

En schack AI baserad på case-baseD Reasoning

A Case-Based Reasoning approach to A chess AI

Examensarbete inom huvudområdet Datavetenskap

Grundnivå 30 högskolepoäng

Vårtermin 2015

Johannes Qvarford

Handledare: Peter Sjöberg

Examinator: Anders Dahlbom

Innehållsförteckning

[1 Introduktion 1](#_Toc412147208)

[2 Bakgrund 2](#_Toc412147209)

[2.1 Case-based Reasoning 2](#_Toc412147210)

[2.2 Schack 3](#_Toc412147211)

[2.2.1 Regler 3](#_Toc412147212)

[2.2.2 Elo-rankning 5](#_Toc412147213)

[2.2.3 Portable Game Notation 5](#_Toc412147214)

[2.2.4 Dagens schackdatorprogram 6](#_Toc412147215)

[3 Problemformulering 7](#_Toc412147216)

[3.1 Problembeskrivning 7](#_Toc412147217)

[3.2 Metodbeskrivning 7](#_Toc412147218)

[Referenser 9](#_Toc412147219)

# Introduktion

Schack har en lång historia som sträcker sig ända till början av 600-talet e.Kr.. Schack har traditionellt spelats mellan två människor, men under det senaste århundradet har även maskiner utvecklats för att spela spelet. Dessa maskiner har visat sig kunna mäta sig med mänskliga spelare, och redan under 70-talet utvecklades en maskin som kunde besegra en stormästare (Hapgood 1982). Sedan dess har utvecklingen bara fortsatt, och 1997 besegrades den då regerande världsmästaren Garri Kasparov av en schackspelande maskin vid namn *Deep Blue* (Cambell, Hoane & Hsu 2001).

Schackmaskiner har förbättrats genom historien, men inte genom att efterlikna människor. Hapgood (1982) påstod att schackmaskinerna spelade fult, men vann genom att utnyttja små misstag som deras motståndare gjorde. Inte mycket forskning har gjorts kring området att skapa realistisk artificiell intelligens (AI) som kan spela schack på olika skicklighetsnivåer. För att tackla detta område presenteras en AI-agent som använder *Case-Based Reasoning* (CBR). CBR är en teknik för att utveckla AI-agenter, som bygger på att lösa problem baserat på lösningar av tidigare, liknande problem. När en agent ska göra ett drag kan den härma vad en expert gjort i samma läge, genom att konsultera en fallbas. Alla möjliga fall kan inte lagras i förtid eftersom det enligt Shannon (1950) lär finns uppemot 1054 fall i schack. AI-agenten måste därför ibland basera sitt val på det expertläge som är mest likt det nuvarande läget.

I det här arbetet ska ett program av en AI-agent skapas som använder CBR för att spela schack på olika skicklighetsnivåer. Det ska även undersökas om expertdata från ett antal spelare kan användas för att skapa ett högre antal skicklighetsnivåbeteenden för agenten. Agenten ska kunna använda falldatabaser från matcher spelade av spelare med olika rankning, för att justera sin skicklighetsnivå. Skicklighetsnivån ska överensstämma med spelarnas rankning, så att agenten är svårare att besegra om dess fallbas är baserad på högt rankade spelare än om den är baserad på lågt rankade spelare. Fallbaser ska kunna skapas baserade på tidigare spelade matcher dokumenterade i *Portable Game Notation* (PGN). Flera schackorganisationer dokumenterar matcher i detta format, som Universal Chess Federation (FIDE).

# Bakgrund

I denna sektion presenteras bakgrundsinformation om ämnen och termer som nämns i arbetet. I sektion 2.1 presenteras CBR, besläktade termer och hur arbetet bygger på tidigare forskning kring CBR. Sektion 2.2 innehåller reglerna till schack, och termer som ofta används inom schack.

