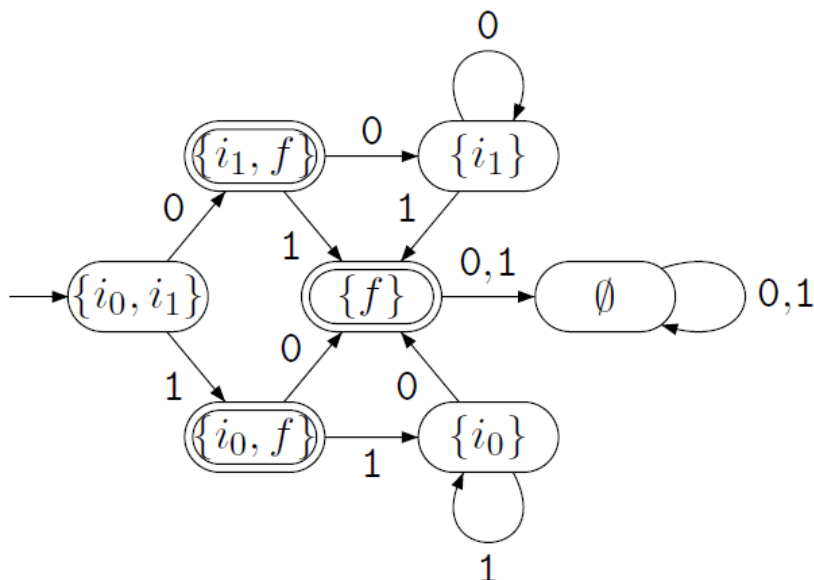


a) Que linguagem é reconhecida pelo AFN em questão?

Solução: $\{0\}^* \{1\} \cup \{1\}^* \{0\}$.

b) Obtenha um AFD equivalente.

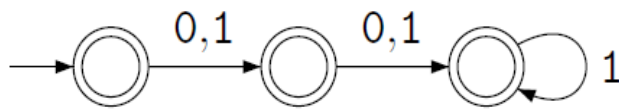
Solução:



13. Construa AFDs que reconheçam as linguagens:

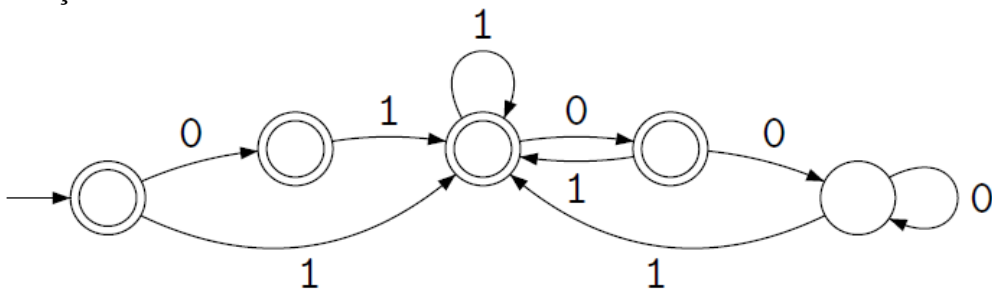
a) $L = \{\lambda, 0, 1\}\{\lambda, 0, 1\}\{1\}^*$;

Solução:

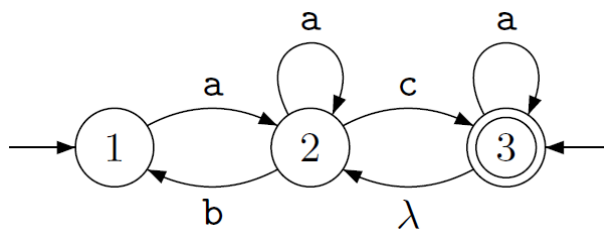


b) $L = \{w \in \{0,1\}^* \mid 00 \text{ não é prefixo nem sufixo de } w\}$.

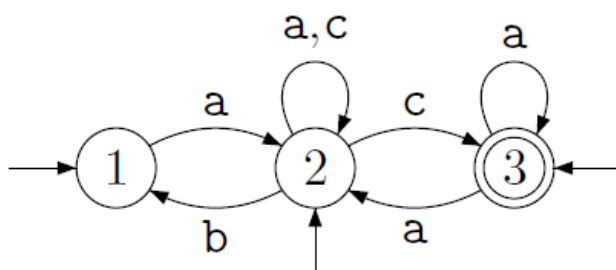
Solução:



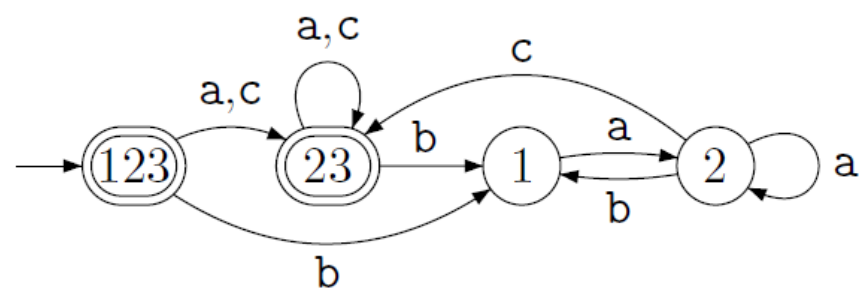
14. Seja o AFNλ:



a) Obtenha um AFN equivalente.



b) Obtenha um AFD equivalente.



15. Expresse por meio da notação de conjuntos, usando apenas as operações de união, interseção, concatenação e/ou *fecho de Kleene*, as seguintes linguagens:

a) $L = \{w \in \{0,1\}^* \mid w \text{ contém } 00 \text{ como prefixo e como sufixo}\}.$

Solução:

$$\{00\}\{0,1\}^*\{00\} \cup \{00,000\}.$$

b) $L = \{w \in \{0,1\}^* \mid w \text{ contém } 00 \text{ e } |w| \text{ é par}\}.$

Solução:

$$(\{0,1\}^*\{00\}\{0,1\}^*) \cap (\{0,1\}\{0,1\})^*.$$

c) $L = \{w \in \{a,b\}^* \mid w \text{ contém no máximo dois } b\text{'s}\}.$

Solução:

$$\{a\}^*\{\lambda, b\}\{a\}^*\{\lambda, b\}\{a\}^*.$$

d) $L = \{w \in \{a,b\}^* \mid \text{a subpalavra } ab \text{ ocorre um número par de vezes em } w\}.$

Solução:

$$(\{b\}^*\{a\}^*\{ab\}\{b\}^*\{a\}^*\{ab\})^*\{b\}^*\{a\}^*.$$

16. Construa gramáticas para as linguagens:

a) $L = \{w \in \{a,b\}^* \mid w \text{ contém no máximo dois } b\text{'s}\}.$

Solução:

$$P \rightarrow ABABA$$

$$A \rightarrow aA \mid \lambda$$

$$B \rightarrow \lambda \mid b$$

b) $L = \{w \in \{a,b\}^* \mid \text{a subpalavra } ab \text{ ocorre um número par de vezes em } w\}.$

Solução:

$$P \rightarrow BAabBAabP \mid BA$$

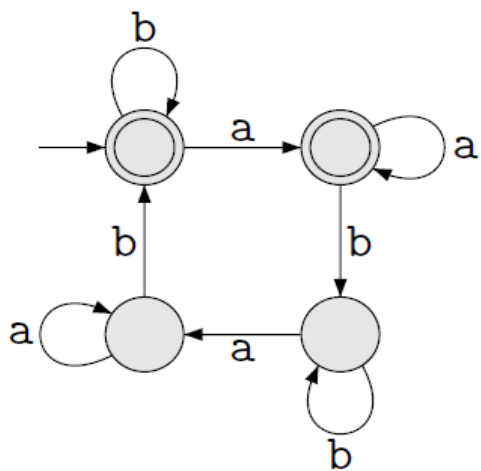
$$A \rightarrow aA \mid \lambda$$

$$B \rightarrow bB \mid \lambda$$

17. Construa AFDs que reconheçam:

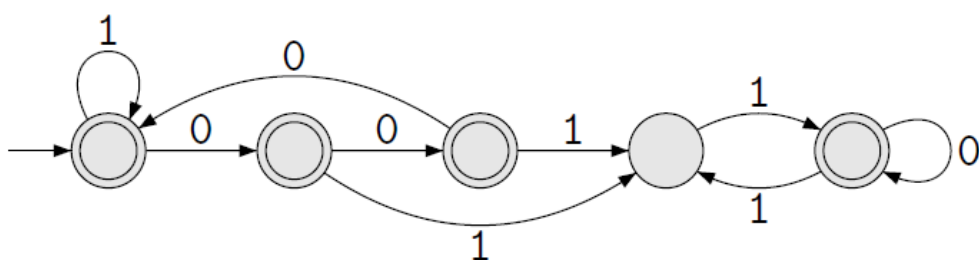
a) $L = \{w \in \{a,b\}^* \mid \text{a subpalavra } ab \text{ ocorre um número par de vezes em } w\}.$

Solução:

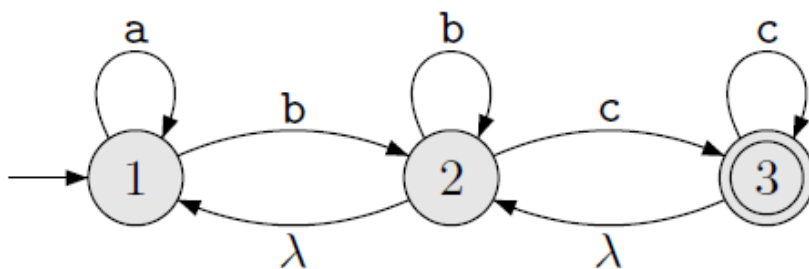


b) $\{000,1\}^*\{0,11\}^*$.

