Incurred But Not Reported (IBNR)

Seguros Generales y Modelos de Riesgo

Ignacio Campón & Joaquín Viola







Índice

1 Introducción

En este trabajo se pretende abordar distintos métodos para el cálculo de reservas técnicas asociadas al IBNR. El IBNR por sus siglas en inglés, son los siniestros incurridos y que aún no fueron reclamados. En muchos países, los seguros de responsabilidad civil, cuentan con un período de 10 años para el reclamo de un seguro luego de que el siniestro haya ocurrido.

La idea principal de las reservas de IBNR es poder estar cubierto en el futuro de siniestros que ocurrieron en el año corriente (mientras está activa la poliza), pero el reclamo es efectuado en los años siguientes.

Para poder calcular las reservas de IBNR hay varios métodos, basados en la utilización de información previa (recolectada en años anteriores), para poder predecir cómo se comportan los reclamos en los años siguientes.

Se suele trabajar con 3 matrices triangulares, donde las filas son años, y las columnas son los años transcurridos. Observesé el cuadro ??, en la última fila se encuentra el último año, el cuál se tiene datos para una sola columna, el año corriente. La fila anterior tendrá una columna más, es decir tendrá información de dos períodos transcurridos, de esta manera se llega a la primer fila, la cuál es el último año que se tiene en cuenta, y para el cual se tiene información de todos los años transcurridos, de esta manera queda explicada la forma de la matriz triangular.

Cuadro 1: Siniestros incurridos acumulados por año y por período transcurrido en pesos.

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1999	652799	1383776	2634200	3167840	3842289	4029679	4454460	4817622	5012751	5099688
2000	1360795	2480988	2806387	3592401	3451088	3931688	4491687	4165270	4221137	
2001	1985553	3275646	3290023	3945474	4961886	4975029	5914580	5969088		
2002	2901555	4528347	4556763	5790821	6444829	7957380	8581805			
2003	3572829	4717083	5937065	6835232	7309686	7276239				
2004	2578343	4423917	4664371	5348014	5882585					
2005	4051902	6081465	8618348	9901076						
2006	5030173	8881224	12548654							
2007	6849422	9171465								
2008	10120889									

La primer matriz triangular tiene la información de los pagos acumulados de los siniestros ocurridos en cada año, y cuando fueron pagados efectivamente. Para la primer fila, en la primer columna se tienen los pagos de los siniestros ocurridos y pagados hace 10 años, luego en la siguiente columna se tiene los siniestros ocurridos en ese año pero reclamados y pagados en el siguiente, más los de la columna anterior (por ser pagos acumulados) y así sucesivamente.

La segunda matriz es la matriz de siniestros pendientes de pagos, que tiene para cada celda (año), los siniestros ocurridos en la fila a la que pertenece, y reportados pasado los años según la columna en la que está, es decir, salvo los de la primera columna, todos son reportados luego de pasado cierta cantidad de años, pero que aún no han sido pagados, ya sea por litigio, o por que se está estimando el valor final a pagar.

En última instancia tenemos la matriz triangular de siniestros incurridos (cuadro ??). En cada celda se tiene la suma de las dos matrices anteriores que es el total de los siniestros

acumulados y reservados ocurridos en cada año y que han ido ocurriendo a lo largo de los años siguientes. Cada diagonal (en el sentido inverso, $X_{1,n}, X_{2,n-1}, \dots, X_{n,1}$) corresponde a los pagos acumulados y reservados de un ejercicio contable.

La reserva de IBNR es la reserva que debe tener la compañía pasado n años (en general 10 años) para poder cubrir los siniestros ocurridos en el año actual, y que serán reportados durante los siguientes años.

Se trabajará con la matriz de siniestros trabajada en el curso de "Solvencias de Compañías Aseguradoras" brindado por el profesor *Enrique Arónica* en Noviembre de 2023 en la Facultad de Ciencias Económicas (UDELAR). Se cuenta con la matriz de pagos acumulados, la matriz de siniestros pendientes de pagos y la de siniestros incurridos.

