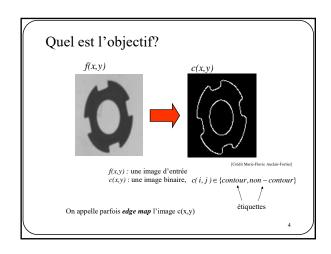
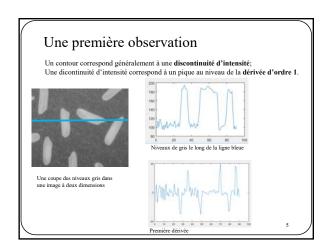
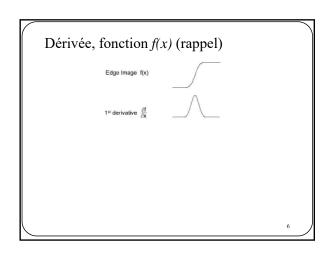
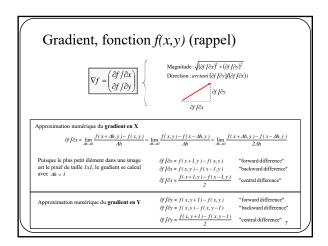
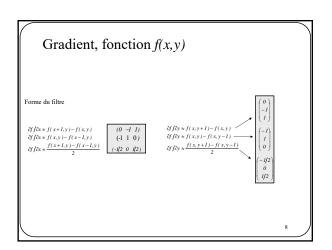
Hiver 2018 Analyse d'images IMN 259 Extraction de caractéristiques Par Pierre-Marc Jodoin L'objectif L'objectif dans cette section est d'extraire des caractéristiques (FEATURES) « Features are local, meaningful, detectable parts of an image. » Extraction de contours

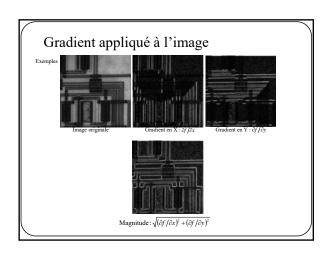


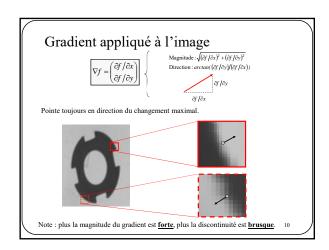


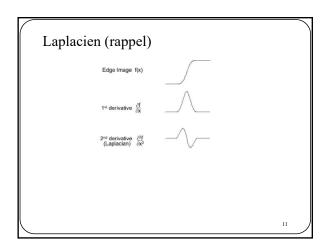












		$\overline{}$
Laplacien		
Dérivée seconde et Laplacien		
$\frac{\partial^2 f(x,y)}{\partial^2 x} = \frac{\partial}{\partial x} \left( \frac{\partial (x,y)}{\partial x} \right)$ $= \frac{\partial}{\partial x} f(x + l/2, y) - f(x - l/2, y)$ $= \frac{\partial}{\partial x} f(x + l/2, y) - \frac{\partial}{\partial x} f(x - l/2, y)$ $= \frac{\partial}{\partial x} f(x + l/2, y) - \frac{\partial}{\partial x} f(x - l/2, y) - f(x, y)$ $= f(x + l/2, y) - f(x, y) + f(x - l/2, y) - f(x, y)$		
= f(x-1,y) - 2f(x,y) + f(x+1,y)		
Masque du filtre (1 -2 1)		
Le laplacien		
$\nabla^2 f(x,y) = \frac{\partial^2 f(x,y)}{\partial^2 x} + \frac{\partial^2 f(x,y)}{\partial^2 y}$		
$\longrightarrow (1 -2 1) + \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & -4 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$		
	12	

### Laplacien appliqué à l'image







 $\begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix}$ 



Masque du filtre :

$$\begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & -4 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

13

### Extraction de contours

Seuil du gradient

14

### Algorithme B1

### Une approche bête et [parfois] méchante

### Seuil d'un simple gradient

1: Calculer la magnitude du gradient en chaque point de l'image:

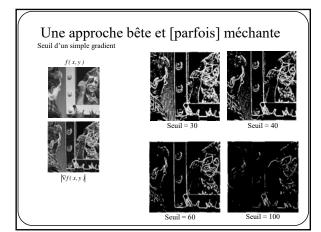
$$|\nabla f(x,y)| = \sqrt{\left(\frac{\partial f(x,y)}{\partial x}\right)^2 + \left(\frac{\partial f(x,y)}{\partial y}\right)^2}$$

2: Calculer c(x,y) à l'aide d'un seuil

$$c(x,y) = \begin{cases} I & \text{si } |\nabla f(x,y)| > seuil \\ 0 & \text{sinon} \end{cases}$$

Pour minimiser les temps de calcul:

es temps de calcul: 
$$\left|\nabla f(x,y)\right| \approx \left|\frac{\partial f(x,y)}{\partial x}\right| + \left|\frac{\partial f(x,y)}{\partial y}\right|$$



### Une approche bête et [parfois] méchante Inconvénients du seuil d'un simple gradient

- Méthode sensible au **bruit** Les contours ne sont pas **filiformes**.
   Permet l'apparition de *edge pixels* et de *edge segments* **isolés**





Seuil = 60, avec un peu de bruit.

Conclusion: cette méthode ne fonctionne bien que pour les **images sans bruit** et avec de **fortes discontinuités**. 17

### Extraction de contours Pré-filtrage

Algorithme B2

### Pour lutter contre le bruit : pré-filtrage

Pour réduire les effets du bruit, on peut préfiltrer l'image avec un filtre passe-bas.