## Case-based Reasoning

**(Nytt utökat material nedan. Många av mina påstående är grundade i Richter och Webers bok, och jag vet inte om jag konstant ska referera till dem, eller på nått sätt indikera att hela sektionen är i stort sätt indirekt hämtat därifrån.)**

CBR är en teknik för problemlösning inom AI som är baserad på idén att använda lösningar på tidigare, liknande problem (Richter & Weber 2013). För att använda CBR måste en samling testfall med problem och deras respektive lösningar samlas in. Hur testfallen samlas in varierar och kan ske genom observation av artificiella eller mänskliga experter. Lösningarna på problemen från experten behöver inte nödvändigtvis uppfylla några korrekthetskrav. Ett problem tillsammans med sin lösning beskrivs som ett fall, och en grupp fall kallas för en fallbas. När ett nytt problem ska lösas kan dess lösning baseras på hur en expert löste problemet eller ett liknande problem genom att konsultera en fallbas. När det fall har hittats vars problem är mest likt det nya problemet, kan fallets lösning anpassas till det nya problemet. Lösningen kan sedan appliceras. Tillsammans bildar det nya problemet med dess anpassade lösning ett nytt fall, som kan inkluderas i fallbasen och återanvändas. Denna process illustreras i Figur 1.



Figur över processen för att applicera CBR.

### Representation

Problem kan representeras på olika sätt inom CBR, och de passar olika bra beroende på domänen av problemen som ska lösas. En vanlig representation är en tupel av värden, där varje element överensstämmer med ett attribut (2013, s. 93). Ett värde kan vara sammansatt av flera värden, och kan nästlas till ett arbiträrt djup. Till exempel kan ett värde vara tupel, vars första element i sin tur kan vara en tupel av ett antal mängder osv.. Ett exempel är estimeringen av priset på en begagnad bil baserat på tidigare sålda bilar. En bil kan ha flera attribut men vissa attribut kan vara mer relevanta för domänen. T.ex. kan en bil representeras med attributen modell, tillverkningsår och mätarställning men inte färg, för att det kan ha visat sig att en bils färg inte har haft en märkbar påverkan på en bils pris genom tiderna. Representationen illustreras i Figur 2. Andra möjliga representationer av problem är bilder, text och ljud (2013, 89-90). Om det visar sig att bilar som ser liknande ut, har liknande beskrivningar eller låter liknande har en större chans att säljas för liknande pris, så kan det vara en lämplig problemrepresentation.

Ett exempel på hur en begagnad bil kan representeras i CBR, och två exempel på begagnade bilar.

### Liknelse

Richter och Weber definierar problem som lika om de har liknande lösningar (2013, s. 114). Det är därför viktigt att identifiera vad som gör problem lika för att hitta liknande och passande lösningar till nya problem. Likhet är i denna benämning inte exakt, utan en grad på en skala. Ett problem kan vara sammansatt av flera värden och det finns olika sätt att beräkna likhet mellan sammansatta värden och icke-sammansatta värden.

Två vanliga sätt att beräkna likhet mellan icke-sammansatta värden är luddig matchning och avstånd (ss. 115-116). Luddig matchning associerar ett tal till ett par av värden, som är proportionerligt till graden av deras likhet. Avstånd associerar också ett tal till ett par värden, men avståndet är inversproportionerligt till graden av deras likhet. Ingen av metoderna är bättre, ibland kan det dock vara enklare att uttrycka likhet på ett eller annat sätt.

Likhet mellan sammansatta värden kan beräknas genom att aggregera deras elements likheter. Två samlingar är då lika om deras element är lika. Hammingsmätning (2013, ss. 127-128) går ut på att mäta likhet mellan två samlingar baserat på antalet element som är exakt lika. Med viktad hammingsmätning värdesätt olika element i samlingen olika, så att två samlingars likhet är mer beroende av vissa elements likhet än andra. Med metrisk likhet (2013, ss. 129-130) summeras istället elementens likhetsgrad. Hammingsmätning kan ge mindre precisa resultat än metrisk likhet, men är mer effektiv att implementera ur en prestandasynpunkt.