La figura ?? fue realizada con la función plot de R base, la cual fue aplicada a un objeto (matriz de siniestros incurridos) de clase triangle. Esta figura nos permite ver como crecen los siniestros incurridos en cada período con el correr de los años, obteniendo así una línea para cada año de ocurrencia y observando el crecimiento de los siniestros incurridos durante los períodos de desarrollo. Cada línea representa los siniestros incurridos en un período, y se ve como va aumentando los pagos acumulados y reservados con el correr de los períodos.

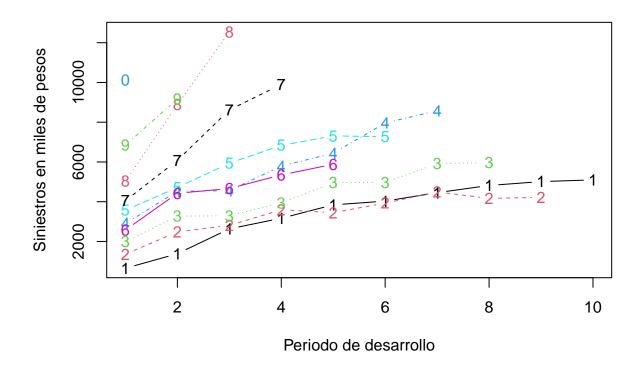


Figura 1: Desarrollo de los reclamos por año y período.

2 Chain-Ladder

El objetivo de este trabajo es presentar distintos métodos para estimar los siniestros incurridos que se tendrán pasado los años de desarrollo. Y de esta manera obtener la reserva necesaria para hacer frente a lo que será reclamado.

Una de las principales herramientas del Chain-Ladder son los factores de desarrollo que se definiran más adelante. Se utilizan tanto en las matrices de pagos acumulados como en la de siniestros incurridos, y es el factor por el que los valores van creciendo de un período a otro. A veces se utiliza un solo factor de desarrollo para todo el período de desarrollo (ejemplo, para el crecimiento de los siniestros/pagos del período 6 al 7, sin importar el año de ocurrencia, lo que sería columna por columna) y a veces es de particular interés los factores individuales, es decir, poder diferenciar tanto para el período de desarrollo como al año de ocurrencia (celda por celda).

En primer lugar se presentará el método de Chain-Ladder clásico, que utiliza la información del desarrollo de los reportes de los siniestros durante los años posteriores a que hayan ocurrido para predecir cómo se comportarán en el futuro, que en general, se suele asumir que luego de terminado el último período de desarrollo, no habrá nuevos reclamos y los costos no aumentarán. Luego, se presentará una variación del método, que utiliza un modelo de regresión en función de los años transcurridos a partir de los factores de desarrollos observados, de esta manera, obtener mediante estimaciones un factor de desarrollo mayor a 1 para el último período de desarrollo. Después se presentará el método de Mack Chain-Ladder, que bajo ciertos supuestos, obtiene una estimación de los desvíos de los siniestros a futuros y de la reserva de IBNR. Por último se presentará el método de Munich Chain-Ladder que utiliza un modelo de regresión y parte de la correlación existente entre los siniestros incurridos y los pagos acumulados.

2.1 Chain Ladder 'clásico'

Uno de los métodos más utilizados es el de "Chain Ladder" (Escalera de Cadena). A partir de la matriz que se puede ver en el cuadro ??, cálcula los factores de desarrollo, que miden el crecimiento de los gastos por siniestro pasado los años. El factor de desarrollo representa la proporción que aumentan el monto de los siniestros incurridos entre dos períodos consecutivos (el factor de desarrollo q_j representa el aumento de los siniestros incurridos entre el período j y el j+1). Para el cálculo de este, se suma todos los siniestros incurridos en el período j+1, es decir $\sum_{i=1}^{n-j} X_{i,j+1}$ y se los divide entre la misma cantidad de filas, del período anterior (j), es decir $\sum_{i=1}^{n-j} X_{i,j}$ de esta forma se obtiene:

$$\hat{q}_j = \frac{\sum_{i=1}^{n-j} X_{i,j+1}}{\sum_{i=1}^{n-j} X_{i,j}}$$

Obersevesé la figura ??, la cual representa la matriz de los siniestros incrurridos, equivalente al cuadro ??. En sombreado las columnas del período 1 y 2 necesarias para cálcular \hat{q}_1 .