Solução:

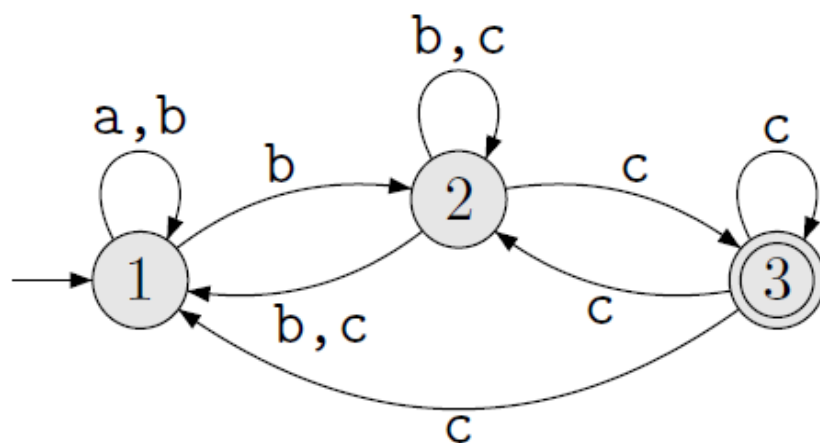


18. Obtenha um AFN equivalente a:

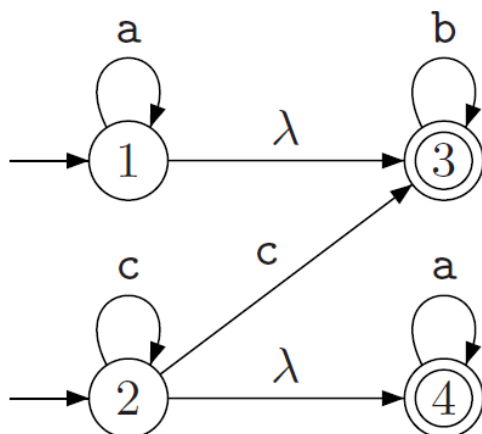


Solução

AFN

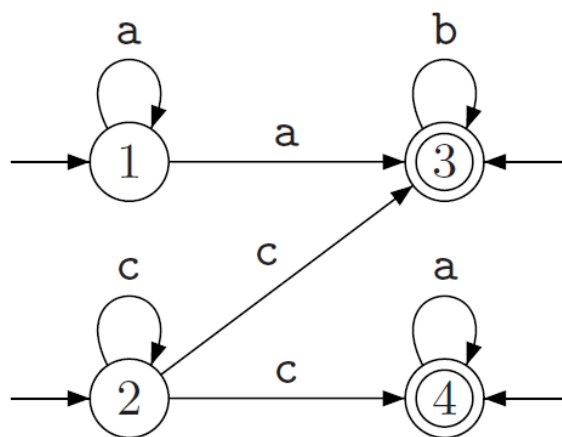


19. Seja o AFN λ :



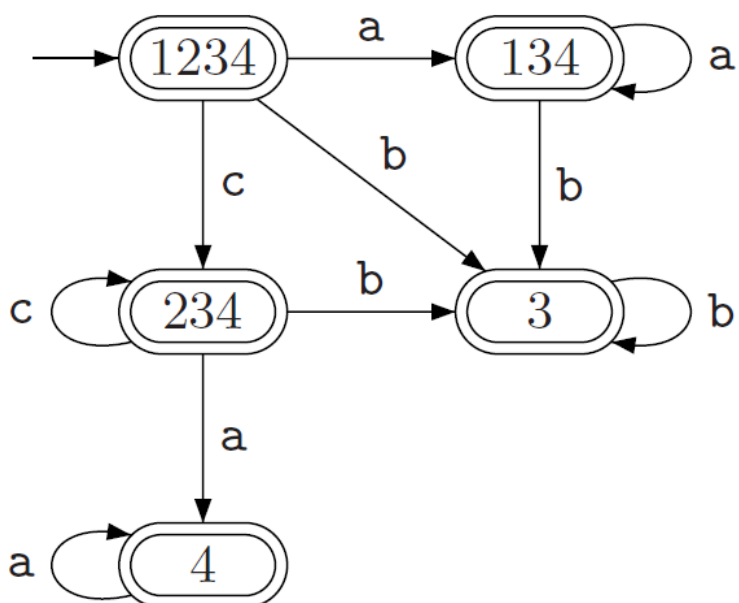
a) Obtenha um AFN equivalente pela eliminação das transições λ .

Solução:



b) Obtenha um AFD equivalente ao AFN.

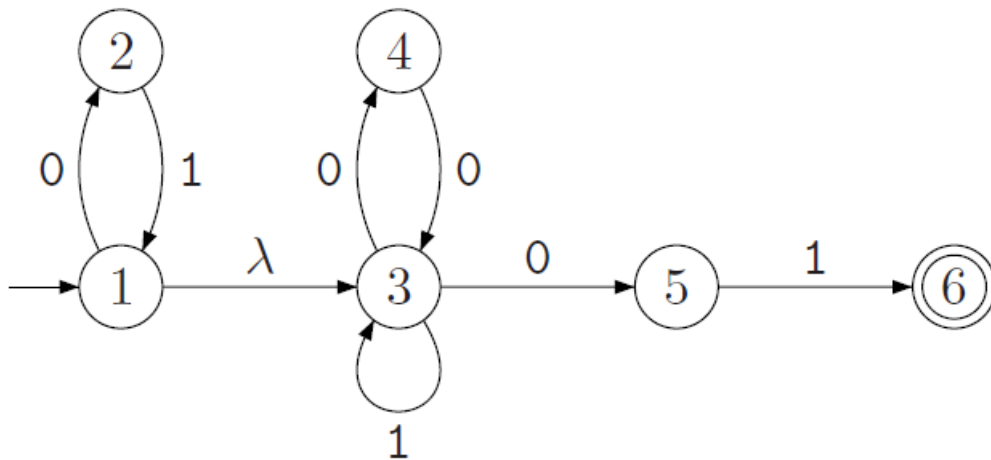
Solução:



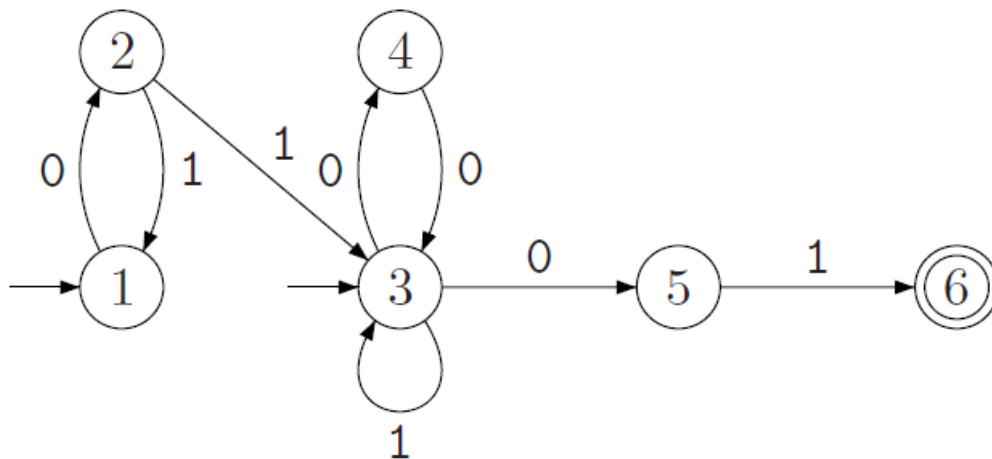
20. Construa um AFD que reconheça a linguagem denotada por $(01)^*(00 + 1)^*01$.

