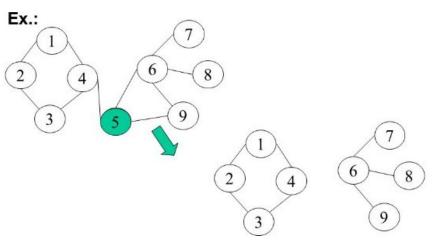
ACH2024 – Algoritmos e Estruturas de Dados II - Profa: Ariane Machado Lima

EXERCÍCIO PROGRAMA 1

Data de entrega: 05 de maio de 2024

Neste EP1, vocês devem resolver o problema abaixo usando busca em profundidade (DFS) e busca em largura (BFS) que aprendeu na aula. O objetivo deste exercício-programa é implementar os algoritmos básicos e usá-los em um problema de visualização.

Um vértice de articulação é um vértice que, se for removido do grafo, aumenta o número de componentes conectados do grafo em pelo menos um. Uma possível abordagem para identificar se um dado vértice é um ponto de articulação é identificar se o número de componentes conectados do grafo (não direcionado) original é menor que o número de componentes conectados do grafo sem aquele



dado vértice e as arestas que saem/entram nele. De maneira similar é para grafos direcionados, considerando apenas que neste caso fala-se em "componentes fortemente conectados".

Essa abordagem simples, descrita no parágrafo anterior, será aceita no EP. Contudo essa estratégia é ineficiente O(V*(V+A)). Há um algoritmo O(V+A) que é capaz de identificar os pontos de articulação apenas analisando a árvore da busca em profundidade executada sobre o grafo original. DICA: Na árvore de busca em profundidade:

- um vértice folha (pode ou não pode ser um ponto de articulação?);
- o vértice raiz é um ponto de articulação se e somente ...;
- um vértice x que não é folha nem raiz é um ponto de articulação se e somente se x possui um vértice filho y tal que ... (alguma coisa a ver com a sub-árvore com raiz em y...)

Este algoritmo eficiente para grafos direcionados é proposto no artigo publicado no periódico *Theoretical Computer Science*, vol 447, ano 2012, páginas 74-84.

Vocês podem discutir a solução entre vocês, só não podem trocar códigos.

Você tem que implementar um algoritmo que recebe a entrada e retorna a saída no formato especificado.

Este EP é uma simplificação do problema sugerido em SPOJ JUDGE: http://www.spoj.com/problems/GRAPHS12/

Descrição:

Neste problema, seu programa terá que ler um grafo ponderado **não direcionado** de um arquivo cujo nome é entrada.txt⁻ e executar alguns algoritmos básicos no grafo:

- Busca em largura:
 - após a linha "BL:" devem ser impressos os vértices na ordem em que eles foram descobertos durante a busca em largura (separados por um espaço);
 - após a linha "Caminhos BL": deve ser impresso, em cada linha i, o caminho do vértice raiz em questão ¹ até o vértice i durante a BL (vértices separados por um espaço).
- Busca em profundidade:
 - após a linha "BP:" devem ser impressos os vértices na ordem em que eles foram descobertos durante a busca em profundidade (separados por um espaço);
 - após a linha "Caminhos BP": deve ser impresso, em cada linha i, o caminho do vértice raiz em questão² até o vértice i durante a BP (vértices separados por um espaço).
- Visualização de componentes conectados: cada componente conectado *i* deve ser impresso em uma linha que se inicia com "C*i*: ". A impressão de um componente significa imprimir seus vértices (separados por um espaço) em ordem crescente. A ordem dos compomentes é dada pela ordem crescente dos vértices de menor número de cada componente. Por exemplo, um componente que contém o vértice 0 será o C1. Se houver outros dois componentes, C2 será aquele que tem o menor vértice com número menor que o menor vértice do terceiro componente.
- Visualização dos vértices de articulação (os números dos vértices que são pontos de articulação): uma única linha contendo todos os vértices que são vértices de articulação (separados por um espaço).