	Siniestros Incurridos											
Período de	Período de Desarrollo											
Ocurrencia	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10		
1999/2000	652.799	1.383.776	2.634.200	3.167.840	3.842.289	4.029.679	4.454.460	4.817.622	5.012.751	5.099.688		
2000/2001	1.360.795	2.480.988	2.806.387	3.592.401	3.451.088	3.931.688	4.491.687	4.165.270	4.221.137			
2001/2002	1.985.553	3.275.646	3.290.023	3.945.474	4.961.886	4.975.029	5.914.580	5.969.088				
2002/2003	2.901.555	4.528.347	4.556.763	5.790.821	6.444.829	7.957.380	8.581.805					
2003/2004	3.572.829	4.717.083	5.937.065	6.835.232	7.309.686	7.276.239						
2004/2005	2.578.343	4.423.917	4.664.371	5.348.014	5.882.585							
2005/2006	4.051.902	6.081.465	8.618.348	9.901.076								
2006/2007	5.030.173	8.881.224	12.548.654									
2007/2008	6.849.422	9.171.465										
2008/2009	10.120.889											

Figura 2: En sombreado, las filas de la columna correspondiente al período de desarrollo 1 y 2, que se dividen para calcular el factor de desarrollo del período 1.

Por otro lado, se define el factor de desarrollo acumulado, Q_j , que se obtiene de de manera iterativa, de la forma:

$$Q_{j-1} = q_{j-1} \cdot Q_j$$

En particular, para el último período de desarrollo se tiene, en general, que $Q_n=1$ con n correspondiente al último período.

Una vez obtenidos los factores, se puede predecir los siniestros incurridos para los valores por debajo de la diagonal de la manera:

$$X_{i,c_i+1} = X_{i,c_i} \cdot q_{c_i}$$

siendo i el período de ocurrencia, c_i es el último período de desarrollo que se tiene información y q_{c_i} el factor de desarrollo del período de desarrollo c_i .

De forma inmediata, se puede obtener con los factores de desarrollo acumulado el total a pagar y reservar por los siniestros ocurridos en el año i (X_i) de la manera:

$$X_i = Q_{c_i} \cdot X_{i,c_i}$$

Que da el mismo resultado que hacer $X_i = X_{i,c_i} \cdot q_{c_i} \cdot \cdots \cdot q_n$, es decir, predecir todos los valores de la fila por debajo de la diagonal, y quedarnos con la última columna. Donde $c_i = n - i + 1$ y queda definida la diagonal con todos los pares (i,c_i) .

Luego, denominamos a X_i como la p'erdida esperada por los siniestros incurridos en el año i. La reserva de $IBNR_i$ del período i, es la reserva para los siniestros ocurridos en el año i y que fueron denunciados en los años posteriores. Será calculada como la diferencia entre la pérdida esperada, y el último período para el que tenemos los pagos acumulados y reservados en la matriz de siniestros incurridos (X_{i,c_i})

$$IBNR_i = X_i - X_{i,c_i}$$

Finalmente obtenemos el IBNR como la suma total de los $IBNR_i$ para cada período de ocurrencia:

$$IBNR = \sum_{i=1}^{n} IBNR_i = \sum_{i=1}^{n} X_i - X_{i,c_i}$$

El cuadro ?? representa un resúmen de los cálculos a realizar para obtener el IBNR, en la primer columna se representa el X_{i,c_i} , en la segunda el Q_i , en la tercera X_i y en la última el $IBNR_i$.

Cuadro 2: Cálculo del IBNR según el método clásico.

	Último siniestro incurrido	Factor de desarrollo acumulado	Pérdida Esperada	IBNR
1999	5099688.00	1.00	5099688.00	0.00
2000	4221137.00	1.02	4292896.33	71759.33
2001	5969088.00	1.04	6237696.96	268608.96
2002	8581805.00	1.05	9028058.86	446253.86
2003	7276239.00	1.18	8585962.02	1309723.02
2004	5882585.00	1.28	7517943.63	1635358.63
2005	9901076.00	1.42	14069429.00	4168353.00
2006	12548654.00	1.69	21169579.30	8620925.30
2007	9171465.00	2.12	19489363.12	10317898.12
2008	10120889.00	3.30	33368571.03	23247682.03
Total	78772626.00		128859188.25	50086562.25

En algunas ocasiones, la asignación de un valor $Q_n=1$ para el último período de desarrollo puede no ser lo mejor para la representación de la realidad, de esta forma, se puede asignar un valor mayor a 1 para el factor de desarrollo del último año, $Q_n>1$, por ejemplo $Q_n=1,05$, cabe aclarar que los siguientes factores de desarrollo quedaran determinados a partir de este primero.

