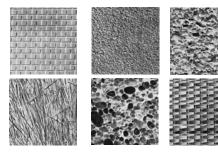
Hiver 2018

Analyse d'images IMN 259

Représentation des caractéristiques Par Pierre-Marc Jodoin

Texture: image composée d'un élément (le texton) qui se répète.



2

Représentation des textures

Pourquoi quantifier la « texture » d'une image? Pour faire de la segmentation, reconnaissance de contenu, indexation d'images,...
Une des façons les plus usuelles de représenter une texture est par le bias des moments.

 $Moments\ 1D: servent\ \grave{a}\ quantifier\ la\ forme\ de\ l'histogramme\ de\ l'image.$

$$\begin{split} m_n &= \sum_{i=0}^{255} i^n \, p(i) & \text{n-i\`eme moment} \\ \mu_n &= \sum_{i=0}^{255} (i - m_1)^n \, p(i) & \text{n-i\`eme moment centr\'e} \end{split}$$

3

Représentation des textures

Les moments 1D fréquemment utilisés :

$$m_1 = \sum_{i=0}^{255} ip(i)$$
 moyenne
 $\mu_2 = \sigma^2 = \sum_{i=0}^{255} (i - m_1)^2 p(i)$ variance

$$\mu_3 = \sum_{i=0}^{255} (i - m_1)^3 p(i)$$

Skewness (mesure la symétrie de l'histogramme)

$$\mu_4 = \sum_{i=0}^{255} (i - m_i)^4 p(i)$$
 Kurtosis (mesure la « platitude » de l'histogramme)

Représentation des textures

 $\label{eq:moments} \textbf{Moments 2D}: servent \ \ \ \text{a quantifier (grossièrement) la distribution spatiale} \\ \text{des niveaux de gris} \ .$

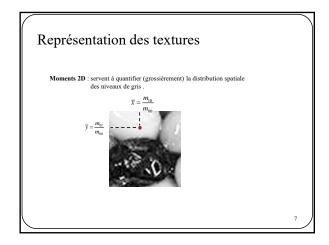
$$\begin{split} m_{pq} &= \sum_{x} \sum_{y} x^{p} y^{q} f(x,y) & \text{n-i\`eme moment} \\ \mu_{pq} &= \sum_{x} \sum_{y} (x - \overline{x})^{p} (y - \overline{y})^{q} f(x,y) & \text{n-i\'eme moment centr\'e} \end{split}$$

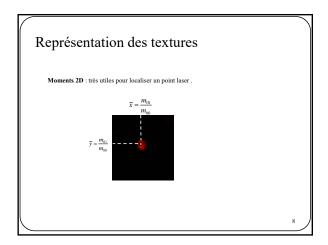
où $\overline{x} = \frac{m_{10}}{m_{00}}$, $\overline{y} = \frac{m_{01}}{m_{00}}$ déterminent le centroïde

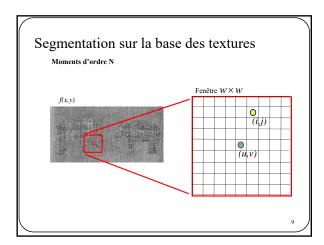
Représentation des textures

moment d'ordre $0 \rightarrow 1$ valeur (p=0,q=0)

moment d'ordre $1 \rightarrow 2$ valeurs (p=1,q=0) et (p=0,q=1)moment d'ordre $2 \rightarrow 3$ valeurs (p=2,q=0), (p=0,q=2) et (p=1,q=1)







Segmentation sur la base des textures

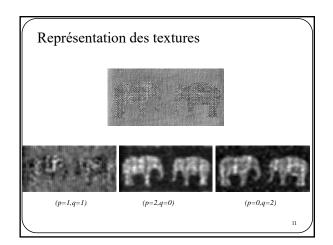
Moments d'ordre N

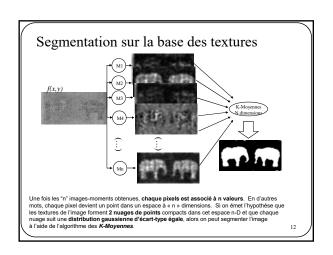
$$f(x,y)$$
Fenêtre $w \times w$

$$(id_iy)$$

$$m_{pq}(u,v) = \sum_{i=u-n/2}^{u+v_1/2} \sum_{j=v-u/2}^{v+v_1/2} f(i,j) \cdot i_m^p \cdot j_m^q \quad \text{où } i_m = \frac{i-u}{w}, j_m = \frac{j-v}{w}$$

$$m_{pq} \text{ est un moment d'ordre N si p+q=N}$$





Représentation des textures

Il existe aussi le moment central normalisé

$$\eta_{pq} = \frac{\mu_{pq}}{\mu_{00}^{\gamma}}$$
 avec $\gamma = \frac{p+q}{2} + 1$