### Hämtning

Syftet med hämtningsprocessen är att hitta en eller flera lösningar vars problem är mest likt problemet som ska lösas. För att hämta lösningen används en hämtningsmetod, vars krav varierar från system till system. Det kan vara viktigt att den hämtade lösningen är bäst, men detta kan påverka systemets effektivitet. För att hitta det mest lika problemet och dess tillhörande lösning används ofta sekventiell sökning (2013, ss. 171-172). Eftersom problem kan likna varandra på olika sätt kan de ordnas efter olika kriterier och saknar en definitiv ordning. Av denna anledning är binärsökning mindre användbar för att söka efter fall. Om likhetsmetoden är prestandatung, kan problemen först gallras med en lättare likhetsmetod och sedan kan den tyngre likhetsmetoden användas på de kvarvarande problemen.

### Anpassning

När det mest lika problemet har upptäckts är det inte säkert att dess lösning är direkt applicerbar på det nya problemet. Lösningen kan därför behöva anpassas. Anpassning sker genom att applicera ett antal regler på lösningen för att får fram en ny lösning. En lösning består av ett förvillkor och en handling som ska utföras om förvillkoret är sant. Handlingar delas in i två kategorier: transformationsbaserade och genererande handlingar(2013, ss. 198-199). Transformationsbaserade handlingar utgår från lösningen och byter ut delar av den för att anpassa den till det nya problemet. Genererande handlingar används ibland när lösningen har beräknats från dess tillhörande problem. Om lösningen inte är giltigt för det nuvarande problemet, så används samma teknik som användes för att beräkna lösningen från problemet, med den nya lösningen som grund. Detta är användbart när det är mycket dyrare prestandamässigt att beräkna hela lösningen från början, än att utgå från en nästan giltig lösning. Ett exempel är en färdbeskrivning från en plats till en annan. Det är då enklare att utgå från en färdbeskrivning mellan två städer nära ursprungsplatsen och destinationen än att beräkna en helt ny färdbeskrivning.

### Tidigare arbeten

**(Känns tomt här, men jag vet inte vad jag säga hur mitt arbete relaterar till de andra arbetena. Jag har inte sätt något jag kan återanvända/bygga på i mitt arbete.)**

CBR har tidigare applicerats på spel. Bellamy-McIntyre (2008) har undersökt hur CBR kan appliceras för att lära en AI-agent att spela bridge. I Rubins arbete (2013) undersöks lämpligheten av att använda CBR för att utveckla en pokerspelande AI-agent. Wender och Watson (2014) presenterar hur CBR kan användas för att mikrohantera enheter i spelet Starcraft. I detta arbete ska CBR istället användas på schack, vilket skiljer sig från spelen i tidigare arbeten eftersom schack saknar slump och dold information.

## Schack

### Regler

Schack är ett turbaserat brädspel för två spelare där målet är att besegra sin motståndare (FIDE 2014c). Spelet utspelar sig på en 8x8-rutors spelplan, där varje spelare kontrollerar varsin armé av spelpjäser – vit och svart. I Figur 1 visas en bild av spelplanen i början av spelet.



Bild av spelplanen i början av spelet.

Spelarna turas om att flytta spelpjäser i sina arméer. En spelare får bara flytta en spelpjäs per drag. Två pjäser av samma färg får inte ockupera samma ruta. Om en spelare flyttar en av sina spelpjäser på en ruta ockuperad av en motståndarpjäs, så fångas motståndarpjäsen och lämnar spelplanen för resten av matchen. Högst en pjäs i taget får ockupera en ruta, och en pjäs får generellt inte flytta till en ruta om andra pjäser står i vägen till rutan. Om en pjäs kan flytta till specifik ruta betraktas det som att pjäsen hotar rutan, eller pjäsen som står på rutan.