2.2 Chain Ladder con regresión

Este modelo permite calcular el factor de desarrollo para Q_n asumiendo una estructura de regresión para los factores de desarrollos (simples) en función de los períodos de desarrollo. Si bien estos no varían mucho a lo largo del tiempo, si se puede observar una estructura de regresión lineal si hacemos el logaritmo del aumento proporcional (q-1) de los siniestros incurridos en función de los períodos de desarrollo $Log(q-1) \sim$ períodos de desarrollo.

$$Log(q_j-1) = \alpha + \beta \cdot j$$

siendo α la ordenada en el origen, β la pendiente y j el período de de desarrollo.

El cuadro ?? representa los factores de desarrollo para cada período, q_j , de los siniestros incurridos presentados en el cuadro ??.

Para modelar una regresión lineal de la forma $Log(q_j-1)=\alpha+\beta\cdot j$, es necesario haber calculado los factores de desarrollo. Previamente chequendo si para el gráfico de dispersión de los datos corresponde el modelo de regresión lineal. Una vez obtenidos los q_j se modela. La figura ?? representa el resultado de la misma.

Cuadro 3: Factores de desarrollo de los sinisestros incurridos.

	T2 / 1 1 11
	Factores de desarrollo
1	1.551
2	1.260
3	1.187
4	1.112
5	1.083
6	1.122
7	1.006
8	1.028
9	1.017

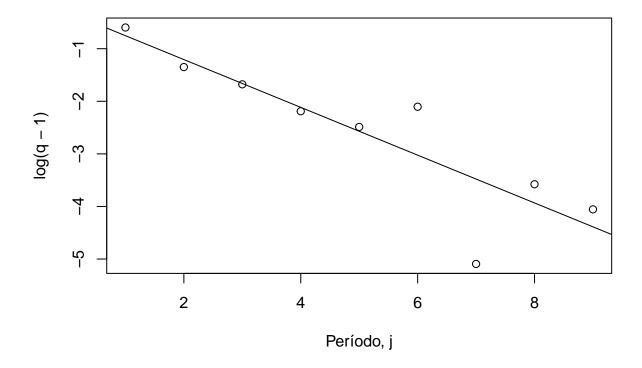


Figura 3: Extrapolación Log-lineal de los factores año a año.

Luego, se sugiere extrapolar los datos para 100 períodos de desarrollo, y se puede observar que el $Log(q_j-1)$ empieza a converger cuando j aumenta. De esta forma podemos obtener una estimación para Q_n , podemos calcular como:

$$\hat{Q_n} = \prod_{j \ge n} \hat{q_j}$$

De esta forma para los siniestros incurridos que venimos viendo, se obtiene $\hat{Q_n}=1.021795$. La figura ?? representa la extrapolación a 100 períodos de desarrollo.

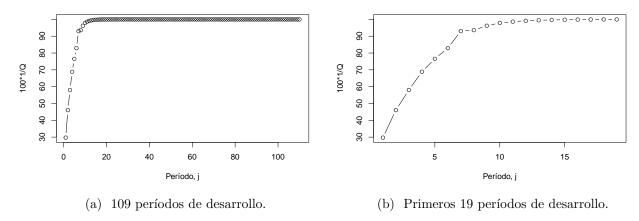


Figura 4: Patrón de desarrollo de reclamaciones esperado.

Nuestros factores de desarrollo serán los obtenidos normalmente hasta el momento n-1=9 y para $q_n=q_{10}$ se le asigna el valor de $\hat{Q_n}$ calculado anteriormente, que para el último período de desarrollo era válida la equivalencia.

De esta forma, se hace el análogo al cuadro $\ref{eq:condition}$ y se cálcula nuevamente el IBNR con este método, observesé los resultados en el cuadro $\ref{eq:condition}$.