Seuil d'un gradient filtré

1: Filtrer l'image d'entrée avec un filtre passe-bas:

$$g = f * h$$
  $\longrightarrow$  Ajout de flou

2: Calculer la magnitude du gradient en chaque point de l'image:

$$|\nabla g(x,y)| = \sqrt{\left(\frac{\partial g(x,y)}{\partial x}\right)^2 + \left(\frac{\partial g(x,y)}{\partial y}\right)^2}$$

3: Calculer c(x,y) à l'aide d'un seuil

$$c(x,y) = \begin{cases} I & \text{si } |\nabla g(x,y)| > seuil \\ 0 & \text{sinon} \end{cases}$$

19

Résultats d'un préfiltrage gaussien

















Pré-filtrage : Sobel (et Prewitt)

Plus tard dans le cours, nous introduirons deux filtres permettant d'effectuer un **filtrage passe-bas** (ajout de flou) et un **gradient** en une seule étape.

Filtre de Sobel

Seuil = 30

Filtre « gaussien » suivi d'un gradient

	(1)	/4(-1			(-1)	0	1	١
En X:	2	/4(-1	0	$I)\rightarrow$	-2	0	2	/4
	1	)			-1	0	1	

Filtre de Prewitt

Filtre moyenneur suivi d'un gradient

En Y: 
$$(I \ I \ I)/3 \begin{pmatrix} -I \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} -I & -I & -I \\ 0 & 0 & 0 \\ I & I & I \end{pmatrix}/3$$

$$\operatorname{En X:} \begin{pmatrix} I \\ I \\ I \end{pmatrix} / 3(-1 \quad 0 \quad I) \rightarrow \overline{\begin{pmatrix} -1 & 0 & I \\ -1 & 0 & I \\ -1 & 0 & I \end{pmatrix} / 3}$$

Algorithme B3

### Détection de contours avec Sobel

Pour réduire les effets du bruit, on peut calculer le gradient de l'image à l'aide d'un filtre de Sobel (ou Prewitt).

Seuil d'un gradient calculé à l'aide du filtre de Sobel

1: Convoluer l'image d'entrée avec les deux filtres de Sobel

$$g_x=f*S_x$$

$$g_y = f * S_y$$

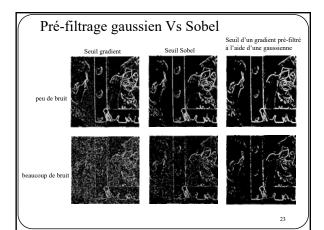
2: Calculer la magnitude du gradient en chaque point de l'image:

$$/\nabla g(x,y)/=\sqrt{\left(g_x(x,y)\right)^2+\left(g_y(x,y)\right)^2}$$

3: Calculer c(x,y) à l'aide d'un seuil

$$c(x,y) = \begin{cases} I & \text{si } |\nabla g(x,y)| > seuil \\ 0 & \text{sinon} \end{cases}$$

22



### En conclusion

Seuil d'un simple gradient, sans pré-filtrage :

Bon pour les images sans bruit

Seuil d'un gradient obtenu à l'aide du filtre de Sobel : Bon pour les images peu bruitées

Seuil du gradient d'une image pré-filtrée par un filtre gaussien :

Bon pour les images fortement bruitées

Attention! Un pré-filtrage gaussien tend à arrondir les coins.

### Extraction de contours Suppression des non-maximums

### Extraction de contours

Inconvénients du seuil d'un simple gradient

1. Méthode sensible au **bruit** 



Solution: préfiltrer l'image avec un filtre passe-bas

2. Les contours ne sont pas filiformes:

Que faire?

3. Permet l'apparition de *edge pixels* et de *edge segments* **isolés.** C'est ce qu'on appelle communément des *faux positifs*.

### Suppression des non-max (thinning)

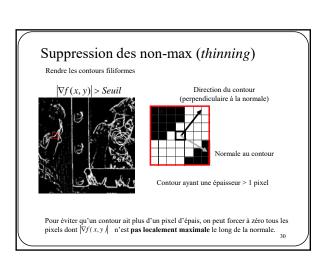
Rendre les contours filiformes

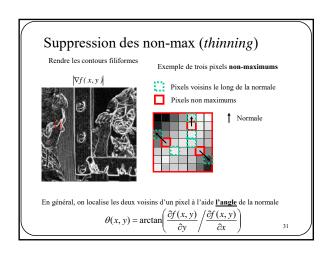
Bien qu'il existe une panoplie de méthodes pour rendre filiformes les contours, la plus utilisée est sans nul doute la

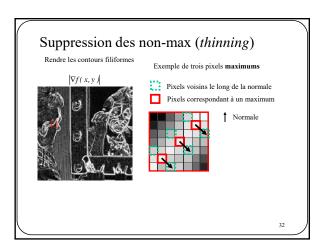
### Suppression de non-maximums

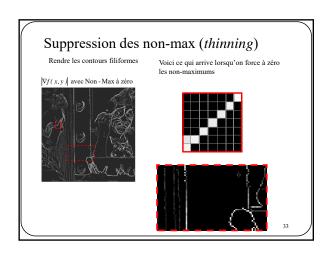
### Suppression des non-max (thinning) Rendre les contours filiformes Direction du contour (perpendiculaire à la normale) Normale au contour $\nabla f(x,y) = \begin{pmatrix} \partial_x f(x,y) \\ \partial_y f(x,y) \end{pmatrix}$

# Suppression des non-max (thinning) Rendre les contours filiformes Direction du contour (perpendiculaire à la normale) Normale au contour $\nabla f(x,y) = \begin{pmatrix} \partial_x f(x,y) \\ \partial_y f(x,y) \end{pmatrix}$









### Suppression des non-max (thinning)

Rendre les contours filiformes

Voici ce qui arrive lorsqu'on seuil la norme du gradient dont les non-maximums ont été forcés à zéro.

