

V 203

## **Verdampfungswärme und Dampfdruck-Kurve**

Felix Symma

felix.symma@tu-dortmund.de

Joel Koch

joel.koch@tu-dortmund.de

Durchführung: 07.12.2021

Abgabe: 14.12.2021

TU Dortmund – Fakultät Physik

## **Inhaltsverzeichnis**

<b>1 Zielstellung</b>	<b>3</b>
<b>2 Theorie</b>	<b>3</b>
<b>3 Durchführung</b>	<b>5</b>
3.1 Messung bis 1 bar . . . . .	5
3.2 Messung von 1 bis 15 bar . . . . .	6
<b>4 Auswertung</b>	<b>7</b>
<b>5 Diskussion</b>	<b>7</b>
<b>6 Anhang</b>	<b>8</b>
<b>Literatur</b>	<b>11</b>

# 1 Zielstellung

Ziel des Versuches ist es, den Vorgang der Phasenumwandlung von destilliertem Wasser quantitativ zu untersuchen und eine Dampfdruckkurve anzufertigen. Außerdem soll die Verdampfungswärme für destilliertes Wasser bestimmt werden. Die Erkenntnisse werden anschließend ausgewertet und mit der Theorie abgeglichen.

# 2 Theorie

Wasser kann die drei verschiedenen Zustände fest, flüssig und gasförmig annehmen. Mithilfe eines Zustandsdiagrammes lassen sich die Zustände qualitativ beschreiben (siehe Abbildung 1). In einem Zustandsdiagramm wird der Druck  $p$  gegen die Temperatur  $T$  aufgetragen und durch drei Kurven in drei verschiedene Teilbereiche eingeteilt. Die Grenzlinie zwischen fest und flüssig, die sogenannte Dampfdruckkurve, hat eine viel geringere Steigung, als die fest-flüssig Kurve (Schmelzdruckkurve, siehe [1], S.301). Beide Kurven treffen sich im *Tripelpunkt* (T.P.). Im Tripelpunkt sind alle drei Phasen im Gleichgewicht koexistieren. Für Wasser liegt er bei 6,1 mbar und 0,0075 °C. Innerhalb der drei Arealen hat das System zwei Freiheitsgrade ( $T, p$ ). Auf der Dampfdruckkurve jedoch, hat es nur einen Freiheitsgrad. Die Dampfdruckkurve wird im wesentlichen durch die molare Verdampfungswärme  $L$  charakterisiert.

