Aufgaben – Lösungen

Einführung in die Programmierung

Johannes Brauer

22. Februar 2023

Inhaltsverzeichnis

1	Erste Schritte in Racket	1	
2	Auswertung arithmetischer Ausdrücke		
3	Aufschreiben elementarer Funktionen		
4	Aufschreiben elementarer Funktionen (2)		
5	Anwenden der Aufschreibregeln	3	
6	Profit für den Kinobesitzer	3	
7	Modifikation von kino.rkt	4	
8	Einsatz von Hilfsfunktionen	4	
9	Ersetzungsmodell	5	
10	Bedingte Funktion	6	
11	Zusatzaufgaben zu bedingten Funktionen	8	
12	Datenabstraktion	11	
13	Datenabstraktion – Zusatzaufgabe13.1 Vorbemerkungen13.2 Aufgabenstellungen	12 12 15	
14	Datenabstraktion – gemischte Daten	16	
15	Datenabstraktion – gemischte Daten – Zusatzaufgabe15.1 Vorbemerkung15.2 Aufgabenstellungen	18 18 18	
16	Listenkonstruktion und -zerlegung	22	
17	Listenverarbeitung	23	
18	Funktionen über zwei Listen	29	

1 Erste Schritte in Racket

Machen Sie sich mit den NORDAKADEMIE-Rechnern vertraut und richten Sie Ihren Arbeitsplatz ein (Mail, Webbrowser, Verzeichnisse für die Vorlesungen usw.).

Finden und starten Sie DrRacket nach den Anweisungen in der Vorlesung. Werten Sie einen ersten Ausdruck aus, z. B. (* 67).

Welche Funktion haben die Buttons? Welche Menü-Befehle verstehen Sie schon?

Schauen Sie sich in einem Webbrowser die Seiten zu Racket unter https://racket-lang.org/ an. Wo finden Sie Hilfe zur Bedienung von DrRacket? Wie können Sie sich über die Sprache Racket informieren? Wo finden Sie alle vordefinierten mathematischen Funktionen?

2 Auswertung arithmetischer Ausdrücke

```
a. Wie wird der Ausdruck
(* (+ 2 2) (/ (* (+ 3 5) (/ 30 10)) 2))
ausgewertet?
```

- b. Experimentieren Sie mit verschiedenen Operatoren und Zahlenarten.
- c. Werten Sie die folgenden Ausdrücke aus und vergleichen Sie die Resultate:

```
(- 1.0 0.9)
(- 1000.0 999.9)
(- #i1000.0 #i999.9)
```

3 Aufschreiben elementarer Funktionen

Schreiben Sie für die folgenden mathematischen Formeln Racket-Funktionsdefinitionen auf:

```
a. n^2 + 1

(define fa
(lambda [n]
(+ (* n n) 1)))

b. \frac{1}{2}n^2 + 3

(define fb
(lambda [n]
(+ (/ (* n n) 2) 3)))

c. 2 - \frac{1}{n}

(define fc
(lambda [n]
(- 2 (/ 1 n))))
```

Geben Sie die Racket-Funktionen in das Definitionsfenster von DrRacket ein. Geben Sie anschließend in das Interaktionsfenster Funktionsaufrufe für diese Funktionen ein.

4 Aufschreiben elementarer Funktionen (2)

In der Praxis findet der Programmierer selten mathematische Formeln vor. Aufgabenstellungen sind eher als Prosatext gegeben. Die Berechnungsformeln muss er selbst entwickeln durch

- eigenes Nachdenken,
- Nachschlagen in geeigneten Quellen oder
- Nachfragen beim Auftraggeber.

Finden Sie für die folgenden Aufgabenstellungen die passenden Formeln und schreiben Sie diese als Funktionsdefinitionen in *Racket* auf:

a. Berechnung des Rauminhalts eines Quaders aus dessen Länge, Breite und Höhe.

```
(define quader-volumen
  (lambda [laenge breite hoehe]
     (* laenge breite hoehe)))
```

b. Schreiben Sie eine Funktion, die aus der Entfernung und den Geschwindigkeiten zweier Züge die Zeit ermittelt, nach der die Züge sich treffen, wenn Sie sich auf einem gemeinsamen Streckenabschnitt von ihren jeweiligen Startpunkten aus aufeinander zu bewegen.

```
(define zug-treffen
  (lambda [entfernung geschwndgkt1 geschwndgkt2]
      (/ entfernung (+ geschwndgkt1 geschwndgkt2))))
```

c. Berechnung der Miete, die eine Spielerin in Monopoly bezahlen muss, falls sie auf einen Bahnhof trifft, der einer anderen Spielerin gehört. Die Miete ist davon abhängig wie viele Bahnhöfe der anderen Spielerin gehören:

Anzahl der Bahnhöfe	Miete
1	500
2	1000
3	2000
4	4000

Hinweis: Ein Aufruf (expt x y) liefert x^y als Ergebnis.

```
(define bahnhofsmiete
  (lambda [anzahl-bahnhoefe]
  (* 500 (expt 2 (- anzahl-bahnhoefe 1)))))
```

5 Anwenden der Aufschreibregeln

Schreiben Sie die Funktion zur Berechnung der Bahnhofsmiete in Monopoly (s. o.) gemäß den Regeln 1 bis 3 aus der Vorlesung auf.

```
;; berechnet die Bahnhofsmiete aus der Anzahl der Bahnhöfe
(define bahnhofsmiete
  (lambda [anzahl-bahnhoefe]
    (* 500 (expt 2 (- anzahl-bahnhoefe 1)))))
;; Beispielanwendungen
(= (bahnhofsmiete 4) 4000)
(= (bahnhofsmiete 3) 2000)
(= (bahnhofsmiete 2) 1000)
(= (bahnhofsmiete 1) 500)
```

Wenn nichts anderes angeben ist, sind auch die Funktionen für die folgenden Aufgaben gemäß diesen Regeln aufzuschreiben!!!

6 Profit für den Kinobesitzer

Ein altmodisches Vorstadtkino besitzt eine einfache Formel für die Berechnung des Profits einer Vorstellung: Jeder Kinobesucher bezahlt 500 Währungseinheiten für die Eintrittskarte. Jede Vorstellung kostet das Kino 2000 Währungseinheiten plus 50 Währungseinheiten pro Besucher. Schreiben Sie eine Funktion profit zur Berechnung des Profits bei gegebener Besucherzahl.

7 Modifikation von kino.rkt

- a. Modifizieren Sie das Programm kino.rkt so, dass die Fixkosten einer Veranstaltung wegfallen und dafür 15 Währungseinheiten pro Besucher an Kosten anfallen.
- b. Nehmen Sie die gleiche Modifikation auch an der Funktion profit aus der Vorlesung vor, die ohne Hilfsfunktionen auskommt, und vergleichen Sie die Ergebnisse.

8 Einsatz von Hilfsfunktionen

Die folgenden Aufgaben sind unter Benutzung von Hilfsfunktionen zu lösen. Befolgen Sie unbedingt alle in der Vorlesung angegebenen Regeln:

- a. Schreiben Sie ein Programm, das das Volumen eines Zylinders zu berechnen erlaubt. Eingangsgrößen sind der Radius und die Höhe des Zylinders.
- b. Schreiben Sie ein Programm, das die Oberfläche eines Zylinders zu berechnen erlaubt. Eingangsgrößen sind der Radius und die Höhe des Zylinders.
- c. Schreiben Sie ein Programm, das die Oberfläche eines Rohrs zu berechnen erlaubt. Eingangsgrößen sind der Innenradius, die Wandstärke und die Länge des Rohrs.

```
;;;;; Lösung von Simon Greßmann, I18b ;;;;;
; Aufgabe 8a
(define mein-pi 3.14)
;Berechnet Kreisfläche aus Radius
(define Kreisflaeche
 (lambda [radius]
   (* radius radius mein-pi)))
(= (Kreisflaeche 1) 3.14)
(= (Kreisflaeche 2) 12.56)
;Berechnet das Volumen eines Zylinders in Abhängigkeit von Radius und Höhe
(define Zylindervolumen
 (lambda [willi hoehe]
   (* (Kreisflaeche willi) hoehe)))
(= (Zylindervolumen 1 1) 3.14)
; Aufgabe 8b
;Berechnet den Umfang eines Kreises in Anhängigkeit von Pi.
(define Kreisumfang
 (lambda [radius]
   (* 2 mein-pi radius)))
(= (Kreisumfang 1) 6.28)
;Berechnet die Mantelfläche eines Zylinders in Abhängigkeit von Radius
;und Höhe
(define Mantelflaeche
 (lambda (radius hoehe)
   (* (Kreisumfang radius) hoehe)))
(= (Mantelflaeche 1 1) 6.28)
(= (Mantelflaeche 2 1) 12.56)
;Berechnet die Oberfläche eines Zylinders in Abhängigkeit von Radius und Höhe
(define Zylinderoberflaeche
 (lambda [radius hoehe]
   (+ (* 2 (Kreisflaeche radius)) (Mantelflaeche radius hoehe))))
(= (Zylinderoberflaeche 1 1) 12.56)
```

