# 2022 年普通高等学校招生全国统一考试

# 文科数学

# 注意事项:

- 1. 答卷前,考生务必将自己的姓名、准考证号填写在答题卡上。
- 2. 回答选择题时,选出每小题答案后,用 2B 铅笔把答题卡上对应题目的答案标 号框涂黑。如需改动,用橡皮擦干净后,再选涂其它答案标号框。回答非选择题时, 将答案写在答题卡上。写在本试卷上无效。
  - 3. 考试结束后,将本试卷和答题卡一并交回。
- 一、选择题: 本题共 12 小题, 每小题 5 分, 共 60 分。在每小题给出的四个选项中, 只 有一项是符合题目要求的。
  - 1. 集合 $M = \{2,4,6,8,10\}$ ,  $N = \{x \mid -1 < x < 6\}$ , 则 $M \cap N =$

A. {2,4}

B. {2,4,6} C. {2,4,6,8} D. {2,4,6,8,10}

2. 设(1+2i)a+b=2i, 其中a, b为实数,则

A. a = 1, b = -1

B. a=1, b=1

C. a = -1, b = 1

D. a = -1, b = -1

3. 已知向量 a = (2,1), b = (-2,4), 则 |a-b|=

B. 3

C. 4

D. 5

ALCOHOLD C

4. 分别统计了甲、乙两位同学16周的各周课外体育运动时长(单位: h), 得如下茎叶

-	甲			Z
	6	1	5.	
	8 5 3	0	6.	3
	753	2	7.	4 6
	642	1	8.	12256666
	4	2	9.	0238
			10.	1

# 则下列结论中错误的是

- A. 甲同学周课外体育运动时长的样本中位数为7.4
  - B. 乙同学周课外体育运动时长的样本平均数大于8
  - C. 甲同学周课外体育运动时长大于8的概率的估计值大于0.4
  - D. 乙同学周课外体育运动时长大于8的概率的估计值大于0.6

文科数学试题第1页(共5页)

5. 若x, y满足约束条件 $\begin{cases} x+y \ge 2, \\ x+2y \le 4, \end{cases}$ 则z=2x-y的最大值是  $y \ge 0$ , в. 4

D. 12

6. 设 F 为抛物线 C:  $y^2=4x$  的焦点,点 A 在 C 上,点 B(3,0) ,若 |AF|=|BF| ,则 |AB|=

D. 3√2

A. 2

B.  $2\sqrt{2}$ 

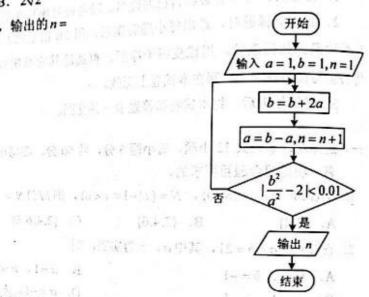
大学(2007年) 大学の会、このではいいからはない。

7. 执行右边的程序框图,输出的n=

B. 4

C. 5

D. 6



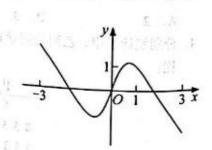
8. 右图是下列四个函数中的某个函数在区间[-3,3]的大致图像,则该函数是

A. 
$$y = \frac{-x^3 + 3x}{x^2 + 1}$$

B. 
$$y = \frac{x^3 - x}{x^2 + 1}$$

C. 
$$y = \frac{2x \cos x}{x^2 + 1}$$

$$D. \quad y = \frac{2\sin x}{x^2 + 1}$$



9. 在正方体ABCD-A<sub>1</sub>B<sub>1</sub>C<sub>1</sub>D<sub>1</sub>中,E,F分别为AB,BC的中点,则

C. 平面*B,EF*// 平面 *A*<sub>1</sub>*AC* D. 平面 *B,EF*// 平面 *A*<sub>1</sub>*C*<sub>1</sub>*D* 10. 已知等比数列 $\{a_a\}$ 的前3项和为168,  $a_2-a_3=42$ , 则 $a_6=$ 

C. 6 文科数学试题第2页(共5页)

11.	函数 $f(x) = \cos x + (x+1)\sin x + 1$ 在区间 $[0,2\pi]$ 的最小值、最大值分别为 A. $-\frac{\pi}{2}$ , $\frac{\pi}{2}$ B. $3\pi$ $\pi$
	A. $-\frac{\pi}{2}$ , $\frac{\pi}{2}$ B. $-\frac{3\pi}{2}$ , $\frac{\pi}{2}$
12.	A. $-\frac{\pi}{2}$ , $\frac{\pi}{2}$ B. $-\frac{3\pi}{2}$ , $\frac{\pi}{2}$ C. $-\frac{\pi}{2}$ , $\frac{\pi}{2}$ +2 D. $-\frac{3\pi}{2}$ , $\frac{\pi}{2}$ +2 已知球 $O$ 的半径为 $1$ , 四棱锥的顶点为 $O$ ,底面的四个顶点均在球 $O$ 的球面上,则当该四棱锥的体积最大时,其高为
	A. $\frac{1}{3}$ B. $\frac{1}{2}$ C. $\frac{\sqrt{3}}{3}$ D. $\frac{\sqrt{2}}{2}$
Ξ,	填空题: 本题共 4 小题, 每小题 5 分, 共 20 分。
13.	记 $S_n$ 为等差数列 $\{a_n\}$ 的前 $n$ 项和。若 $2S_1=3S_1+6$ ,则公差 $d=$
14.	从甲、乙等5名同学中随机选3名参加社区服务工作,则甲、乙都入选的概率
	为一种一至一。
15.	过四点(0,0), (4,0), (-1,1), (4,2)中的三点的一个圆的方程为
	若 $f(x) = \ln a + \frac{1}{1-x}  + b$ 是奇函数,则 $a =$ , $b =$
	12 - 42 - 47 K
Ξ.	解答题: 共 70 分。解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤。第 17~21 题为必

