Comparação de Buscas Informadas - Uma Análise Comparativa dos Algoritmos A-estrela e Busca Gulosa

Getúlio Santos Mendes, João Gustavo Silva Guimarães, João Pedro Freitas de Paula Dias

11 de dezembro de 2024

1 Problematica

Esse trabalho tem como objetivo a implementação e comparação dos algoritmos de busca em grafos: A-estrela (\mathbf{A}^*) e Busca Gulosa. A partir da posição \mathbf{U} no labirínto e chegar até a posição \mathbf{E} passando por um caminho construído sob as regras de caminhamento de duas buscas propostas, neste caso \mathbf{A}^* e **Busca Gulosa**. O grafo que representa o labirinto foi modelado da seguinte forma

Α	В	С	D	E Goal
F	G	Н	Ι	J
К	L	М	Z	0
Р	Q	Е	S	Τ
U Start	٧	Χ	Υ	Z

Figura 1: Labirinto

2 Descrição dos Algoritmos Implementados

Com base no conceito apresentado por Russell e Norvig (2021), "As buscas são uma maneira de seguir opções, deixando outras opções em aberto para mais tarde, caso a escolha inicial não leve a uma solução", os algoritmos A* e Busca Gulosa são classificados como algoritmos de busca informada, pois utilizam uma heurística para guiar a decisão sobre qual caminho seguir. A heurística fornece informações adicionais sobre a proximidade do objetivo, permitindo que esses algoritmos explorem o espaço de nós de maneira melhor direcionada.

Embora a Busca Gulosa não garanta a obtenção de uma solução ótima, ela é capaz de encontrar uma solução viável ao priorizar os caminhos que parecem mais promissores com base na função heurística $\mathbf{h}(\mathbf{n})$, ou seja, os caminho que possuem menor custo. Por outro lado, o \mathbf{A}^* , ao equilibrar o custo real acumulado $\mathbf{g}(\mathbf{n})$ e a estimativa heurística $\mathbf{h}(\mathbf{n})$, assegura a obtenção de uma solução ótima desde que a heurística seja admissível. Ambos algoritmos seguem o princípio de explorar as opções mais promissoras primeiro, mas o \mathbf{A}^* é mais robusto devido à sua consideração do custo total do caminho.

2.1 Busca Gulosa

A Busca Gulosa tem base em sempre ter a melhor escolha local, com base na problemática abordada, o algoritimo guloso sempre vai optar pelo menor custo heuristico $\mathbf{h}(\mathbf{n})$ possível. Sendo assim, esse metodo garante uma solução viável, porém não garante a otimalidade da solução. Para melho entendimento da implementação, tem-se o pseudo código a seguir:

Algorithm 1 GBF (Busca Gulosa)

```
1: procedure GBF(Graph, Start, Goal)
       OpenList \leftarrow \{\hat{j}\}
3:
       Add (ManhattanHeuristic(Start, Goal), Start) to Open-
   List
4:
       CameFrom \leftarrow empty \ map
5:
       Visited \leftarrow empty set
       while OpenList is not empty do
7:
          Remove the element with lowest heuristic from Open-
    List and set as Current
          if Current = Goal then
8:
9:
              Path \leftarrow empty list
10:
              while Current is in CameFrom do
11:
                  Add Current to Path
12:
                  Current \leftarrow CameFrom[Current]
13:
               end while
14:
              Add Start to Path
15:
              return Path (reversed)
16:
           end if
17:
           if Current is in Visited then
18:
              continue
19:
           end if
20 \cdot
           Add Current to Visited
21:
           for each Neighbor in Graph[Current] do
22:
              if Neighbor is not in Visited then
                  CameFrom[Neighbor] \leftarrow Current
24
                  Add (ManhattanHeuristic(Neighbor, Goal),
    Neighbor) to OpenList
25.
              end if
26:
           end for
27:
        end while
       return None
29: end procedure
```

2.2 A*

A Busca A* é um algoritmo de busca informada que combina o custo acumulado g(n) com o custo heurístico estimado h(n) para priorizar a exploração de caminhos promissores. Diferentemente da Busca Gulosa, o A* busca balancear eficiência e otimalidade, garantindo a solução mais curta sempre que a heurística utilizada for admissível e consistente. Dessa forma, o algoritmo é amplamente aplicado em problemas que exigem soluções ótimas em grafos. Para melhor entendimento da implementação, tem-se o pseudocódigo a seguir:

Algorithm 2 A* (Busca A Estrela)

```
1: procedure A*(Graph, Start, Goal)
         OpenList \leftarrow empty priority queue
 3:
         Add (0 + Heuristic(Start, Goal), Start, 0) to OpenList
         CameFrom \leftarrow empty map
 5:
         GScore \leftarrow map with all nodes initialized to \infty
         GScore[Start] \leftarrow 0
         Visited \leftarrow empty set
         while OpenList is not empty do
 9:
             Remove the element with the lowest priority from
     OpenList and set as Current
10:
             if Current = Goal then
11:
                  Path \leftarrow empty list
12:
                  while Current is in CameFrom do
13:
                      Add Current to Path
14:
                      Current \leftarrow CameFrom[Current]
15:
                  end while
                  Add Start to Path
16:
17:
                  return Path (reversed)
18:
19:
              if Current is in Visited then
20:
                  continue
21:
              end if
22:
              Add Current to Visited
23:
             for each Neighbor in Graph[Current] do
                  TentativeGScore \leftarrow CurrentCost + Cost(Current,
     Neighbor)
25:
                  \mathbf{if} \ \mathrm{TentativeGScore} < \mathrm{GScore}[\mathrm{Neighbor}] \ \mathbf{then}
                      \begin{aligned} & \operatorname{CameFrom}[\operatorname{Neighbor}] \leftarrow \operatorname{Current} \\ & \operatorname{GScore}[\operatorname{Neighbor}] \leftarrow \operatorname{TentativeGScore} \end{aligned}
26:
27:
28:
                                                                      Heuris-
                      FScore
                                        TentativeGScore
     tic(Neighbor, Goal)
29:
                      Add (FScore, Neighbor, TentativeGScore) to
30:
                  end if
31:
             end for
32:
         end while
         return None
     end procedure
```

3 Metodologia

Para medir a performance foi-se realizado a média de 100 execuções do problema e calculado o desvio padrão para a melhor análise dos resultados. Para medir a utilização de memória foi-se utilizado a bliblioteca tracemalloc do python e para as medidas de desempenho a bliblioteca time.

Para a medidas foi-se usado um computador com um i5-13420H.

4 Resultados das Medições de Desempenho

Para obter as métricas de tempo de execução e consumo de memória, as bibliotecas time e tracemalloc do Python foram utilizadas. Deste modo foi percebido que os algoritmos obtiveram tempo menor que o de 1 segundo para serem executados, mostrando maior diferença em relação à quantidade de memória armazenada.

Sendo assim, o **Busca Gulosa** Realizou o caminho $U \rightarrow V \rightarrow Q \rightarrow L \rightarrow M \rightarrow N \rightarrow I \rightarrow H \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow E, tempodeexecuomdio: (0.000044<math>\pm$ 0.000012) segundos, com uma memória inicial alocada de 0.09KB e um pico de 1.38KB.

Equanto o A* trilhou $U \rightarrow V \rightarrow Q \rightarrow L \rightarrow M \rightarrow N \rightarrow I \rightarrow H \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow E, tempode execuomdio: (0.000072 \pm 0.000009) segundos com uma memória utilizada média de <math>0.10KB$ e apresentando um pico de 2.18KB.

Tempo de execução: Os tempos de execução foram próximos, com o A* mais lento, em geral, o tempo de execução dos algoritmos nesse problema e nesse caminho favorece a busca gulosa por encontrar o caminho optimo sem uma mair complexidade de calculos que o A* possui. Isso não necessariamente quer dizer que a busca gulosa será mais performático que o A* em outras situações, pois pode encontrar um caminho maior e ter que executar mais vezes que o A*.

Completude: À respeito da completude é importante ponderar que ambos os algoritmos são capazes de encontrar a solução para o problema de busca proposto que é encontrar um caminho entre o ponto inicial e final. Sendo assim, amblos são completos.

Optimalidade: A Busca Gulosa não garante encontrar o caminho mais curto, mesmo tendo

encontrado-o neste caso. Como ela ignora o custo acumulado g(n)g(n), pode optar por caminhos com um bom valor heurístico, mas que levam a soluções subótimas. Já o A^* sempre será optimo se a heuristica utlizada for apropriada para o problema e o grafo não possua arestas negativas.

Consumo de Memória: Dadas as métricas acima compreende-se a Busca Golosa como o algoritmo que consumiu menos memória no problema proposto. A justificativa para o A* ser mais custoso em memória, se traduz na sua necessidade em armazenar mais nós simultaneamente que a Busca Golosa. Enquanto a Busca golosa precisa armazenar menos nós pois seu foco é na melhor escolha local, no A* todos os nós da fila serão tentativas.

5 Referências

CORMEN, T. H. et al. Introduction to Algorithms, third edition. [s.l.] MIT Press, 2009. Acessado em 20 de Março de 2023.

Russel, Stuart, and Peter Norvig. Inteligência Artificial. 3rd ed., Elsevier Editora Ltda., 2013.