Image binaire avec des contours d'énaisseur = 1 pixe



34

### Algorithme B4

Algorithme de détection de contours par thinning

1: Convoluer l'image d'entrée à l'aide d'un filtre gaussien

$$g = G_{\sigma} * f$$

2: Calculer la magnitude du gradient en chaque point de l'image:

$$/\nabla g(x,y) \! / \! \! = \sqrt{ \left( \frac{\partial g(x,y)}{\partial x} \right)^2 + \left( \frac{\partial g(x,y)}{\partial y} \right)^2 }$$

3: Calculer l'orientation de la normale du gradient en chaque point de l'image

$$\theta(x, y) = \arctan\left(\frac{\partial g(x, y)}{\partial y} \middle/ \frac{\partial g(x, y)}{\partial x}\right)$$

4: À l'aide de  $/\nabla g(x,y)/\text{et }\theta(x,y)$  supprimer les non-maximums

 $h(x, y) = \text{NonMaxSupp}(\nabla g(x, y) /, \theta(x, y))$ 

5: Appliquer un seuil

$$c(x,y) = \begin{cases} 1 & \text{si } h(x,y) > seuil \\ 0 & \text{sinon} \end{cases}$$

35

### Extraction de contours

Algorithme de Canny

# Extraction de contours Inconvénients du seuil d'un simple gradient 1. Méthode sensible au bruit Solution: préfiltrer l'image avec un filtre passe-bas 2. Les contours ne sont pas filiformes: Solution: Suppression des non-maximums 3. Permet l'apparition de edge pixels et de edge segments isolés. C'est ce qu'on appelle communément des faux positifs. Que faire?

C'est un des algorithmes de détection de contours parmi les plus utilisés. Cet algorithme possède trois caractéristiques:

- Est robuste au **bruit.** Pour y arriver, il préfiltre l'image à l'aide d'un **filtre gaussien.**
- 2. Détecte des contours **filiformes**. Pour y arriver, il supprime les **non-maximums**.
- 3. Élimine les *edge pixels* isolés et les *edge segments* trop petits. Pour ce faire, il applique un <u>seuillage par hystérésis</u>.

38

### Canny edge detector

Pour Canny, un contour doit respecter les conditions suivantes :

- 1- suite contiguë de pixels;
- 2- un contour doit avoir une épaisseur d'un seul pixel;
- 3- les pixels d'un contour doivent avoir un gradient d'intensité  $|\nabla f(x, y)|$  localement maximal;
- 4- pour  $\underline{TOUS}$  les pixels appartenant à un contour,  $|\nabla f(x, y)| > Seuil_{min}$
- 5- AU MOINS UN pixel appartenant au contour doit :  $|\nabla f(x, y)| > Seuil_{max}$

seuillage par hystérésis

### Seuillage par hystérésis











### Seuillage par hystérésis







Seuil = 10

Seuil par hystérésis

Tous les pixels ont un gradient > 10, et tous les contours ont au moins 1 pixel dont le gradient est >75.

### Algorithme B5

Algorithme de détection de contours de Canny

1: Convoluer l'image d'entrée à l'aide d'un filtre gaussien

$$g = G_\sigma * f$$

2: Calculer la magnitude du gradient en chaque point de l'image:

$$|\nabla g(x,y)| = \sqrt{\left(\frac{\partial g(x,y)}{\partial x}\right)^2 + \left(\frac{\partial g(x,y)}{\partial y}\right)^2}$$

3: Calculer l'orientation de la normale du gradient en chaque point de l'image

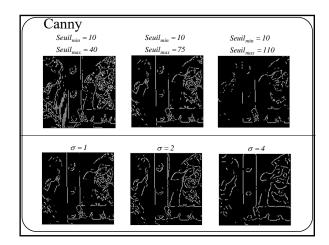
$$\theta(x, y) = \arctan\left(\frac{\partial g(x, y)}{\partial y} / \frac{\partial g(x, y)}{\partial x}\right)$$

4: À l'aide de  $/\nabla g(x,y)/\text{et }\theta(x,y)$  supprimer les non-maximums

 $h(x, y) = \text{NonMaxSupp}(\nabla g(x, y) /, \theta(x, y))$ 

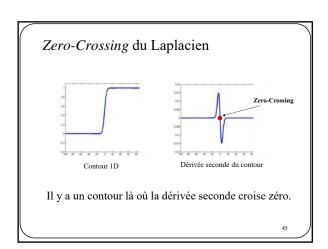
5: Appliquer un seuil par hystérésis

 $c = \mathsf{Hysteresis}\big(h, |\nabla g(x, y)|, \theta(x, y), Seuil_{\min}, Seuil_{\max}\big)$ 



### Extraction de contours

Zero-crossing du Laplacien



Algorithme B6

### Zero-Crossing du Laplacien

Algorithme du zero-crossing

1: Calculer le laplacien de l'image d'entrée.

$$L(x, y) = \frac{\partial^2 f(x, y)}{\partial^2 x} + \frac{\partial^2 f(x, y)}{\partial^2 y}$$

2: POUR CHAQUE pixel (x,y) de l'image FAIRE

2a. SI il existe un voisin (i, j) du pixel (x, y) telque  $L(i,j) > 0 \text{ ET } L(x,y) \le 0 \text{ ALORS}$ 

c(x,y)=I

SINON

d(r v)=1

46

### Zero-Crossing du Laplacien

Le zero-crossing est TRÈS sensible au bruit.



