Aula 07 Estruturas de dados recursivas Listas ligadas

Programação II, 2019-2020

v1.4, 29-03-2020

Estruturas de dados recursivas

Lista Ligada

Implementação: addFirst
Implementação: addLast

Implementação: removeFirst

Polimorfismo Paramétrico

Processamento recursivo de listas

DETI, Universidade de Aveiro

Sumário

Estruturas de dados recursivas

Lista Ligada

Implementação: addFirst
Implementação: addLast
Implementação:

removeFirst

Polimorfismo Paramétrico

Processamento recursivo de listas

1 Lista Ligada

Implementação: addFirst
Implementação: addLast

Implementação: removeFirst

2 Polimorfismo Paramétrico

ista Ligada

Implementação: addFirst Implementação: addLast Implementação: removeFirst

Polimorfismo Paramétrico

- Temos utilizado vectores (arrays).
- Permitem guardar elementos preservando a sua ordem.
- Permitem acesso aleatório, i.e., acesso direto rápido a qualquer elemento, por qualquer ordem.
- No entanto, os vectores têm limitações:
 - A sua capacidade tem de ser fixada quando são criados.
 - Isto obriga a sobredimensionar um vector quando o número de elementos não é conhecido à partida.
 - Ou então, redimensionar o vector quando chegam novos elementos, com custos em tempo de processamento.
 - Inserir ou remover elementos numa posição intermédia pode demorar bastante tempo se for necessário deslocar muitos elementos.

Lista Ligada

Implementação: addFirst Implementação: addLast Implementação: removeFirst

Polimorfismo Paramétrico

- Estrutura de dados sequencial em que cada elemento da lista contém uma referência para o próximo elemento.
 - No último elemento, a referência é null.
- Ao contrário do vector, é completamente dinâmica.
- · No entanto, obriga a um acesso sequencial.
- Recorre a uma estrutura auxiliar (um nó) para armazenar cada elemento.
- O nó é uma estrutura de dados recursiva, dado que a sua definição contém uma referência para si própria.

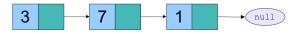
Lista ligada simples: exemplo

Estruturas de dados recursivas

Lista Ligada

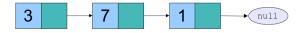
Implementação: addFirst Implementação: addLast Implementação:

removeFirst
Polimorfismo
Paramétrico



Lista ligada simples: exemplo





Estruturas de dados recursivas

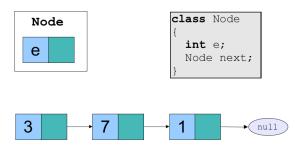
ista Ligada.

Implementação: addFirst
Implementação: addLast

Implementação: removeFirst

Polimorfismo Paramétrico

Lista ligada simples: exemplo



Estruturas de dados recursivas

sta Ligada

Implementação: addFirst
Implementação: addLast

Implementação: removeFirst

Polimorfismo Paramétrico

Lista ligada com dupla entrada

recursivas

ista Ligada

Implementação: addFirst
Implementação: addLast
Implementação:

removeFirst
Polimorfismo
Paramétrico

- Exemplo: lista com os elementos 3, 7 e 1.
- A lista possui acesso direto ao primeiro e último elementos.
- É fácil acrescentar elementos no início e no fim da lista.
- É fácil remover elementos do início da lista.

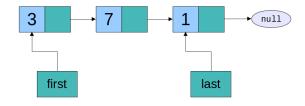
Lista Ligada

Implementação: addFirst Implementação: addLast Implementação: removeFirst

Polimorfismo Paramétrico

Processamento recursivo de listas

• Exemplo: lista com os elementos 3, 7 e 1.



