INP-ENSEEIHT 1<sup>e</sup> année SN

# TP1 - Corrélation entre pixels dans une image

# Initiation à Matlab

#### Notions générales

- Le résultat d'une affectation = est affiché, sauf si cette affectation se termine par le caractère ;
- Les commandes format short et format long permettent de modifier le format d'affichage des variables.
- Les fonctions who et whos permettent d'afficher l'ensemble des variables utilisées.
- La fonction clear efface le contenu de toutes les variables utilisées.
- Il est fortement déconseillé d'utiliser des mots-clés de Matlab comme noms de variables.
- La commande help <fonction> affiche la description de <fonction>.

#### Manipulation de vecteurs et de matrices

- Les composantes d'un vecteur ligne sont séparées par des virgules ou des espaces : v1 = [x1 y1 z1];
- Les composantes d'un vecteur colonne sont séparées par des points-virgules : v2 = [x2 ; y2 ; z2];
- Vecteur à incrément constant : v3 = x\_min:dx:x\_max; (vecteur ligne de dimension variable, qui contient les valeurs x\_min+i\*dx, où i est un entier positif ou nul tel que x\_min+i\*dx est inférieur à x\_max).
- Les matrices utilisent la même syntaxe que les vecteurs :  $M = [m11 \ m12 \ m13 \ ; \ m21 \ m22 \ m23]$ ;
- La sous-matrice de M constituée par les lignes de numéros pairs et les colonnes de numéros impairs s'écrit : N = M(2:2:end,1:2:end);
- Vectorisation d'une matrice (les colonnes de M sont concaténées) : v = M(:);
- L'instruction [nb\_lignes,nb\_colonnes] = size(M); permet d'affecter le nombre de lignes de la matrice M à la variable nb\_lignes, et le nombre de colonnes de M à la variable nb\_colonnes.

#### Quelques matrices utiles

- zeros(m,n): matrice nulle de taille  $m \times n$ .
- ones(m,n) : matrice de taille  $m \times n$  dont tous les éléments sont égaux à 1.
- $\bullet$ eye(m,n) : matrice de taille  $m\times n$  dont les éléments diagonaux sont égaux à 1, les autres à 0.
- rand(m,n): matrice de taille  $m \times n$  d'éléments tirés aléatoirement selon la loi uniforme sur [0,1].
- randn(m,n) : matrice de taille  $m \times n$  d'éléments tirés aléatoirement selon la loi normale centrée réduite.
- Appeler ces fonctions avec un seul argument équivaut à les lancer avec deux arguments identiques.

#### Opérations sur les matrices

- Addition A+B; soustraction A-B; produit A\*C; puissance A^3; transposition A' ou transpose(A).
- Inverse inv(A); pseudo-inverse pinv(A).
- Multiplication élément par élément A.\*B (chaque élément A(i,j) est multiplié par l'élément B(i,j)); division élément par élément A./B (chaque élément A(i,j) est divisé par l'élément B(i,j)); puissance élément par élément A.^3 (chaque élément de A est élevé à la puissance 3).

### Quelques conseils utiles

- La fonction mean permet de calculer la moyenne des éléments d'une matrice, colonne par colonne. Dans le cas où la matrice comporte une seule ligne, mean calcule la moyenne de la ligne.
- La fonction figure permet de créer et de configurer la fenêtre de visualisation, alors que la fonction imagesc permet d'afficher une image dans la figure. N'oubliez donc pas de modifier les titres des figures, afin de rendre ces titres cohérents (ce conseil vaut également pour les noms des axes d'un graphique).
- Sachant que l'incrément par défaut est égal à 1, il est plus lisible d'écrire 1:10 que 1:1:10
- De même, il est plus lisible d'écrire M(:,:,1) que M(1:end,1:end,1)

INP-ENSEEIHT 1<sup>e</sup> année SN

## Exercice d'initiation à Matlab

Lancez l'exécution du script exercice\_Matlab : ce script lit une image en niveaux de gris, la stocke dans la matrice bidimensionnelle image\_originale et l'affiche. Les niveaux de gris des pixels de cette image sont obtenus après traversée d'une mosaïque de filtres colorés, appelée matrice de Bayer, qui est placée devant le récepteur photosensible des appareils photographiques :

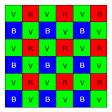


FIGURE 1 – Mosaïque de filtres colorés en rouge, vert et bleu (matrice de Bayer).