4

### $Zero-Crossing\ avec\ LoG\ (Laplacian\ of\ Gaussian)$

Au lieu de prendre le laplacien de l'image d'entrée :

$$L(x,y) = \frac{\partial^2 f(x,y)}{\partial^2 x} + \frac{\partial^2 f(x,y)}{\partial^2 y}$$

On calcule le laplacien de l'image filtrée par une gaussienne

$$g(x,y)\!=\!G_\sigma*f$$

$$L_G(x,y) = \frac{\partial^2 g(x,y)}{\partial^2 x} + \frac{\partial^2 g(x,y)}{\partial^2 y}$$



Filtre de Marr-Hildreth (sera vu à la section sur le filtrage)

### Zero-Crossing du Laplacien

Algorithme B7

Algorithme du zero-crossing

1. Convoluer l'image d'entrée à l'aide d'une gaussienne

$$g = G_{\sigma} * f$$

2. Calculer le laplacien de l'image convoluée.

$$L(x, y) = \frac{\partial^2 g(x, y)}{\partial^2 x} + \frac{\partial^2 g(x, y)}{\partial^2 y}$$

3. POUR CHAQUE pixel (x,y) de l'image FAIRE

3a. SI il existe un voisin (i, j) du pixel (x, y) telque

$$L(i,j) < 0 \text{ ET } L(x,y) \ge 0 \text{ ALORS}$$

c(x,y) = ISINON

c(x,y)=0

Note : pour rendre l'algorithme encore plus robuste au bruit, on peut remplacer la ligne (\*) par

 $L(i,j) < -Seuil \ \mathrm{ET} \ L(x,y) \geq Seuil$ 

### $Zero-Crossing\ avec\ LoG\ (Laplacian\ of\ Gaussian)$





Il est aussi possible de mettre un <u>seuil supérieur à zéro</u> pour ne conserver que les transitions franches

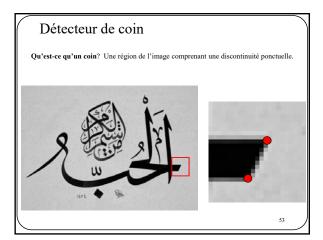
### $Zero-Crossing\ avec\ LoG\ (Laplacian\ of\ Gaussian)$

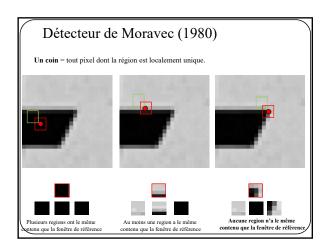
Avantages:

La méthode de base exige aucun seuil Retourne toujours des contours filiformes Simple et rapide

Inconvénient:

### Extraction de coins





### Détecteur de Moravec

Soient deux regions centrées sur (x,y) et (x+u,y+v)





La difference entre les 2 s'exprime comme suit :

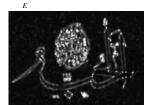
$$\sum_{x=N}^{N} \sum_{y=N}^{N} || R_{xy} - R_{x+u,y+v} ||$$

Le détecteur de Moravec a pour objectif de trouver le décalage (u,v) pour lequel la différence est la plus faible.

$$E(x, y) = \min_{u, v} \sum_{u=-N}^{N} \sum_{v=-N}^{N} ||R_{xy} - R_{x+u, y+v}||^{2}$$

### Détecteur de Moravec





Algorithme B8

### Détecteur Moravec

Détecteur de Moravec

POUR CHAQUE pixel (x,y) de l'image f FAIRE

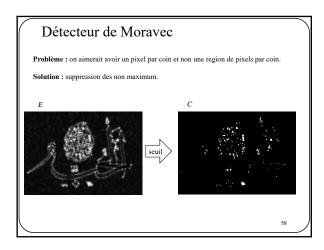
E(x,y) = infini POUR CHAQUE décalage (u,v) FAIRE

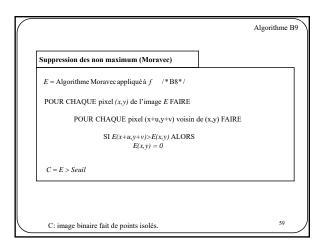
$$tmp = \sum_{u=-N}^{N} \sum_{v=-N}^{N} ||R_{xy} - R_{x+u,y+v}||^{2}$$

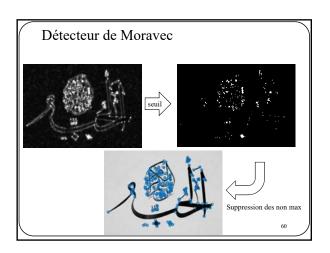
E(x, y) = MIN(tmp, E(x, y))

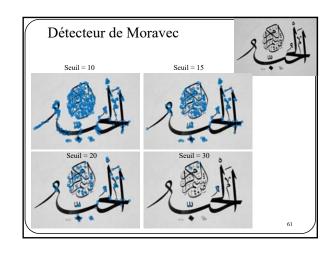
C = E > Seuil

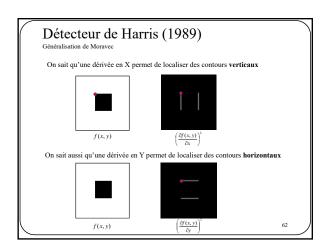
C : image binaire fait de points isolés.

