Nessa atividade vamos investigar a ideia de igualdade entre figuras. Veja as duas figuras abaixo:

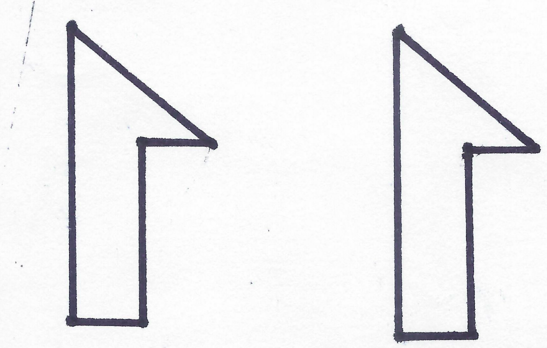


Figura 1

Parece razoável dizer que elas são iguais. Elas têm a mesma forma e o mesmo tamanho. E essas duas?

Parece razoável também que elas sejam iguais, afinal, parece que a gente

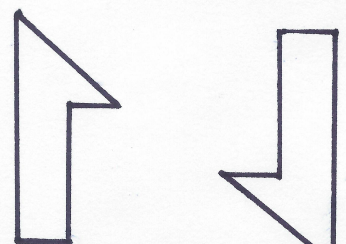


Figura 2

só girou uma delas e chegou na outra. E essas?

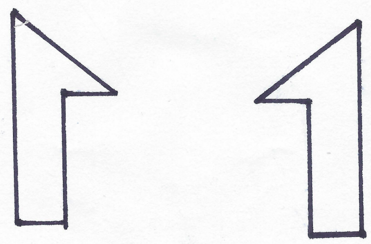


Figura 3

Aqui já ficamos mais em dúvida. Por um lado, parece que elas têm a mesma forma, porque se eu virar uma figura eu chego na outra. Mas uma aponta para a direita e outra pra esquerda... E essas?

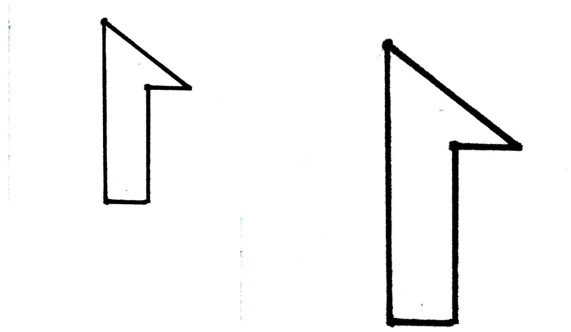


Figura 4

Bom, elas ainda são parecidas, mas uma é maior que a outra. Será que elas são iguais?

Congruência

Em vez de ficar tentando responder essa pergunta, que parece não ter uma resposta definitiva, vamos apresentar outro conceito. Em geometria, dizemos que duas figuras são **congruentes** se elas têm a mesma forma e o mesmo tamanho. As figuras 1 a 3 acima mostram, cada uma, duas figuras congruentes. A figura 4 mostra duas figuras não congruentes, pois têm tamanhos diferentes.

Exercício 1. Faça a seguinte atividade no *Geogebra*: geogebra.org/m/gadrnmzm. Registre sua solução com *printscreens* e poste-os na plataforma do curso.

Ao fazer o exercício 1 talvez você tenha percebido que, sob algumas **restrições**, não é possível formar triângulos não congruentes. Por exemplo, se dois triângulos têm **os lados correspondentes congruentes**, não tem como eles **não** serem congruentes — ou seja, eles devem ser congruentes.

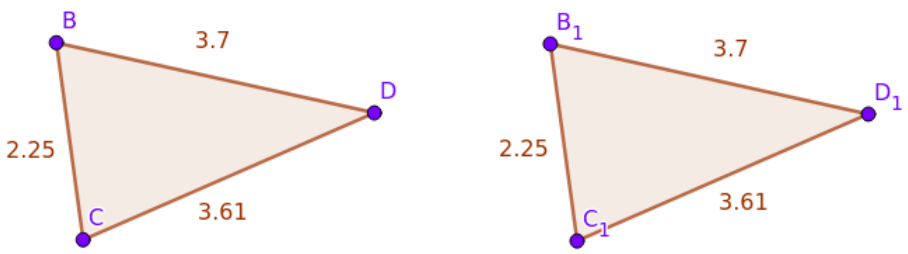


Figura 5

“(...) lados correspondentes congruentes”... quê??

(i) Lados também são figuras, logo, podem ser congruentes: basta que tenham a mesma medida. Em outras palavras: *dois lados são congruentes se têm a mesma medida.*

(ii) Falar em “lados correspondentes” indica que estamos comparando um lado de cada triângulo (e não lados de um mesmo triângulo). Por exemplo, na figura 5, o lado BC corresponde ao B_1C_1, o lado CD corresponde ao C_1D_1, e assim por diante.

Recomendo reler até ter certeza de que você entendeu.

Note que essa afirmação tem a forma premissa-hipótese. Poderíamos reescrevê-la usando a seguinte notação:

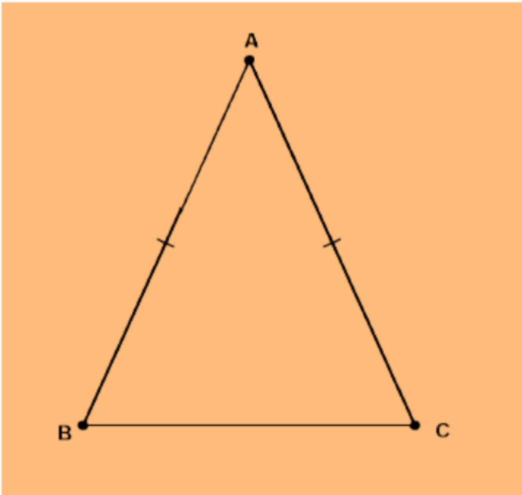
ABC é um triângulo
DEF é um triângulo
Os lados correspondentes de ABC e DEF são congruentes

ABC é congruente a DEF

Figura 6

Ó que é um triângulo isósceles mesmo?

Agora podemos usar o fato descoberto em outras argumentações. Por exemplo, considere a afirmação: “*Os ângulos da base de um triângulo isósceles são congruentes*”



Por enquanto, não sabemos se essa afirmação é verdadeira ou não (apesar de *parecer* para um ou outro, só de olhar, que é verdade). Passamos agora a **demonstrá-la**. Se a demonstração estiver correta, saberemos que a afirmação é verdadeira.

Demonstração. Considere os dois triângulos ABC e ACB (um está "virado" em relação ao outro). Sabemos que $\overline{AB} = \overline{AC}$, $\overline{AB} = \overline{AC}$ e que $\overline{BC} = \overline{BC}$. Logo, os dois triângulos são congruentes. Logo, os ângulos $A\hat{B}C$ e $A\hat{C}B$ são congruentes.

Exercício 2. Reescreva a demonstração na forma de uma sequência de premissas e conclusões, como na figura 6.