9 Ersetzungsmodell

Gegeben sei die folgende Funktionsdefinition:

Werten Sie die folgenden Ausdrücke Schritt für Schritt unter Anwendung des Ersetzungsmodells aus:

```
a. (f 1 (* 2 3))
       (f 1 (* 2 3))
       = ((lambda [x y] (+ (* 3 x) (* y y))) 1 (* 2 3))
       = ((lambda [x y] (+ (* 3 x) (* y y))) 1 6)
       = (+ (* 3 1) (* 6 6))
       = (+ 3 36)
       = 39
b. (+ (f 1 2) (f 2 1))
       (+ (f 1 2) (f 2 1))
       = (+ ((lambda [x y] (+ (* 3 x) (* y y))) 1 2)
            ((lambda [x y] (+ (* 3 x) (* y y))) 2 1))
       = (+ (+ (* 3 1) (* 2 2))
            (+ (* 3 2) (* 1 1)))
       = (+ (+ 3 4) (+ 6 1))
       = (+77)
       = 14
   Ausführlich:
       (+ (f 1 2) (f 2 1))
       = (+ ((lambda [x y] (+ (* 3 x) (* y y))) 1 2)
            (f 2 1))
       = (+ ((lambda [x y] (+ (* 3 x) (* y y))) 1 2)
            ((lambda [x y] (+ (* 3 x) (* y y))) 2 1))
       = (+ (+ (* 3 1) (* 2 2))
            (+ ((lambda [x y] (+ (* 3 x) (* y y))) 2 1))
       = (+ (+ (* 3 1) (* 2 2))
            (+ (* 3 2) (* 1 1)))
       = (+ (* 3 4) (+ (* 3 2) (* 1 1)))
       = (+ (+ 3 4) (+ 6 1))
       = (+ 7 (+ 6 1))
```

```
= (+77)
       = 14
c. (f (f 1 (* 2 3)) 19)
       (f (f 1 (* 2 3)) 19)
       = ((lambda [x y] (+ (* 3 x) (* y y))) (f 1 (* 2 3)) 19)
       = ((lambda [x y] (+ (* 3 x) (* y y)))
            ((lambda [x y] (+ (* 3 x) (* y y))) 1 (* 2 3)) 19)
       = ((lambda [x y] (+ (* 3 x) (* y y)))
            ((lambda [x y] (+ (* 3 x) (* y y))) 1 6) 19)
       = ((lambda [x y] (+ (* 3 x) (* y y)))
            (+ (* 3 1) (* 6 6)) 19)
       = ((lambda [x y] (+ (* 3 x) (* y y))) (+ 3 36) 19)
       = ((lambda [x y] (+ (* 3 x) (* y y))) 39 19)
       = (+ (* 3 39) (* 19 19))
       = (+ 117 361)
       = 478
```

10 Bedingte Funktion

Schreiben Sie ein Programm, das aus dem Bruttoeinkommen eines Arbeitnehmers, das sich aus der Anzahl der Arbeitsstunden und seinem Bruttostundenlohn ergibt, sein Nettoeinkommen durch Abzug der Einkommensteuer berechnet. Die Einkommensteuer wird dabei nach einem steuererklärungaufbierdeckelgeeigneten Tarif ermittelt, der folgendermaßen definiert ist:

Einkommen	Steuersatz [%]
<=5000	0
$> 5000 \; und \le 10000$	15
$> 10000 \; und \leq 100000$	29
> 100000	64

Der Steuersatz gilt immer nur für die Einkommensanteile in dem jeweiligen Intervall. Die Funktion nettoeinkommen soll nach folgendem Schema aufrufbar sein:

(nettoeinkommen anzahl-arbeitsStunden stundenLohn)

Hier noch ein paar Testvorgaben:

```
;; Beispielanwendungen
(= (nettoeinkommen 1 5001) 5000.85)
(= (nettoeinkommen 1 10001) 9250.71)
(= (nettoeinkommen 1 100001) 73150.36)
```

Hinweise:

- a. Lesen Sie den Aufgabentext aufmerksam durch. Jeder Satz bedeutet etwas.
- b. Entwickeln Sie die Funktion gemäß den Regel 1 bis 6. Benutzen Sie Hilfsfunktionen und machen von Variablendefinitionen (benannte Konstanten, Regel 5) Gebrauch.

```
;; Steuertabelle gemäß Aufgabenstellung (define steuergrenzeI 5000) (define steuergrenzeII 10000) (define steuergrenzeIII 100000)

(define steuersatz1 0) (define steuersatz2 15/100) (define steuersatz3 29/100) (define steuersatz4 64/100)
```

```
;; feste Steuerbeträge gemäß obiger Tabelle
(define steuern-fuer-steuergrenzeI (* steuersatz1 steuergrenzeI))
(define steuern-fuer-steuergrenzeII
  (+ steuern-fuer-steuergrenzeI
     (* steuersatz2 (- steuergrenzeII steuergrenzeI))))
(define steuern-fuer-steuergrenzeIII
 (+ steuern-fuer-steuergrenzeII
    (* steuersatz3 (- steuergrenzeIII steuergrenzeII))))
;; Ermittlung des Einkommenssteuersatzes aus dem Einkommen gemäß obiger Tabelle
(define steuersatz
 (lambda [einkommen]
    (cond
      [(and (<= einkommen steuergrenzeI) (>= einkommen 0)) steuersatz1]
      [(and (> einkommen steuergrenzeI) (<= einkommen steuergrenzeII)) steuersatz2]
      [(and (> einkommen steuergrenzeII) (<= einkommen steuergrenzeIII)) steuersatz3]
      [(> einkommen steuergrenzeIII) steuersatz4])))
;; Beispielanwendungen
"steuersatz"
(= (steuersatz 2000) 0)
(= (steuersatz steuergrenzeI) 0)
(= (steuersatz 7500) 15/100)
(= (steuersatz steuergrenzeII) 15/100)
(= (steuersatz 50000) 29/100)
(= (steuersatz steuergrenzeIII) 29/100)
(= (steuersatz 1000000) 64/100)
;; Berechnung des Bruttoeinkommens eines Arbeitnehmers
;; der Anzahl der Arbeitsstunden und dem Bruttostundenlohn
(define bruttoeinkommen
 (lambda [arbeitsstunden stundenlohn]
    (* arbeitsstunden stundenlohn)))
;; Beispielanwendungen
"bruttoeinkommen"
(= (bruttoeinkommen 10 5) 50)
;; Ermittlung der Einkommensteuer aus dem einkommen
;; gemäß Steuertarif in Aufgabenstellung
(define einkommensteuer
 (lambda [einkommen]
    (cond
      [(= (steuersatz einkommen) steuersatz1)
       (* steuersatz1 einkommen)]
      [(= (steuersatz einkommen) steuersatz2)
       (+ steuern-fuer-steuergrenzeI
          (* steuersatz2 (- einkommen steuergrenzeI)))]
      [(= (steuersatz einkommen) steuersatz3)
       (+ steuern-fuer-steuergrenzeII
          (* steuersatz3 (- einkommen steuergrenzeII)))]
      [(= (steuersatz einkommen) steuersatz4)
       (+ steuern-fuer-steuergrenzeIII
          (* steuersatz4 (- einkommen steuergrenzeIII)))])))
;; Beispielanwendungen
"einkommensteuer"
(= (einkommensteuer 2000) 0)
(= (einkommensteuer steuergrenzeI) 0)
(= (einkommensteuer 8000) 450)
(= (einkommensteuer steuergrenzeII) 750)
(= (einkommensteuer 50000) 12350)
```

11 Zusatzaufgaben zu bedingten Funktionen

- a. Eine Kreditkartengesellschaft gewährt ihren Kunden nach Jahresumsatz gestaffelte Rückerstattung von Kreditkartenbelastungen. Die Rückerstattungen könnten z. B. wie folgt aussehen:
 - ein viertel Prozent für die ersten 500€ des Jahresumsatzes (nur Belastungen keine Gutschriften werden gezählt),
 - ein halbes Prozent für die nächsten 1000€, d. h. für den Umsatzanteil zwischen 500€ und 1500€,
 - ein dreiviertel Prozent für die nächsten 1000€, d. h. für den Umsatzanteil zwischen 1500€ und 2500€ und
 - ein Prozent für die Umsatzanteile oberhalb von 2500€.