Bonden (♟) kan flytta sig ett steg rakt framåt (sett från den ägande spelarens håll), eller ett steg diagonalt framåt om draget är ett fångande drag. Springaren (♞) kan flytta sig två steg horisontellt eller vertikalt, och ett steg på den resterande axeln. Springaren kan flytta till en ruta även om det finns pjäser som blockerar vägen. Löparen (♝) kan röra sig diagonalt. Tornet (♜) kan röra sig horisontellt eller vertikalt. Drottningen (♛) kan antingen röra sig horisontellt, vertikalt eller diagonalt. Kungen (♚) kan röra sig ett steg horisontellt, vertikalt eller diagonalt.

Om en bonde når den sista raden sedd ur ägarens perspektiv, så kan den omvandlas till vilken annan pjäs som helst.

Bonden kan flytta två steg rakt framåt på sitt första drag. Om en spelare flyttar en bonde två steg, så kan bonden betraktas som om den bara tog ett steg, om den fångas av en motståndarbonde nästa drag. Detta kallas *en passant* och illustreras i Figur 2.



1. Bild av *an passant*. Om vit flyttar sin bonde två rutor framåt kan den svarta bonden fånga den genom att flytta till rutan som den röda pilen indikerar.

En spelare kan göra så kallad rockad med sin kung och ett torn, om det inte finns några pjäser mellan tornet och kungen, och varken tornet eller kungen har flyttats förut. Utöver det får kungen inte vara hotad, fördas över några rutor som hotas och dess slutgiltiga ruta får inte heller vara hotad. Rockaden går till så att kungen flyttas två steg i tornets riktning, och tornet flyttas i kungens riktning så att den hamnar en ruta på andra sidan av kungens nya position. Figur 3 illustrerar hur detta kan se ut om den vita kungen gör rockad med det närmaste tornet, och Figur 4 illustrerar rockad med tornet längst bort. Detta kallas kort respektive lång rocked.



Bild som visar hur pjäserna flyttas när vit gör kort rockad.



1. Bild som visar hur pjäserna flyttas när vit gör lång rockad.

En spelare får aldrig göra ett drag som leder till att motståndaren hotar spelarens kung. Om en spelare gör ett drag så att motståndarens kung hotas kallas det för schack. Detta gäller även om kungen hotas av pjäser som skulle lämna sin kung hotad om de flyttade från sin ruta. Om motståndaren inte kan följa upp med ett drag som försätter kungen ur schack vinner spelaren, vilket kallas för schack matt. Ett exempel av schack matt visas i Figur 5.



1. Bild som visar hur vit kan göra schack matt. Kungen hotas av tornet på andra raden, samtidigt som den inte kan flytta sig utan att fortfarande hotas.

Om motståndarens kung inte hotas, men samtidigt inte kan göra något drag utan att kungen hotas så blir det lika, vilket även kallas för remi. Ett exempel av remi visas i Figur 6.



1. Bild som visas hur vit kan göra remi. Den svarta kungen hotas inte, men samtidigt kan den inte flytta sig någonstans utan att hotas av tornet eller den vita kungen.

### Elo-rankning

Elo-rankning är ett sätt att ranka schackspelare relativt till varandra (FIDE 2014a). Enligt Elo-rankningssystemet rankas spelare i form av poäng. En spelare som besegrar en annan spelare ökar i rank, medan den andras rank minskar. En spelare ökar mindre i rank när den besegrar en spelare med lägre rank, än när den besegrar en högre rankad spelare. Likaså minskar en spelares rank mer när den förlorar mot en lägre rankad spelare, än mot en högre rankad spelare. Om det blir remi mellan två spelare går spelaren med högst rank ner i rank och motspelaren går upp i rank.

### Portable Game Notation

I artikeln *Standard: Portable Game Notation Specification and Implementation Guide* (1994) beskrivs PGN som ett format för att spara och beskriva schackmatcher. Ett PGN-dokument kan innehålla ett antal matcher och varje match innehåller metainformation om matchen och de drag som utfördes i matchen. Informationen kan gälla när eller var matchen spelades och av vilka. Dragen skrivs med algebraisk notation (AN).