Solução:

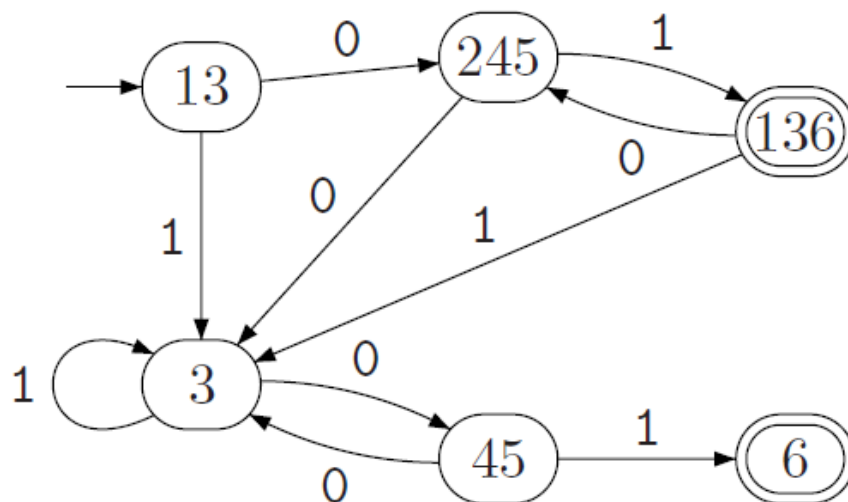
Um AFN λ :



Um AFN correspondente:



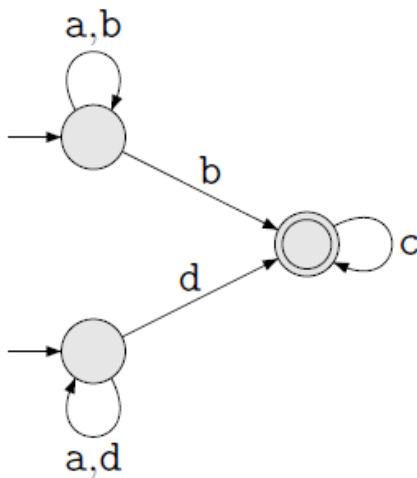
AFD correspondente:



21. Encontre uma expressão regular que denote $\{0^m 1^n \mid m + n \text{ é ímpar}\}$.

Solução: ER: $(00)^*(0 + 1)(11)^*$.

22. Construa um AFN de 3 estados que reconheça $(a + b)^*bc^* + (a + d)^*dc^*$.



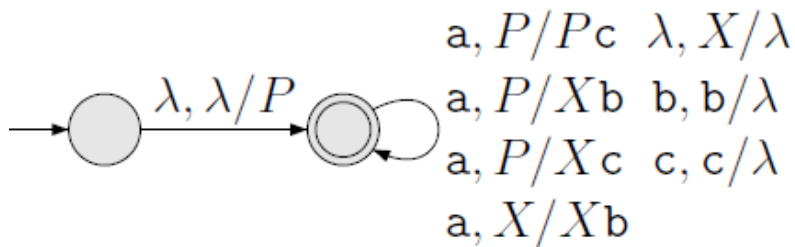
23. Construa uma GLC e um AP para a linguagem: $\{a^{m+n}b^m c^n \mid m + n \geq 1\}$.

Solução:

GLC:

$P \rightarrow aPc \mid aXb \mid aXc$
 $X \rightarrow aXb \mid \lambda$

AP:

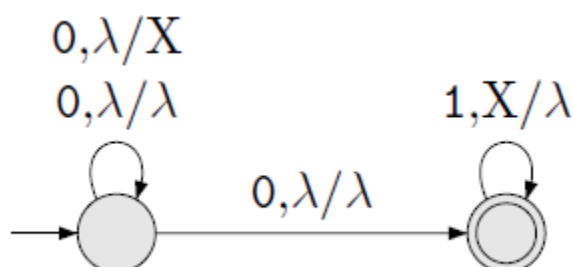


24. Para cada linguagem a seguir, construa um APD que a reconheça, se possível. Se não for possível, construa um APN. Critério de reconhecimento: por estado final e pilha vazia.

a) $\{0^n 1^k \mid n > k\}$

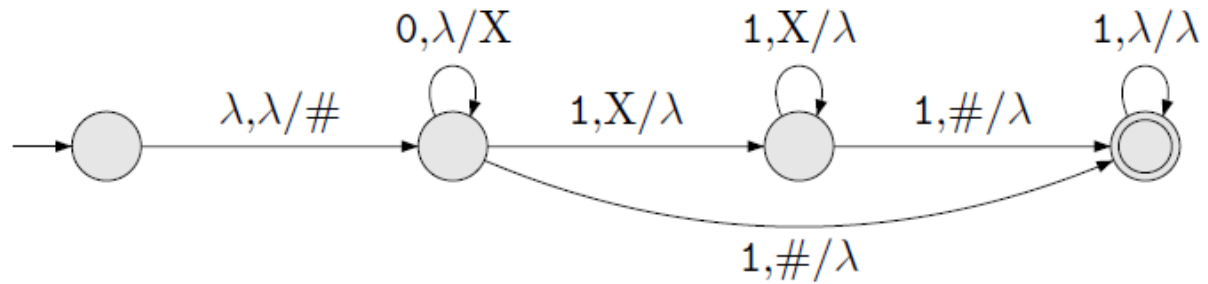
Solução:

APN



b) $\{0^n 1^k \mid n < k\}$

Solução:
APD



25. Seja $L = \{a^m b^n c^p \mid m \geq n \text{ ou } m \geq p\}$.

a) Construa uma GLC que gere L .

Solução:

$P \rightarrow XC \mid Y$

$X \rightarrow aXb \mid aX \mid \lambda$

$C \rightarrow cC \mid \lambda$

$Y \rightarrow aYc \mid aY \mid B$

$B \rightarrow bB \mid \lambda$

b) Mostre que a GLC construída é ambígua ou apresente uma argumentação convincente de que não é.

Solução:

A GLC é ambígua, pois há duas derivações mais à esquerda para λ :

$P \Rightarrow XC \Rightarrow C \Rightarrow \lambda$

$P \Rightarrow Y \Rightarrow B \Rightarrow \lambda$

26. Seja $L = \{0^k 1^n \mid k \text{ é ímpar e } k \text{ é diferente de } n\}$. Construa uma GLC que gere L .

Solução:

$P \rightarrow X \mid Y$

$X \rightarrow 00X \mid 0A$

$A \rightarrow 11A \mid \lambda$

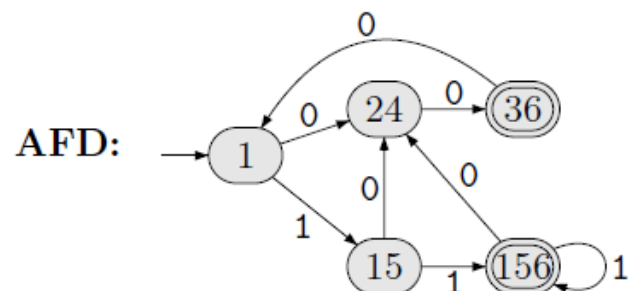
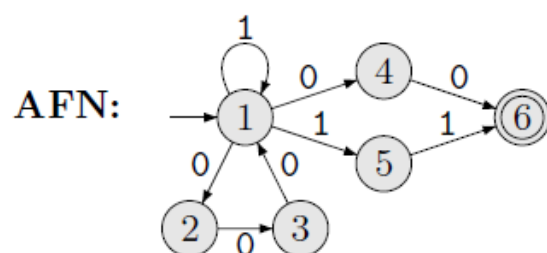
$Y \rightarrow 00Y11 \mid 0B1 \mid 0C1$

$B \rightarrow 00B \mid 00$

$C \rightarrow 11C \mid 11$

27. Apresente um diagrama de estados de um AFD que reconheça $(000 + 1)^*(00 + 11)$.

Solução:



28. Apresente um diagrama de estados de um AFN que reconheça a linguagem:

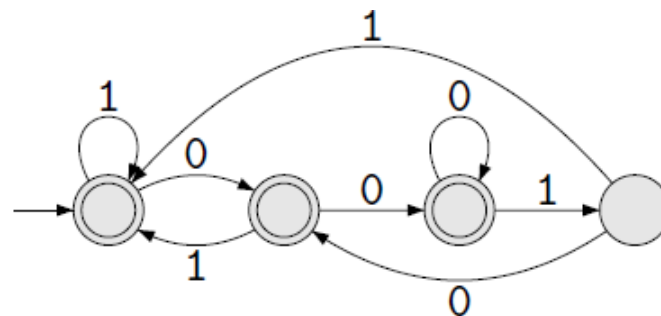
$$L = \{w \in \{0,1\}^* \mid 001 \text{ não é sufixo de } w\}$$

e que tenha as seguintes características:

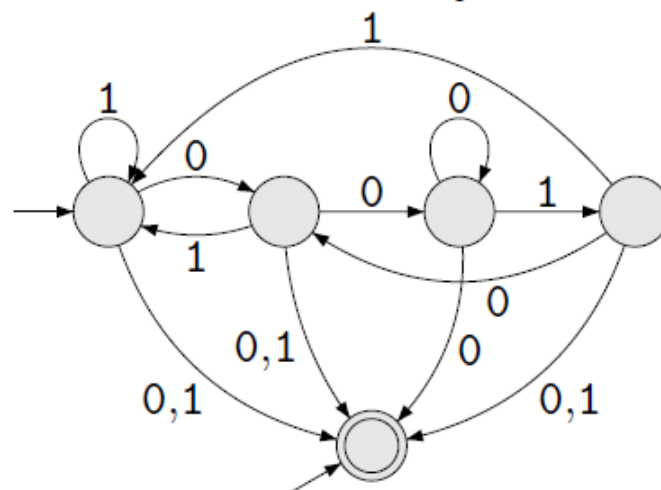
- tem um único estado final; e
- para cada $w \in L$ existe uma única computação de sucesso.