- A lista possui acesso direto ao primeiro e último elementos.
- É fácil acrescentar elementos no início e no fim da lista.
- É fácil remover elementos do início da lista.

```
Lista Ligada
```

```
Implementação: addFirst
Implementação: addLast
Implementação:
removeFirst
```

Polimorfismo Paramétrico

```
class NodeInt {
  final int elem;
  NodeInt next;
  NodeInt(int e, NodeInt n) {
      elem = e;
     next = n;
  NodeInt(int e) {
      elem = e;
      next = null;
```

Lista ligada: tipo de dados abstracto

Nome do módulo:

LinkedList.

· Serviços:

- addFirst: insere um elemento no início da lista.
- addLast: insere um elemento no fim da lista.
- first: devolve o primeiro elemento da lista.
- last: devolve o último elemento da lista.
- removeFirst: retira o elemento no início da lista.
- size: devolve a dimensão actual da lista.
- isEmpty: verifica se a lista está vazia.
- clear: limpa a lista (remove todos os elementos).

Estruturas de dados recursivas

ista Ligada

Implementação: addFirst
Implementação: addLast
Implementação:

removeFirst
Polimorfismo
Paramétrico

addFirst(v)

• Pós-condição: !isEmpty() && (first() == v)

addLast(v)

Pós-condição: !isEmpty() && (last() == v)

removeFirst()

Pré-condição: !isEmpty()

first()

Pré-condição: !isEmpty()

lista Ligada

Implementação: addFirst Implementação: addLast Implementação: removeFirst

Polimorfismo Paramétrico

Lista de inteiros: esqueleto da implementação

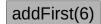
```
public class LinkedListInt {
   private NodeInt first=null, last=null;
   private int size;
   public LinkedListInt() { }
   public void addFirst(int e) {
      assert !isEmpty() && first()==e;
   public void addLast(int e) {
      assert !isEmpty() && last() ==e;
   public int first() {
      assert !isEmpty();
   public int last() {
      assert !isEmpty();
   public void removeFirst() {
      assert !isEmpty();
   public boolean isEmpty() { ... }
   public int size() { ... }
   public void clear() {
      assert isEmpty();
```

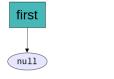
sta Ligada

Implementação: addFirst Implementação: addLast Implementação: removeFirst

Polimorfismo Paramétrico

• addFirst - inserir o primeiro elemento.







Estruturas de dados recursivas

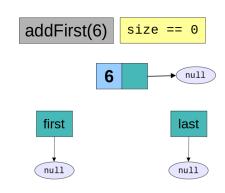
Lista Ligada

Implementação: addFirst Implementação: addLast

Implementação: removeFirst

Polimorfismo Paramétrico

• addFirst - inserir o primeiro elemento.



Estruturas de dados recursivas

Lista Ligada

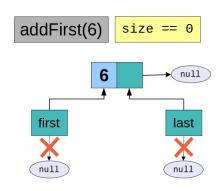
Implementação: addFirst Implementação: addLast

Implementação:

removeFirst
Polimorfismo

Paramétrico
Processamento
recursivo de listas

• addFirst - inserir o primeiro elemento.



Estruturas de dados recursivas

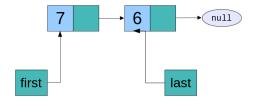
Lista Ligada

Implementação: addFirst Implementação: addLast

Implementação: removeFirst

Polimorfismo Paramétrico

• addFirst - inserir novo elemento no início.



Estruturas de dados recursivas

Lista Ligada

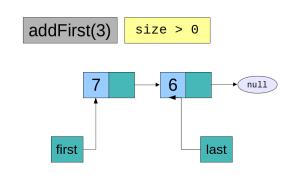
Implementação: addFirst

Implementação: addLast

Implementação: removeFirst

Polimorfismo Paramétrico

• addFirst - inserir novo elemento no início.



Estruturas de dados recursivas

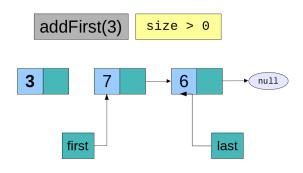
Lista Ligada

Implementação: addFirst Implementação: addLast

Implementação: removeFirst

Polimorfismo Paramétrico

• addFirst - inserir novo elemento no início.