AN är en notation som beskriver drag kortfattat till den grad att de inte är tvetydiga. Raderna numreras från vits synvinkel med bokstäver från a till h, och kolumnerna med siffrorna 1 till 8. En ruta på spelplanen kan då beskrivas med dess tillhörande rad och kolumn t.ex. e4 eller a2. Drag har ett prefix med stor bokstav som beskriver vilken sorts pjäs som flyttades. N för springare, R för torn, B för löpare, Q för drottning, K för kung, medan bonde saknar prefix. Detta följs av positionen som pjäsen flyttades till. Exempel: e4, Nf3, Bb5. Om draget är ett fångande drag så sätts ett x framför rutan som pjäsen flyttades till. De drag som leder till schack har ett plustecken som suffix. Kort rockad representeras med ”O-O” och lång rockad representeras med ”O-O-O”.

I de fall då ett drag är tvetydigt, t.ex. om två springare på e4 respektive e6 kan flytta till c5, så följs pjäsbokstaven av radkoordinaten eller kolumnkoordinaten beroende på vilken som kan uttrycka draget unikt (Nee5 är inte unikt i detta fall, medan N4e5 är det). Efter det sista draget i matchen visas resultatet 1-0, 0-1, eller ½-½ om vit vann, förlorade, respektive gjorde remi med svart. I Figur 7 visas ett exempel av en match beskriven i PGN.

[Event "F/S Return Match"]  
[Site "Belgrade, Serbia Yugoslavia|JUG"]  
[Date "1992.11.04"]  
[Round "29"]  
[White "Fischer, Robert J."]  
[Black "Spassky, Boris V."]  
[Result "1/2-1/2"]

1. e4 e5 2. Nf3 Nc6 3. Bb5 a6 {This opening is called the Ruy Lopez.}  
4. Ba4 Nf6 5. O-O Be7 6. Re1 b5 7. Bb3 d6 8. c3 O-O 9. h3 Nb8 10. d4 Nbd7  
11. c4 c6 12. cxb5 axb5 13. Nc3 Bb7 14. Bg5 b4 15. Nb1 h6 16. Bh4 c5 17. dxe5  
Nxe4 18. Bxe7 Qxe7 19. exd6 Qf6 20. Nbd2 Nxd6 21. Nc4 Nxc4 22. Bxc4 Nb6  
23. Ne5 Rae8 24. Bxf7+ Rxf7 25. Nxf7 Rxe1+ 26. Qxe1 Kxf7 27. Qe3 Qg5 28. Qxg5  
hxg5 29. b3 Ke6 30. a3 Kd6 31. axb4 cxb4 32. Ra5 Nd5 33. f3 Bc8 34. Kf2 Bf5  
35. Ra7 g6 36. Ra6+ Kc5 37. Ke1 Nf4 38. g3 Nxh3 39. Kd2 Kb5 40. Rd6 Kc5 41. Ra6  
Nf2 42. g4 Bd3 43. Re6 1/2-1/2

1. En schackmatch i PGN-formatet. Notera att numreringen inte ökar för varje drag, utan varje par av drag.

### Dagens schackdatorprogram

Ett datorprogram för att spela schack kräver två saker. Det första är ett användargränssnitt för en spelare att utföra drag och se vad dess motståndare gör för drag. Detta kan antingen vara ett konsolprogram där användaren använder text för att kommunicera med programmet, eller ett grafiskt användargränssnitt (GUI) där användaren interagerar med programmet genom att klicka och dra i ikoner, knappar, fönster osv.. Det andra som schackdatorprogram kräver är ett antal AI-agenter som en spelare kan spela mot. Dessa AI-agenter kallas inom schack för schackmotorer. För att underlätta utvecklingen av olika schackmotorer har standardiserade kommunikationsprotokoll definierats, så att det inte krävs olika versioner av schackmotorer för olika användargränssnitt. XBoard (Mann & Muller 2009) är ett kommunikationsprotokoll mellan schackmotorer och användargränssnitt, baserat på gränssnittet till programmet med samma namn. *Universal Chess Interface* (UCI) (Rupert, 2006) är ett alternativ till XBoard.