 $\eta_{\rm \scriptscriptstyle PS}$ est souvent utilisés pour définir des $\it invariants \ll I \gg$

source units espon definitions in variants
$$*$$
 1 $*$ 2.
$$I_1 = \eta_{20} + \eta_{00}$$

$$I_3 = (\eta_{20} - \eta_{00})^2 + (2\eta_{11})^2$$

$$I_4 = (\eta_{30} + \eta_{12})^2 + (\eta_{21} + \eta_{03})^2$$

$$I_5 = (\eta_{30} - \eta_{12})^2(\eta_{21} + \eta_{23})^2 + (\eta_{21} + \eta_{03})^2 + (\eta_{21} - \eta_{03})^2(\eta_{21} + \eta_{03})^2(\eta_{21} + \eta_{03})^2(\eta_{21} + \eta_{03})^2 + (\eta_{21} - \eta_{03})(\eta_{21} + \eta_{03})(\eta_{20} + \eta_{12})^2 - (\eta_{21} + \eta_{03})^2 + (\eta_{21} - \eta_{03})(\eta_{20} + \eta_{02})^2(\eta_{20} + \eta_{12})^2 - (\eta_{21} + \eta_{03})^2 + (\eta_{21} - \eta_{03})(\eta_{20} + \eta_{12})^2 - (\eta_{21} + \eta_{03})^2 + (\eta_{20} - \eta_{12})(\eta_{21} + \eta_{03})(\eta_{20} + \eta_{12})^2 - (\eta_{21} + \eta_{03})^2 - (\eta_{20} - \eta_{12})(\eta_{21} + \eta_{03})(\eta_{20} + \eta_{12})^2 - (\eta_{21} + \eta_{03})^2 - (\eta_{21} + \eta_{03})^2 - (\eta_{20} - \eta_{12})(\eta_{21} + \eta_{03})(\eta_{20} + \eta_{12})^2 - (\eta_{21} + \eta_{03})^2 - (\eta_{21} + \eta_{03})$$

Représentation des textures

Les invariants « I » retournent la même valeur













Représentation des textures

Le problème avec les métriques basées sur les moments est qu'elles contiennent peu ou pas d'information quant à la *distribution spatiale* des niveaux de gris. Une façon de ramener cette information est d'utiliser la **matrice de co-occurrence**.



A(0,0): Le nombre de fois qu'un pixel d'intensité 0 était à la droite d'un pixel d'intensité 0 est $\boxed{4}$ A(2,1): Le nombre de fois qu'un pixel d'intensité 2 était à la droite d'un pixel d'intensité 1 es \bigcirc

Plus les valeurs le long de la diagonale sont élevées, plus la texture est uniforme (et vice-versa). 15

Représentation des textures

On peut remplacer A par une matrice de probabilité « c » qu'on appelle la

$$c = \frac{A}{\sum_{i,j} A(i,j)}$$

$$c = \begin{bmatrix} 4 & 4 & 1 \\ 4 & 3 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} / 20$$

À l'aide de « c », on peut représenter d'autres statistiques

 $\max_{i,j}(c(i,j))$

probabilité maximum

$$\sum_{i}\sum_{j}(i-j)^{k}c(i,j)$$

caractérise dans quelle mesure les données dans « c » se distribuent le long de la diagonale.

$$\sum_{i}\sum_{j}\left(c(i,j)\right)^{2}$$

$$\sum_{i} \sum_{j} (c(i,j))^{2}$$

Mesure d'*uniformité*. Est maximum lorsque toute les entrées dans « c » sont égales

$$\sum_{i}^{j} \sum_{j}^{j} c(i, j) \log(c(i, j))$$

Entropie, mesure le désordre, c-à-d est maximum lorsque $\mathbf{c}(\mathbf{i},\mathbf{j})$ =random

Représentation d'une courbe

Représentation d'une courbe

Transformée de Hough

Trouver les segments de droites (ou autres courbes) présentes dans une image binaire (edge map).





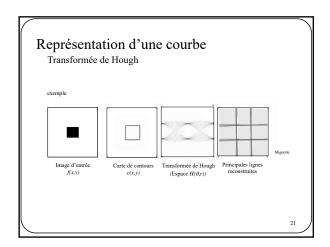
Pour Hough, si un pixel (i,j) est blanc dans la carte de contours, cela signifie qu'une droite passe par (i,j). Puisque Hough ne tient **pas compte des voisins** de (i,j), il ne peut connaître avec précision l'orientation de cette droite. Il considère donc <u>toutes les droites possibles</u>.