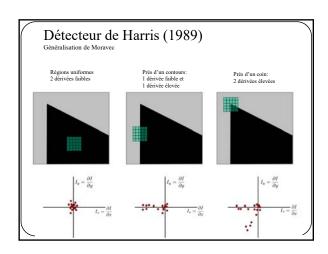












### Détecteur de Harris (1989)

Généralisation de Moravec

Critère de Moravec 
$$\Rightarrow \min_{u,v} \sum_{u=-N}^{N} \sum_{v=-N}^{N} \left\| R_{xy} - R_{x+u,y+v} \right\|^2$$

Avec une extension en série de Taylor, on peut démontrer que

$$\begin{split} \sum_{u=-N}^{N} \sum_{v=-N}^{N} [f(x,y) - f(x+u,y+v)]^2 &\approx \sum_{u=i-N}^{N} \sum_{v=-N}^{N} \left[ \frac{\partial f}{\partial x} u + \frac{\partial f}{\partial y} v \right]^2 \\ &= \sum_{u=-N}^{N} \sum_{v=-N}^{N} \left( \frac{\partial f}{\partial x} u^2 + \frac{\partial f}{\partial x} \frac{\partial f}{\partial y} u v + \frac{\partial f}{\partial y}^2 v^2 \right) \end{split}$$

### Détecteur de Harris (1989) Généralisation de Moravec

$$\begin{split} \sum_{u=-N}^{N} \sum_{v=-N}^{N} [f(x,y) - f(x+u,y+v)]^2 &= \sum_{u=-N}^{N} \sum_{v=-N}^{N} \left( \frac{\partial f}{\partial x}^2 u^2 + \frac{\partial f}{\partial x} \frac{\partial f}{\partial y} uv + \frac{\partial f}{\partial y}^2 v^2 \right) \\ &= \sum_{u=-N}^{N} \sum_{v=-N}^{N} (u,v) M(u,v)^T \\ &= (u,v) \left( \sum_{u=-N}^{N} \sum_{v=-N}^{N} M \right) (u,v)^T \\ &= (u,v) H(u,v)^T \end{split}$$

$$H = \begin{pmatrix} \sum\limits_{u=-N}^{N}\sum\limits_{v=-N}^{N}\left(\frac{\partial f}{\partial x}\right)^{2} & \sum\limits_{u=-N}^{N}\sum\limits_{v=-N}^{N}\frac{\partial f}{\partial x}\frac{\partial f}{\partial y} \\ \sum\limits_{u=-N}^{N}\sum\limits_{v=-N}^{N}\frac{\partial f}{\partial x}\frac{\partial f}{\partial y} & \sum\limits_{u=-N}^{N}\sum\limits_{v=-N}^{N}\left(\frac{\partial f}{\partial y}\right)^{2} \end{pmatrix}$$

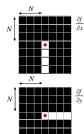
### Détecteur de Harris

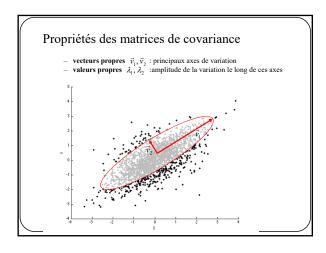


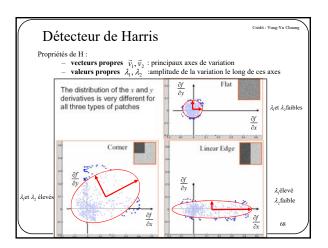
Pour Harris, un coin est une zone de l'image qui réagit fortement à la dérivée en X ET à la dérivée en Y.

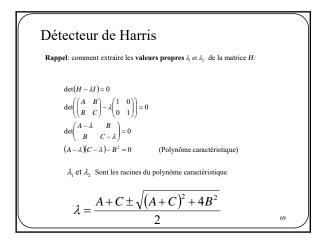
Pour évaluer dans quelle mesure un pixel situé à la position (x,y) réagit aux deux dérivées, Harris calcule la **matrice Hessienne** (tenseur)

survante: 
$$H = \begin{pmatrix} A & B \\ B & C \end{pmatrix} \text{ où } A = \sum_{s=-N}^{i+N} \sum_{y>j-N}^{i+N} \left( \frac{\partial f(i,j)}{\partial x} \right)^2$$
 
$$B = \sum_{s=-N}^{i+N} \sum_{y>j-N}^{j+N} \frac{\partial f(i,j)}{\partial x} \frac{\partial f(i,j)}{\partial y}$$
 
$$C = \sum_{s=-N}^{i+N} \sum_{y>j-N}^{i+N} \left( \frac{\partial f(i,j)}{\partial y} \right)^2$$









$$\lambda_{1} = \frac{A+C+\sqrt{\left(A+C\right)^{2}+4B^{2}}}{2}, \lambda_{2} = \frac{A+C-\sqrt{\left(A+C\right)^{2}+4B^{2}}}{2}$$



A,B et C sont faibles alors  $\lambda_1, \lambda_2 \approx 0$ 

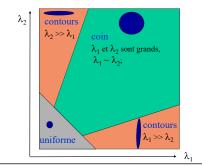


$$\lambda_1 \approx \frac{A+\sqrt{A^2}}{2} = A$$
 A est élevé, B et C sont faibles alors 
$$\lambda_2 \approx \frac{A-\sqrt{A^2}}{2} = 0$$



A,B et C sont élevés alors  $\lambda_1, \lambda_2 >> 0$ 

### Détecteur de Harris



### Détecteur de Harris

Une fois  $\ \lambda_{_{\! 1}}\operatorname{et}\lambda_{_{\! 2}}$  calculées on peut en conclure que

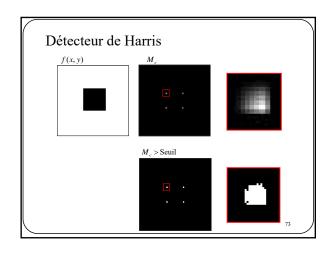
Si  $\lambda_1 \approx 0$  et  $\lambda_2 \approx 0$  alors le pixelest dans une région uniforme