Solução:

AFD:



AFN:



29. Seja a gramática:

$$P \rightarrow A \mid BC$$

$$A \rightarrow B \mid C$$

$$B \rightarrow bB \mid b$$

$$C \rightarrow cC \mid c$$

a) Use o método visto no curso para criar uma gramática equivalente sem regras unitárias (regras de cadeias).

Solução:

Variáveis encadeadas: $\text{enc}(P) = \{P, A, B, C\}$, $\text{enc}(A) = \{A, B, C\}$, $\text{enc}(B) = \{B\}$, $\text{enc}(C) = \{C\}$.
Com isto a gramática fica assim:

$$P \rightarrow BC \mid bB \mid b \mid cC \mid c$$

$$A \rightarrow bB \mid b \mid cC \mid c$$

$$B \rightarrow bB \mid b$$

$$C \rightarrow cC \mid c$$

b) Mostre que a gramática criada contém símbolos inúteis (um ou mais).

Solução:

Aplicando-se o método de detecção de variáveis inúteis obtém-se inicialmente $V' = \{P, A, B, C\}$ e depois $V'' = \{P, B, C\}$, e portanto A é inútil.

30. Construa uma gramática que gere:

a) $\{a^n b^n a^n \mid n \geq 1\}$.

Solução:

$P \rightarrow aPBa \mid aba$

$aB \rightarrow Ba$

$bB \rightarrow bb$

b) $\{a^n b^i c^j \mid n > i + j\}$.

Solução:

$X \rightarrow aXc \mid Y$

$Y \rightarrow aYb \mid A$

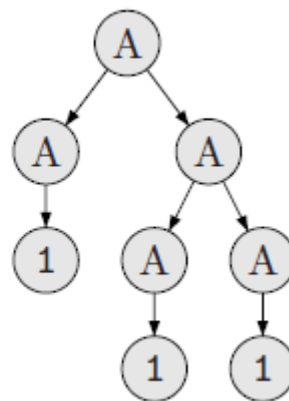
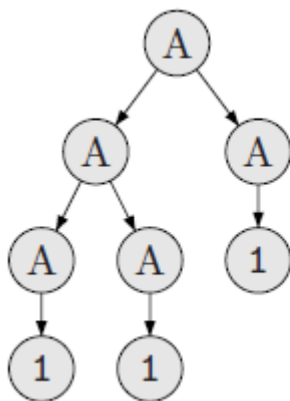
$A \rightarrow aA \mid a$

31. Seja a GLC $G: A \rightarrow AA \mid 01 \mid 1$

a) Mostre que G é ambígua apresentando duas árvores de derivação para a menor palavra para a qual existam duas árvores de derivação.

Solução:

Duas árvores de derivação para 111:



b) Construa duas GLCs equivalentes a G , ambas não ambíguas.

Solução:

$P \rightarrow PX \mid X$

$X \rightarrow 1 \mid 01$

e

$P \rightarrow XP \mid X$

$X \rightarrow 1 \mid 01$

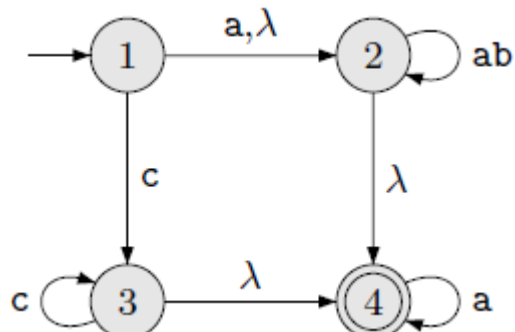
32. Construa uma gramática que gere $\{w \in \{a,b,c\}^* \mid w \text{ não contém } ab \text{ nem } bc\}$.

$X \rightarrow aA \mid bB \mid cX \mid \lambda$

$A \rightarrow aA \mid cX \mid \lambda$

$B \rightarrow aA \mid bB \mid \lambda$

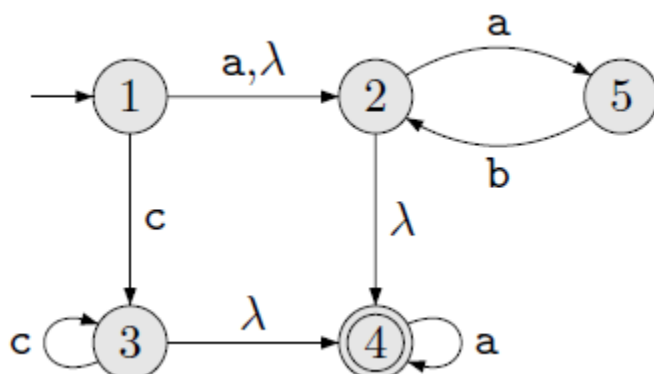
33. Seja o AFNE com o diagrama de estados:



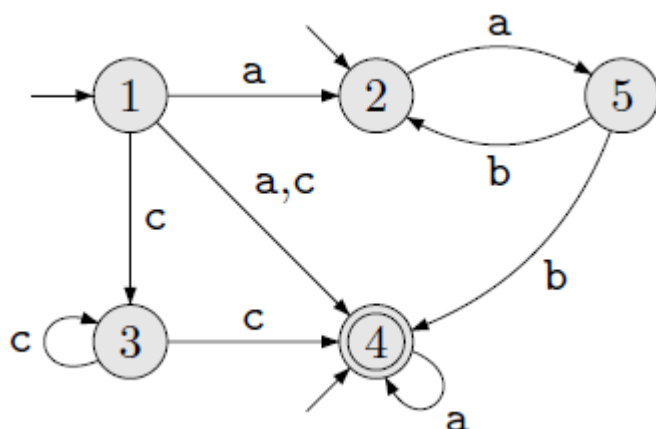
Obtenha um AFN equivalente.

Solução:

AFN λ equivalente:

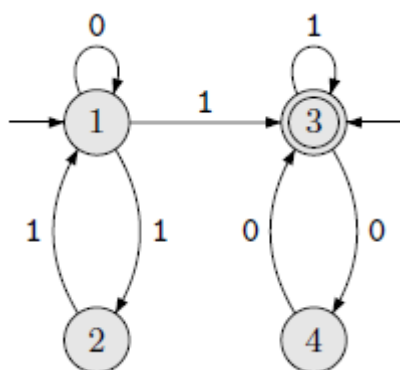


AFN:



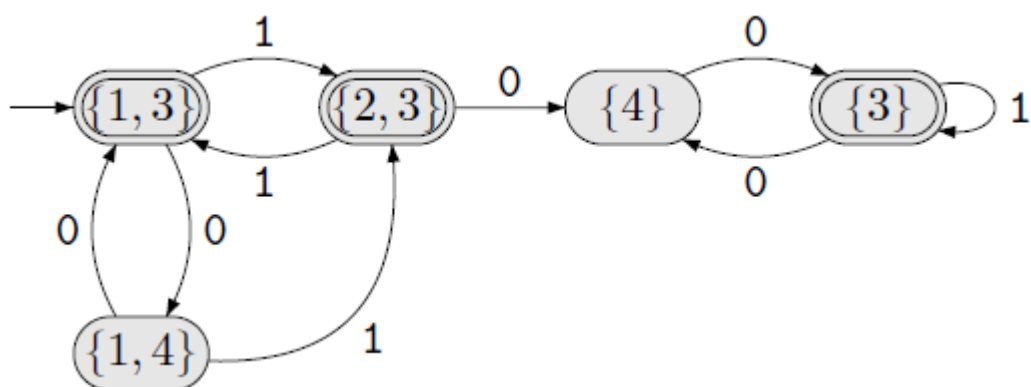
34. Considere o AFN com o seguinte diagrama de estados (note que ele tem dois estados iniciais):

AFN

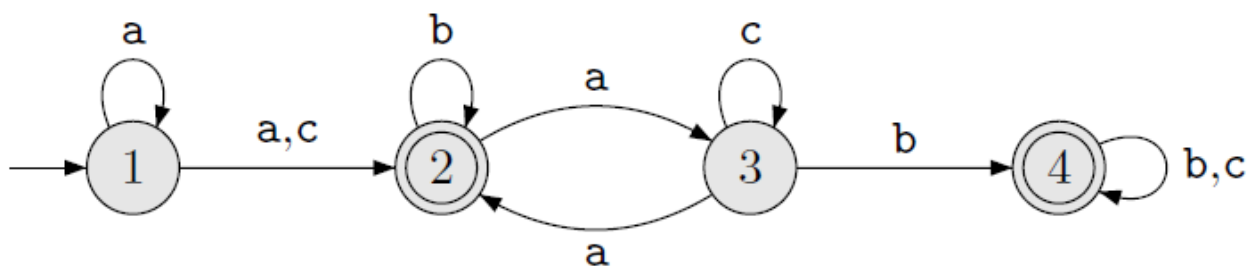


Obtenha um AFD equivalente.