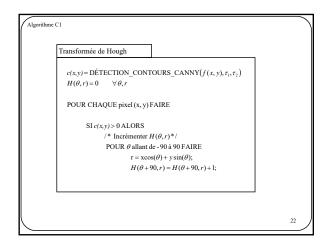


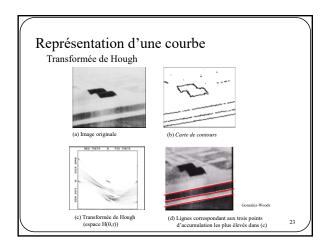
edge pixel

Représentation d'une courbe Transformée de Hough Chaque droite pouvant potentiellement passée par (i,j) peut se représenter comme suit : $\boxed{r = i\cos(\theta) + j\sin(\theta)}$ Puisqu'il existe un nombre infini de courbes pouvant passer par un pixel (i,j), chaque pixel de contour dans la carte de contours correspond à une courbe de valeurs dans l'espace de Hough.

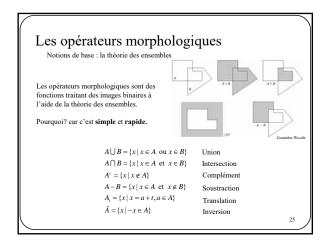
Représentation d'une courbe Transformée de Hough Carte de contours Opixel de contour) A chaque pixel de contour d'une même ligne dans la carte de contours correspond une courbe dans l'espace de Hough. Ces différents courbes se croisent en un point.

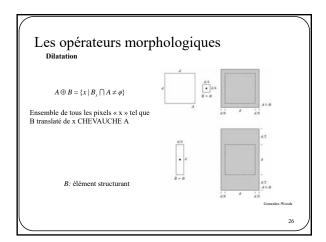


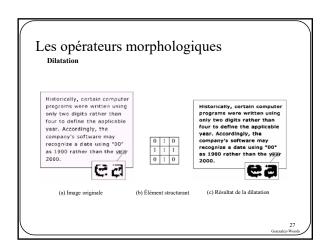


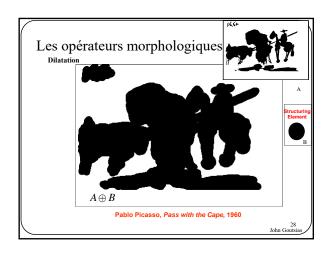


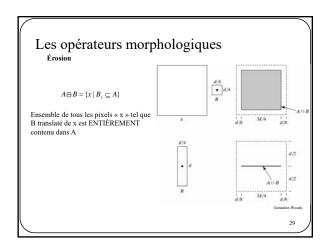
Les opérateurs morphologiques Traitement d'images binaires

