



Predição de Séries Temporais Baseada em Redes Neurais Artificiais

Aluno: João Pedro de Oliveira Pagnan [FEEC/UNICAMP] Orientador: Prof. Levy Boccato [FEEC/UNICAMP]

Departamento de Engenharia de Computação e Automação Industrial (DCA) Faculdade de Engenharia Elétrica e de Computação (FEEC) Universidade Estadual de Campinas (UNICAMP)

Palavras-chave - Redes Neurais Artificiais, Sistemas Caóticos, Séries Temporais

1. Introdução

A predição de séries temporais é uma das aplicações mais interessantes do tratamento de informação. O desafio de antecipar padrões de comportamento e construir modelos que sejam apropriados para explicar determinados fenômenos da natureza tem importância para a biologia, economia, automação industrial, meteorologia e diversas outras áreas da ciência [1].

Na literatura, encontramos diversos tipos de modelos para a predição de séries temporais, desde métodos clássicos lineares, como o modelo autorregressivo (AR) [1] até métodos não-lineares utilizando, por exemplo, redes neurais artificiais, sendo que dessas se destacam as redes do tipo *Multilayer Perceptron* (MLP) [2] e as redes recorrentes, especialmente a *Long Short-Term Memory* (LSTM) [3] e a *Echo State Network* (ESN) [4].

Uma classe de sistemas dinâmicos particularmente relevante dentro do contexto de modelagem e predição de séries temporais está ligada à ideia de dinâmica caótica. Diversos fenômenos naturais, como a dinâmica populacional de uma espécie, a dinâmica atmosférica de uma região, ou até mesmo as órbitas de um sistema com três ou mais corpos celestes podem exibir comportamento caótico. Apesar de serem determinísticos (e, portanto, previsíveis), esses sistemas são extremamente sensíveis às condições iniciais [5]. Isso causa um problema para a predição das séries temporais originadas por eles, pois uma pequena incerteza na medida afetará toda a previsão.

Tendo em vista o desempenho de modelos nãolineares para previsão de diversas séries temporais [3], optamos por estudar a aplicabilidade de redes neurais artificiais à previsão de séries relacionadas a sistemas com dinâmica caótica.

Esta pesquisa comparou o desempenho de quatro arquiteturas distintas de redes neurais artificiais: a rede *Multilayer Perceptron* [2], a rede *Long Short-Term Memory* [3], a rede *Gated Recurrent Unit* (GRU) [6] e, por fim, a rede *Echo State Network* [4].

A comparação foi realizada em quatro cenários de sistemas caóticos, sendo dois destes a tempo discreto e dois a tempo contínuo. No caso, os sistemas a tempo discreto

foram as séries temporais do mapa de Hénon [7], e a série temporal relacionada ao mapa logístico [8]. Já os sistemas a tempo contínuo foram o sistema de Lorenz [9] e as equações de Mackey-Glass [10]. Nos sistemas multidimensionais, como o mapa de Hénon e o sistema de Lorenz, foi utilizada a série temporal em \hat{x} .

Iniciamos a análise através de um processo de gridsearch para determinarmos os parâmetros ótimos para as redes neurais em cada cenário. Em seguida, utilizando os melhores parâmetros, realizou-se um estudo da progressão erro quadrático médio (EQM) com o número de amostras de entrada do modelo preditor (nesse caso, chamado de K). Por fim, comparamos qual foi a média e o desvio padrão do EQM com o melhor valor de K de cada modelo nos quatro cenários.

Através desta pesquisa, percebe-se que a ESN possui o melhor desempenho dentre todos os modelos, em todos os cenários. As redes *Echo State Network* têm a vantagem de necessitarem de bem menos recursos computacionais do que os outros modelos avaliados, obtendo um desempenho consideravelmente superior mesmo com um tempo de treinamento ínfimo se comparado às redes neurais artificiais tradicionais.

2. Metodologia

2.1. Geração de dados

Como o intuito do projeto é analisar o desempenho dos modelos preditores citados em sistemas caóticos, os dados necessários para o treinamento e para a análise da *performance* podem serem obtidos através da solução numérica dos sistemas caóticos. As próximas seções evidenciam o processo utilizado, junto com os parâmetros escolhidos para os sistemas caóticos.

