# Energy based models

Студенты группы 5030102/20202: Бурлака Никита Диденко Евгений Тишковец Сергей

### План презентации

- Причина появления ЕВМ
- Основная идея
- Формулировка задачи
- Обучение модели
- Практические примеры
- Перспективы развития
- Список литературы

### Причины появления ЕВМ

Проблемы классического подхода (классификация, регрессия): **Жесткая архитектура**: под каждую задачу — своя модель **Один** правильный ответ Сложно работать с **неоднозначными данными** 

Что делать, если нужна модель, которая: Может оценить **любую гипотезу** Y для данного входа X Понимает, что на один вопрос может быть **несколько "правильных" ответов** Применима к **разным задачам** без изменения фундаментального принципа

#### Решение:

Вместо того чтобы учиться предсказывать Ү, модель научится оценивать, насколько хорошо Ү подходит к Х

### Основная идея ЕВМ

#### Энергии Е(Х, Ү):

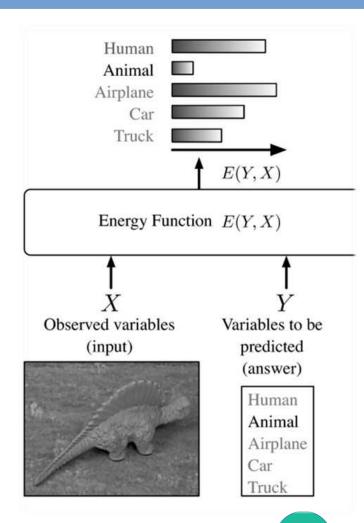
- Это скалярная функция
- Показывает совместимость X и Y
- **Вход:** Любой объект X (изображение, текст) и любая гипотеза Y (метка, текст, картинка)
- **Выход:** Число "Энергия", которая показывает совместимость пары (X, Y)

#### Ключевой принцип:

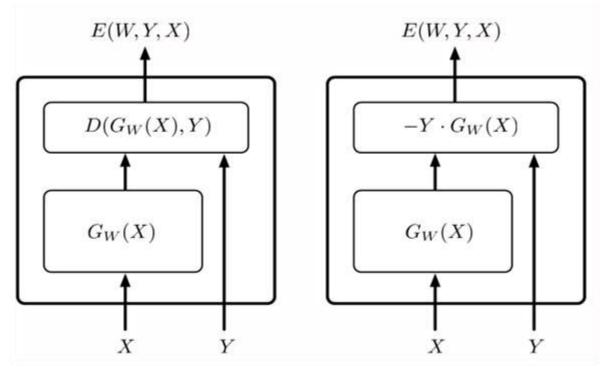
- Низкая энергия = Высокая совместимость
- Высокая энергия = Низкая совместимость

#### Этапы работы:

- Обучение (train) настройка параметров модели (функция E(X, Y))
- Вывод (inference) поиск Y\* = argmin(E(X,Y))



### Формулировка задач в рамках ЕВМ



#### Регрессия

 $E(W, Y, X) = \frac{1}{2}||G_W(X) - Y||^2$ .  $E(W, Y, X) = -YG_W(X)$ 

### Классификация

$$E(W, Y, X) = -YG_W(X)$$

### Формулировка вероятностной модели

• E(X,Y) — скалярное число, однако оно **не дает возможности определить вероятность** P(Y|X)

• В этом случае переход к распределению Гиббса позволяет перейти к

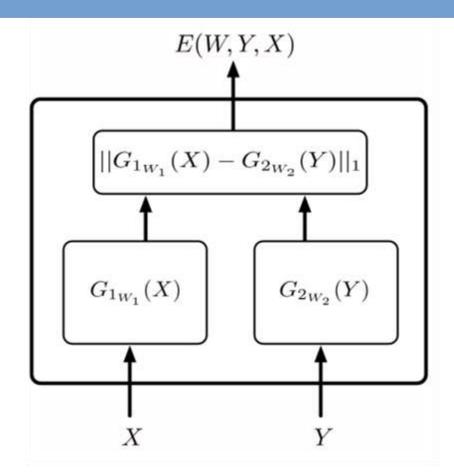
вероятностной модели

$$P(Y|X) = \frac{e^{-\beta E(Y,X)}}{\int_{y \in \mathcal{Y}} e^{-\beta E(y,X)}},$$
 Partition function Inverse temperature