Ein Kunde mit einem Umsatz von $400\mathfrak{C}$ erhält demnach eine Gutschrift von $1\mathfrak{C}$ (= $\frac{1}{4} \cdot \frac{1}{100} \cdot 400$). Ein Kunde mit einem Umsatz von $1400\mathfrak{C}$ erhält eine Gutschrift von $5,75\mathfrak{C}$:

```
1,25€ (= ½ · ½ · ½ · 500) für die ersten 500€ plus
4,50€ (= ½ · ½ · 200) für die nächsten 900€
```

Lösen Sie die folgenden Teilaufgaben

- (a) Bestimmen Sie manuell die Gutschriften für Umsätze 2000€ und 2600€.
- (b) Schreiben Sie eine Funktion rueckerstattung, die einen Umsatz als Argument akzeptiert und den Rückerstattungsbetrag ermittelt.

```
;; berechnet die Rückerstattung für Umsätze zwischen 0 and 500
(define rueckerstattung-0-500
  (lambda [a]
    (* a (* .25 1/100))))
;; Beispielanwendungen
(= (rueckerstattung-0-500 400) 1)
;; berechnet die Rückerstattung für Umsätze zwischen 500 and 1500
(define rueckerstattung-500-1500
  (lambda [a]
    (+ (rueckerstattung-0-500 500)
       (* (- a 500) (* .50 1/100))))
;; Beispielanwendungen
(= (rueckerstattung-500-1500 1400) 5.75)
;; berechnet die Rückerstattung für Umsätze zwischen 1500 and 2500
(define rueckerstattung-1500-2500
  (lambda [a]
    (+ (rueckerstattung-500-1500 1500)
       (* (- a 1500) (* .75 1/100)))))
```

```
;; Beispielanwendungen
(= (rueckerstattung-1500-2500 2000) 10.00)
;; berechnet die Rückerstattung für Umsätze von 2500 und höher
(define rueckerstattung-2500+
  (lambda [a]
    (+ (rueckerstattung-1500-2500 2500)
       (* (- a 2500) (* 1 1/100)))))
;; Beispielanwendungen
(= (rueckerstattung-2500+ 2600) 14.75)
;; berechnet Rückerstattungsbetrag für Kreditkarteninhaber
;; bei einem bestimmten Jahresumsatz
(define rueckerstattung
  (lambda [umsatz]
    (cond
      [(<= umsatz 500)</pre>
       (rueckerstattung-0-500 umsatz)]
      [(and (> umsatz 500) (<= umsatz 1500))</pre>
       (rueckerstattung-500-1500 umsatz)]
      [(and (> umsatz 1500) (<= umsatz 2500))</pre>
       (rueckerstattung-1500-2500 umsatz)]
      [else
       (rueckerstattung-2500+ umsatz)])))
;; Beispielanwendungen
(= (rueckerstattung 400) 1)
(= (rueckerstattung 1400) 5.75)
(= (rueckerstattung 2000) 10.00)
(= (rueckerstattung 2600) 14.75)
```

b. Wieviele reelle Lösungen besitzt eine quadratische Gleichung

$$ax^2 + bx + c = 0$$

für beliebige Koeffizienten a, b und c?

- (a) Betrachten Sie zunächst nur echte quadratische Gleichungen, d. h. es gilt $a \neq 0$
- (b) Erweitern Sie die Lösung so, dass auch der Fall a=0 korrekt behandelt wird.

Lösung: Die Lösungen der quadratischen Gleichung

$$ax^2 + bx + c = 0$$

können für den Fall $a \neq 0$ mit der Formel

$$L_q: x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

berechnet werden. Für den Fall a=0 gibt es eine Lösung -c/b, vorausgesetzt $b\neq 0$.

```
(define anzahl-loesungen
  (lambda [a b c]
   (cond
     [(= 0 a) (cond)
                [(= 0 b c) "unendlich viele Lösungen"]
                [(and (= 0 b) (not (= 0 c))) "keine Lösung"]
                [else "eine Lösung"])]
     [else (cond [(> (radikand a b c) 0) "zwei Lösungen"]
                 [(= (radikand a b c) 0) "eine Lösung"]
                 [else "keine Lösung"])])))
;; Beispielanwendugen
(string=? (anzahl-loesungen 0 0 0) "unendlich viele Lösungen")
(string=? (anzahl-loesungen 0 0 1) "keine Lösung")
(string=? (anzahl-loesungen 0 1 2) "eine Lösung")
(string=? (anzahl-loesungen 1 4 1) "zwei Lösungen")
(string=? (anzahl-loesungen 1 2 1) "eine Lösung")
(string=? (anzahl-loesungen 4 1 1) "keine Lösung")
;;; Funktion zur Berechnung der Lösungen einer quadratischen Gleichung;;;
;; Eine quadgl-loesung ist ein Wert
;; (make-quadgl-loesung art x1 x2)
;; wobei art die Anzahl der Lösungen durch eine Zeichenkette
;; ("trivial" "keine" "eine" "zwei") repräsentiert wird und
;; x1, x2 ggf. die Lösungen enthalten
(define-struct quadgl-loesung [art x1 x2])
;; berechnet die Lösungen einer quadratischen Gleichung mit
;; den Koeffizienten a, b und c
(define loesungen
 (lambda [a b c]
   (cond
     [(= 0 a) (cond)
                [(= 0 b c)
                   (make-quadgl-loesung "trivial" 0 0)]
                [(and (= 0 b) (not (= 0 c)))]
                   (make-quadgl-loesung "keine" 0 0)]
                [else (make-quadgl-loesung "eine" (/ (- c) b) 0)])]
     [else (cond [(> (radikand a b c) 0)
                  (make-quadgl-loesung
                     "zwei"
                     (/ (+ (- b) (sqrt (radikand a b c)))
                        (* 2 a))
                     (/ (- (- b) (sqrt (radikand a b c)))
                        (* 2 a)))]
                 [(= (radikand a b c) 0)
                 (make-quadgl-loesung "eine" (/ (- b) (* 2 a)) 0)]
                 [else (make-quadgl-loesung "keine" 0 0)]))))
;; Beispielanwendugen
(string=? (quadgl-loesung-art (loesungen 0 0 0)) "trivial")
(string=? (quadgl-loesung-art (loesungen 0 0 1)) "keine")
(and (string=? (quadgl-loesung-art (loesungen 0 1 2)) "eine")
    (= (quadgl-loesung-x1 (loesungen 0 1 2)) -2))
(and (string=? (quadgl-loesung-art (loesungen 1 4 3)) "zwei")
    (= (quadgl-loesung-x1 (loesungen 1 4 3)) -1)
    (= (quadgl-loesung-x2 (loesungen 1 4 3)) -3))
(and (string=? (quadgl-loesung-art (loesungen 1 2 1)) "eine")
```

```
(= (quadgl-loesung-x1 (loesungen 1 2 1)) -1))
(string=? (quadgl-loesung-art (loesungen 4 1 1)) "keine")
```

12 Datenabstraktion

Befolgen Sie für die Lösung der Aufgabe die Regeln 7 und 8!

a. Definieren Sie eine Datenstruktur für "Zeitpunkte seit Mitternacht", die aus den Komponenten stunden, minuten und sekunden besteht.