2.1.1. Mapa de Hénon

O mapa de Hénon foi um dos sistemas a tempo discreto escolhidos para esta pesquisa. Esse sistema foi proposto por Michel Hénon em 1976 como um modelo simplificado de uma seção de Poincaré do atrator de Lorenz, sendo descrito pelas equações abaixo [7]:

$$x[n+1] = y[n] + 1 - a \cdot (x[n])^2$$
 (1a)

$$y[n+1] = b \cdot x[n] \tag{1b}$$

Para esta pesquisa, foram utilizados os valores usuais para os parâmetros a e b. Logo, têm-se que a=1.4 e b=0.3. Além disso, neste e nos outros sistemas, foi gerado um conjunto de 5000 dados. As figuras a seguir mostram a série temporal em \hat{x} e o atrator obtido com a simulação:

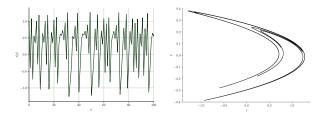


Figura 1. À esquerda, as cem primeiras iterações da série temporal em \hat{x} do mapa de Hénon e, à direita, o atrator correspondente à simulação

2.1.2. Mapa logístico

Conforme foi dito anteriormente, o outro sistema caótico a tempo discreto simulado foi o mapa logístico. Descrito em 1976 por Robert May, o mapa logístico é uma das formas de modelar a população de uma determinada espécie em certos instantes de tempo [8]. A equação de diferenças que descreve esse sistema pode ser vista abaixo:

$$x[n+1] = r \cdot x[n] \cdot (1 - x[n]) \tag{2}$$

Nesse caso, o sistema não chega a operar em caos para qualquer valor de r. Assim, como o estudo visa analisar o desempenho para sistemas caóticos, foi utilizado r=3.86, que, conforme será visto no diagrama de bifurcação abaixo, faz com que a série temporal dada pela equação (2) opere em caos. Novamente, foram simuladas 5000 iterações:

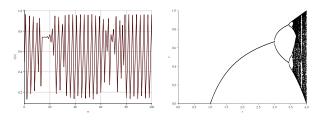


Figura 2. À esquerda, as cem primeiras iterações da série temporal do mapa logístico e, à direita, o diagrama de bifurcação este sistema

2.1.3. Sistema de Lorenz

O sistema de Lorenz foi um dos sistemas dinâmicos caóticos a tempo contínuo simulados nessa pesquisa. Este sistema foi um dos primeiros grandes trabalhos de sistemas caóticos, sendo considerado por muitos a pesquisa que

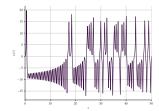
inaugurou a área [11]. Lorenz modela, através de três equações diferenciais, o fluxo de um fluído em um volume uniformemente aquecido na camada inferior, e uniformemente resfriado na camada superior [9]:

$$\frac{dx}{dt} = -\sigma \cdot (x - y) \tag{3a}$$

$$\frac{dy}{dt} = x \cdot (\rho - z) - y \tag{3b}$$

$$\frac{dz}{dt} = x \cdot y - \beta \cdot z \tag{3c}$$

Para a simulação numérica foi considerado que $\sigma=10,\,\beta=\frac{8}{3},\,\rho=28$ e foi utilizado dt=0.01, gerando 5000 dados, assim como nos casos discretos. As figuras abaixo mostram a série temporal em \hat{x} e o atrator de Lorenz para a condição inicial $[x(0)\ y(0)\ z(0)]^T=[0.1\ 0\ 0]^T$:



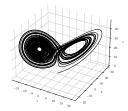


Figura 3. À esquerda, a série temporal em \hat{x} do sistema de Lorenz simulado e, à direita, o diagrama de fases correspondente à simulação

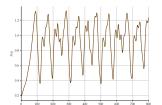
2.1.4. Equações de Mackey-Glass

Por fim, o último sistema caótico simulado, este também a tempo contínuo, foram as equações de Mackey-Glass. Essas equações diferenciais com atraso temporal modelam o controle hormonal da produção de células brancas do sangue e podem serem vistas abaixo [10]:

$$\frac{dP(t)}{dt} = \frac{\beta_0 \cdot \theta^n}{\theta^n + P(t - \tau)^n} - \gamma \cdot P(t)$$
 (4a)

$$\frac{dP(t)}{dt} = \frac{\beta_0 \cdot \theta^n \cdot P(t-\tau)}{\theta^n + P(t-\tau)^n} - \gamma \cdot P(t)$$
 (4b)