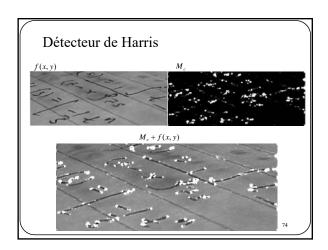
Si  $\lambda_1 >> 0$  et  $\lambda_2 \approx 0$  alors le pixelest proched'un <u>contour</u> ou la régionest <u>fortement texturée</u> Si  $\lambda_1 >> 0$  et  $\lambda_2 >> 0$  alors le pixelest proched'un <u>coin</u>

Pour simplifier les calculs (et ainsi éviter de calculer les racines du polynôme caractéristique) Harris suggère de calculer le terme «  $M_c$  » à chaque pixel

$$M_c = \lambda_1 \lambda_2 - \kappa (\lambda_1 + \lambda_2)^2$$
  
= det(H) -  $\kappa$ trace<sup>2</sup>(H)

k prend généralement une valeur entre 0.02 et  $0.1.\,$ 





			1	
Détecteur de	Harris avec suppression	des non max		
1. Calculer	le gradient de l'image of $f_x = \frac{\partial f}{\partial x}, f_y = \frac{\partial f}{\partial y}$			
Calc	HAQUE pixel (x,y) de aler la matrice hessienn $y$ ) = det( $H$ ) - $\kappa$ trace <sup>2</sup> ( $H$ )		voisinage de taille N×	N
	HAQUE pixel (x,y) de OUR CHAQUE pixel ( SI $M_c(x+a, y+$ $M_c(x, y) =$	$(x+a,y+b)$ voising $(x+a,y+b) > M_c(x,y)$ AI		
4. $C = M_o >$	Souil			

Détecteur de Harris

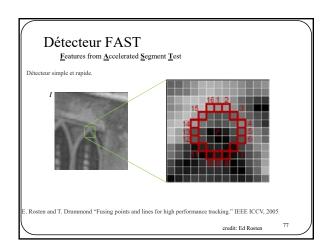
Certains auteurs prétendent qu'on peut améliorer les résultats en utilisant un filtre gaussien.

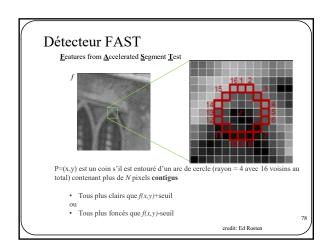
$$H = \begin{pmatrix} A & B \\ B & C \end{pmatrix}$$
où  $A = \sum_{i=x-l/2}^{l/2} \sum_{j=y-l/2}^{l/2} W_{i,j} \left( \frac{\partial f(i,j)}{\partial x} \right)^2$ 

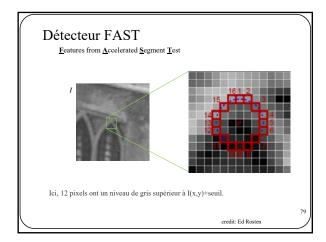
$$B = \sum_{i=x-l/2}^{l/2} \sum_{j=y-l/2}^{l/2} W_{i,j} \left( \frac{\partial f(i,j)}{\partial x} \frac{\partial f(i,j)}{\partial y} \right)^2$$

$$C = \sum_{i=x-l/2}^{l/2} \sum_{j=y-l/2}^{l/2} W_{i,j} \left( \frac{\partial f(i,j)}{\partial y} \right)^2$$

$$W_{i,j} = \frac{1}{2\pi\sigma^2} e^{\frac{(i-x)^2 + (j-y)^2}{2\sigma^2}}$$







### Détecteur FAST $\underline{F} \text{eatures from } \underline{A} \text{ccelerated } \underline{S} \text{egment } \underline{T} \text{est}$ Résultat pour N = 9, seuil = 70

Comme pour Harris, plusieurs points sont agglutinés les uns sur les autres.

Solution : suppression des non maximums.

Algorithme B11

### Détecteur FAST

Suppression des non max

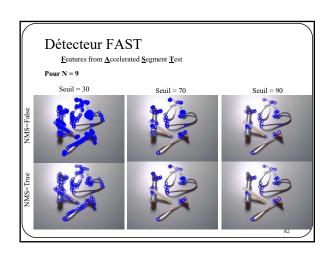
1. listCoins, nb = FAST(f) // FAST retourne une liste de "nb" coins

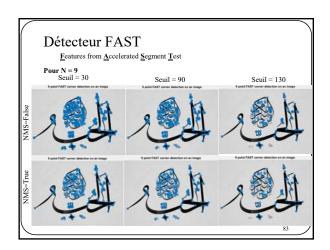
2. POUR c allant de 0 à nb-1 FAIRE C = listCoins[c] L = stocker la couleur des l 6 voisins de C

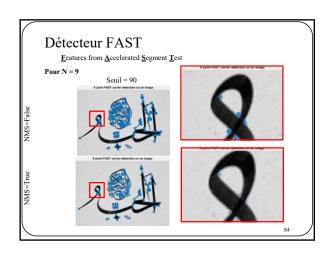
$$V_{\inf}[c] = \sum_{\substack{i=0 \ i(L(i)) \ni I(C) \text{-Smill}}}^{1.5} |I(L(i)) - I(C)|$$

 $V_{\sup}[c] = \sum_{\stackrel{j=0}{\substack{I \subseteq I\\I(L(i)) + I(C) \text{-Senil}}}}^{15} \left| I(L(i)) - I(C) \right|$ 

3. Supprimer tous les coins ayant un voisin dont  $V_{\text{inf}}$  ou  $V_{\text{sup}}$  est supérieur







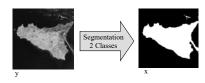
# Détecteur FAST — version accélérée Eatures from Accelerated Segment Test Tester les 4 pixels (1,5,9,13). Avec N=9, si 3 d'entre eux ne sont pas plus clairs que I(p)+seuil ou plus foncés que I(p)-seuil, alors p n'est pas un coin

### Segmentation

86

### Définition du problème

Concept de classe et d'étiquettes



Partant d'une image d'entrée « y », on cherche à estimer une image de sortie « x » dont chaque pixel contient une <u>étiquette de classe</u> (étiquette *terre* ou étiquette *mer*).