Entwickeln Sie eine Funktion zeit->sekunden, die eine Zeitpunkt-seit-Mittnacht-Struktur verarbeitet und die seit Mitternacht vergangenen Sekunden berechnet.

- b. Definieren Sie geeignete Datenstrukturen für Kreise, die durch
 - die Koordinaten des Mittelpunkts und
 - den Radius

gegeben sind.

Schreiben Sie eine Funktion, die prüft, ob ein Punkt innerhalb eines Kreises liegt.

```
; Autor der Lösungen zu Aufgabe 12: David Lüder (I16b)
; Aufgabe 12a
; Eine Tageszeit ist ein Wert
; (make-daytime h m s)
; wobei h die Stunden, m die Minuten und s die Sekunden angeben,
; um die Uhrzeit zu definieren.
(define-struct daytime [h m s])
; gibt die absolute Zahl der vergangenen Sekunden seit Mitternacht
; bei gegebeher Tageszeit zurück.
(check-expect (zeit->sekunden (make-daytime 0 0 0)) 0)
(check-expect (zeit->sekunden (make-daytime 0 2 36)) 156)
(check-expect (zeit->sekunden (make-daytime 2 1 50)) 7310)
(check-expect (zeit->sekunden (make-daytime 23 59 59)) 86399)
(define zeit->sekunden
  (lambda [uhrzeit]
    (+ (* (daytime-h uhrzeit) 3600)
       (* (daytime-m uhrzeit) 60)
       (daytime-s uhrzeit))))
; Aufgabe 12b
; Ein Punkt ist ein Wert
; (make-point x y)
; wobei x und y Zahlen sind, welche die Position im Zweidimensionalen
; angeben.
(define-struct point [x y])
; Ein Kreis ist ein Wert
; (make-circle center radius)
; wobei center ein Punkt ist, welcher den Mittelpunkt darstellt und radius
; eine Zahl ist, welche den Radius des Kreises angibt.
(define-struct circle [center radius])
; berechnet den Abstand zwischen zwei übergebenen Punkten im Zweidimensionalen
(check-expect (point-distance (make-point 1 1) (make-point 1 2)) 1)
(check-expect (point-distance (make-point 7 2) (make-point 2 2)) 5)
(check-within (point-distance (make-point 5 5) (make-point 2 4)) 3.16 0.01)
```

c. Definieren Sie eine Datenstruktur für Gäste einer Veranstaltung. Ein Gast besteht aus einer Zeichenkette für den Namen, einem boolschen Wert, der angibt ob es sich um eine Frau handelt, und einem boolschen Wert, der angibt ob es sich um einen Vegetarier handelt.

Schreiben Sie eine Funktion, die prüft, ob ein Gast ein nicht weiblicher Vegetarier ist.

```
; Ein Gast besteht aus
; - einer Zeichenkette für den Namen
; - einem boolschen Wert, der angibt ob es sich um eine Frau handelt
; - einem boolschen Wert, der angibt ob es sich um einen Vegetarier handelt
(define-struct gast [name weiblich? vegetarier?])

;; prüft, ob ein Gast ein nicht weiblicher Vegetarier ist
(define nicht-weiblicher-vegetarier?
   (lambda [gast]
        (and (not (gast-weiblich? gast)) (gast-vegetarier? gast))))

;; Beispielanwendungen
(nicht-weiblicher-vegetarier? (make-gast "Karl" #false #true))
(not (nicht-weiblicher-vegetarier? (make-gast "Klara" #true #true)))
(not (nicht-weiblicher-vegetarier? (make-gast "Karl" #false #false)))
```

13 Datenabstraktion – Zusatzaufgabe

13.1 Vorbemerkungen

In den Lehrsprachen von DrRacket gibt es ein vordefinierte Strukturdefinition namens posn für Punkte in der Ebene, die genauso aufgebaut ist wie die Strukturdefinition point aus der Vorlesung. Die damit vordefinierten Funktionen sind

- die Konstruktionsfunktion make-posn,
- die Selektionsfunktionen posn-x und posn-y und
- das Typprädikat posn?.

Wenn man über den Menüpunkt Sprache->Teachpack hinzufügen... das Teachpack draw.rkt auswählt und anschließend den Start-Knopf drückt, steht ein Grafikpaket mit den folgenden Funktionen bereit:

draw-solid-line erwartet zwei Punkte (posn-Strukturen), die den Anfang und das Ende einer Strecke definieren sowie eine Farbe als Argumente

draw-solid-rect erwartet vier Argumente: ein Punkt für die linke obere Ecke des Rechtecks, zwei Zahlen für Breite und Höhe des Rechecks und eine Farbe

draw-solid-disk erwartet drei Argumente: ein Punkt für den Mittelpunkt, eine Zahl für den Radius der Scheibe und eine Farbe

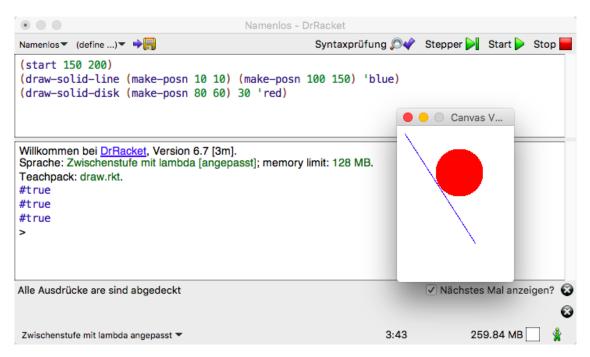
draw-circle erwartet drei Argumente: ein Punkt für den Mittelpunkt, eine Zahl für den Radius des Kreises und eine Farbe

Alle Funktionen liefern als Funktionswert true, wobei wir in diesem Fall an den Funktionswerten weniger interessiert sind als an ihrem **Effekt**. Der besteht nämlich darin, dass die Prozeduren jeweils eine Strecke, ein Rechteck, eine Scheibe und einen Kreis auf eine zuvor definierte Zeichenfläche zeichnen.

Eine Zeichenfläche kann mit einem Ausdruck (start x y) erzeugt werden, wobei x und y die Breite und die Höhe in Pixeln der Zeichenfläche angeben. Zum Beispiel erzeugt ein Aufruf (start 150 200) die folgende Zeichenfläche:



Ein Anwendungsbeispiel zeigt die folgende Abbildung:



Der **Ursprung des Koordinatensystems** liegt in der linken oberen Ecke der Zeichenfläche. Die x-Koordinate zählt nach rechts, die y-Koordinate nach unten positiv:

http://www.htdp.org/2003-09-26/Book/curriculum1aa-Z-G-17.gif

Die Farben werden durch Symbole wie 'yellow, 'red, 'green angegeben. Bitte beachten Sie das vorangestellte Hochkomma.

Für jede Zeichenoperation gibt es eine korrespondierende **Löschoperation**: clear-solid-line, clear-solid-rect, clear-solid-disk und clear-circle. Wenn diese Funktionen mit den gleichen Argumenten wie zuvor die zugehörigen draw-Operationen aufgerufen werden, werden die entsprechenden Figuren von der Zeichenfläche entfernt.

Um mehrere Zeichenoperationen hintereinander ausführen zu können, d. h. mehrere Effekte zu kombininieren, macht man davon Gebrauch, dass die einzelnen Zeichenoperationen #true als Resultat liefern. Dadurch ist es möglich mehrere Zeichenoperationen hintereinander auszuführen, indem man sie in eine Und-Verknüpfung einschließt:

(and exp1 exp2)

Dieser Ausdruck bewirkt, dass man zuerst den Effekt von exp1 und anschließend den von exp2 zu sehen bekommt.

Mit (stop) wird die Zeichenfläche geschlossen.