Solução:

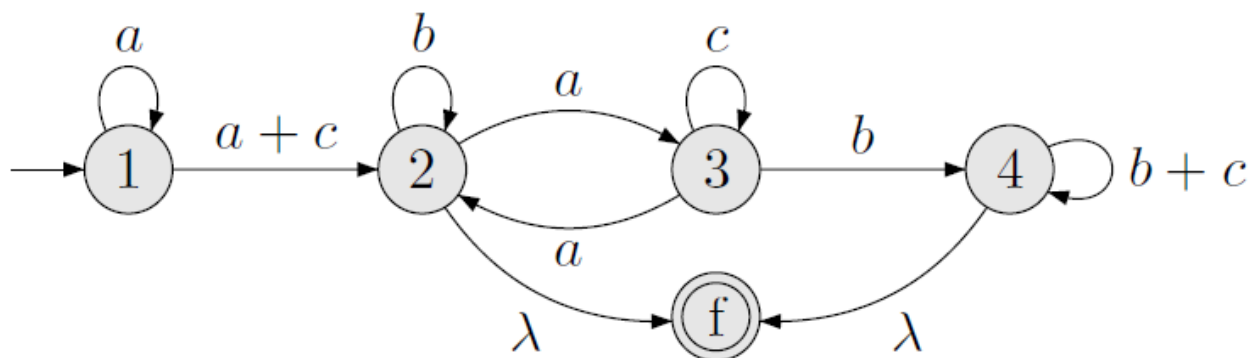


35. Obtenha uma expressão regular que denote a linguagem reconhecida pelo AFN:

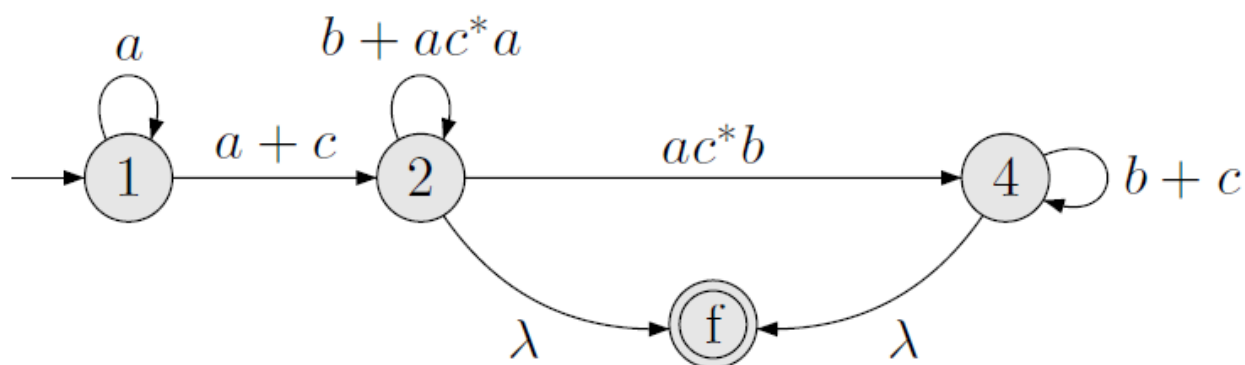


Solução:

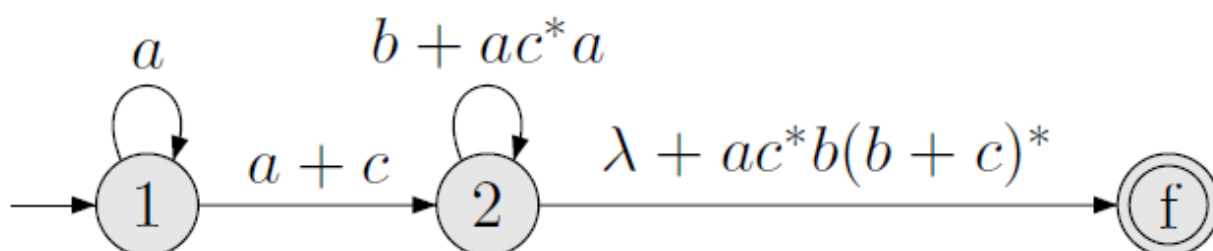
Colocando-se um estado final único e transformando em diagrama ER:



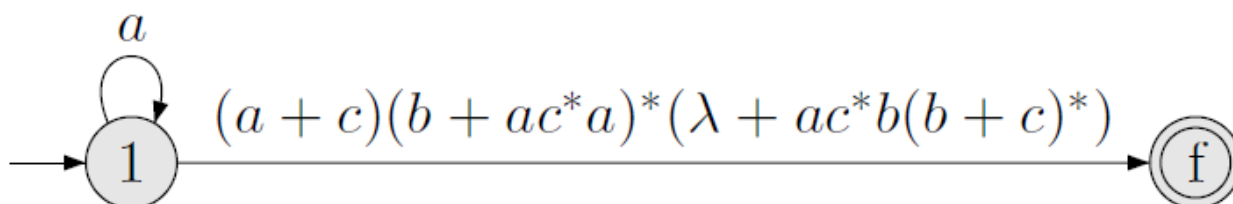
Eliminando-se o estado 3:



Eliminando-se o estado 4:



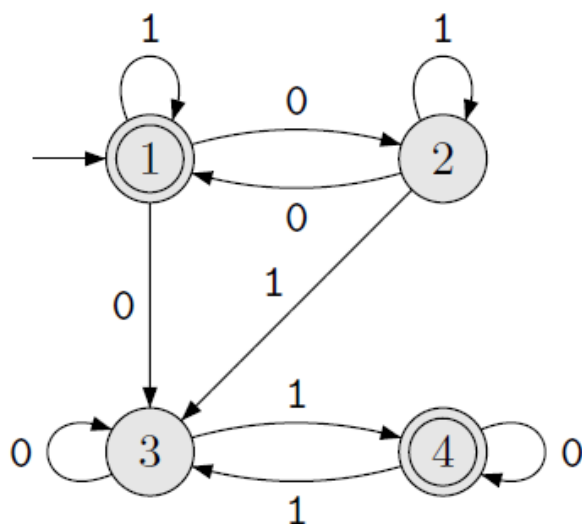
Eliminando-se o estado 2:



A ER é, então: $a^*(a + c)(b + ac^*a)^*(\lambda + ac^*b(b + c)^*)$.

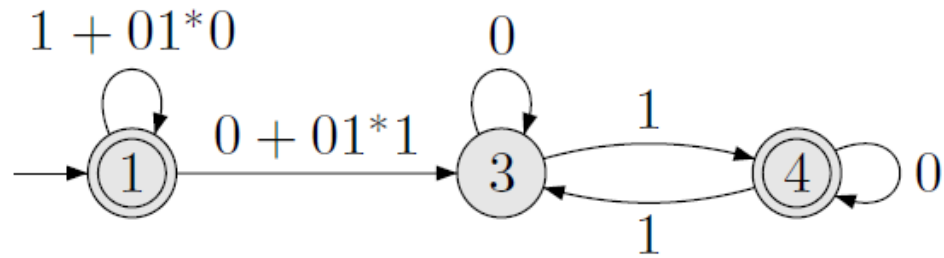
36. Obtenha uma expressão regular que denote a linguagem reconhecida pelo AFN:

AFN

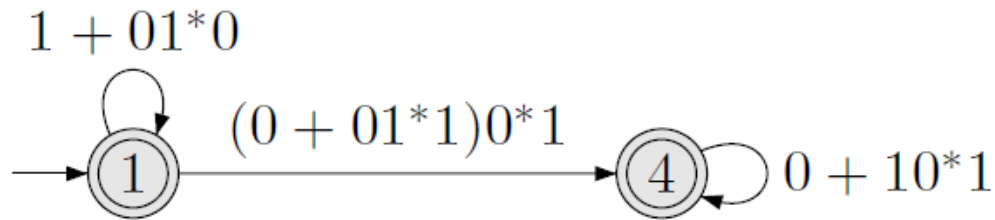


Solução:

Eliminando-se o estado 2, obtém-se:

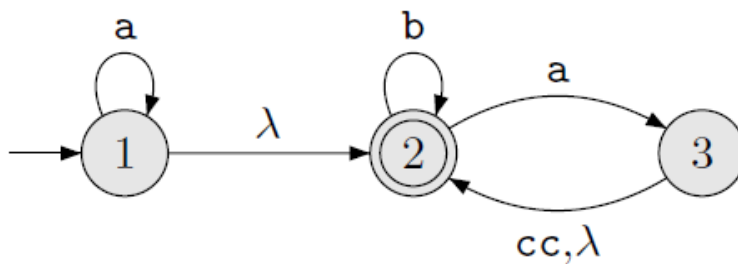


Eliminando-se o estado 3, obtém-se:



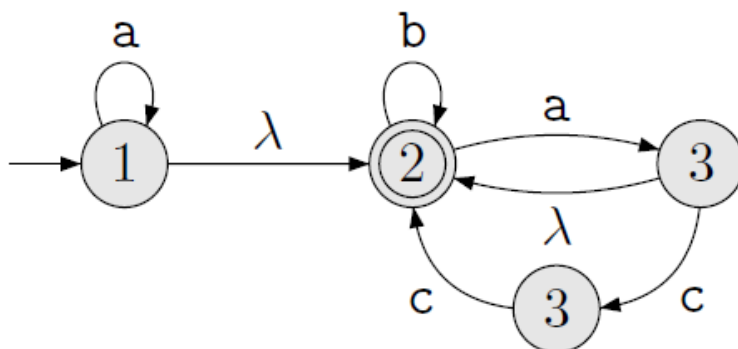
ER: $(1 + 01^*0)^*[\lambda + (0 + 01^*1)0^*1(0 + 10^*1)^*]$.

37. Seja o AFNE com o diagrama de estados a seguir. Obtenha o AFN equivalente.

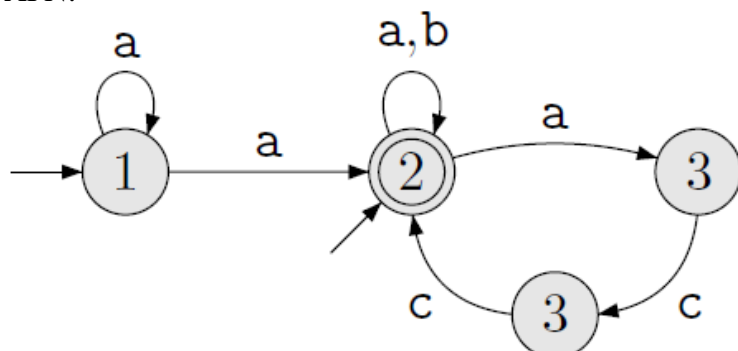


Solução:

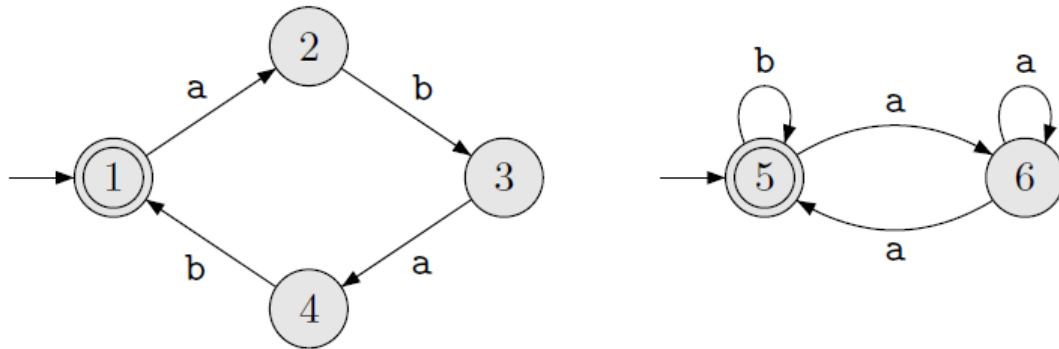
AFN λ equivalente:



AFN:



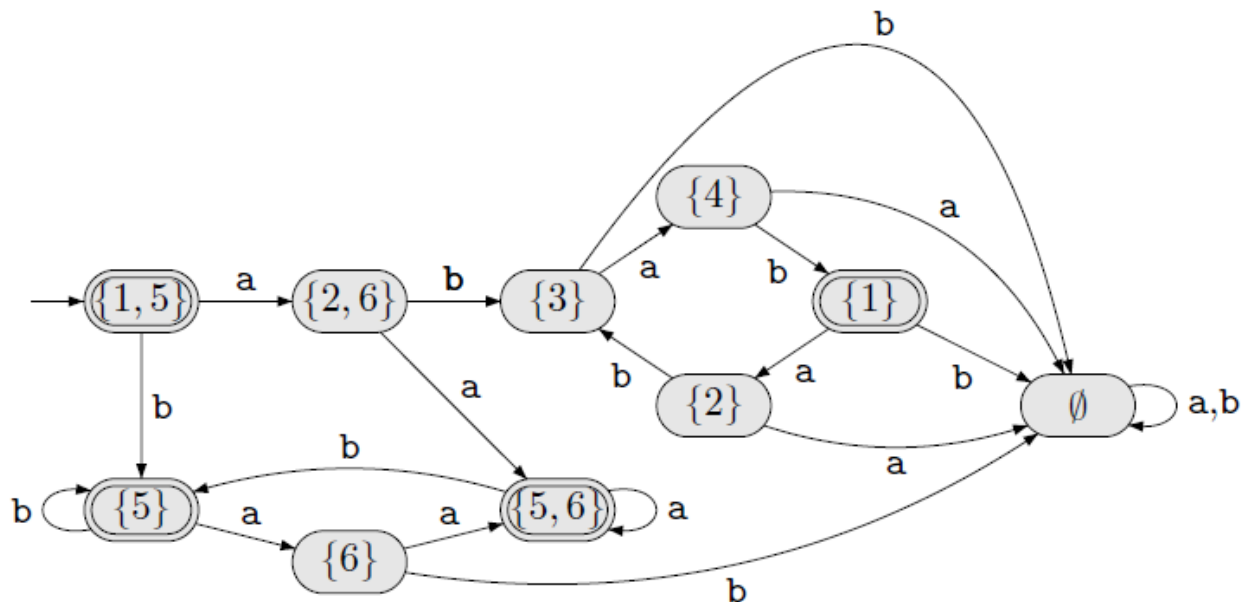
38. Seja o AFN com o diagrama de estado (note que ele tem dois estados iniciais):



Obtenha um AFD equivalente.

Solução:

AFD



39. Descreva utilizando apenas notação de conjunto e as operações de união, concatenação e fecho de Kleene:

a) O conjunto das palavras de 0s e 1s que começam com 0 e terminam com 1.

$\{0\}\{0, 1\}^*\{1\}$.

b) O conjunto das palavras de 0s e 1s que contém 00.

$\{0, 1\}^*\{00\}\{0, 1\}^*$.

c) O conjunto das palavras de 0s e 1s que começam com 0 e contém a subpalavra 00.

$\{00\}\{0, 1\}^* \cup \{01\}\{0, 1\}^*\{00\}\{0, 1\}^*$.

d) O conjunto das palavras de 0s e 1s com número par de 1s.

$\{0\}^*({1}\{0\}^*{1}\{0\}^*)^*$.

40. Obtenha gramáticas para as seguintes linguagens:

a) O conjunto das palavras de 0s e 1s com número par de 1s.

Solução:

$$P \rightarrow Z1Z1P \mid Z$$

$$Z \rightarrow 0Z \mid \lambda$$

b) $\{w \in \{0,1\}^* \mid w \text{ não contém } 00\}$.

Solução:

$$X \rightarrow 1P \mid 01P \mid 0 \mid \lambda$$

c) $\{a\}^* \{0^n 1^n \mid n \geq 0\} \{b\}^*$.

Solução:

$$R \rightarrow aR \mid Rb \mid N$$

$$N \rightarrow 0N1 \mid \lambda$$

d) $\{w \in \{0,1\}^* \mid w \text{ tem mais 0s que 1s}\}$.