### Définition du problème

Tous les pixels d'une même classe partagent une (ou plusieurs) <u>caractéristique en commun</u> :

Couleur; Niveau de gris; Mouvement; Texture; (...)

Dans l'exemple précédent, on cherche à regrouper ensemble les pixels ayant un niveau de gris similaire.

### Définition du problème Segmentation, exemple: Terre Vs Mer Histogramme normalisé des niveaux de gris

### Quelques définitions



y : un champ d'observations (image d'entrée)x : un champ d'étiquettes (image à estimer)

 $\mathbf{Site}: \mathbf{synonyme} \ \mathsf{de} \ \mathsf{pixel}. \ \ \mathsf{Un} \ \mathsf{site} \ \mathrel{@.} \mathbf{s} \ \mathsf{»} \ \mathsf{poss\`ede} \ \mathsf{les} \ \mathsf{coordonn\'ees} \ (i,j) \ \mathsf{dans} \ \mathsf{l'image}.$ 

 $y_s = y(i, j)$  et  $y_s \in [0,255]$ 

 $x_s = x(i,j) \quad \text{et} \quad x_s \in \{terre, mer\}$ 

### Segmentation Algorithme du seuil

Algorithme B12

L'algorithme du seuil

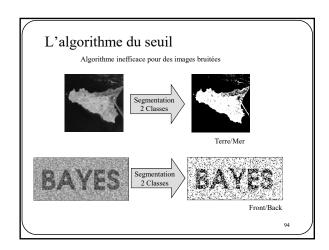
Un algorithme simple : le seuil

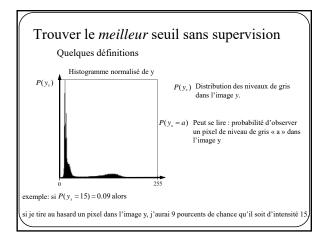
1. POUR CHAQUE site s du champ d'observations y FAIRE

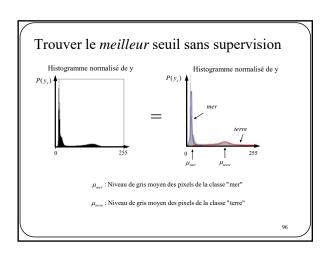
SI  $y_s >$  Seuil ALORS  $x_s = 1$  /\* Étiquette « terre » au pixel (i,j) \*/

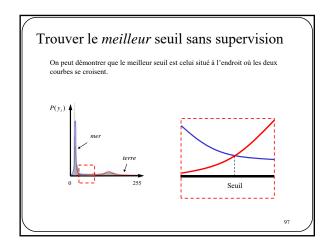
SINON  $x_s = 0$  /\* Étiquette « terre » au pixel (i,j) \*/

### Avantages: • Trivial à implémenter; • Très rapide Inconvénients: • Le seuil doit être fixé par un utilisateur C'est un algorithme supervisé • Algorithme inefficace pour des images bruitées

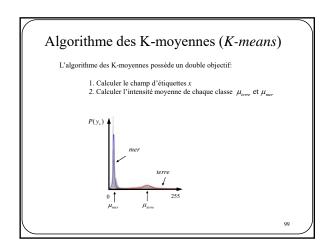








### Segmentation Algorithme des k-moyennes



### Algorithme des K-moyennes (K-means)

1. Calculer le champ d'étiquettes x

Si  $\mu_{\it terre}$  et  $\mu_{\it mer}$  sont connus, alors on peut facilement calculer x:

POUR CHAQUE site s du champ d'observations y FAIRE SI  $(y_s - \mu_{urr})^2 < (y_s - \mu_{urr})^2$  ALORS  $x_s = 1$  /\* Étiquette « terre » au pixel (i,j) \*/ SINON  $x_s = 0$  /\* Étiquette « mer » au pixel (i,j) \*/

100

### Algorithme des K-moyennes (K-means)

2. Calculer  $\mu_{\scriptscriptstyle terre}$  et  $\mu_{\scriptscriptstyle mer}$ 

Si x est connu, alors calculer  $\mu_{terre}$  et  $\mu_{mer}$  est facile

 $\begin{array}{l} \mu_{mr} = \mu_{mr} = 0 \\ \text{POUR CHAQUE site s du champ d'observations y FAIRE} \\ \text{SI }_{X_s} = 1 \text{ ALORS} \\ \mu_{mr} = \mu_{mrr} + y_s \\ \text{SINON} \\ \mu_{mr} = \mu_{mrr} + y_s \\ \\ \mu_{mr} = \mu_{mrr} / \text{Nombre de pixels "Mer"} \\ \mu_{mr} = \mu_{mrr} / \text{Nombre de pixels "Terre"} \end{array}$ 