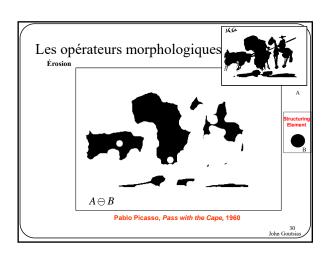


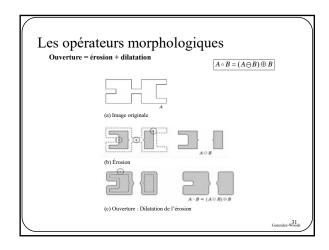


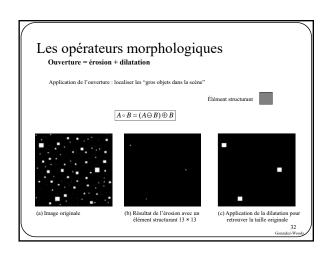


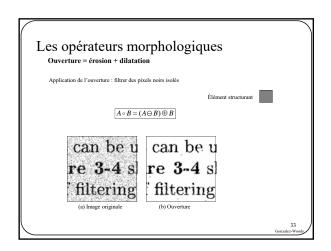


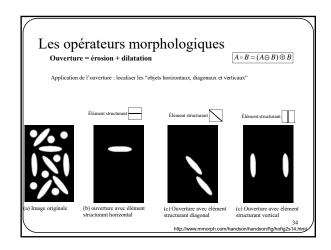


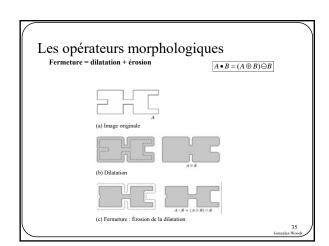


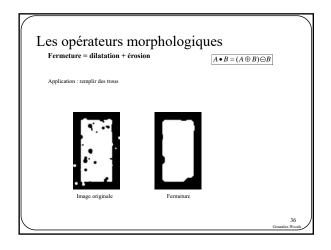


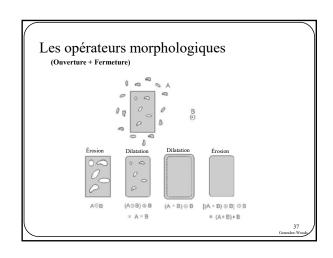


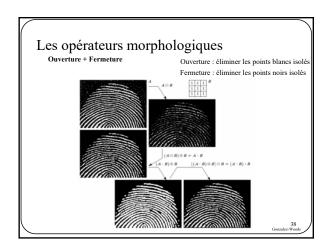


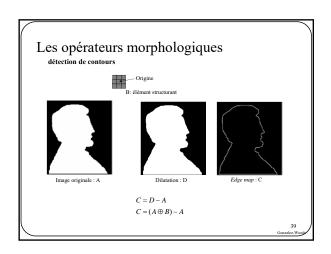




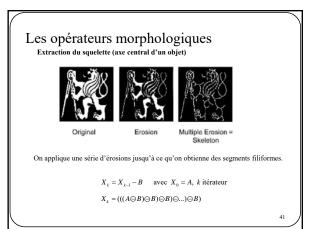


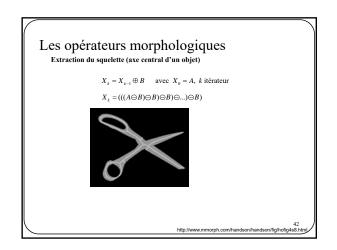


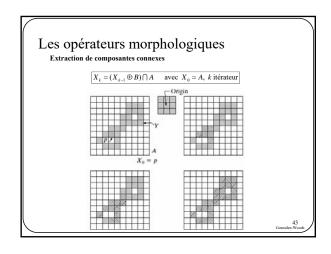


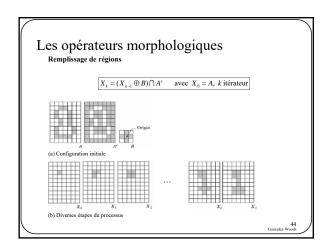


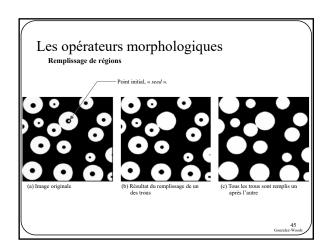
Les opérateurs morphologiques Extraction du squelette (axe central d'un objet) Squelette

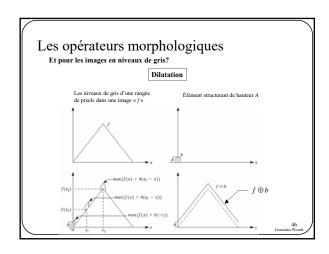


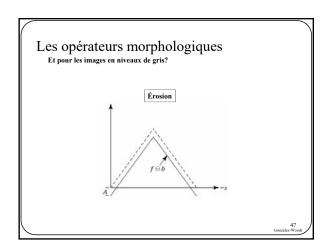


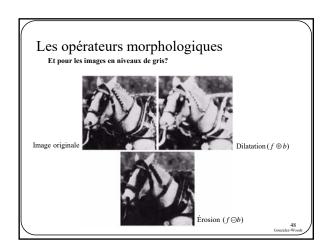


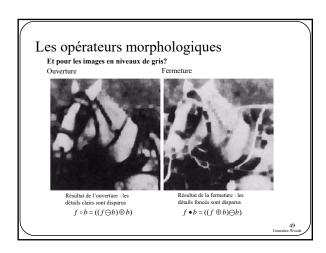


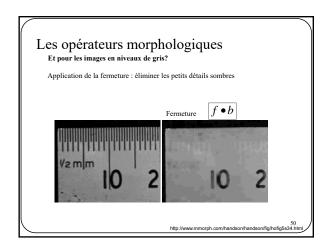


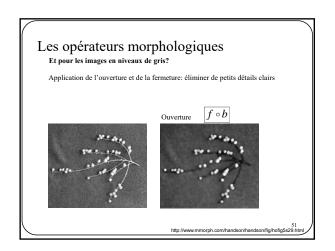












Les opérateurs morphologiques Et pour les images en niveaux de gris?	
Une autre application : le gradient morphologique	
$(f \oplus b) - (f \ominus b)$	
http://www.mmorph.com/handson/fig/hofig/5s/29.html	