13.2 Aufgabenstellungen

- a. Experimentieren Sie mit den o. g. Funktionen.
- b. Kreise und Rechtecke bewegen
 - (a) Entwickeln Sie eine Datenstruktur circle für farbige Kreise. Diese sollen durch drei Komponenten definiert sein: den Mittelpunkt, den Radius und die Farbe des Umfangs.
 - (b) Schreiben Sie die Datendefinition für Kreise und die Funktionsschablone (gemäß Regeln 7 und 8) für Kreise verarbeitende Funktionen.
 - (c) Benutzen Sie die Schablone für die Entwicklung einer Funktion draw-a-circle. Die Funktion erwartet einen Kreis (circle) als Argument und zeichnet ihn auf einer Zeichenfläche. Der Funktionswert sollte #true sein.
 - (d) Entwickeln Sie eine Funktion translate-circle mit einer circle-Struktur c und einer posn-Struktur delta als Parameter. Die Funktion liefert einen circle als Resultat, dessen Mittelpunkt gegenüber dem von c um den x-Wert von delta nach rechts und um den y-Wert von delta nach unten verschoben ist. Die Funktion hat keinen Effekt auf der Zeichenfläche.
 - (e) Schreiben Sie eine Funktion clear-a-circle, die einen Kreis von der Zeichenfläche entfernt.

(f) Schreiben Sie eine Funktion draw-and-clear-circle, die eine circle-Struktur zeichnet, eine kurze Zeit wartet und sie anschließend wieder entfernt. Für die Implementierung der Wartezeit steht die Prozedur sleep-for-a-while zur Verfügung. Der Aufruf

(sleep-for-a-while 3) erzeugt eine Wartezeit von drei Sekunden. Der Funktionswert ist #true. Die Funktion

zeichnet und löscht einen Kreis auf der Zeichenfläche und erzeugt anschließend einen (verschobenen) Kreis, so dass eine erneute Zeichenoperation den Kreis an einer neuen Position erscheinen lässt.

Zum Beispiel bewegt der Ausdruck

einen grünen Kreis dreimal um 10 Pixel nach rechts. Der äußere Aufruf von draw-a-circle sorgt dafür, dass auch die letzte Position des Kreises angezeigt wird.

Das sei nur ein kleine Anregung für eigene "Animationen".

14 Datenabstraktion – gemischte Daten

Lösen Sie die Aufgabe unter Anwendung der passenden Regeln! Ein *Mitarbeiter* ist entweder

- ein Festangestellter oder
- ein Werkstudent

Ein Festangestellter wird definiert durch

- seinen Namen,
- sein Grundgehalt,
- die im letzten Monat geleisteten Arbeitsstunden.

Ein Werkstudent wird definiert durch

- seinen Namen,
- seinen Stundenlohn,
- die im letzten Monat geleisteten Arbeitsstunden.

Definieren Sie

- geeignete Datenstrukturen für Mitarbeiter,
- $\bullet\,$ eine Funktionsschabl
one für Funktionen, die ${\it Mitarbeiter}$ verarbeiten.

Entwickeln auf der Grundlage dieser Schablone eine Funktion, die den Bruttomonatslohn eines Mitarbeiters berechnet. Bei Festangestellten berechnet sich der Monatslohn aus dem Grundgehalt zuzüglich Überstundenentgelt. Überstunden sind die über die monatliche Sollarbeitszeit (die als globale Konstante definiert wird) hinausgehenden Arbeitsstunden. Der Stundenlohn pro Überstunde berechnet sich aus dem Grundgehalt und der monatlichen Sollarbeitszeit plus 25%. Minderstunden bleiben unberücksichtigt.

```
; Autor der Lösung zu Aufgabe 14: Marlon Tobaben (I16b)
;;Die Konstante für die monatliche sollarbeitszeit eines angestellten
(define sollarbeitszeit 120)
;; Ein mitarbeiter ist entweder
;; - ein festangestellter
;; - ein werksstudent
;; name: mitarbeiter
;; Ein festangestellter ist ein Wert
   (make-festangestellter name grundgehalt arbeitsstunden)
  wobei der name ein string und
;;
        das grundgehalt und arbeitsstunden Zahlen sind.
;;
(define-struct festangestellter [name grundgehalt arbeitsstunden])
;; Ein werksstudent ist ein Wert
   (make-werksstudent name stundenlohn arbeitsstunden)
;; wobei der name ein string und
        das stundenlohn und arbeitsstunden Zahlen sind.
(define-struct werksstudent [name stundenlohn arbeitsstunden])
;; Die Funktion ueberstunden-festangestellter berechnet die Überstunden eines
;; festangestellten anhand der sollarbeitszeit
(check-expect (ueberstunden-festangestellter 120) 0)
(check-expect (ueberstunden-festangestellter 130) 10)
(check-expect (ueberstunden-festangestellter 150) 30)
(define ueberstunden-festangestellter
 (lambda [arbeitsstunden]
    (cond [(> (- arbeitsstunden sollarbeitszeit) 0)
          (- arbeitsstunden sollarbeitszeit)]
          [else 0])))
;; Funktion bruttolohn-festangesteller berechnet den Bruttolohn eines Festanstellten
;;unter Berücksichtung der sollarbeitszeit und mit 25% zuschlag bei ueberstunden
(check-expect (bruttolohn-festangestellter
              (make-festangestellter "Peter" 3000 120)) 3000)
(check-expect (bruttolohn-festangestellter
              (make-festangestellter "Heinz" 3000
(check-expect (bruttolohn-festangestellter
               (make-festangestellter "Heinz" 3000 240)) 6750)
(define bruttolohn-festangestellter
  (lambda [f]
    (+ (festangestellter-grundgehalt f)
       (* (ueberstunden-festangestellter (festangestellter-arbeitsstunden f))
          (* (/ (festangestellter-grundgehalt f) sollarbeitszeit) 1.25)))))
;; Funktion bruttolohn-werkstundent berechnet den Bruttolohn eines werksstundenten
(check-expect (bruttolohn-werksstudent (make-werksstudent "Peter" 10 120)) 1200)
(check-expect (bruttolohn-werksstudent (make-werksstudent "Heinz" 0 20))
(check-expect (bruttolohn-werksstudent (make-werksstudent "Heinz" 20 120)) 2400)
(define bruttolohn-werksstudent
```

15 Datenabstraktion – gemischte Daten – Zusatzaufgabe

15.1 Vorbemerkung

Diese Aufgabe stellt eine Fortführung von Aufgabe 13 dar. Falls Sie diese noch nicht bearbeitet haben, sollten Sie zunächst damit beginnen.