101

## Algorithme des K-Moyennes 0. $\mu_{mer}$ = un pixel $y_s$ pris au hasard $\mu_{mer} \neq \mu_{mer}$ ) 1. POUR CHAQUE site s du champ d'observations y FAIRE SI $(y_s - \mu_{mer})^2 < (y_s - \mu_{mer})^2$ ALORS $x_s = 1$ /\* Étiquette « mer » au pixel (i,j) \*/ SINON $x_s = 0$ /\* Étiquette « mer » au pixel (i,j) \*/ 2. $\mu_{mer} = \mu_{mer} = 0$ 3. POUR CHAQUE site s du champ d'observations y FAIRE Il $x_s = 1$ ALORS $\mu_{mer} = \mu_{mer} + y_s$ SINON $\mu_{mer} = \mu_{mer} + y_s$ 4. $\mu_{mer} = \mu_{mer} + y_s$ 4. $\mu_{mer} = \mu_{mer} + y_s$ 4. $\mu_{mer} = \mu_{mer} + y_s$ 5. SI $\mu_{mer} = \mu_{mer} + y_s$ 5. SI $\mu_{mer} = \mu_{mer} + y_s$ 6. SI $\mu_{mer} = \mu_{mer} + y_s$ 7. Nombre de pixels "Herre" $\mu_{mer} = \mu_{mer} + y_s$ 7. Nombre de pixels "Terre" 7. SINON retour à 1

### Algorithme des K-moyennes (K-means)

Avec K-means, on cherche à minimiser l'erreur quadratique globale qu'on appelle également la « distorsion »

$$J_{km} = \sum_{s} (y_{s} - \mu_{x_{s}})^{2}$$

Note: K-means ne converge pas nécessairement vers la solution optimale. En Effet, dépendant des paramètres de départ ( $\mu_{me}$ ,  $\mu_{me}$ ) l'algorithme peut converger vers des résultats différents, voire même aberrants. Pour résoudre ce problème, on peut lancer k-means plusieurs fois avec différents paramètres de départ et ne garder que la solution qui minimise la distorsion.

103

### Algorithme des K-moyennes (*K-means*)

Algorithme des K-Moyennes pour un nombre arbitraire de classes

0. Initialiser la moyenne de chaque classe  $\mu_{\scriptscriptstyle c}$ 

- 1. POUR CHAQUE site s du champ d'observations y FAIRE  $x_s$  = étiquette de la classe dont la moyenne  $\mu_c$ est la plus proche de  $y_s$ .
- 3. Recalculer la moyenne de chaque classe.
- 4. SI les moyennes ne changent plus ALORS arrêter SINON retour à  $1\,$

Pour en savoir plus au sujet de K-Means :

- Tutoriel d'andrew Moore : http://www.autonlab.org/tutorials/kmeans.html
   Livre de D.MacKay, « Information Theory, Inference, and Learning Algorith
  Chapitre 20. (http://www.inference.phy.cam.ac.uk/mackay/itpmn/book.html)

### Algorithme des K-moyennes (*K-means*)

Segmentation 4 classes

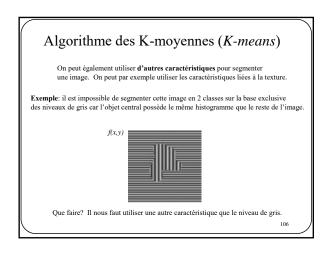


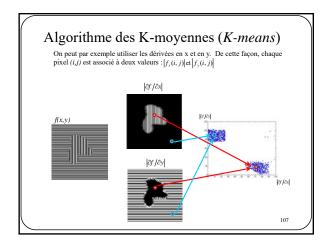


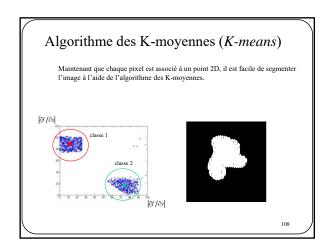


Segmentation 5 classes









### Segmentation Algorithme de Otsu

### Algorithme de Otsu



Idée: déplacer « S » de 0 à 255 afin de trouver le seuil qui maximise la **variabilité entre les deux classes:** 

$$\sigma = P(mer)P(terre)(\mu_{mer} - \mu_{terre})^{2}$$

110

### Algorithme de Otsu

 $P(mer) = \sum_{s=1}^{S-1} P(y_s) \qquad \text{(probabilit\'e qu'un pixel appartienne à la classe" mer")}$ 

 $P(\textit{terre}) = \sum_{s}^{255} P(y_s) \qquad \text{(probabilit\'e qu'un pixel appartienne à la classe" terre")}$ 

$$\mu_{mer} = \frac{\sum_{i=0}^{S-1} (i \times P(y_s))}{\sum_{s=1}^{S-1} P(y_s)}$$

$$\mu_{terre} = \frac{\sum_{i=s}^{255} (i \times P(y_s))}{\sum_{i=s}^{255} P(y_s)}$$

### Algorithme B14 Algorithme de Otsu Algorithme de Otsu $0. \sigma_{max} = 0;$ $Seuil_{max} = 0;$ 1. POUR S allant de 0 à 255 FAIRE $\operatorname{Calculer} P(mer)$ Calculer P(terre) Calculer $\mu_{mer}$ Calculer $\mu_{terre}$ $\sigma = P(mer)P(terre)(\mu_{mer} - \mu_{terre})^2$ $\begin{aligned} \text{SI} \quad & \sigma > \sigma_{\text{max}} \text{ALORS} \\ & \sigma_{\text{max}} = \sigma \\ & \textit{Seuil}_{\text{max}} = S \end{aligned}$ 2. Seuiller l'image y à l'aide de Seuil<sub>max</sub> Note : Attention aux divisions par zéro! 112

### Les faits saillants

Détection de contours:
 Seuil d'un simple gradient
 Seuil d'un gradient obtenu avec Sobel
 Seuil d'un simple gradient avec préfiltrage gaussien

Suppression des non-maximum

Algorithme de Canny (seuillage par hystérésis)

Zero crossing

Extraction de coins
 Détecteurs de Moravec et de Harris
 Détecteur FAST

Suppression des non maximum

• Segmentation (extraction de régions)

Simple seuil Seuil probabiliste K-moyennes Otsu