

# Estrutura de Dados II

## Recursividade

(Aula02)

Prof. Rafael Nunes

Relembrando alguns  
**conceitos ...**

O que é *computação*?

# Computação

- Busca de uma *solução para um problema*, a partir de entradas, ou cálculo de uma função
- ... através de um *algoritmo*

O que é um *Algoritmo*?

# Algoritmo

- Independe de computador
  - Um algoritmo não representa, necessariamente, um programa de computador, e sim os *passos necessários para realizar uma tarefa*
- ... na Computação
  - *Seqüência de Instruções* para a realização de uma tarefa ou a solução de um problema
- ... na Matemática
  - *Conjunto de processos* para efetuar um cálculo

# Algoritmo

- O conceito de um algoritmo foi formalizado em 1936
  - Máquina de Turing (Alan Turing)
    - <http://ironphoenix.org/tril/tm/>
  - Cálculo de Lambda (Alonzo Church)
    - $(+ (* 5 6) (* 8 3))$

Diferentes Algoritmos podem  
realizar a *mesma tarefa*?



# Diferentes Algoritmos podem realizar a mesma tarefa?

- Sim!

Diferentes algoritmos podem realizar a mesma tarefa usando um conjunto diferenciado de instruções, em mais ou menos tempo

# Diferentes Algoritmos podem realizar a mesma tarefa?

## Algoritmos

- **A1:**
  - 1º Passo: Vestir a meia
  - 2º Passo: Calçar Sapato
  - 3º Passo: Vestir a Calça
- **A2:**
  - 1º Passo: Vestir a Calça
  - 2º Passo: Vestir a meia
  - 3º Passo: Calçar Sapato

# Recursividade!

# O que é Recursão?

... ou recorrência?

... ou recursividade?

# O que é Recursão?

- Recursividade, recursão ou recorrência é quando uma determinada função faz chamada a ela mesma (***com parâmetros diferentes!***).
- O exemplo clássico é o fatorial:
  - Qual o fatorial de cinco ( $5!$ )?
  - *É cinco vezes o fatorial de quatro ( $5 \times 4!$ ).*
  - E qual o fatorial de quatro?
  - *É quatro vezes o fatorial de três ( $4 \times 3!$ ).*

Porque devo aprender  
Recursividade?

# Porque devo aprender Recursividade?

- Porque é um método poderoso e comum de simplificação – *ele divide o problema em subproblemas do mesmo tipo, para poder resolvê-lo. (Chama a ele mesmo!)*
- Este método é conhecido como *dividir e conquistar* e é a chave para a construção de muitos algoritmos importantes, bem como uma parte fundamental da *programação dinâmica*.

# Recursão

(Ciência da Computação)



# Recursão

- Em termos de programação a recursividade é uma técnica em que uma rotina, no processo de execução de suas tarefas, chama a si mesma...
- ... traduzindo:

Nada mais é ... do que uma **função**  
**que chama a ela mesma** para  
resolver um problema.

Como uma função pode  
chamar a si mesma?

???

# Como uma função pode chamar a si mesma?

- Para que a recursividade funcione, é preciso haver um valor base, que funcione como ***parada para a recursão***.
- Exemplo:
  - No caso do fatorial, o valor base é  $1! = 1$ , portanto:

$5! = 5 \times 4! = 5 \times 4 \times 3! = 5 \times 4 \times 3 \times 2! = 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1!$ , mas ***nós sabemos*** que  $1!$  é 1.

$$5! = 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 120$$

Como identificar se um  
problema é recursivo?

???

# Como identificar se um problema é recursivo?

- Os problemas que podem ser resolvidos com recursividade têm as seguintes particularidades:
  - Um ou mais casos de parada do algoritmo com solução conhecida
  - Casos em que o problema pode ser minimizado recursivamente até atingir uma situação de parada.

# Exemplo Clássico

FATORIAL DE UM NUMERO N

# FATORIAL(N) - Versão Iterativa

- $f(n) = 1 \times 2 \times 3 \times \dots \times (n-2) \times (n-1) \times n$
- Ou seja:
  - $f(1) = 1$
  - $f(2) = 1 \times 2 = 2$
  - $f(3) = 1 \times 2 \times 3 = 6$
  - $f(4) = 1 \times 2 \times 3 \times 4 = 24$
  - $f(5) = 1 \times 2 \times 3 \times 4 \times 5 = 120$

Implementem a versão Iterativa  
do Fatorial de um Numero

<< 10 minutos >>



# FATORIAL(N) - Versão Iterativa

//Função fatorial iterativa

**int fatorial (int n)**

**{**

**int i, fat =1;**

**for (i=1;i<=n;i++)**

**fat = fat \* i;**

**return (fat);**

**}**

Como resolver um problema  
recursivo?

# Como resolver um problema recursivo?

- A solução típica para um problema recursivo é:

## Função (...)

**se** → caso de base de parada

**então** → resolve o problema

**senão** → divida o problema em partes menores usando uma chamada recursiva à própria função.

# FATORIAL(N)

Versão Recursiva

# FATORIAL(N) - Versão Recursiva

$$\text{fat}(N) = \begin{cases} 1, & \text{se } N = 1 \\ N \times \text{fat}(N-1), & \text{se } N \neq 1 \end{cases}$$

$$\text{fat}(N) = \begin{cases} \text{Condição Base de Parada} \\ \text{Chamada Recursiva} \end{cases}$$

- Ou seja:
  - $f(1) = 1$
  - $f(2) = 2 \times f(1) = 2$
  - $f(3) = 3 \times f(2) = 6$
  - $f(4) = 4 \times f(3) = 24$
  - $f(5) = 5 \times f(4) = 120$

# FATORIAL(N) - Versão Recursiva

//Função fatorial recursiva

**int fat (int n)**

**{**

**if (n==1)**

**return(1);**

**else**

**return (n \* fat(n-1) );**

**}**

# FATORIAL(N) - Versão Recursiva

- Veja o que acontece na memória:

4	<code>fat(1) = 1</code>
3	<code>fat(2) = (2*fat(1))</code>
2	<code>fat(3) = (3*fat(2))</code>
1	<code>fat(4) = (4*fat(3))</code>
0	<code>fat(5) = (5*fat(4))</code>

# Exercício

<< 10 minutos >>



# Seqüência de Fibonacci

$$\text{fib}(N) = \begin{cases} 0, & \text{se } N = 0 \\ 1, & \text{se } N = 1 \\ \text{fib}(N-1) + \text{fib}(N-2) & \text{se } N > 1 \end{cases}$$

- Exercício: Seqüência de Fibonacci
  - $\text{Fib}_0 = 0$
  - $\text{Fib}_1 = 1$
  - $\text{Fib}_n = \text{Fib}_{n-1} + \text{Fib}_{n-2}$ , para  $n > 1$
- Ex: 0 1 1 2 3 5 8 13 ...