	Último siniestro incurrido	Factor de desarrollo acumulado	Pérdida Esperada	IBNR
1999	5099688.000	1.022	5211881.136	112193.136
2000	4221137.000	1.040	4389982.480	168845.480
2001	5969088.000	1.069	6380955.072	411867.072
2002	8581805.000	1.075	9225440.375	643635.375
2003	7276239.000	1.206	8775144.234	1498905.234
2004	5882585.000	1.306	7682656.010	1800071.010
2005	9901076.000	1.453	14386263.428	4485187.428
2006	12548654.000	1.724	21633879.496	9085225.496
2007	9171465.000	2.172	19920421.980	10748956.980
2008	10120889.000	3.368	34087154.152	23966265.152
Total	78772626.000		131693778.363	52921152.363

Cuadro 4: Cálculo del IBNR según el método con regresión.

Se observa que al asignarle un factor de desarrollo acumulado mayor a 1 para el último período de desarrollo, se obtiene que las reservas por IBNR aumentan aproximadamente en \$3.000.000 respecto al método clásico representado en el cuadro ??, este monto representa aproximadamente un aumento del %5 en las reservas. Esto se traduce en menores ganancias para la compañia aseguradora pero permite estar mas cubierto frente a acontecimientos siniestrales ocurridos pero no reportados.

3 Mack Chain-Ladder

Thomas Mack publica en 1993 un método para obtener estimaciones de los errores estándar de las estimaciones de pérdida esperada, y por consecuencia del IBNR, se puede aplicar tanto en la matriz triangular de pérdida acumulada como en la matriz triangular de siniestros incurridos, y es un método para predecir el triángulo inferior faltante de la matriz, es decir, los siniestros incurridos a futuro de cada año de ocurrencia para cada período de desarrollo.

Para predecir los siniestros incurridos a futuro $X_{i,j}$ con j > n-i+1 se asume:

•
$$\mathbb{E}(q_{i,j}|X_{i,1},\dots,X_{i,j}) = q_j \text{ con } q_{i,j} = \frac{X_{i,j+1}}{X_{i,j}}$$

•
$$\mathbb{V}(q_{i.j}|X_{i,1},\ldots,X_{i,j}) = \frac{\sigma_j^2}{w_{i.j}X_{i.j}^{\alpha}}$$

•
$$\{X_{i,1},\dots,X_{i,n}\},\{X_{k,1},\dots,X_{k,n}\}$$
 son independientes del período de origen $(i\neq k)$

Con $w_{i,j} \in [0;1]$ y $\alpha \in \{0,1,2\}$, se obtienen estimaciones insesgadas de las pérdidas esperadas y de las reservas de IBNR junto a los errores estándar y el coeficiente de variación.

Luego, a partir de la fórmula del error cuadrático medio, $ECM(\hat{X}_{i,n}) = \mathbb{E}((\hat{X}_{i,n} - X_{i,n})^2 | X_{i,1} \dots, X_{i,n-i+1}) = \mathbb{V}(\hat{X}_{i,n}) + (\mathbb{E}(X_{i,n} | X_{i,1} \dots, X_{i,n-i+1}) - \hat{X}_{i,n})^2$ se podrá calcular el error cuadrático medio como la suma de los errores estocásticos y el error de estimación y se necesitará una fórmula para la varianza.

Se puede notar que el factor de desarrollo q_j es el promedio ponderado de los factores $q_{i,j} = X_{i,j+1}/X_{i,j}$, por lo que la varianza de $X_{i,j+1}/X_{i,j}$ (dado los siniestros hasta el período de desarrollo j) es inversamente proporcional a $X_{i,j}$, donde se asume que todos los siniestros incurridos pesan igual y $\alpha=1$ en las condiciones planteadas anteriormente.

$$\mathbb{V}(X_{i,j+1}|X_{i,1},\ldots,X_{i,j}) = X_{i,j} \cdot \sigma_j^2$$

Donde σ_j^2 es un parámetro desconocido que debe ser estimado, y es la varianza implícita bajo el método de 'Chain Ladder'. Por lo que la varianza estimada será la suma de los errores al cuadrado ponderados de la estimación de los factores de desarrollo año a año.