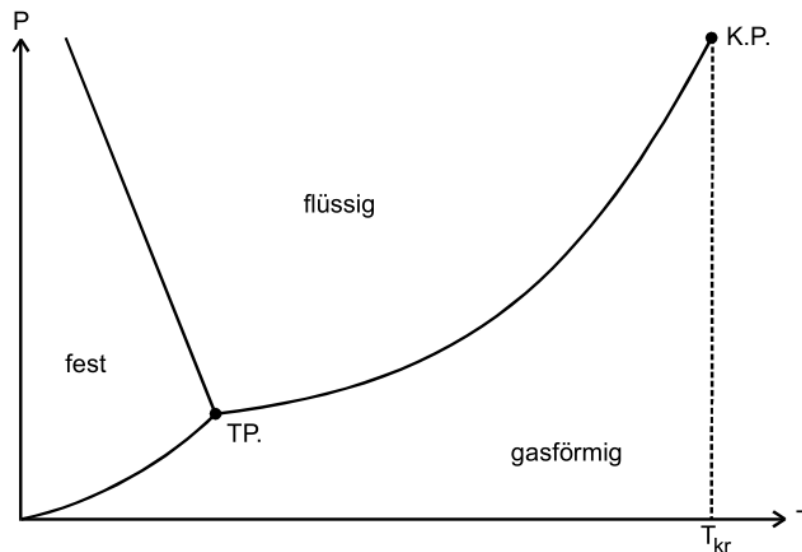


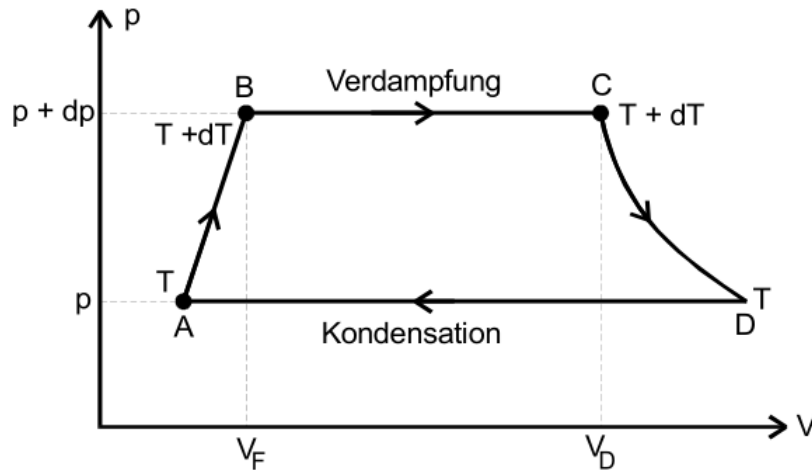
Abbildung 1: Qualitatives Zustandsdiagramm ([2]).

Wird eine Flüssigkeit in ein vollständig evakuiertes Gefäß, so so verdampft ein Teil der Flüssigkeit in den Raum oberhalb der Flüssigkeit selber. Es stellt sich nun ein charakteristischer Druck in diesem Raum, der *Sättigungsdampfdruck*, ein. Dieser Druck hängt nicht von dem Volumen des Gasraumes ab, da bei Änderung des Volumens ein Teil verdampft oder kondensiert, sodass das Gleichgewicht wieder hergestellt ist. Beim Prozess

des Verdampfens verlassen diejenigen Moleküle die Flüssigkeitsoberfläche, die die dafür nötige kinetische Energie besitzen. Sie leisten hierbei Arbeit gegen die Molekularkräfte, weshalb von außen Energie zum System hinzugeführt, oder dem Wärmeverrat entnommen werden muss. Dies führt zur Abkühlung der Flüssigkeit. Die zur Umwandlung von einem Mol Wasser zu einem Mol Dampf bei gleicher Temperatur erforderliche Energie ist die zuvor genannte molare Verdampfungswärme  $L$  [J/mol].  $L$  ist dabei eine stoff- und temperaturabhängige Größe, die im *kritischen Punkt* (K.P.) fast vollständig verschwindet. Das System Dampf-Flüssigkeit lässt sich aufgrund des Gleichgewichtsdrucks nicht durch die allgemeine Gasgleichung

$$pV = RT, \quad (1)$$

wobei  $R$  die allgemeines Gaskonstante ist, beschreiben. Stattdessen erhält wird einen Zusammenhang gewonnen, indem ein reversibler Kreisprozess für ein Mol eines Stoffes durchgerechnet wird, der Volumen  $V$  gegen Druck  $p$  aufträgt. Eine qualitative Darstellung ist in Abbildung 2 abgebildet.



**Abbildung 2:** Darstellung eines Kreisprozesses im pV-Diagramm ([2]).

Wird dem System eine Wärmemenge  $dQ_{AB}$  zugeführt. Dadurch steigt der Druck der Flüssigkeit auf  $T + dT$ , der Druck auf  $p + dp$  und das Volumen auf  $V_F$  (Zustand B). Ein Teil der Flüssigkeit verdampft isotherm und isobar zu einem Gas mit Volumen  $V_D$  (Zustand C). Ein Teil der Wärmeenergie wird wieder abgegeben auf  $T$  und  $p$  (Zustand D). Durch Kondensation wird der Ausgangszustand A erreicht.