Estruturas de dados recursivas

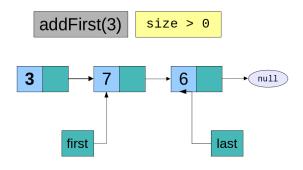
Lista Ligada

Implementação: addFirst Implementação: addLast

Implementação: removeFirst

Polimorfismo Paramétrico

• addFirst - inserir novo elemento no início.



Estruturas de dados recursivas

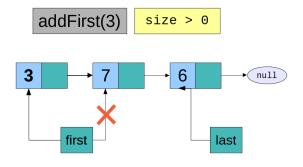
Lista Ligada

Implementação: addFirst Implementação: addLast

Implementação: removeFirst

Polimorfismo Paramétrico

• addFirst - inserir novo elemento no início.



Estruturas de dados recursivas

Lista Ligada

Implementação: addFirst Implementação: addLast

Implementação:

removeFirst

Polimorfismo Paramétrico

- · addLast acrescentar novo elemento no fim.
- Caso de lista vazia: similar a addFirst.



Estruturas de dados recursivas

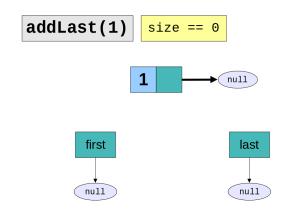
Lista Ligada

Implementação: addFirst
Implementação: addLast

Implementação: removeFirst

Polimorfismo Paramétrico

- addLast acrescentar novo elemento no fim.
- Caso de lista vazia: similar a addFirst.



Estruturas de dados recursivas

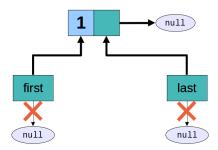
Lista Ligada

Implementação: addFirst
Implementação: addLast

Implementação: removeFirst

Polimorfismo Paramétrico

- · addLast acrescentar novo elemento no fim.
- Caso de lista vazia: similar a addFirst.



Estruturas de dados recursivas

Lista Ligada

Implementação: addFirst
Implementação: addLast

Implementação: removeFirst

Polimorfismo Paramétrico

• addLast - acrescentar novo elemento no fim.

addLast(4)

size > 0

Estruturas de dados recursivas

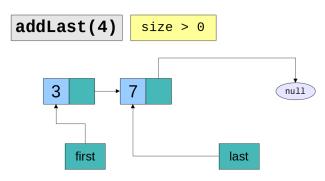
Lista Ligada

Implementação: addFirst
Implementação: addLast

Implementação: removeFirst

Polimorfismo Paramétrico

addLast - acrescentar novo elemento no fim.



Estruturas de dados recursivas

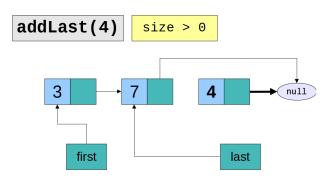
Lista Ligada

Implementação: addFirst
Implementação: addLast

Implementação: removeFirst

Polimorfismo Paramétrico

addLast - acrescentar novo elemento no fim.



Estruturas de dados recursivas

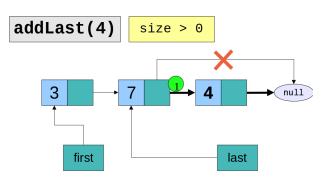
Lista Ligada

Implementação: addFirst
Implementação: addLast

Implementação: removeFirst

Polimorfismo Paramétrico

addLast - acrescentar novo elemento no fim.



Estruturas de dados recursivas

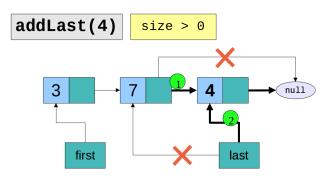
Lista Ligada

Implementação: addFirst
Implementação: addLast

Implementação: removeFirst

Polimorfismo Paramétrico

addLast - acrescentar novo elemento no fim.