15.2 Aufgabenstellungen

- a. Enwtickeln Sie eine Datenstrukturdefinition für farbige Rechtecke. Ein Rechteck sei durch einen Punkt (posn-Struktur), der die linke obere Ecke des Rechtecks bildet, zwei Zahlen für die Höhe und die Breite des Rechecks und ein Symbol für seine Farbe charakterisiert.
- b. Entwickeln sie die folgenden Funktionen
 - draw-a-rectangle zeichnet das Rechteck auf die Zeichenfläche. Im Gegensatz zu den Kreisen aus Aufgabe 13 sollen die Rechtecke immer mit der Farbe gefüllt gezeichnet werden.
 - in-rectangle? akzeptiert ein Rechteck und einen Punkt als Argumente und prüft, ob der Punkt innerhalb des Rechecks liegt.
 - translate-rectangle verschiebt ein Rechteck auf die gleiche Art, wie es die Funktion translate-circle aus Aufgabe 13 mit Kreisen tut. Diese Funktion hat keinen Effekt auf der Zeichenfläche.
 - clear-a-rectangle entfernt ein Rechteck von der Zeichenfläche.
 - move-rectangle soll analog zur Funktion move-circle aus Aufgabe 13 ein Rechteck zeichnen, löschen und mit einem verschobenen Rechteck antworten.
- c. Definieren Sie eine gemischte Datenstruktur für Figuren (shapes), die als Generalisierung mindestens Kreise und Rechtecke umfassen sollte. Schreiben Sie die Funktionsschablone für Funktionen, die Figuren verarbeiten, auf.
- d. Programmieren Sie nun die oben genannten Funktionen für Figuren (z. B. draw-a-shape)

```
(circle-radius c)
                 (circle-color c))))
;; determines if p is inside the circle c.
(check-expect (in-circle? (make-circle (make-posn 6 5) 1 'blue)
                         (make-posn 6 5)) #true)
(check-expect (in-circle? (make-circle (make-posn 6 5) 1 'green)
                         (make-posn 5.5 5)) #true)
(check-expect (in-circle? (make-circle (make-posn 6 5) 1 'yellow)
                         (make-posn 1 5)) #false)
(define in-circle?
 (lambda [c p]
    (posn-x p)))
                 (sqr (- (posn-y (circle-center c))
                        (posn-y p)))))
        (circle-radius c))))
;; to translate a-circle by delta (posn)
(check-expect (translate-circle
               (make-circle (make-posn 0 0) 5 'blue)
               (make-posn 10 5))
               (make-circle (make-posn 10 5) 5 'blue))
(define translate-circle
 (lambda [a-circle delta]
    (make-circle (make-posn
                 (+ (posn-x delta) (posn-x (circle-center a-circle)))
                 (+ (posn-y delta) (posn-y (circle-center a-circle))))
                 (circle-radius a-circle)
                 (circle-color a-circle))))
;; to clear a-circle
;; no tests, because function always returns true
(define clear-a-circle
 (lambda [a-circle]
   (clear-circle
     (circle-center a-circle)
     (circle-radius a-circle))))
;; draw-and-clear : circle -> true
;; to draw a circle, wait 1/2 second, and clear it
(define draw-and-clear-circle
 (lambda [a-circle]
    (and (draw-a-circle a-circle)
         (sleep-for-a-while 1/2)
        (clear-a-circle a-circle))))
;; to draw, to clear, and to move a-circle by a-posn
;; no tests, because function always returns true
(define move-circle
 (lambda [a-posn a-circle]
    (cond
      [(draw-and-clear-circle a-circle) (translate-circle a-circle a-posn)]
      [else a-circle])))
;; A rectangle is a structure:
    (make-rectangle P W H)
;; where P is a posn, W is a number and H is a number.
(define-struct rectangle (nw-corner width height color))
```

```
;; DATA EXAMPLES
(define example-rectangle1 (make-rectangle (make-posn 20 20) 260 260 'red))
(define example-rectangle2 (make-rectangle (make-posn 60 60) 180 180 'blue))
;; to draw a-rect
;; no tests, because function always returns true
(define draw-a-rectangle
 (lambda [a-rectangle]
    (draw-solid-rect
     (rectangle-nw-corner a-rectangle)
     (rectangle-width a-rectangle)
     (rectangle-height a-rectangle)
     (rectangle-color a-rectangle))))
;; to determine if a-posn is in a-rectangle, or not
(check-expect (in-rectangle? example-rectangle1 (make-posn 0 0)) #false)
(check-expect (in-rectangle? example-rectangle1 (make-posn 25 0)) #false)
(check-expect (in-rectangle? example-rectangle1 (make-posn 0 25)) #false)
(check-expect (in-rectangle? example-rectangle1 (make-posn 25 25)) #true)
(define in-rectangle?
  (lambda [a-rectangle a-posn]
    (and (<= (posn-x (rectangle-nw-corner a-rectangle))</pre>
             (posn-x a-posn)
             (+ (posn-x (rectangle-nw-corner a-rectangle))
                (rectangle-width a-rectangle)))
         (<= (posn-y (rectangle-nw-corner a-rectangle))</pre>
             (posn-y a-posn)
             (+ (posn-y (rectangle-nw-corner a-rectangle))
                (rectangle-height a-rectangle))))))
;; to translate a-rectangle by delta (posn)
(check-expect (translate-rectangle example-rectangle1 (make-posn 30 0))
              (make-rectangle (make-posn 50 20) 260 260 'red))
(define translate-rectangle
 (lambda [a-rectangle delta]
    (make-rectangle (make-posn
                     (+ (posn-x delta) (posn-x (rectangle-nw-corner a-rectangle)))
                     (+ (posn-y delta) (posn-y (rectangle-nw-corner a-rectangle))))
                    (rectangle-width a-rectangle)
                    (rectangle-height a-rectangle)
                    (rectangle-color a-rectangle))))
;; to erase a rectangle
;; no tests, because function always returns true
(define clear-a-rectangle
 (lambda [a-rectangle]
    (clear-solid-rect
     (rectangle-nw-corner a-rectangle)
     (rectangle-width a-rectangle)
     (rectangle-height a-rectangle))))
;; to draw a circle, wait 1/2 second, and clear it
;; no tests, because function always returns true
(define draw-and-clear-rectangle
 (lambda [a-rectangle]
    (and (draw-a-rectangle a-rectangle)
         (sleep-for-a-while 1/2)
         (clear-a-rectangle a-rectangle))))
```

```
;; to draw and clear a rectangle, translate it by delta pixels
;; no tests, because function always returns true
(define move-rectangle
 (lambda [delta a-rectangle]
   (cond
     [(draw-and-clear-rectangle a-rectangle)
      (translate-rectangle a-rectangle delta)]
     [else a-rectangle])))
;;;;;;;
;; draws a-shape
(define draw-shape
 (lambda [a-shape]
   (cond
     [(circle? a-shape)
      (draw-a-circle a-shape)]
     [(rectangle? a-shape)
      (draw-a-rectangle a-shape)])))
;; EXAMPLES AS TESTS
(start 200 200)
(draw-shape (make-circle (make-posn 30 30) 20 'red))
(draw-shape (make-rectangle (make-posn 30 60) 20 50 'blue))
: ------
;; translates a-shape by delta (posn)
(check-expect (translate-shape
                 (make-circle (make-posn 30 30) 20 'red) (make-posn 10 0))
             (make-circle (make-posn 40 30) 20 'red))
(check-expect (translate-shape (make-rectangle (make-posn 30 60) 20 50 'blue)
                              (make-posn 20 0))
             (make-rectangle (make-posn 50 60) 20 50 'blue))
(define translate-shape
 (lambda [a-shape delta]
   (cond
     [(circle? a-shape)
      (translate-circle a-shape delta)]
     [(rectangle? a-shape)
      (translate-rectangle a-shape delta)])))
;; erases a-shape
;; no tests, because function always returns true
(define clear-shape
 (lambda [a-shape]
   (cond
     [(circle? a-shape)
      (draw-a-circle a-shape)]
     [(rectangle? a-shape)
      (draw-a-rectangle a-shape)])))
;; EXAMPLES
(start 200 200)
(draw-shape (make-circle (make-posn 30 30) 20 'red))
(draw-shape (make-rectangle (make-posn 30 60) 20 50 'blue))
(clear-shape (make-circle (make-posn 30 30) 20 'red))
(clear-shape (make-rectangle (make-posn 30 60) 20 50 'blue))
```

```
; ------
;; draws a-shape, waits one second, clears a-shape,
;; returns a-shape translated by delta pixels.
(define move-shape
 (lambda [a-shape delta]
   (cond
     [(and (draw-shape a-shape)
          (sleep-for-a-while 1)
          (clear-shape a-shape))
      (translate-shape a-shape delta)]
     [else
      (translate-shape a-shape delta)])))
;; EXAMPLES AS TESTS
(define my-shape (make-circle (make-posn 30 30) 20 'red))
(start 100 100)
(move-shape
(move-shape
 (move-shape
  (move-shape my-shape (make-posn 10 0))
  (make-posn 10 0))
 (make-posn 10 0))
(make-posn 10 0))
"should be"
(make-circle (make-posn 70 30) 20 'red)
```

16 Listenkonstruktion und -zerlegung

Werten Sie die folgenden Funktionsaufrufe aus:

Nr.	Ausdruck	Lösung
a)	(first '((A) B C D))	
b)	(rest '((A)(B C D)))	
c)	(cons '(A B) '(A B))	
d)	(cons 'A '())	
e)	(first '(((A))))	
f)	(rest '(((A))))	
\mathbf{g})	(cons '((A)) empty)	
h)	(equal? 'X1 'X2)	
i)	(equal? '(X1) 'X2)	
j)	(equal? '(X1) '(X2))	
k)	(list? 'X1)	
1)	(list? '(X1))	
m)	(empty? '())	
n)	(empty? '(()))	

```
Nr.
     Ausdruck
                              Lösung
a)
     (first '((A) B C D))
                              (A)
b)
     (rest '((A)(B C D)))
                              ((B C D))
      (cons '(A B) '(A B))
c)
                              ((A B) A B)
     (cons 'A '())
d)
                              (A)
e)
     (first '(((A))))
                               ((A))
f)
     (rest '(((A))))
                              ()
     (cons '((A)) empty)
                              (((A)))
g)
h)
     (equal? 'X1 'X2)
                              #false
     (equal? '(X1) 'X2)
i)
                              #false
j)
     (equal? '(X1) '(X2))
                              #false
k)
     (list? 'X1)
                              #false
1)
     (list? '(X1))
                              #true
      (empty? '())
m)
                              #true
      (empty? '(()))
                              #false
n)
```