Die insgesamt bei dem Kreisprozess zugeführte Wärme erhält durch Summation der einzelnen Wärmeenergien, unter Berücksichtigung des ersten Hauptsatzes der Thermodynamik den Ausdruck

$$(C_F - C_D)dT + dL = (V_D - V_F)dp. \quad (2)$$

Dabei entspricht  $C_F$  der Molwärme der Flüssigkeit,  $C_D$  der Molwärme des Dampfes und  $dL$  dem Unterschied der beiden Verdampfungswärmen. Durch den zweiten Hauptsatz der Thermodynamik und unter der Vernachlässigung von Termen 2.Ordnung folgt für (Gleichung 2)

$$(C_F - C_D)dT + dL - \frac{LdT}{T}. \quad (3)$$

Durch Vergleichen von Gleichung 2 und Gleichung 3 ergibt sich schließlich der Ausdruck

$$(V_D - V_F)dp = \frac{L}{T}dT. \quad (4)$$

Gleichung (4) wird Clausius-Clapeyronsche Gleichung genannt. Wird eine Temperatur weit unter der kritischen Temperatur  $T_{\text{kritisch}}$  beschrieben, so können die Näherungen getroffen werden, dass  $V_F$  gegenüber  $V_D$  vernachlässigbar ist und dass  $V_D$  durch die ideale Gasgleichung (1) beschrieben werden kann. Außerdem sei  $L$  druck- und temperaturunabhängig. Dadurch folgt aus Gleichung 4

$$\frac{R}{p}dp = \frac{L}{T^2}dT.$$

Woraus durch Integration folgt

$$p = p_0 \cdot \exp\left(-\frac{L}{RT}\right). \quad (5)$$

## 3 Durchführung

### 3.1 Messung bis 1 bar

Der in Abbildung 3 abgebildete Aufbau wird aufgebaut. Bevor gemessen werden kann muss zuerst mithilfe des Manometers der Luftdruck und die Temperatur in der entlüftete Apparatur gemessen werden. Zunächst wird die Apparatur mithilfe der Wasserstrahlpumpe auf den am niedrigsten zu erreichenden Druck evakuiert. Es werden der Absperrhahn und das Drosselventil geschlossen und der Merhrhalskolben mit der zu untersuchenden Substanz mithilfe der Heizhaube langsam erhitzt. Zeitgleich wird das Kühlwasser eingeschaltet, sodass die Einzelteile nicht überhitzen. Bei kontrollierter Erhitzung werden paarweise Temperatur und Druck gemessen, bis der Druck 1 bar erreicht hat.

