Taller Series de Potencias

Facultad de Ingeniería - Universidad de Cundinamarca

February 12, 2025

Introducción

Este taller tiene como objetivo ayudar a los estudiantes a identificar e interpretar el concepto de Series de Potencias. Se abordarán los siguientes temas:

- Definición y propiedades de las series de potencias.
- Radio y dominio de convergencia.
- Desarrollo de funciones en series de potencias.
- Aplicaciones en ingeniería.
- Análisis numérico utilizando Python.

Se incluyen ejercicios de diferentes tipos para reforzar el aprendizaje.

Ejercicios de Repaso

Conceptos Básicos

- 1. Defina qué es una serie de potencias y proporcione tres ejemplos.
- 2. Determine el radio de convergencia de la serie $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{n+1}$.
- 3. Encuentre los primeros cuatro términos del desarrollo en serie de potencias de e^x .

Ejercicios de Rutina

Radio y Dominio de Convergencia

- 1. Calcule el radio de convergencia de la serie $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{n^2}$.
- 2. Determine para qué valores de x converge la serie $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{n!}$.
- 3. Pruebe que la serie de Maclaurin de $\frac{1}{1-x}$ converge para |x|<1.

Ejercicios No Rutinarios

- 1. Encuentre una función cuya serie de potencias asociada tenga un radio de convergencia infinito.
- 2. Analice el comportamiento de la serie $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{x^n}{n}$ en el intervalo [-1,1].

Ejercicios de Aplicación en Ingeniería

- 1. En mecánica cuántica, las soluciones de la ecuación de Schrödinger pueden expresarse en términos de series de potencias. Describa cómo se aplica este concepto.
- 2. En circuitos eléctricos, la función de respuesta de un filtro puede aproximarse por una serie de potencias. Explique un caso práctico.

Análisis Numérico usando Python

- 1. Escriba un código en Python para calcular la suma parcial de la serie $\sum_{n=0}^{50} \frac{x^n}{n!}$ para diferentes valores de x.
- 2. Compare la convergencia de las series $\sum_{n=1}^{50} \frac{x^n}{n}$ y $\sum_{n=1}^{50} \frac{x^n}{n^2}$ mediante programación en Python.

Ejercicios de Clase.

- 1. Elabore los ejercicios de rutina del libro
- 2. Elabore los ejercicios que el Gestor de Conocimiento planteo en clase.

References

- [1] Grossman S., Stanley I.: Algebra Lineal. Mc Graw Hill 6ta ed (2008).
- [2] William E. Boyce, Richard C. DiPrima, Douglas B. Meade Elementary Differential Equations and Boundary Value Problems-Wiley (2021)
- [3] J. Marsden, A. Tromba Calculo Vectorial (1991)
- [4] Stewart J.- Calculus Concepts and Contexts 2ed. Thomson (2004)