Sobre o programa fonte e forma de execução:

Seu programa deve funcionar tanto para implementação usando matriz de adjacência e lista de adjacência. Para facilitar o processo de teste, iremos informar qual implementação iremos usar (matriz ou lista) via diretiva do compilador. Para isso, você deverá entregar exatamente cinco arquivos com essas especificações:

- 2 arquivos com a implementação de grafos por matriz de adjacência (grafo_matrizadj.c e grafo_matrizadj.h);
- 2 arquivos com a implementação de grafos por lista de adjacência (grafo listaadj.c e grafo listaadj.h);
- 1 arquivo contendo a função main (ep1_XXXX.c) e as rotinas de buscas, etc (utilizando apenas as funções definidas na interface de grafos, ou seja, sem assumir explicitamente a estrutura por matriz ou lista de adjacência), em que XXXX é seu nr USP; este arquivo deve incluir em suas primeiras linhas os includes dos arquivo .h de grafos EXATAMENTE DESTA MANEIRA:

```
#ifdef MATRIZ
#include "grafo_matrizadj.h"
#else
#include "grafo_listaadj.h"
#endif
```

O arquivo **Makefile** não deverá ser entregue, pois seu EP será testado com o Makefile disponilizado como modelo. Este Makefile é capaz gerar dois executáveis: **ep1_matriz.exe** e **ep1_lista.exe** por meio dos seguintes comandos, respectivamente:

- \$ make CFLAGS+="-DMATRIZ" ep1_matriz
- \$ make ep1 lista

Obs: o arquivo Makefile precisa ter exatamente esse nome (case-sensitive), sem NENHUMA extensão. Cuidado para não ter nem mesmo uma extensão oculta, senão não será identificado pelo programa *make*.

Cada um desses executáveis deve receber na linha de comando dois strings: os nomes dos arquivos de entrada e de saída, nesta ordem. Ou seja, eles devem ser executados da seguinte forma:

- \$ ep1_matriz.exe <nome do arquivo de entrada> <nome do arquivo de saída>
- \$ ep1_lista.exe <nome do arquivo de entrada> <nome do arquivo de saída>
 Por exemplo:
- \$ ep1 matriz.exe entrada1.txt saida1.txt
- \$ ep1_lista.exe entrada1.txt saida1.txt

Não utilize redirecionamento da entrada-padrão com o caractere "<" (menor) ou da saída-padrão como caractere ">" (maior);

Especificação do arquivo de entrada:

Você deverá ler o grafo a partir do arquivo de entrada.

Na primeira linha você terá um par de números: V e A, sendo o primeiro (V) a quantidade de vértices no grafo, e o segundo (A) a quantidade de arestas no grafo.

As próximas "A" linhas conterão uma tripla em cada linha representando uma aresta: o, d e p, na qual o é o vértice origem de uma aresta, d é o vértice destino e p é o peso. Você DEVE inserir no grafo as arestas na mesma ordem em que elas forem descritas no arquivo.

Os números dos vértices são consecutivos: 0, 1, 2, ..., V-1.

Especificação do arquivo de saída:

Você terá que mostrar todas as informações na lista mostrada na seção acima (na descrição). Dê uma olhada no Exemplo abaixo para ver o formato a seguir. Toda a saída deve ser impressa no arquivo de saída informado na linha de comando.

l. Se o grafo não for conexo, haverá mais de uma árvore de busca em largura. Assim, cada vértice pertence a uma única árvore com uma raiz específica.

^{2.} Se o grafo não for conexo, haverá mais de uma árvore de busca em profundidade. Assim, cada vértice pertence a uma única árvore com uma raiz específica.

Exemplo: Entrada: 7 8 5 6 1

021

014

3 5 7

3 4 1

131

2 3 1

461

Saída:

BL:

0123456

Caminhos BL:

0

0 1

0 2 0 1 3

0134

0135

01346

BP:

0132465

Caminhos BP:

0

0 1

0132

013

0134

013465

0 1 3 4 6

Componentes Conectados:

C1: 0 1 2 3 4 5 6

Vertices de articulação:

3

Informações adicionais:

- O código deve ser implementado na linguagem C;
- Assuma que o número máximo de vértices é 100;
- Note que o nome do arquivo ep1_XXXX.c deve ter no lugar do XXXX seu nrUSP (não esqueça de ajustar essa informação também no Makefile).
- Os <mark>5 arquivos</mark> devem ser postados individualmente no edisciplinas (não compactá-los!), sem pastas ou subpastas.
- Note que as saídas para matriz de adjacência e lista de adjacência não são necessariamente iguais. No exemplo dado são iguais por conta da ordem em que as arestas foram inseridas. Nos testes do ep haverá como gabaritos uma saída para matriz e uma saída para lista.

Os EPs que não seguirem o padrão de nomenclatura, formatação de saída e nome dos arquivos terão pontuação reduzida.

Qualquer evidência de plágio entre trabalhos, mesmo que parcial, implicará na nota zero no trabalho!