- 考题,每个试题考生都必须作答。第22、23题为选考题,考生根据要求作答。
- (一) 必考题: 共60分。
- 17. (12分)

记 $\triangle ABC$  的内角 A , B , C 的对边分别为 a , b , c , 已知  $\sin C \sin(A-B) = \sin B \sin(C-A).$ - Marketing of American (4)

- (1) 若A=2B, 求C;
- (2) 证明:  $2a^2 = b^2 + c^2$ .
- 18. (12分)

如图,四面体 ABCD 中,  $AD\perp CD$ , AD=CD, ∠ADB = ∠BDC, E为AC的中点.

- (1) 证明: 平面 BED 1 平面 ACD:
- (2) 设AB=BD=2, ∠ACB=60°, 点F在BD上,

当 $\triangle AFC$  的面积最小时,求三棱锥F-ABC 的体积。

(2) 机对抗结合工作系统 统治 (5)

20. 112.45

文科数学试题第3页(共5页)

## 19. (12分)

某地经过多年的环境治理,已将荒山改造成了绿水青山.为估计一林区某种树木的总材积量,随机选取了10 棵这种树木,测量每棵树的根部横截面积(单位: m²)和材积量(单位: m³),得到如下数据:

样本号i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	总和
根部機載面积x	0.04	0.06	0.04	0.08	0.08	0.05	0.05	0.07	0.07	0.06	0.6
材积量 火	0.25	0.40	0.22	0.54	0.51	0.34	0.36	0.46	0.42	0.40	3.9

并计算得 
$$\sum_{i=1}^{10} x_i^2 = 0.038$$
,  $\sum_{i=1}^{10} y_i^2 = 1.6158$ ,  $\sum_{i=1}^{10} x_i y_i = 0.2474$ .

- (1) 估计该林区这种树木平均一棵的根部横截面积与平均一棵的材积量:
- (2) 求该林区这种树木的根部横截面积与材积量的样本相关系数 (精确到0.01):
- (3) 现测量了该林区所有这种树木的根部横截面积,并得到所有这种树木的根部 横截面积总和为186 m².已知树木的材积量与其根部横截面积近似成正比.利用以上数据给出该林区这种树木的总材积量的估计值.

附: 相关系数
$$r = \frac{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \overline{x})(y_i - \overline{y})}{\sqrt{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \overline{x})^2 \sum_{i=1}^{n} (y_i - \overline{y})^2}}$$
,  $\sqrt{1.896} \approx 1.377$ .

### 20. (12分)

已知函数 
$$f(x) = ax - \frac{1}{x} - (a+1) \ln x$$
.

- (1) 当a=0时,求f(x)的最大值:
- (2) 若 f(x)恰有一个零点,求 a 的取值范围.

#### 21. (12分)

已知椭圆 E 的中心为坐标原点,对称轴为 x 轴、y 轴,且过 A(0,-2) ,  $B(\frac{3}{2},-1)$  两点.

- (1) 求 E 的方程:
- (2) 设过点 P(1,-2) 的直线交 E + M, N 两点,过 M 且平行 + x 轴的直线与线段 AB 交 + 点 + H 满足  $\overline{MT} = \overline{TH}$  ,证明:直线 + HN 过定点。

文科数学试题第4页(共5页)

- (二)选考题:共10分。请考生在第22、23题中选定一题作答,并用2B铅笔在答题 卡上将所选题目对应的题号方框涂黑。按所涂题号进行评分,不涂、多涂均按所答第 一题评分;多答按所答第一题评分。
- 22. [选修 4-4: 坐标系与参数方程](10分)

在直角坐标系 xOy 中,曲线 C 的参数方程为  $\begin{cases} x=\sqrt{3}\cos 2t, \\ y=2\sin t \end{cases}$  (1为参数). 以坐标原点为 极点, x 轴 正 半 轴 为 极 轴 建 立 极 坐 标 系,已知 直线 l 的 极 坐 标 方 程 为  $\rho\sin(\theta+\frac{\pi}{3})+m=0$ .

- (1) 写出 I 的直角坐标方程:
- (2) 若1与C有公共点,求m的取值范围.
- 23. [选修 4-5: 不等式选讲] (10分)

已知a, b, c都是正数, 且 $a^{\frac{1}{2}}+b^{\frac{1}{2}}+c^{\frac{1}{2}}=1$ , 证明:

- (1)  $abc \leq \frac{1}{9}$ :
- $(2) \ \frac{a}{b+c} + \frac{b}{a+c} + \frac{c}{a+b} \leqslant \frac{1}{2\sqrt{abc}}.$