# Problemformulering

## Problembeskrivning

Syftet med det här arbetet är att undersöka hur CBR kan appliceras på att utveckla AI-agenter som spelar schack. CBR har tidigare applicerats på andra brädspel,

## Problembeskrivning

Syftet med det här arbetet är att undersöka hur CBR kan appliceras för att utveckla AI-agenter för datorspel med varierbar skicklighetsnivå. CBR har tidigare använts för att skapa AI-agenter som beter sig likt de experter de är baserade på. Mycket av denna forskning har dock använt en expert per beteende. Detta innebär att det har krävts minst lika många experter som antalet beteenden AI-agenterna haft. Det saknas forskning om huruvida insamlad data från experter av olika skicklighetsnivåer kan kombineras och producera beteenden vars skicklighet ligger mellan experternas nivåer. Om så är fallet skulle CBR kunna användas för att skapa AI-agenter som har fler skicklighetsnivåer än antalet experter den är baserad på. Detta skulle minska resurserna som skulle krävas för spelutvecklare att samla in expertdata, samtidigt som spelare skulle erbjudas ett större urval av skicklighetsnivåer när de spelar mot AI-agenter.

I detta arbete används spelet schack som exempel för att undersöka hur väl tekniken går att utföra. För att vara av intresse för datorspelutveckling måste lösningen även kunna implementeras realistiskt med de resursbegränsningar som datorspel förväntas ha. AI-agenten måste kunna köras på vanlig konsumenthårdvara och utföra sina drag inom rimlig tid. I FIDE-tävlingar får en schackspelare 90 minuter på sig att utföra sina första 40 drag (FIDE 2014b), vilket är det krav som AI-agenten förväntas följa. AI-agenten behöver inte kunna spela lika bra som någon annan schackmotor eller spelare, utan det viktigaste AI-agenten ska visa är hur blandningar av expertdata kan producera olika beteenden.

## Metodbeskrivning

Enligt Richter och Weber (2013, ss. 32-34) finns ett antal huvudsteg inom CBR metodiken. Stegen är problemformulering, hämtning, återanvändning, revidering och bevaring. Syftet med arbetet är inte att skapa beteenden som utvecklas och lär sig utöver deras ursprungliga kunskaper och därför kommer stegen återanvändning, revidering och bevaring inte att utföras i detta arbete.

Problemet AI-agenten ska lösa är vilka drag som ska utföras i vilka lägen inom schack. När den presenteras med ett problem måste den hämta lösningen från en fallbas. I detta arbete kommer fallbaser baseras på expertdata i form av PGN-filer av tidigare spelade matcher. Matcherna ska ha spelats av flera olika spelare med olika ELO-rankning. När AI-agenten ombeds att spela på en given skicklighetsnivå, ska den leta upp matcher av spelare vars ELO-rankning bäst matchar den efterfrågade skicklighetsnivån och skapa en fallbas av dessa. Om det inte finns någon spelare vars rakning matchar den efterfrågade skicklighetsnivån, ska matcher av spelare med både högre och lägre rankning användas för att skapa fallbasen. När AI-agenten ombeds göra ett drag ska den konsultera fallbasen och utav de fall vars drag går att utföra i matchens nuvarande läge, ska den utföra draget i det fall vars läge är mest likt det läge som matchen befinner sig i.

AI-agenten ska implementeras som ett datorprogram. Anledningen till att ett datorprogram används för att visa AI-agentens beteende är att det kan vara svårt att förutsäga hur AI-agenten kommer bete sig givet den stora mängden expertdata som måste undersökas.