Neste caso, a equação (4b) exibe um comportamente caótico para valores mais altos de τ . Para a simulação numérica, foi utilizado $n=10,\,\gamma=0.1,\,\beta=0.2,\,\theta=1,\,\tau=22$ e dt=1.0, gerando novamente 5000 dados, resultando na seguinte série temporal e no seguinte atrator:



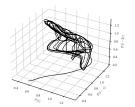


Figura 4. À esquerda, a série temporal da equação (4b) exibida de t=0 a t=800 e, à direita, o atrator correspondente à simulação

2.2. Obtenção dos melhores parâmetros

Como foi mencionado na seção introdutória, foi realizado um procedimento de *gridsearch* para a determinação dos melhores parâmetros para as redes neurais. Nesse caso, cada arquitetura testou parâmetros diferentes nesse processo, logo, as próximas seções indicam o que foi testado para cada modelo. Vale reforçar que o *gridsearch* foi realizado em todos os cenários de sistemas caóticos analisados, de forma a obter os melhores parâmetros para cada um deles

2.2.1. MLP

Para as redes *Multilayer Perceptron*, foi testado o tamanho do *batch* para o treinamento (2, 4, 8, 16, 32), se será ou não utilizado uma camada de *batch normalization*, a função de ativação para os neurônios *Perceptron* na camada intermediária (SELU, ReLU, ELU, tanh, Sigmoid), a inicialização dos pesos dos neurônios (Glorot, He, Lecun, tanto com distribuição normal, quanto uniforme), o número de neurônios na camada intermediária (5, 10, 15, 20, 30, 50, 75, 100) e, por fim, a taxa de aprendizagem (0.001, 0.003, 0.005, 0.008, 0.01).

O gridsearch utilizou validação cruzada com 4 folds nos dados de treinamento, que correspondiam a 85% dos primeiros dados das séries temporais.

Vale reforçar que foi utilizada apenas uma camada intermediária em cada cenário. As melhores configurações obtidas podem serem vistos na tabela abaixo:

Cenário	Batch normalization	Batch size	Função de ativação	Inicialização	Nº de neurônios	Taxa de aprendizagem
Mapa de Hénon	Não	8	Sigmoid	Glorot Normal	50	0.003
Mapa logístico	Não	2	tanh	Glorot Uniforme	10	0.003
Sistema de Lorenz	Não	2	SELU	Lecun Normal	50	0.001
Equações de Mackey-	Não	4	tanh	Glorot Normal	5	0.001

Tabela 1. Melhores parâmetros para a rede MLP nos cenários em análise

2.2.2. LSTM e GRU 2.2.3. ESN

2.3. Análise comparativa

- 3. Resultados
- 4. Conclusões

Referências

- [1] G. E. Box, G. M. Jenkins, G. C. Reinsel, and G. M. Ljung, *Time series analysis: forecasting and control*. John Wiley & Sons, 2015.
- [2] F. Rosenblatt, "The perceptron: a probabilistic model for information storage and organization in the brain.," *Psychological review*, vol. 65, no. 6, p. 386, 1958.
- [3] J. T. Connor, R. D. Martin, and L. E. Atlas, "Recurrent neural networks and robust time series prediction," *IEEE transactions on neural networks*, vol. 5, no. 2, pp. 240–254, 1994.

- [4] H. Jaeger, "Echo state network," scholarpedia, vol. 2, no. 9, p. 2330, 2007.
- [5] N. Fiedler-Ferrara and C. P. C. do Prado, Caos: uma introdução. Editora Blucher, 1994.
- [6] K. Cho, B. Van Merriënboer, C. Gulcehre, D. Bahdanau, F. Bougares, H. Schwenk, and Y. Bengio, "Learning phrase representations using rnn encoder-decoder for statistical machine translation," arXiv preprint arXiv:1406.1078, 2014.
- [7] M. Hénon, "A two-dimensional mapping with a strange attractor," Communications in Mathematical Physics, vol. 50, pp. 69–77, feb 1976
- [8] R. M. May, "Simple mathematical models with very complicated dynamics," *Nature*, vol. 261, pp. 459–467, jun 1976.
- [9] E. N. Lorenz, "Deterministic nonperiodic flow," *Journal of at-mospheric sciences*, vol. 20, no. 2, pp. 130–141, 1963.
- [10] M. C. Mackey and L. Glass, "Oscillation and chaos in physiological control systems," *Science*, vol. 197, no. 4300, pp. 287–289, 1977.
- [11] J. Gleick, Chaos: The amazing science of the unpredictable. Vintage Publishing, 1998.