17 Listenverarbeitung

a. Die Funktion enthaelt? beantworte, angewendet auf ein Symbol und eine Liste von Symbolen, die Frage, ob das Symbol in der Liste enthalten ist oder nicht

```
;; Zweckbestimmung s. Aufgabenstellung
;; enthaelt?; (list-of symbol) symbol -> boolean
(check-expect (enthaelt? empty 's) #false)
(check-expect (enthaelt? '(x y z) 's) #false)
(check-expect (enthaelt? '(s y z) 's) #true)
(check-expect (enthaelt? '(x y s z) 's) #true)
(define enthaelt?
  (lambda [liste symbol]
        (cond
            [(empty? liste) #false]
            [(equal? (first liste) symbol) #true]
            [else (enthaelt? (rest liste) symbol)])))
```

b. Die Funktion sum liefere, angewendet auf eine Liste von Zahlen x, die Summe der Elemente. Die folgende Lösung erlaubt nur nicht leere Listen von Zahlen:

```
;; Zweckbestimmung s. Aufgabenstellung
;;
;; Datendefinition:
;; Eine Liste-von-Zahlen ist entweder
    - (cons n empty), wobei n eine Zahl ist oder
    - (cons n lvz), wobei n eine Zahl und lvz eine Liste-von-Zahlen ist
;;
;; sum : (list-of number) -> number
     (check-expect (sum '(1)) 1)
     (check-expect (sum '(1 2 3 4)) 10)
     (define sum
       (lambda [lvz]
         (cond
               [(empty? (rest lvz)) (first lvz)]
               [else (+ (first lvz)
                         (sum (rest lvz)))))))
```

Die folgende Lösung liefert für leere Listen das neutrale Element bzgl. der Addition:

```
;; Zweckbestimmung s. Aufgabenstellung ;;
```

c. Die Funktion prod liefere, angewendet auf eine Liste von Zahlen x, das Produkt der Elemente. Die folgende Lösung erlaubt nur nicht leere Listen von Zahlen:

Die folgende Lösung liefert für leere Listen das neutrale Element bzgl. der Multiplikation:

```
;; Zweckbestimmung s. Aufgabenstellung
;;
;; Datendefinition:
;; Eine Liste-von-Zahlen ist entweder
   - enpty
   - (cons n lvz), wobei n eine Zahl und lvz eine Liste-von-Zahlen ist
;;
;; sum : (list-of number) -> number
     (check-expect (prod '()) 1)
     (check-expect (prod '(1 2 3 4)) 24)
     (define prod
       (lambda [lvz]
         (cond
               [(empty? lvz) 1]
               [else (* (first lvz)
                        (prod (rest lvz)))])))
```

d. Die Funktion maximum liefere, angewendet auf eine Liste von Zahlen x, das Maximum der Elemente. Die folgende Lösung erlaubt nur nicht leere Listen von Zahlen:

```
;; Zweckbestimmung s. Aufgabenstellung
;;
;; Datendefinition:
;; Eine Liste-von-Zahlen ist entweder
   - (cons n empty), wobei n eine Zahl ist oder
   - (cons n luz), wobei n eine Zahl und luz eine Liste-von-Zahlen ist
;;
;; sum : (list-of number) -> number
     (check-expect (maximum '(1)) 1)
     (check-expect (maximum '(1 2 3 0)) 3)
     (define maximum
       (lambda [lvz]
         (cond
               [(empty? (rest lvz)) (first lvz)]
               [else (max (first lvz)
                        (maximum (rest lvz)))])))
```

e. Schreiben Sie eine Funktion (declist x), die aus einer Liste x von Zahlen eine neue Liste berechnet, deren Elemente um 1 kleiner sind, als die der ursprünglichen Liste:

$$\begin{array}{ccc} x & (\text{declist } x) \\ \hline (2\ 5\ 7) & (1\ 4\ 6) \\ () & () \end{array}$$

f. Definieren Sie eine Funktion (flatten x), die als Argument eine Liste x mit beliebig tief geschachtelten Unterlisten hat und als Ergebnis eine Liste von Atomen liefern soll mit der Eigenschaft, dass alle Atome, die in x vorkommen auch in (flatten x) in derselben Reihenfolge vorkommen:

Hinweis: Definieren Sie zuerst in der bekannten Art und Weise eine rekursive Datenstruktur für geschachtelte Listen. Leiten Sie daraus eine passende **Funktionsschablone** ab.

```
;; Definition einer beliebig tief geschachtelten Liste (btgl) von Atomen
;; Eine btgl ist
;; - empty
;; - (cons a l) mit a ist ein Atom, l ist eine btgl
;; - (cons l1 l2) mit l1, l2 sind btgl
;; Funktionsschablone:
;(define f
; (lambda [l]
; (cond
; [(empty? l) ...]
```

```
[(not (list? (first l)))
       ... (first l) ... (f (rest l)) ...]
       [else ... (f (first l)) ... (f (rest l)) ...])))
;;
;; Zweckbestimmung s. Aufgabenstellung
;; flatten : (list-of any) -> (list-of atom)
(check-expect (flatten empty) empty)
(check-expect (flatten '(a (b (c (d))))) '(a b c d))
(check-expect (flatten '((((a) b) c) d)) '(a b c d))
(define flatten
  (lambda [1]
    (cond
      [(empty? 1) empty]
      [(not (list? (first 1)))
       (cons (first 1) (flatten (rest 1)))]
      [else (append (flatten (first 1)) (flatten (rest 1)))])))
```

g. **Zusatzaufgabe**: Schreiben Sie eine Funktion (frequencies x), die aus einer Liste x von Atomen eine Liste von zwei-elementigen Listen erzeugt: Dabei ist das erste Element das Atom aus x, das zweite Element die Häufigkeit des Auftretens in x. Die Reihenfolge der Strukturen in der Ergebnisliste ist belanglos.

```
;; Datenstrukturdefinitionen:
;; Eine Atom-Number-Pair (anp) ist ein
;; - (cons a (cons n empty)) mit a ist Atom und n ist Number
;;
;; Eine Liste von Atomen (loa) ist
;; - empty oder
;; - (cons a l) mit a ist Atom und l ist loa
;;
;; Eine Liste von Atom-Number-Pairs (loanp) ist
;; - empty oder
;; - (cons a l) mit a ist anp und l ist loanp
;; erhoeht die number im ersten atom-mumber-pair um 1
;; incr-first-number : (list-of atom-number-pair)
                        -> (list-of atom-number-pair)
(check-expect (incr-first-number '((a 5) (b 3) (c 4)))
              '((a 6) (b 3) (c 4)))
(define incr-first-number
  (lambda [aloanp]
    (let
        [(firstatom (first (first aloanp)))
         (firstnumber (first (rest (first aloanp))))
         (rest-anps (rest aloanp))]
      (cons (list firstatom (+ 1 firstnumber)) rest-anps))))
;;; Version von incr-first-number ohne lokale Definitionen
; (define incr-first-number
  (lambda [aloanp]
     (cons (list (first (first aloanp))
                 (+ 1 (first (rest (first aloanp))))) (rest aloanp))))
;; prueft, ob das Atom in der Liste vorkommt:
;; - falls ja ist die number im entsprechenden pair zu inkrementieren
;; - falls nein ist der Liste ein neues pair "(atom 1)" hinzuzufuegen
```

```
;; add-atom : atom (list-of atom-number-pair)
             -> (list-of atom-number-pair)))
;;
(check-expect (add-atom 'a empty) '((a 1)))
(check-expect (add-atom 'a '((a 1) (b 1))) '((a 2) (b 1)))
(check-expect (add-atom 'a '((b 1))) '((b 1) (a 1)))
(define add-atom
  (lambda [atom aloanp]
    (cond
      [(empty? aloanp) (cons (list atom 1) empty)]
      [(equal? atom (first (first aloanp)))
       (incr-first-number aloanp)]
      [else (cons (first aloanp) (add-atom atom (rest aloanp)))])))
;; Zweckbestimmung s. Aufgabenblatt
;; frequencies : (list-of atom) -> (list-of atom-number-pair)
(check-expect (frequencies empty) empty)
(check-expect (frequencies '(a)) '((a 1)))
(check-expect (frequencies '(A B A B A C A)) '((A 4) (C 1) (B 2)))
(define frequencies
  (lambda [aloa]
    (cond
      [(empty? aloa) empty]
      [else
       (add-atom (first aloa) (frequencies (rest aloa)))])))
```

