Facultad de Ingeniería IMERL PROBABILIDAD Y ESTADÍSTICA Curso 2021 Práctico 2

Cálculo de probabilidades

- 1. Determinar el espacio muestral asociado a cada uno de los siguientes experimentos aleatorios, y en el caso que sea finito, indicar su cardinal. ¹
 - (a) Lanzar al aire una moneda tres veces
 - (b) Extraer dos fichas sucesivamente y sin reposición de una bolsa que contiene fichas numeradas con los 5 dígitos pares.
 - (c) Lanzar una moneda finalizando el experimento si sale número; si sale cara, tirar además un dado.
 - (d) Seleccionar al azar dos alumnos de una clase de 30.
 - (e) Valor de la tasa de inflación para este año.
- 2. (a) Se juega a un juego del tipo 5 de Oro: hay que acertar 5 números, elegidos dentro de 36 posibilidades.
 - i. ¿Cuál es la probabilidad de ganar?
 - ii. ¿Cuál es la probabilidad de acertar en al menos 3 números (es decir, acertar exactamente 3, exactamente 4, o exactamente 5 números)?
 - iii. Construir un espacio muestral para este experimento.
 - iv. Y si en lugar de 36, se elige sobre 20 números, ¿cuánto dan las probabilidades anteriores?
 - (b) Se juega a la baraja con 40 cartas, 10 de cada palo. Si uno toma 3 cartas, ¿cuál es la probabilidad de elegirlas todas del mismo palo?
- 3. Si a un ómnibus con n asientos suben i personas con $i \leq n$.
 - (a) ¿De cuántas maneras pueden elegirse los asientos en los que se sentará la gente?
 - (b) ¿De cuántas maneras distintas puede disponerse la gente en el ómnibus?
 - (c) * Asumamos ahora que la gente se dispone al azar y que cada disposición particular tiene la misma probabilidad (equiprobabilidad). Supongamos que n=4m y que el ómnibus tiene un pasillo en el

 $^{^{1}\}mathrm{El}$ cardinal de un conjunto finito es su cantidad de elementos, y se denota por card (A), #A o |A|.

medio; y que a cada costado del pasillo hay m filas de 2 asientos. Para darle un toque romántico, suponga ahora que sube al ómnibus Keanu Reeves o Angelina Jolie (según la opción de cada uno), ¿qué probabilidad tiene Ud. de quedar sentado al lado del personaje en cuestión?

- 4. (a) Calcular la probabilidad de obtener una suma de puntos menor que 18 al tirar 3 dados.
 - (b) * Se elige un grupo de n personas al azar. Descartando los años bisiestos y suponiendo por lo tanto años de 365 días, ¿cuál es la probabilidad de que al menos dos personas cumplan el mismo dia? ¿Cuánto tiene que ser n para que dicha probabilidad supere a 0.5?
- 5. Si un dado está cargado de modo tal que $\mathbf{P}\left(\{i\}\right)=\alpha i,\,\forall i=1,2,\ldots,6.$
 - (a) Determinar el valor de α
 - (b) ¿Cuál es la probabilidad de sacar 5?
 - (c) ¿Cuál es la probabilidad de sacar par?
- 6. * Un secretario o secretaria coloca aleatoriamente n cartas diferentes en sobres. En cada uno de los sobres está escrito el nombre del destinatario en cada una de las n cartas, de modo que lo único que debe hacer es acertar cada carta en el sobre que le corresponde.
 - (a) Calcular la probabilidad p_n de que al menos una carta vaya a parar al sobre que le toca.
 - (b) Calcular $\lim_{n} p_n$

Sugerencia: Considere la siguiente generalización de la fórmula de la probabilidad de la unión:

$$\mathbf{P}\left(\bigcup_{i=1}^{n} A_{i}\right) = \sum_{1 \leq i \leq n} \mathbf{P}\left(A_{i}\right) - \sum_{1 \leq i < j \leq n} \mathbf{P}\left(A_{i} \cap A_{j}\right) + \ldots + (-1)^{n-1} \mathbf{P}\left(A_{1} \cap \ldots \cap A_{n}\right)$$