



Seminario de Algoritmia

REPORTE DE PRÁCTICA

IDENTIFICACIÓN DE LA PRÁCTICA

Práctica	8	Nombre de la práctica	Algoritmo de Kruskal
Fecha	28/10/2021	Nombre del profesor	Alma Nayeli Rodríguez Vázquez
Nombre de los integrantes del equipo	1. Cárdenas Pérez Calvin Cristopher		
	2. Farfán de León José Osvaldo		
	3. García Martínez Noe Aaron		

OBJETIVO

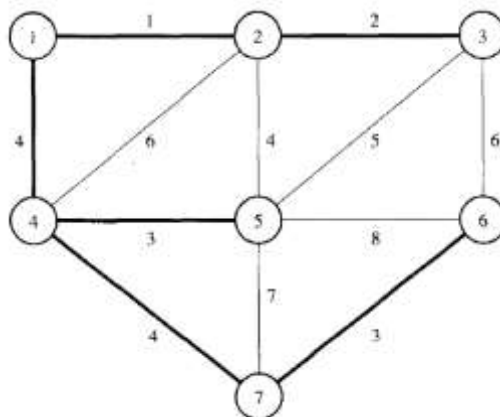
El objetivo de esta práctica consiste en implementar el algoritmo de Kruskal para encontrar el árbol de recubrimiento mínimo de un grafo.

PROCEDIMIENTO

Realiza la implementación siguiendo estas instrucciones.

Implementa el algoritmo de Kruskal utilizando Matlab y C++ / Python. Para la implementación, apóyate del siguiente algoritmo y del ejemplo:

```
function Kruskal( $G = \langle N, A \rangle$ : graph; length:  $A \rightarrow \mathbb{R}^+$ ): set of edges
{initialization}
Sort A by increasing length
 $n \leftarrow$  the number of nodes in  $N$ 
 $T \leftarrow \emptyset$  {will contain the edges of the minimum spanning tree}
Initialize  $n$  sets, each containing a different element of  $N$ 
{greedy loop}
repeat
   $e \leftarrow \{u, v\} \leftarrow$  shortest edge not yet considered
   $ucomp \leftarrow find(u)$ 
   $vcomp \leftarrow find(v)$ 
  if  $ucomp \neq vcomp$  then
    merge( $ucomp, vcomp$ )
     $T \leftarrow T \cup \{e\}$ 
until  $T$  contains  $n - 1$  edges
return  $T$ 
```





Seminario de Algoritmia

Step	Edge considered	Connected components
Initialization	—	{1} {2} {3} {4} {5} {6} {7}
1	{1, 2}	{1, 2} {3} {4} {5} {6} {7}
2	{2, 3}	{1, 2, 3} {4} {5} {6} {7}
3	{4, 5}	{1, 2, 3} {4, 5} {6} {7}
4	{6, 7}	{1, 2, 3} {4, 5} {6, 7}
5	{1, 4}	{1, 2, 3, 4, 5} {6, 7}
6	{2, 5}	rejected
7	{4, 7}	{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7}

IMPLEMENTACIÓN

Agrega el código de tu implementación aquí.

```
no_nodos=7;
no_conjuntos=no_nodos;
grafo=[1 2 1;
        1 4 4;
        2 3 2;
        2 4 6;
        2 5 4;
        3 5 5;
        3 6 6;
        4 5 3;
        4 7 4;
        5 6 8;
        5 7 7;
        6 7 3];
pesos=grafo(:, 3) ;
aristas=grafo(:, 1 : 2) ;
[pesos, ind]=sort(pesos);
aristas=aristas(ind, : );
no_aristas=size(aristas, 1);
T=[];
conjuntos= { } ;
for i=1 : no_nodos
    conjuntos { i } = i ;
end
for i=1 : no_aristas
    aristas_i=aristas ( i , : ) ;
    for j=1 : no_conjuntos

        if i smember (arista_i(1) , conjuntos{ j }
            conjunto1= j;
            break;
        end
    end
    for j=1 :no_conjuntos
        if ismember(arista_i (2) ,conjuntos { j })
            conjunto2=j;
```



Seminario de Algoritmia

```
end
end
if conjunto1~=conjunto2
    conjuntos{conjunto1} = [conjuntos{conjunto1 } ; conjuntos{
conjuntos2} ];
    conjuntos{conjuntos2} = [];
    T= [ T; arista_i];
End
sizeT=size(T, 1);
if sizeT==no_nodos-1
    break;
end
end
T(:, 1 : 2)
pesoTotal=sum(T(:, 3) )
```

Código de Matlab

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include <algorithm>
#include <string.h>
using namespace std;

class Arista
{
    int vertice1, vertice2, peso;

public:

    Arista(int v1, int v2, int peso)
    {
        vertice1 = v1;
        vertice2 = v2;
        this->peso = peso;
    }

    int obtenerVertice1()
    {
        return vertice1;
    }

    int obtenerVertice2()
    {
        return vertice2;
    }

    int obtenerPeso()
    {
        return peso;
    }
}
```



Seminario de Algoritmia