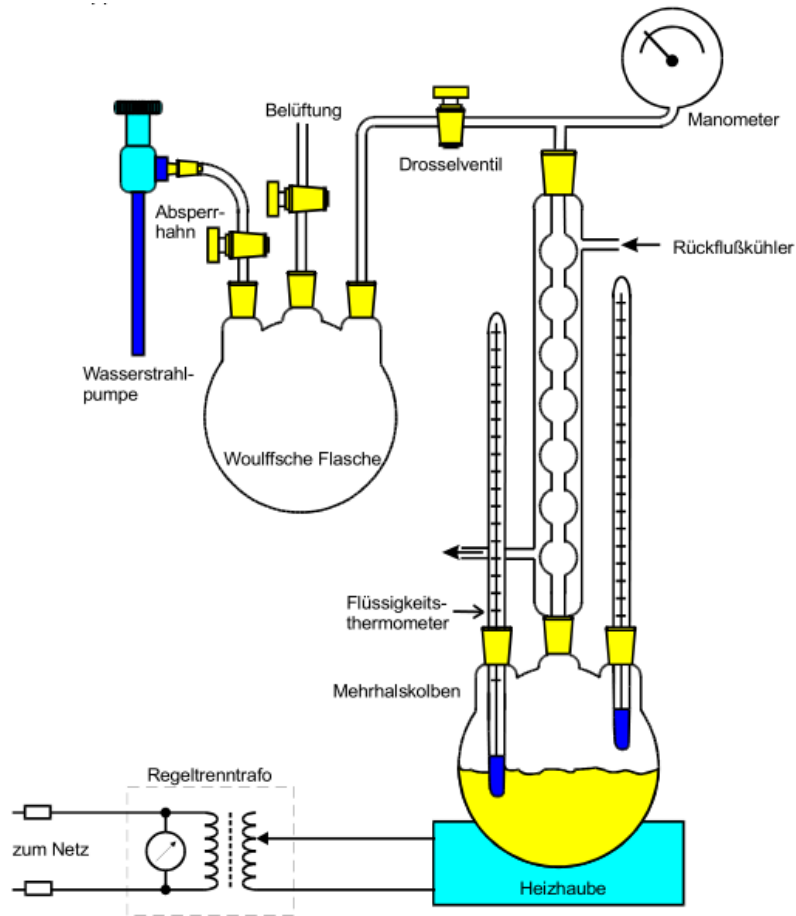


Abbildung 3: Erster Aufbau [2].

### 3.2 Messung von 1 bis 15 bar

Die Verschraubung am Stahlrohr wird geöffnet und der Hohlraum mit der zu untersuchenden Substanz vollständig gefüllt. Hier ist die zu untersuchende Substanz entgastes und destilliertes Wasser. Die Verschraubung wird nun geschlossen. Die Apparatur wird nun nach Abbildung 4 vollständig aufgebaut und eingeschaltet. Es wird gewartet bis die Temperatur der zu untersuchenden Substanz ungefähr bei  $110^{\circ}\text{C}$  aufgeheizt wurde, da ab jetzt das Druckmessgerät anfangen wird auszuslagen. Es wird der Sättigungsdampfdruck und die dazugehörige Siedetemperatur des Wassers paarweise gemessen. Die Werte werden jeweils bei einer Erhöhung um 1 bar aufgetragen bis 15 bar erreicht sind.

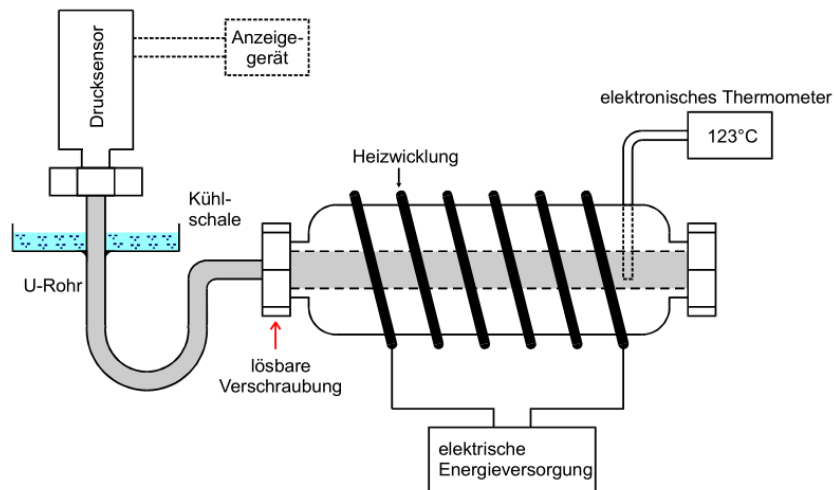


Abbildung 4: Zweiter Aufbau [2].

## 4 Auswertung

Tabelle 1: Gemessene Messwerte der Verdampfungswärme.

Sättigungsdampfdruck / bar	Temperatur / °C
1	116
2	133
3	141
4	149
5	156
6	163
7	168
8	173
9	176
10	181
11	185
12	188
13	191
14	194
15	197