Estruturas de dados recursivas

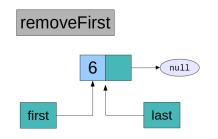
Lista Ligada

Implementação: addFirst
Implementação: addLast

Implementação: removeFirst

Polimorfismo Paramétrico

- removeFirst remover o primeiro elemento.
- Quando size==1



Estruturas de dados recursivas

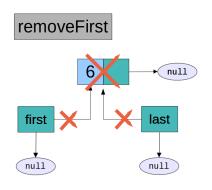
Lista Ligada

Implementação: addFirst
Implementação: addLast

Implementação:

Polimorfismo Paramétrico

- removeFirst remover o primeiro elemento.
- Quando size==1



Estruturas de dados recursivas

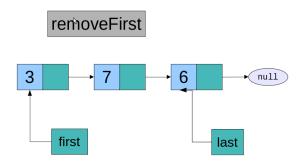
Lista Ligada

Implementação: addFirst
Implementação: addLast

Implementação:

Polimorfismo Paramétrico

- removeFirst remover o primeiro elemento.
- Quando size>1



Estruturas de dados recursivas

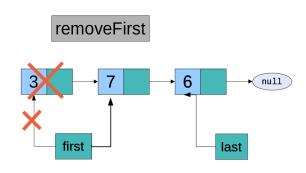
Lista Ligada

Implementação: addFirst
Implementação: addLast

Implementação:

Polimorfismo Paramétrico

- removeFirst remover o primeiro elemento.
- Quando size>1



Estruturas de dados recursivas

Lista Ligada

Implementação: addFirst
Implementação: addLast

Implementação:

Polimorfismo Paramétrico

```
Lista Ligada
Implementação: addfirst
Implementação: addLast
Implementação: removeFirst
Polymorfismo
```

public class LinkedListInt { public void addFirst(int e) { first = new NodeInt(e, first); **if** (size == 0) last = first: size++: assert !isEmpty() && first() == e; public void addLast(int e) { NodeInt n = new NodeInt(e): **if** (size == 0) first = n: 9219 last.next = n: last = n;size++; assert !isEmpty() && last() == e; public int size() { return size: public boolean isEmpty() { return size == 0;

```
public void removeFirst() {
   assert !isEmpty();
   first = first.next:
   size--:
   if (first == null)
     last = null:
public int first() {
   assert !isEmpty();
   return first.elem:
public int last() {
   assert !isEmpty();
   return last.elem:
public void clear() {
   first = last = null;
   size = 0;
private NodeInt first = null;
private NodeInt last = null;
private int size = 0;
```

Processamento recursivo de listas

Paramétrico

Estruturas de dados

recursivas

Lista Ligada

Implementação: addFirst Implementação: addLast Implementação: removeFirst

Polimorfismo

- Problema: A classe LinkedListInt:
 - Permite guardar apenas elementos inteiros.
 - Para termos listas com elementos de outros tipos, teríamos de duplicar o código e fazer pequenas alterações para adaptar ao tipo pretendido.
 - O código seria praticamente igual, mas não é prático fazer esta "clonagem" de código para cada nova necessidade.
- Solução: Definir classes aplicáveis a qualquer tipo.
 - Diz-se que são classes parametrizadas por tipo, ou seja, o tipo de elemento passa a ser um parâmetro da classe.
 - As estruturas e funções passam a ser polimórficas.
 - Este mecanismo é conhecido como polimorfismo paramétrico.

Implementação: addFirst Implementação: addLast Implementação: removeFirst

 Na definição de uma classe genérica, os parâmetros de tipo são indicados a seguir ao nome, entre < e >.

```
Paramétrico
```

Lista Ligada

Processamento recursivo de listas

 Na invocação e instanciação de um tipo genérico os parâmetros são substituídos por argumentos de tipo concretos.