$$\hat{\sigma_j}^2 = \frac{1}{n-j-1} \cdot \sum_{i=1}^{n-j} X_{i,j} \left(\frac{X_{i,j+1}}{X_{i,j}} - \hat{q_j} \right)^2 = \frac{1}{n-j-1} \cdot \sum_{i=1}^{n-j} X_{i,j} \left(q_{i,j} - \hat{q_j} \right)^2$$

Siendo $\hat{\sigma_j}^2$ un estimador insesgado para $1 \leq j \leq n-2$, obteniendo una estimación del desvío al hacer la raíz. Para estimar σ_{n-1} , si se tiene que $\hat{q}_{n-1}=1$ se puede utilizar $\sigma_{n-1}=0$ ya que se asume que el desarrollo de los siniestros termina en el tiempo n-1, de lo contrario se puede extrapolar utilizando la reducción exponencial de los desvíos de forma tal que $\hat{\sigma}_{n-1}$ cumpla con la razón.

$$\frac{\hat{\sigma}_{n-3}}{\hat{\sigma}_{n-2}} = \frac{\hat{\sigma}_{n-2}}{\hat{\sigma}_{n-1}}$$

$$\hat{\sigma}_{n-1} = \frac{\hat{\sigma}_{n-2}^2}{\hat{\sigma}_{n-3}}$$

Siendo R_i las reservas de IBNR del año i, estas son calculadas como $R_i = X_{i,n} - X_{i,n-i+1}$ y estimadas de la forma $\hat{R}_i = \hat{X}_{i,n} - X_{i,n-i+1}$ donde el total de los costos incurridos del año i son estimados a través de los factores de desarrollo, ya sea calculando el total para todos los años de desarrollo con los factores año a año, o a través del factor de desarrollo acumulado $\hat{X}_{i,n} = Q_{n-i+1} \cdot X_{i,n-i+1}$. Luego, como la única parte aleatoria de \hat{R}_i es $\hat{X}_{i,n}$ el $ECM(\hat{R}_i) = ECM(\hat{X}_{i,n})$

$$\widehat{ECM}(\hat{R}_i) = \hat{X}_{i,n}^2 \sum_{j=n-i+1}^{n-1} \frac{\hat{\sigma_j}^2}{\hat{q}_j} \left(\frac{1}{\hat{X}_{i,j}} - \frac{1}{\sum_{l=1}^{I-j} X_{l,j}} \right)$$

La función MackChainLadder del paquete ChainLadder nos da una tabla con las reservas de IBNR para cada año, su desvío y su coeficiente de variación, y las mismas medidas para el total, teniendo especial atentición de que el desvío del total no es igual a la suma del desvío, nos muestra la última pérdida obtenida, la última pérdida esperada, la relación entre estas, la reserva de IBNR, el desvío y el coeficiente de variación.

Cuadro 5: Estimaciones mediante Método Mack Chain-Ladder por año de Ocurrencia

-	Latest	Dev.To.Date	Ultimate	IBNR	Mack.S.E	CV(IBNR)
1999	5099688.00	1.00	5099688.00	0.00	0.00	
2000	4221137.00	0.98	4294344.90	73207.90	158102.19	2.16
2001	5969088.00	0.96	6242289.13	273201.13	246430.13	0.90
2002	8581805.00	0.95	9029697.31	447892.31	708612.58	1.58
2003	7276239.00	0.85	8589919.40	1313680.40	782964.48	0.60
2004	5882585.00	0.78	7521436.22	1638851.22	1070034.24	0.65
2005	9901076.00	0.70	14077508.98	4176432.98	1880770.51	0.45
2006	12548654.00	0.59	21175489.41	8626835.41	2602113.44	0.30
2007	9171465.00	0.47	19492933.42	10321468.42	3717510.05	0.36
2008	10120889.00	0.30	33356395.46	23235506.46	6120205.09	0.26

Cuadro 6: Estimaciones mediante Método Mack Chain-Ladder para el total

	Totals
Latest:	78772626.00
Dev:	0.61
Ultimate:	128879702.24
IBNR:	50107076.24
Mack S.E.:	11156939.54
CV(IBNR):	0.22

También se puede acceder a los factores mediante mackTRI\$f (Cuadro ??), o a la matriz completa con la estimación de los siniestros incurridos en los años siguientes mediante mackTRI\$FullTriangle (Cuadro ??).