h. Schreiben Sie eine Funktion anzahl-bevor-summe-erreicht, die eine positive ganze Zahl, genannt summe und eine Liste von positiven ganzen Zahlen, genannt 1vz als Argumente akzeptiert. Sie gibt eine ganze Zahl n zurück, so dass die Summe der ersten n Elemente von 1vz kleiner als sum, die Summe der ersten n+1 Elemente hingegen größer oder gleich sum ist. Es ist ein Fehler, wenn die Summe der Elemente der Liste insgesamt kleiner als sum ist. Beispiele:

sum	lvz	(anzahl-bevor-summe-erreicht sum lvz)
2	$(2\ 5\ 7)$	0
4	$(2\ 5\ 7)$	1
8	$(2\ 5\ 7)$	2
15	$(2\ 5\ 7)$	Fehler

Hinweise:

(a) Für den Fehlerfall darf die Standardfunktion error benutzt werden. Sie erwartet zwei Argumente, ein Symbol und eine Zeichenkette und könnte z. B. so benutzt werden:

```
(error 'anzahl-bevor-summe-erreicht "Summe der Listenelemente zu klein")
```

(b) Lösen Sie die Aufgabe, ohne die Summe der Listenelemente zu berechnen.

i. Gegeben sei die Datenstrukturdefinition gast aus Aufgabe 12 und z.B. die folgende Gästeliste:

```
(define party
  (list
      (make-gast "Karl" #false #false)
      (make-gast "Rosa" #true #true)
      (make-gast "Klara" #true #false)
      (make-gast "Egon" #false #true)))
```

(a) Schreiben Sie eine Funktion vegetarier, die aus einer Gästeliste eine Liste der Vegetarier bildet. Für die Liste party müsste sie dieses Ergebnis liefern:

(b) Schreiben Sie eine Funktion frauen, die aus einer Gästeliste eine Liste mit den weiblichen Gästen bildet.

```
; Ein Gast besteht aus
; - einer Zeichenkette für den Namen
; - einem boolschen Wert, der angibt ob es sich um eine Frau handelt
; - einem boolschen Wert, der angibt ob es sich um einen Vegetarier handelt
(define-struct gast [name weiblich? vegetarier?])
; aus einer Gästeliste eine Liste der Vegetarier bilden
;; vegetarier: (list-of gast) -> (list-of gast)
(check-expect (vegetarier party) (list (make-gast "Rosa" #true #true)
                                        (make-gast "Egon" #false #true)))
(define vegetarier
  (lambda [gaeste]
    (cond
      [(empty? gaeste) empty]
      [(gast-vegetarier? (first gaeste))
       (cons (first gaeste)
             (vegetarier (rest gaeste)))]
      [else (vegetarier (rest gaeste))])))
; aus einer Gästeliste eine Liste der Frauen bilden
;; frauen: (list-of gast) -> (list-of gast)
(check-expect (frauen party) (list (make-gast "Rosa" #true #true)
                                    (make-gast "Klara" #true #false)))
(define frauen
  (lambda [gaeste]
    (cond
      [(empty? gaeste) empty]
      [(gast-weiblich? (first gaeste))
       (cons (first gaeste)
             (frauen (rest gaeste)))]
      [else (frauen (rest gaeste))])))
```

18 Funktionen über zwei Listen

Die in den folgenden Aufgaben zu entwickelnden Funktionen haben alle 2 Listen-Parameter. Lösen Sie diese Aufgaben unter Anwendung der Regeln 11 bis 13. Überlegen Sie dabei, ob für die Erstellung der Funktionsschablone der Zugriff auf das erste Element und die Restliste hinsichtlich des ersten, des zweiten oder beider Parameter vorgenommen werden muss.

a. Schreiben Sie ein Funktion concatenate, die zwei Listen von Symbolen aneinander hängt. Beispiel:

```
(concatenate '(a b c) '(d e f)) \Rightarrow '(a b c d e f)
  ;; Zweckbestimmung s. Aufgabenstellung
  ;; Datendefinition
  ;; Eine Liste-von-Symbolen ist entweder
  ;; 1. empty oder
      2. (cons s lvs), wobei s ein Symbol
                        und lus eine Liste-von-Symbolen ist
  ;;
  ;; concatenate : (list-of symbol) (list-of symbol) -> (list-of symbol)
  (check-expect (concatenate (a b c) (d e f)) (a b c d e f))
  (check-expect (concatenate '() (d e f)) (d e f))
  (check-expect (concatenate (a b c) ()) (a b c))
  (define concatenate
          (lambda [11 12]
            (cond
                  [(empty? 11) 12]
                  [(empty? 12) 11]
                  [else (cons (first 11)
                              (concatenate (rest 11) 12))])))
```

b. Schreiben Sie eine Funktion mult-2-num-lists, die zwei gleich lange Listen mit Zahlen zu einer Liste verarbeitet, die die Produkte der korrespondierenden Elemente der Argumentlisten enthält. Beispiel:

```
(mult-2-num-lists '(2 3 4) '(7 8 9)) => '(14 24 36)
  ;; Zweckbestimmung s. Aufgabenstellung
  ;;
  ;; Datendefinition
  ;; Eine Liste-von-Zahlen ist entweder
      1. empty oder
      2. (cons z lvz), wobei z eine Zahl
  ;;
                        und luz eine Liste-von-Zahlen ist
  ;;
  ::
  ;; mult-2-num-lists : (list-of number) (list-of number) -> (list-of number)
  (check-expect (mult-2-num-lists '(2 3 4) '(7 8 9)) '(14 24 36))
  (check-expect (mult-2-num-lists '() '()) '())
  (define mult-2-num-lists
          (lambda [11 12]
            (cond
                  [(empty? 11) empty]
                  [else (cons (* (first 11) (first 12))
                              (mult-2-num-lists (rest 11) (rest 12)))])))
```

c. Entwickeln Sie eine Funktion merge, die 2 Listen von Zahlen verarbeitet, die aufsteigend sortiert sind. Sie liefert eine sortierte Liste von Zahlen, die alle Zahlen aus den beiden Argumentlisten enthält. Wenn

Zahlen in den Argumentliste mehrfach vorkommen, sollen Sie auch in der Ergebnisliste entsprechend oft auftauchen. Beispiel:

```
(merge '(2 5 7) '(1 3 5 9)) => '(1 2 3 5 5 7 9)
  ;; \ \textit{Zweckbestimmung s. Aufgabenstellung}
  ;; Datendefinition
  ;; Eine Liste-von-Zahlen ist entweder
  ;; 1. empty oder
  ;; 2. (cons z lvz), wobei z eine Zahl
                        und luz eine Liste-von-Zahlen ist
  ;;
  ;;
  ;; merge : (list-of number) (list-of number) -> (list-of number)
  (check-expect (merge '(2 3 4 11) '(1 4 7 8 9)) '(1 2 3 4 4 7 8 9 11))
   (check-expect (merge '() '()) '())
   (define merge
          (lambda [11 12]
            (cond
                  [(empty? 11) 12]
                  [(empty? 12) 11]
                  [(< (first 11) (first 12)) (cons (first 11)
                                                    (merge (rest 11) 12))]
                  [else (cons (first 12) (merge 11 (rest 12)))])))
```