```
bool operator < (const Arista& arista2) const
{
    return (peso < arista2.peso);
}
};

class Grafo
{
    int V;
    vector<Arista> aristas;

public:
    Grafo(int V)
    {
        this->V = V;
    }

    void adicionarArista(int v1, int v2, int peso)
    {
        Arista arista(v1, v2, peso);
        aristas.push_back(arista);
    }

    int buscar(int subset[], int i)
    {
        if(subset[i] == -1)
            return i;
        return buscar(subset, subset[i]);
    }

    void unir(int subset[], int v1, int v2)
    {
        int v1_set = buscar(subset, v1);
        int v2_set = buscar(subset, v2);
        subset[v1_set] = v2_set;
    }

    void kruskal()
    {
        vector<Arista> arbol;
        int size_aristas = aristas.size();

        sort(aristas.begin(), aristas.end());

        int * subset = new int[V];
```



Seminario de Algoritmia

```
memset(subset, -1, sizeof(int) * V);

for(int i = 0; i < size_aristas; i++)
{
    int v1 = buscar(subset, aristas[i].obtenerVertice1());
    int v2 = buscar(subset, aristas[i].obtenerVertice2());

    if(v1 != v2)
    {
        arbol.push_back(aristas[i]);
        unir(subset, v1, v2);
    }
}

int size_arbol = arbol.size();

for(int i = 0; i < size_arbol; i++)
{
    char v1 = '1' + arbol[i].obtenerVertice1();
    char v2 = '1' + arbol[i].obtenerVertice2();
    cout << "(" << v1 << ", " << v2 << ") = " << arbol[i].obtenerPeso() << endl;
}
cout << "peso minimo : " << peso;
}
};

int main(int argc, char *argv[])
{
    Grafo g(7); // grafo

    // agregar las aristas
    g.adicionarArista(0, 1, 1);
    g.adicionarArista(0, 3, 4);
    g.adicionarArista(1, 2, 2);
    g.adicionarArista(1, 3, 6);
    g.adicionarArista(1, 4, 4);
    g.adicionarArista(2, 4, 5);
    g.adicionarArista(2, 5, 6);
    g.adicionarArista(3, 4, 3);
    g.adicionarArista(3, 6, 4);
    g.adicionarArista(4, 5, 8);
    g.adicionarArista(4, 6, 7);
    g.adicionarArista(5, 6, 3);

    g.kruskal(); // ejecutar el algoritmo de Kruskal

    return 0;
}
```



Seminario de Algoritmia

Código en C++/Python

RESULTADOS

Agrega la imagen de la consola con el despliegue de los resultados obtenidos.

```
octave> no_nodos=7;  
no_conjuntos=no_nodos;  
grafo=[1 2 1;  
        1 4 4;  
        2 3 2;  
        2 4 6;  
        2 5 4;  
        3 5 5;  
        3 6 6;  
        4 5 3;  
        4 7 4;  
        5 6 8;  
        5 7 7;  
        6 7 3];  
esos=grafo(:, 3);  
ristas=grafo(:, 1 : 2);  
pesos_ind=sort(pesos);  
ristas=ristas(ind, :);  
n_aristas=size(aristas, 1);  
conjuntos = {};  
for i=1 : no_nodos  
    conjuntos { i } = 1;  
end  
for i=1 : no_aristas  
    aristas_i=aristas { i, : };  
    for j=1 : no_conjuntos  
        if i member (arista_i(i), conjuntos { j })  
            conjuntos { i } = j;  
            break;  
        end  
    end  
end
```

Resultados Matlab (La matriz "T" y el peso total)

```
"C:\Users\Llama\Desktop\Seminario Algoritmia\Algoritmo de kruskal.exe"  
(1, 2) = 1  
(2, 3) = 2  
(4, 5) = 3  
(6, 7) = 3  
(1, 4) = 4  
(4, 7) = 4  
peso minimo : 17  
Process returned 0 (0x0)   execution time : 0.048 s  
Press any key to continue.
```

Resultados C++/Python (La matriz "T" y el peso total)



Seminario de Algoritmia

CONCLUSIONES

Escribe tus observaciones y conclusiones.

El algoritmo de kruskal es un algoritmo que trabaja con grafos conexos y busca generar arboles mediante seleccionar solamente las aristas que no ciclen alguna parte del árbol, ya que esto es una característica importante para diferenciar un árbol de un grafo conexo.

Otra cualidad del algoritmo de Kruskal es que no solo se requiere de tener un grafo conexo, sino que además este ponderado. Esto se refiere a que a cada arista del grafo se le asigna un peso, este peso puede ser arbitrario o estar relacionado a algún aspecto de la arista, como puede ser su longitud.

Con esto también descubrimos otra función del algoritmo de Kruskal, y es que este decide por las aristas cuyo peso sea el menor a comparación con las demás aristas que se conectan al vértice que se está analizando actualmente. Esto logra que la suma de los pesos de las aristas seleccionadas sea el menor peso total posible (excepto en algunas pocas excepciones).

Este algoritmo puede tener como utilidad, por ejemplo, en una red de trenes: se tienen varias rutas que el tren puede tomar, pero queremos que se tome la ruta más corta a nuestro destino, sin causar alguna especie de ciclo en la ruta. Entonces podemos utilizar el algoritmo para eliminar los ciclos en la ruta, seleccionamos la estación de destino y podemos tomar una ruta marcada por el algoritmo que será la más corta para llegar a la estación.