Vous constatez également qu'un message d'erreur s'affiche dans la fenêtre d'exécution. Cela vient du fait que le script exercice\_Matlab appelle la fonction ecriture\_RVB, qui n'existe pas encore, mais que vous devez écrire dans un fichier de nom ecriture\_RVB.m. L'en-tête de cette fonction s'écrit :

function image\_RVB = ecriture\_RVB(image\_originale)

Elle doit créer une matrice image\_RVB à 3 dimensions contenant deux fois moins de lignes et deux fois moins de colonnes que image\_originale. Chaque pixel de image\_RVB correspond à un ensemble de quatre pixels de image\_originale: V<sub>1</sub>, R, V<sub>2</sub>, B. Les valeurs R et B sont recopiées telles quelles dans les canaux rouge et bleu de image\_RVB. En revanche, la valeur dans le canal vert est égale à la moyenne des valeurs  $V_1$  et  $V_2$ .

# Exercice 1 : mise en évidence des corrélations entre pixels voisins

Cet exercice constitue une illustration du cours de probabilités consacré à un couple de variables aléatoires. Ici, chaque pixel d'une image numérique est considéré comme une variable aléatoire. On s'intéresse à la corrélation entre pixels voisins.

Le script Matlab de nom exercice\_1 affiche une image interne à Matlab (cf. figure 2-a) ainsi que son histogramme (cf. figure 2-b). Il doit aussi afficher les paires de niveaux de gris d'un pixel et de son voisin de droite sous la forme d'un nuage de points. Écrivez la fonction vectorisation appelée par ce script, d'en-tête :

function [X,Y] = vectorisation(I)

dont les deux paramètres de sortie X et Y doivent être deux sous-matrices de I vectorisées, c'est-à-dire deux vecteurs colonnes. Remarque: l'écriture I(1:nb\_lignes-1,:) revient à calculer I\_haut, et non pas I\_gauche.

Écrivez ensuite la fonction calcul\_parametres, qui calcule le coefficient de corrélation linéaire r des données, ainsi que les deux paramètres (a,b) de la droite de régression d'équation y=ax+b. Remarque : cet exercice doit être résolu sans boucle!

## **Rappels**

• Moyenne :  $\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i$ 

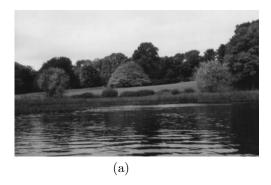
• Variance:  $\sigma_x^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i^2 - \bar{x}^2$ 

• Écart-type :  $\sigma_x = \sqrt{\sigma_x^2}$ 

• Covariance :  $\sigma_{xy} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y}) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i y_i - \bar{x} \bar{y}$ 

• Coefficient de corrélation linéaire :  $r = \frac{\sigma_{xy}}{\sigma_x \, \sigma_y}$ • Équation de la droite de régression :  $y = \frac{\sigma_{xy}}{\sigma_x^2} \, (x - \bar{x}) + \bar{y}$ 

INP-ENSEEIHT 1e année SN



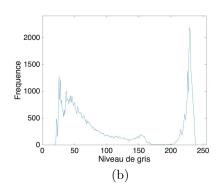


FIGURE 2 – (a) Exemple d'image en niveaux de gris. (b) Histogramme de l'image (a).

# Exercice 2 : décorrélation des niveaux de gris d'une image

La décorrélation des niveaux de gris consiste, par exemple, à soustraire au niveau de gris d'un pixel le niveau de gris de son voisin de gauche. Faites une copie du script exercice\_1, de nom exercice\_2, que vous modifierez de manière à remplacer l'image de la figure 2-a par une version décorrélée I\_decorrelee de cette image. Pour cela, initialisez I\_decorrelee par duplication de I, conservez la première colonne et modifiez les autres colonnes de cette matrice.

#### Remarques

- Il est nécessaire de conserver la première colonne de l'image d'origine dans I\_decorrelee, sans quoi l'opération de décorrélation ne serait pas inversible (il serait impossible de recalculer l'image d'origine).
- Il est nécessaire de modifier la valeur de la variable I\_min, qui n'est plus égale à 0 puisque I\_decorrelee peut comporter des valeurs négatives.