Convenção sobre nomes de parâmetros de tipo

 Em Java, por convenção, usam-se letras maiúsculas para os nomes dos parâmetros de tipo. Por exemplo:

- E element
- K key
- N number
- ∨ value
- Assim, mais facilmente se distingue um nome que representa um tipo de outro que representa uma variável ou método, que começam (também por convenção) com letra minúscula (exemplo: numberOfElements).
- Para informação mais detalhada pode consultar o tutorial da Oracle sobre tipos genéricos.

truturas de dados recursivas

Lista Ligada

Implementação: addFirst
Implementação: addLast
Implementação:
removeFirst

Paramétrico

 Problema: Não é possível instanciar tipos genéricos com argumentos de tipos primitivos! (int, short, long, byte, boolean, char, float, double);

```
LinkedList<int> lst = new LinkedList<>(); // ERRO!
```

- · Solução:
 - Utilizar os tipos referência correspondentes (Integer, Double, etc.).

```
LinkedList<Integer> lst = new LinkedList<>(); // OK!
```

 A linguagem faz a conversão automática entre os tipos primitivos e os tipos referência respectivos (boxing e unboxing).

Estruturas de dados recursivas

Lista Ligada

Implementação: addFirst
Implementação: addLast
Implementação:
removeFirst

Polimorfismo

```
T[] a = new T[maxSize]; // ERRO!
```

- Solução:
 - Criar arrays de elementos do tipo Object e fazer a coerção de tipo para o array genérico:

```
T[] a = (T[]) new Object[maxSize];
```

 Para evitar o aviso gerado pelo compilador como resultado desta coerção pode-se associar ao método onde a coerção é feita a seguinte anotação:

```
@SuppressWarnings("unchecked")
public Matrix<T>() { ... }
```

 O tutorial oficial tem mais informação sobre estas e outras restrições na utilização de genéricos.

Lista Ligada

Implementação: addFirst
Implementação: addLast
Implementação:
removeFirst

Polimorfismo

```
public void removeFirst() {
   assert !isEmpty();
   first = first.next:
   size--:
   if (isEmptv())
      last = null:
public E first() {
   assert !isEmpty();
   return first.elem:
public E last() {
   assert !isEmpty();
   return last.elem:
public void clear() {
   first = last = null;
   size = 0;
private Node<E> first = null;
private Node<E> last = null;
private int size = 0;
```

Lista Ligada

Implementação: addFirst
Implementação: addLast

Implementação: removeFirst

Paramétrico

- Quando a acção a realizar implica aceder ao meio da lista, é preciso percorrer a lista até ao nó que vai ser alterado.
- Sendo uma estrutura recursiva, as listas prestam-se naturalmente à utilização de algoritmos recursivos.
- Exemplo: saber se um elemento e existe na lista.
 - Condições de terminação da recursividade:
 Charavas firm de lista (davalva 6.3...) avi
 - Chegou ao fim da lista (devolve false), ou
 - Encontrou o elemento e (devolve true).
 - Variabilidade: passar do nó actual (n) ao seguinte (n.next).
 - Convergência: está garantida, desde que haja forma de detetar o fim da lista.

Versão recursiva:

Versão iterativa:

Lista Ligada

Implementação: addFirst Implementação: addLast Implementação:

removeFirst
Polimorfismo
Paramétrico

- · Muitas funções sobre listas fazem uma travessia da lista.
- Essa travessia segue um padrão que convém desde já assimilar.

Lista Ligada

Implementação: addFirst Implementação: addLast Implementação: removeFirst

Polimorfismo Paramétrico

Processamento recursivo de listas

Implementação Iterativa

Implementação Recursiva

```
public class LinkedList<E> {
    ...
    public ... xpto(...) {
        return xpto(first, ...);
    }
    private ... xpto(Node<E> n, ...) {
        if (n == null) return ...;
        ...
        ... xpto(n.next, ...);
        return ...
    }
    ...
}
```