Varje spelare som bidrar med expertdata ska ha en skicklighetsnivå som överensstämmer med deras rankning. Utöver dessa skicklighetsnivåer, ska det finnas ytterligare ett antal nivåer som distribueras jämt mellan spelarnas skicklighetsnivåer. Det är inte säkert att AI-agenten spelar bättre på högre skicklighetsnivåer, så AI-agentens beteenden på olika skicklighetsnivåer ska graderas genom testning. AI-agenten ska spela ett antal matcher mot sig själv på olika skicklighetsnivåer och matchernas resultat ska noteras. Efter det ska resultaten användas för att gradera skicklighetsnivåerna baserat på insamlade poäng: ett poäng per vinst och ett halvt per remi. Om graderingen stämmer överens med skicklighetsnivåerna, dvs. om AI-agenten fick högre poäng på högre skicklighetsnivåer, så kan det visa att det är möjligt att skapa ett antal beteenden som spelar på förväntade skicklighetsnivåer, baserat på expertdata från ett lägre antal experter.

Referenser

Activision (2000). *Call to Power II* (Version 1.0) [Datorprogram]. Activision http://www.gog.com/game/call\_to\_power\_2

Aha, D. W., Molineaux M. & Ponsen M. (2005). Learning to Win: Case-Based Plan Selection in a Real-Time Strategy Game. *Case-Based Reasoning Research and Development,* ss. 5-20.

Bellamy-McIntyre, J. (2008). *Applying Case-Based Reasoning to the Game of Bridge.* Diss. University of Auckland, New Zealand.

Campbell, M., Hoane, A. J. & Hsu, F. H. (2002). Deep Blue. *Artificial intelligence*, 134(1), ss. 57-83.

Hapgood, F. (1982). Computer Chess Bad - Human Chess Worse. *New Scientist*, 96(1337), ss. 827–830.

Huber, R. (2006). *Description of the universal chess interface (UCI).* http://download.shredderchess.com/div/uci.zip [2015-02-08]

Mann, T. & Muller, H. G. (2009). *Chess Engine Communication Protocol.* http://www.gnu.org/software/xboard/engine-intf.html [2015-02-09]

Rekabdar, B., Shadger, B. & Osareh, A. (2012). Learning Teamwork Behaviors Approach: Learning by Observation Meets Case-Based Planning. I Ramsay, A. & Agre, G. (red.) *Artificial Intelligence: Methology, Systems, and Applications,* ss. 195-201.

Rubin, J. (2013) *On the Construction, Maintenance and Analysis of Case-Based Strategies in Computer Poker.* Diss. University of Auckland, New Zealand.

Richter, M. M., & Weber, R. O. (2013). *Case-Based Reasoning: A Textbook*. Berlin: Springer Verlag.

Sanchez-Ruiz, A., Lee-Urban, S., Muñoz-Avila, H., Díaz-Agudo, B. & González-Calero P. (2007). *Game AI for a Turn-based Strategy Game with Plan Adaptation and Ontology-based retrieval*. http://www.cc.gatech.edu/~surban6/publs/ICAPS-PG07.pdf [2015-02-08]

Shannon, C. E. (1950). Programming a Computer for Playing Chess. *Philosophical Magazine*, 41(314).

Spalazzi, L. (2001). A Survey on Case-Based Planning. *Artificial Intelligence Review*, 16(1), ss. 3–36.

*Standard: Portable Game Notation Specification and Implementation Guide* (1994). http://www6.chessclub.com/help/PGN-spec [2015-02-16]

Wender, S., & Watson, I. (2014). *Integrating Case-Based Reasoning with Reinforcement Learning for Real-Time Strategy Game Micromanagement.* Diss. University of Auckland, New Zealand.

The Wargus Team (2002). *Wargus* (Version: 2.2.7) [Datorprogram]. The Wargus Team. http://wargus.sourceforge.net/index.shtml

World Chess Federation (2014a). *FIDE Rating Regulations Effective From 1 July 2014.* http://www.fide.com/fide/handbook.html?id=172&view=article [2015-02-09]

World Chess Federation (2014b). *General Rules and Recommendations for Tournaments: Time Control*. www.fide.com/component/handbook/?id=39&view=category [2015-02-09]

World Chess Federation (2014c). *Laws of Chess: For competitions Starting On or After 1 July 2014*. http://www.fide.com/fide/handbook.html?id=171&view=article [2015-02-09