Avaliação de fim de bimestre

Matemática

CCO

Nome: 9° ano 24/09/2021

Exercício 1. Lembrando que:

- $x \in Y$ quer dizer que x pertence ao conjunto Y
- $Z \subseteq Y$ quer dizer que Z é subconjunto de Y, ou seja, todo elemento de Z pertence também a Y.

Considerando os seguintes conjuntos,

$$A = \{0\}$$

$$B = \{0, 1\}$$

$$C = \{\{0\}, \{1\}, 0, 1\}$$

$$D = \{0, \{1\}\}\$$

$$E = \{\{0, 1\}, \{0, \{0\}\}\}\}$$

determine quais das sentenças abaixo são verdadeiras:

i)
$$A \in B$$

ii)
$$A \subseteq B$$

iii)
$$B \in E$$

iv)
$$B \subseteq E$$

$$\mathbf{v}$$
) $C \in D$

vi)
$$D \subseteq C$$

vii)
$$B \subseteq D$$

viii)
$$A \subseteq A$$

Exercício 2. Encontre conjuntos A e B tais que os seguintes enunciados sejam simultaneamente verdadeiros:

- $A \cap B = \emptyset$
- $A \subseteq M(5)$
- $B \cap M(3) = \{9\}$
- $A \cup B = \{1, 2, 5, 9, 10\}$

Exercício 3. Resolva as equações abaixo, atentando-se ao conjunto a que as variáveis fazem parte. Depois de mostrar seu raciocínio, apresente sua solução usando a ideia de "conjunto solução", como no exemplo.



Exemplo

z)
$$3x + 2 = 11$$
, para $x \in \mathbb{N}$

Solução do exemplo

$$3x + 2 = 11$$

$$3x = 11 - 2$$

$$3x = 9$$

$$x = \frac{9}{3}$$

$$x = 3$$

$$S = \{3\}$$

a)
$$x - \frac{3}{4} = -\frac{1}{8}$$
, para $x \in \mathbb{Q}$ **b)** $x - \frac{3}{4} = -\frac{1}{8}$, para $x \in \mathbb{Z}$

b)
$$x - \frac{3}{4} = -\frac{1}{8}$$
, para $x \in \mathbb{Z}$

c)
$$x^2 + 3 = 12$$
, para $x \in \mathbb{N}$

c)
$$x^2 + 3 = 12$$
, para $x \in \mathbb{N}$ **d)** $(x + \frac{1}{3})^2 - 5 = 20$, para $x \in \mathbb{Q}$

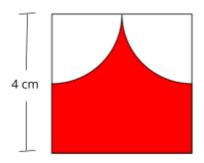


e)
$$x^2 - 7 = -5$$
, para $x \in \mathbb{Q}$ **f)** $x^2 + 7 = 9$, para $x \in \mathbb{R}$

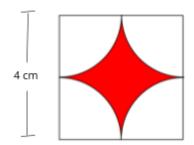
f)
$$x^2 + 7 = 9$$
, para $x \in \mathbb{R}$

Exercício 4. As imagens abaixo são compostas a partir de quadrados e círculos. Calcule a área das figuras em vermelho. Adote $\pi=3$, 14.

a)



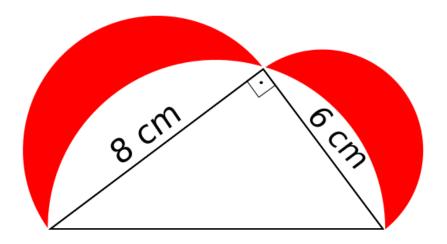
b)





Exercício 5 (desafio).

a) Resolva a equação $94(x-\frac{3}{4})^2-\frac{A}{4}=-\frac{1}{8}$, para $x\in\mathbb{R}$, em que A é a área pintada em vermelho abaixo:



b) Construa um conjunto A, diferente do conjunto vazio, tal que todo elemento de A é subconjunto de A.