Cuadro 7: Factores de desarrollo

	Factores de desarrollo
1	1.551
2	1.260
3	1.187
4	1.112
5	1.083
6	1.122
7	1.006
8	1.028
9	1.017
10	1.000

Cuadro 8: Matriz Completa con la estimación de los Siniestros Incurridos a futuro

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1999	652799	1360795	1985553	2901555	3572829	2578343	4051902	5030173	6849422	10120889
2000	1383776	2480988	3275646	4528347	4717083	4423917	6081465	8881224	9171465	15694252
2001	2634200	2806387	3290023	4556763	5937065	4664371	8618348	12548654	11551567	19767093
2002	3167840	3592401	3945474	5790821	6835232	5348014	9901076	14893269	13709884	23460415
2003	3842289	3451088	4961886	6444829	7309686	5882585	11010150	16561547	15245604	26088346
2004	4029679	3931688	4975029	7957380	7276239	6371162	11924596	17937063	16511825	28255109
2005	4454460	4491687	5914580	8581805	8163841	7148357	13379234	20125140	18526042	31701847
2006	4817622	4165270	5969088	8634502	8213971	7192252	13461390	20248719	18639802	31896514
2007	5012751	4221137	6135874	8875763	8443483	7393214	13837522	20814500	19160627	32787752
2008	5099688	4294345	6242289	9029697	8589919	7521436	14077509	21175489	19492933	33356395

La función plot recibe como argumento un objeto del tipo MackChainLadder y genera graficos con las estimaciones de los siniestros incurridos a futuro y un intervalo de confianza así como información sobre los residuos estandarizados.

También se puede graficar la predicción del desarrollo de los siniestros incurridos a futuro junto a una medida de la dispersión, separado por cada año de ocurrencia, se puede notar que para años de ocurrencia más reciente, para los cuáles se requiere estimar más valores, el intervalo de confianza empieza en períodos de desarrollo anteriores, y tiene mayor amplitud.

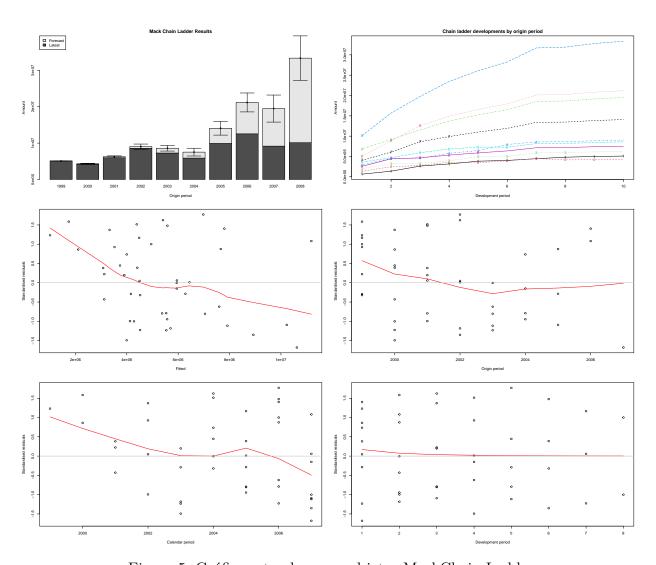


Figura 5: Gráfico estandar para objetos MackChain-Ladder

Chain ladder developments by origin period

—— Chain ladder dev. Mack's S.E.

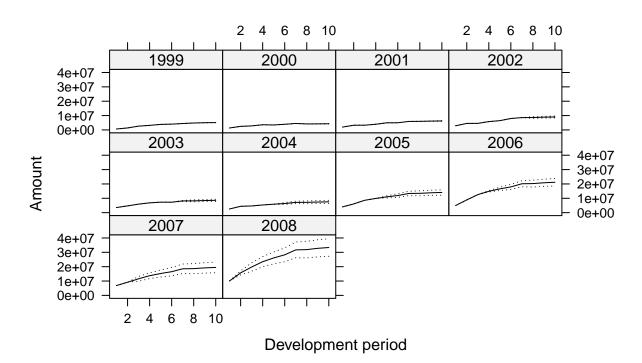


Figura 6: lattice = TRUE para obtener la estimación del desarrollo para cada año de ocurrencia