Formelark FYS-MEK 1110

$$\sum \vec{F} = m\vec{a} = \frac{d\vec{p}}{dt}$$
, hvor $\vec{p} = m\vec{v} = m\frac{d\vec{r}}{dt}$ og $\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt} = \frac{d^2\vec{r}}{dt^2}$

Konstant
$$\vec{a}$$
: $\vec{v} = \vec{v}_0 + \vec{a}t$, $\vec{r} = \vec{r}_0 + \vec{v}_0 t + \frac{1}{2} \vec{a} t^2$, $v^2 - v_0^2 = 2 \vec{a} \cdot (\vec{r} - \vec{r}_0)$

Konstant
$$\alpha$$
: $\omega = \omega_0 + \alpha t$, $\theta = \theta_0 + \omega_0 t + \frac{1}{2} \alpha t^2$, $\omega^2 - \omega_0^2 = 2\alpha(\theta - \theta_0)$

Baneakselerasjon:
$$\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}\hat{u}_T + \frac{v^2}{\rho}\hat{u}_N$$

Rotasjon:
$$\vec{v} = \vec{\omega} \times \vec{r}, \qquad \vec{a} = \vec{\alpha} \times \vec{r} + \vec{\omega} \times (\vec{\omega} \times \vec{r})$$

Galilei transformasjon:
$$\vec{r} = \vec{R} + \vec{r}'$$
, $\vec{v} = \vec{V} + \vec{v}'$

Fjærkraft:
$$F(x) = -k(x - x_0)$$
, luftmotstand: $\vec{F}_v = -k\vec{v}$ eller $\vec{F}_v = -Dv\vec{v}$

Statisk friksjon:
$$|F_S| \le \mu_S N$$
, dynamisk friksjon: $|F_d| = \mu_d N$

Arbeid:
$$W_{AB} = \int_A^B \vec{F} \cdot d\vec{r} = K_B - K_A$$
, kinetisk energi: $K = \frac{1}{2}mv^2$

Potensiell energi for gravitasjon:
$$U = mgy$$
, for fjærkraft: $U = \frac{1}{2}k(x - x_0)^2$

Konservativ kraft:
$$\vec{F} = -\vec{\nabla}U(\vec{r})$$

Impuls:
$$\vec{J} = \int_{t_0}^{t_1} \vec{F} dt = \Delta \vec{p} = \vec{p}(t_1) - \vec{p}(t_0)$$

Rakettligningen:
$$\vec{F}^{\rm ext} + \vec{v}_{\rm rel} \frac{dm}{dt} = m\vec{a}$$

Massesenter:
$$\vec{R} = \frac{1}{M} \sum_i m_i \vec{r_i} = \frac{1}{M} \int_M \vec{r} dm$$
, $M = \sum_i m_i = \int_M dm$

Kraftmoment:
$$\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}$$
, spinn: $\vec{L} = \vec{r} \times \vec{p}$

Spinnsats:
$$\vec{\tau}=\frac{d\vec{L}}{dt'}$$
 stive legemer: $L_z=I_z\omega_z$, $au_z=I_z\alpha_z$

Kinetisk energi:
$$K=\frac{1}{2}I\omega^2$$
, treghetsmoment: $I=\sum_i m_i \rho_i^2=\int_M \rho^2 dm$

Parallellakseteoremet:
$$I = I_{cm} + Md^2$$

Rullebetingelse:
$$V = -\omega R$$

Fiktive krefter:
$$\vec{a}' = \sum F^{\rm ext} - m\vec{A} - m\frac{d\vec{\omega}}{dt} \times \vec{r}' - 2m\vec{\omega} \times \vec{v}' - m\vec{\omega} \times (\vec{\omega} \times \vec{r}')$$

Gravitasjon:
$$\vec{F}(\vec{r}) = -G \frac{m_1 m_2}{r^2} \hat{u}_r$$
, $U(r) = -G \frac{m_1 m_2}{r}$

Spenning og tøyning:
$$\sigma_{xx} = \frac{F_x}{A_x} = E \frac{\Delta x}{x} = E \epsilon_{xx}, \qquad \frac{\Delta y}{v} = -v \frac{\Delta x}{x}$$

Lorentz transformasjon:
$$x' = \gamma(x - ut)$$
, $y' = y$, $z' = z$, $t' = \gamma\left(t - \frac{u}{c^2}x\right)$, $\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{u^2}{c^2}}}$

Relativistisk:
$$m=\gamma m_0$$
, $\vec{p}=m\vec{v}$, $E=mc^2$