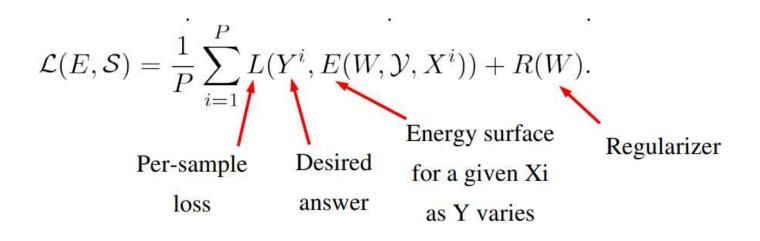
### Возможности этой парадигмы

- Скрытая регрессия
- Для одного и того же X может быть несколько Y

$$E(W, X, Y) = ||G_{1_{W_1}}(X) - G_{2_{W_2}}(Y)||_1$$



### Способы обучения модели



$$L_{energy}(Y^i, E(W, \mathcal{Y}, X^i)) = E(W, Y^i, X^i)$$

$$L_{perceptron}(Y^i, E(W, \mathcal{Y}, X^i)) = E(W, Y^i, X^i) - \min_{Y \in \mathcal{Y}} E(W, Y, X^i)$$

## Коллапс обучения

Условие коректного инференса

$$E(W, Y^i, X^i) < E(X, Y, X^i), \forall Y \in \mathcal{Y} \text{ and } Y \neq Y^i.$$

Решение — более устойчивое условие на инференс

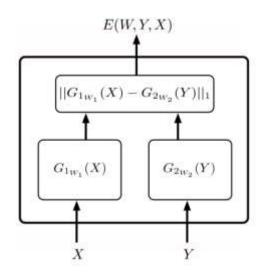
$$E(W, Y^i, X^i) < E(W, \bar{Y}^i, X^i) - m.$$

Адаптированный лосс

$$E(W, Y^i, X^i)^2 - (\max(0, m - E(W, \bar{Y}^i, X^i)))^2$$

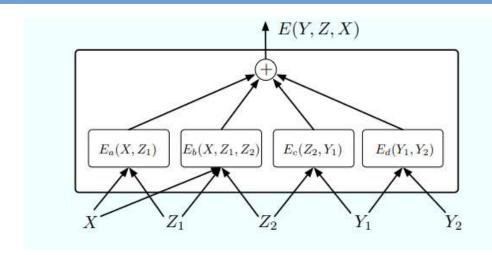
Что если G1 = G2 для любых X и Y

$$E(W, X, Y) = ||G_{1_{W_1}}(X) - G_{2_{W_2}}(Y)||_1$$



### Inference для категориальных величин

Для конечного числа кат. величин можно перебором посчитать все значения энергий



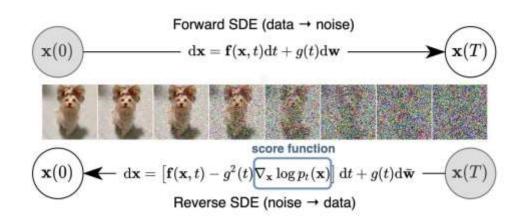
Разложение в фактор граф позволяет сузить область перебора

$$E(Y, Z, X) = E_a(X, Z_1) + E_b(X, Z_1, Z_2) + E_c(Z_2, Y_1) + E_d(Y_1, Y_2),$$

$$(\bar{Y}, \bar{Z}) = \operatorname{argmin}_{y \in \mathcal{Y}, z \in \mathcal{Z}} (E_a(X, z_1) + E_b(X, z_1, z_2) + E_c(z_2, y_1) + E_d(y_1, y_2))$$

### Современные EBM в Computer Vision

- Score-based генеративная модель
- Модель учит score направление, куда двигаться, чтобы попасть в более «правдоподобную» область.
- Параметр шума: при больших значениях изображение становится размытым, при малых проявляются детали.
- Генерация интеграция обратного процесса + коррекция через predictor—corrector.
- Плюсы: не нужен нормировочный множитель, легко комбинировать энергии (удобно для задач восстановления).
- Минусы: семплинг медленный (много шагов), нужно аккуратно задавать шум и веса при обучении.



### Перспективы развития

- Задачи применения:
- Структурное предсказание (сегментация, разметка)
- Генерация (изображения, текст)
- Ограничения:
- Сложность обучения и семплирования
- Высокие вычислительные затраты
- Трудности с дискретными данными
- Активные исследования:
- Новые алгоритмы обучения
- Интеграция с диффузионными и физически мотивированными методами
- Применение в объяснимости и контролируемой генерации

### Список литературы

- Deep Energy-Based Generative Models
- Лекции от LeeCun
- Energy-based diffusion language models

## Спасибо за внимание