## 5 Diskussion

## 6 Anhang

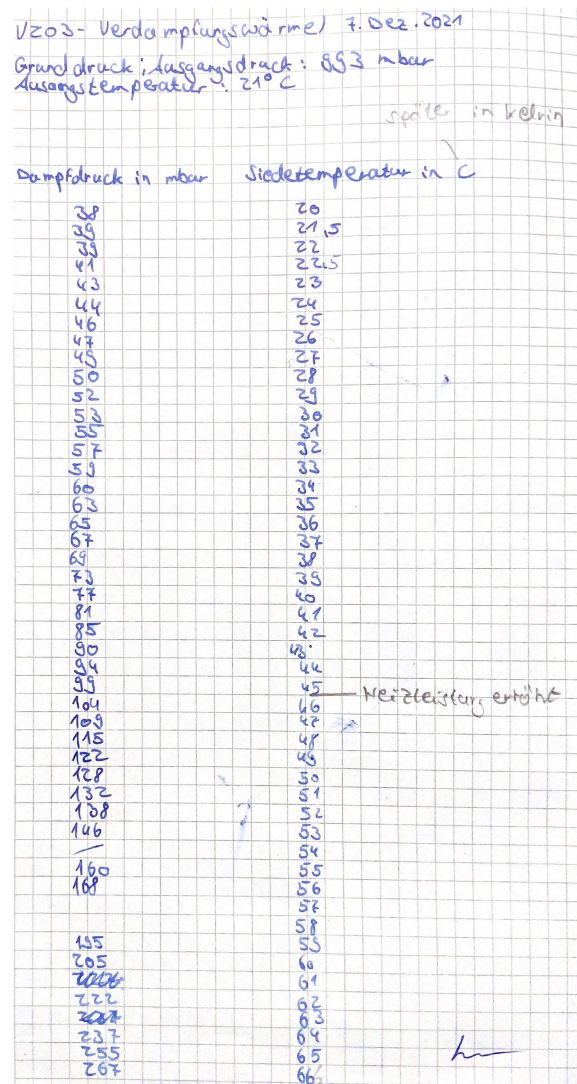


Abbildung 5: Originale Messdaten



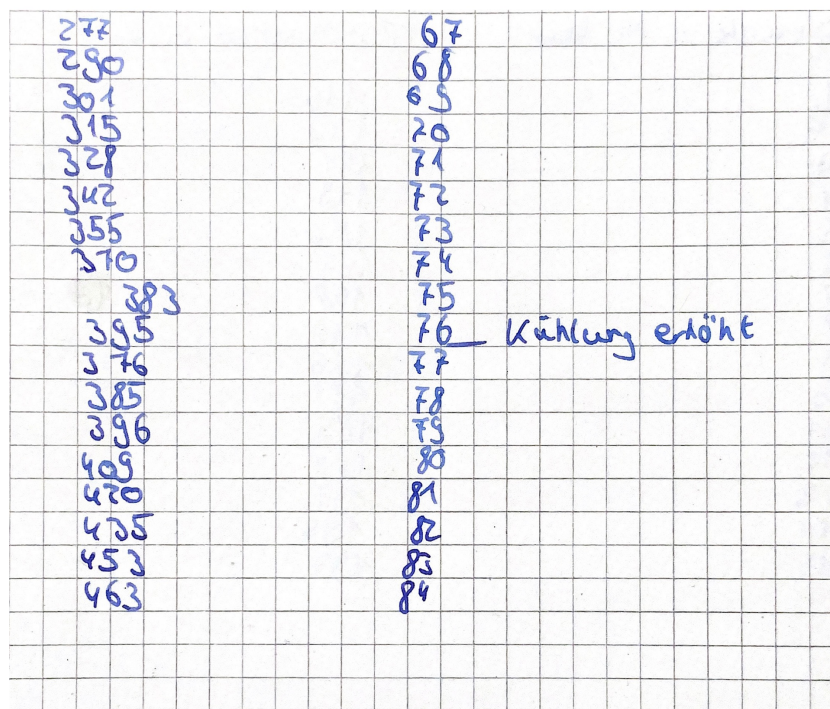


Abbildung 6: Originale Messdaten

Druck in bar	Temperatur in °C
1	116
2	133
3	141
4	149
5	156
6	163
7	168
8	173
9	176
10	181
11	185
12	188
13	191
14	194
15	197

Abbildung 7: Originale Messdaten

## Literatur

- [1] Dieter Meschede. *Gerthsen Physik*. 25. Aufl. Springer, 2015.
- [2] *Versuch 203 - Verdampfungswärme und Dampfdruckkurve*. TU Dortmund, Fakultät Physik. 2021.