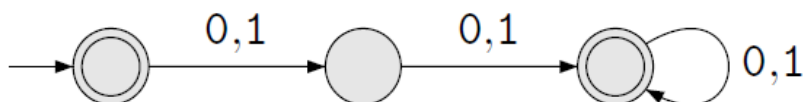
Solução:

$$Z \rightarrow 0Z1 \mid 0Z \mid 0$$

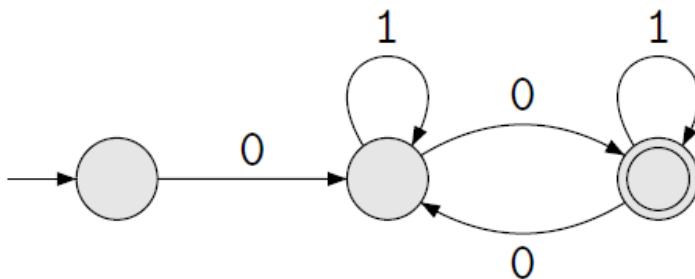
$$01 \rightarrow 10$$

41. Construa AFDs que reconheçam as linguagens a seguir:

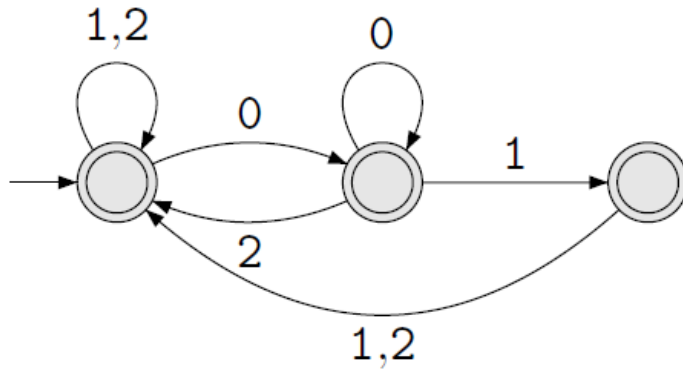
a) $\{0,1\}^* - \{0,1\}$.



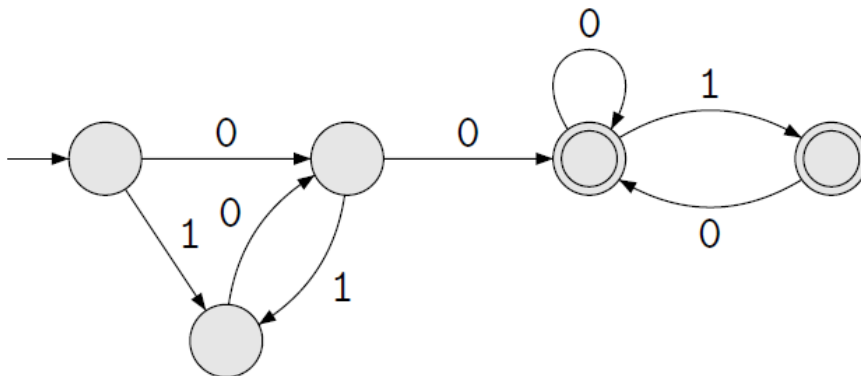
b) O conjunto das palavras de 0s e 1s que começam com 0 e tem número par de 0s.



c) $\{w \in \{0,1,2\}^* \mid w \text{ não contém } 010\}$.



d) $\{w \in \{0,1\}^* \mid w \text{ contém } 00, \text{ mas não contém } 11\}$.



42. Descreva em português, de forma *precisa e concisa*, as linguagens:

Por exemplo: $\{0\}\{0,1\}^*\{1\}$ é o conjunto das palavras de 0s e 1s que começam com 0 e terminam com 1.

a) $\{1\}\{0,1\}^*$.

O conjunto das palavras de 0s e 1s que começam com 1.

b) $\{0,1\}^*\{11\}\{0,1\}^*$.

O conjunto das palavras de 0s e 1s que contém 11.

c) $\{0,1\}^*\{11\}^*\{0,1\}^*$.

O conjunto de todas as palavras de 0s e 1s.

d) $(\{1\}^* \cup \{0\}\{1\}^*\{0\})^*$.

O conjunto das palavras de 0s e 1s com número par de 0s.

43. Obtenha gramáticas para as seguintes linguagens:

a) $\{0,1\}^*\{11\}\{0,1\}^*$.

Solução:

$P \rightarrow X11X$

$X \rightarrow 0X \mid 1X \mid \lambda$

b) $\{w \in \{0,1\}^* \mid |w| \text{ é múltiplo de } 3\}$.

Solução:

$$M \rightarrow XXXM / \lambda$$

$$X \rightarrow 0 \mid 1$$

c) $\{ww^r \mid w \in \{a,b\}^*\}$.

Solução:

$$R \rightarrow aRa / bRb \mid \lambda$$

d) A concatenação das linguagens dos itens (a) e (c).

Solução:

$$C \rightarrow PR$$

$$P \rightarrow X11X$$

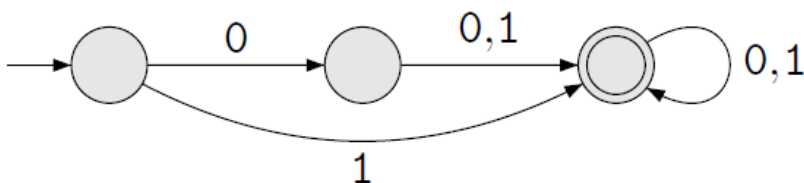
$$X \rightarrow 0X / 1X \mid \lambda$$

$$R \rightarrow aRa / bRb \mid \lambda$$

44. Construa AFDs que reconheçam as linguagens a seguir. Apresente apenas o diagrama de estados (que podem ser simplificados).

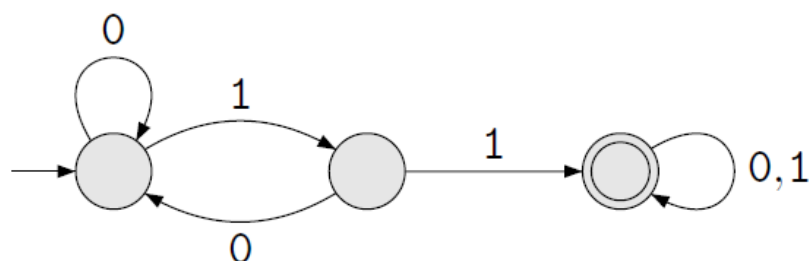
a) $\{0,1\}^* - \{\lambda, 0\}$.

Solução:



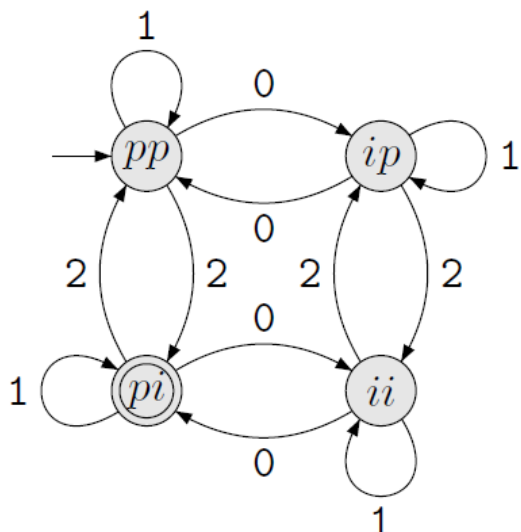
b) $\{0,1\}^* \{11\} \{0,1\}^*$.

Solução:



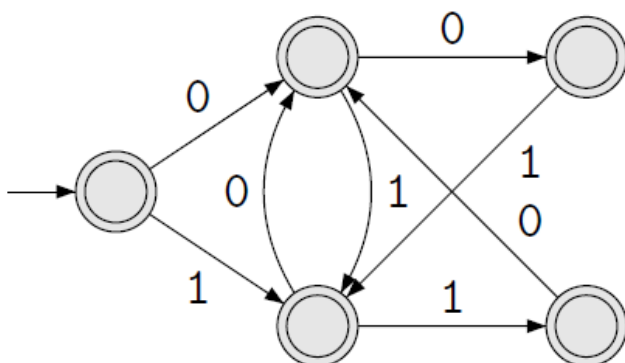
c) $\{w \in \{0,1,2\}^* \mid w \text{ tem número par de 0s e ímpar de 2s}\}$.

Solução:



d) $\{w \in \{0,1\}^* \mid w \text{ não contém três símbolos consecutivos idênticos}\}$.

Solução:



45. Obtenha ERs que denotem as linguagens:

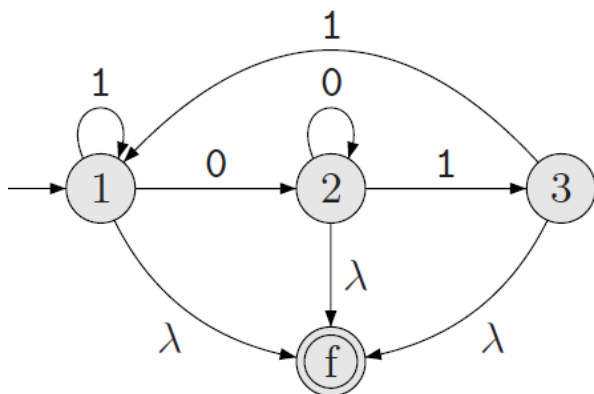
a) $\{w \in \{0,1\}^* \mid w \text{ tem um número par de 0s antes de seu primeiro 1}\} \cup \{0\}^*$.

Solução: ER: $(00)^*1(0+1)^* + 0^*$.

b) $\{w \in \{0,1\}^* \mid w \text{ não contém a subpalavra 010}\}$.

Solução:

Um AF que reconhece $\{w \in \{0,1\}^* \mid w \text{ não contém a subpalavra 010}\}$:



Eliminando-se 3 e 2, nesta ordem, obtém-se a ER: $(1+00^*11)^*(\lambda + 00^*(\lambda + 1))$.

46. Seja a gramática G de regras $X \rightarrow XX / 0 \mid 1$.

a) Mostre que G é ambígua.

Solução:

Duas DMEs para 000:

$$\begin{aligned} X &\Rightarrow XX \Rightarrow 0X \Rightarrow 0XX \Rightarrow 00X \Rightarrow 000 \\ X &\Rightarrow XX \Rightarrow XXX \Rightarrow 0XX \Rightarrow 00X \Rightarrow 000 \end{aligned}$$

b) Construa uma gramática não ambígua equivalente a G .

Solução:

$$X \rightarrow 0X / 1X \mid 0 \mid 1.$$

47. Transforme a GLC a seguir em uma equivalente na forma normal de Chomsky (FNC).

$$\begin{aligned} F &\rightarrow FTC \mid CD \\ T &\rightarrow TC \mid \lambda \\ C &\rightarrow CD \mid D \\ D &\rightarrow aDb \mid \lambda \end{aligned}$$

Solução:

- Eliminação de regras λ .

Variáveis anuláveis: $\{T, D, C, F\}$. GLC resultante:

$$\begin{aligned} F &\rightarrow FTC \mid TC \mid FC \mid FT \mid T \mid C \mid CD \mid D \mid \lambda \\ T &\rightarrow TC \mid C \\ C &\rightarrow CD \mid D \\ D &\rightarrow aDb \mid ab \end{aligned}$$

- Eliminação de regras unitárias.

$\text{enc}(F) = \{F, T, C, D\}$; $\text{enc}(T) = \{T, C, D\}$; $\text{enc}(C) = \{C, D\}$; $\text{enc}(D) = \{D\}$. GLC resultante:

$$\begin{aligned} F &\rightarrow FTC \mid TC \mid FC \mid FT \mid CD \mid aDb \mid ab \mid \lambda \\ T &\rightarrow TC \mid CD \mid aDb \mid ab \\ C &\rightarrow CD \mid aDb \mid ab \\ D &\rightarrow aDb \mid ab \end{aligned}$$

- Introdução de novas variáveis. GLC resultante:

$$\begin{aligned} F &\rightarrow FTC \mid TC \mid FC \mid FT \mid CD \mid ADB \mid AB \mid \lambda \\ T &\rightarrow TC \mid CD \mid ADB \mid AB \\ C &\rightarrow CD \mid ADB \mid AB \\ D &\rightarrow ADB \mid AB \\ A &\rightarrow a \\ B &\rightarrow b \end{aligned}$$

- Quebrando as regras. GLC resultante:

$F \rightarrow FX \mid TC \mid FC \mid FT \mid CD \mid AY \mid AB \mid \lambda$
 $T \rightarrow TC \mid CD \mid AY \mid AB$
 $C \rightarrow CD \mid AY \mid AB$
 $D \rightarrow AY \mid AB$
 $A \rightarrow a$
 $B \rightarrow b$
 $X \rightarrow TC$
 $Y \rightarrow DB$

48. Obtenha gramáticas para as linguagens:

a) $\{0\}\{0,1\}^*\{1\}$.

Solução:

$P \rightarrow 0X1$

$X \rightarrow 0X \mid 1X \mid \lambda$

b) O conjunto das palavras no alfabeto $\{0,1\}$ com número par de símbolos.

Solução:

$P \rightarrow BBP \mid \lambda$

$B \rightarrow 0 \mid 1$

c) $\{0^{2n}1^{3n} \mid n \in \mathbf{N}\}$.

Solução:

$A \rightarrow 00A111 \mid \lambda$

d) $\{w \in \{0,1\}^* \mid w = w^r\}$.

Solução:

$P \rightarrow 0P0 \mid 1P1 \mid \lambda \mid 0 \mid 1$

49. Encontre expressões regulares para as seguintes linguagens:

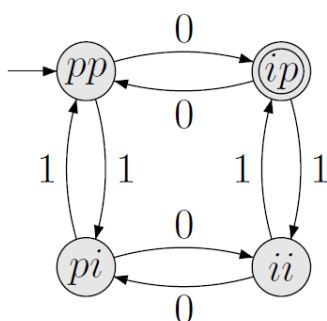
a) $\{w \in \{0,1\}^* \mid w \text{ contém um, dois ou três 0s}\}$.

Solução: ER: $1^*01^*(\lambda + 01^*(\lambda + 01^*))$.

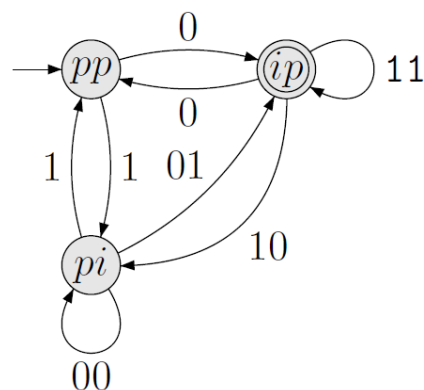
b) $\{w \in \{0,1\}^* \mid w \text{ contém número ímpar de 0s e par de 1s}\}$.

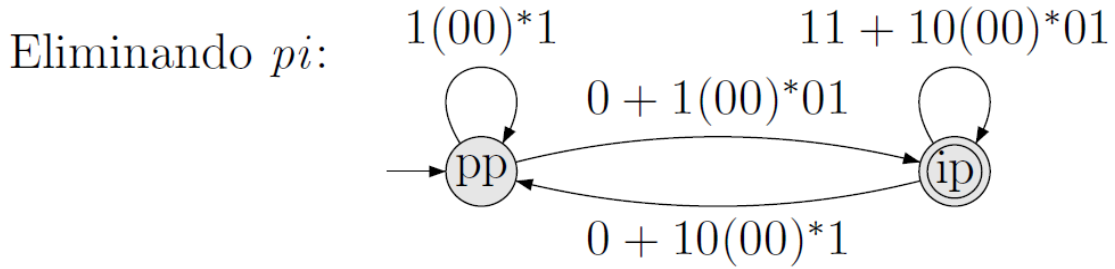
Solução:

Um AFD para a linguagem:



Eliminando ii :





ER: $(1(00)^*1)^*(0+1(00)^*01)[11+10(00)^*01+(0+10(00)^*1)(1(00)^*1)^*(0+1(00)^*01)]^*$.

c) $\{w \in \{a,b\}^* \mid |w| \leq 4\}$.

Solução: ER: $(a + b + \lambda)(a + b + \lambda)(a + b + \lambda)(a + b + \lambda)$.

d) $\{w \in \{0,1\}^* \mid w \text{ inicia com } 0 \text{ e } |w| \text{ é par}\}$.

Solução: ER: $0(0 + 1)((0 + 1)(0 + 1))^*$.

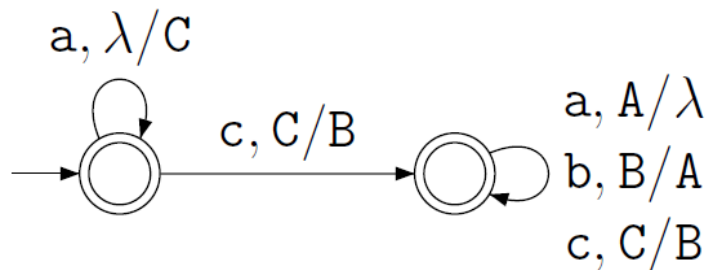
e) $\{w \in \{0,1\}^* \mid |w| > 0 \text{ e } w \text{ tem um único } 0 \text{ nas posições ímpares}\}$. Exemplos, sublinhando o zero na posição ímpar: 0, 00, 01, 001, 011, 100, 110, 0010 etc.

Solução: ER: $(1(0 + 1))^*0((0 + 1)1)^*(\lambda + 0 + 1)$.

50. Construa:

a) Um APD que reconheça $\{a^n(cba)^n \mid n \in \mathbf{N}\}$.

Solução:



b) Um APN que reconheça $\{a^n(abc)^n \mid n \in \mathbf{N}\}$.

Solução:

