

Fallunterscheidungen

Einführung in die Programmierung

Johannes Brauer

2. März 2020

Fallunterscheidungen aus der Mathematik

Zwei Beispiele

Definition der Fakultät

$$n! = \begin{cases} 1, & \text{falls } n = 0 \\ n \cdot (n-1)!, & \text{falls } n \geq 1 \end{cases}$$

Definition der Fibonacci-Folge

Die Fibonacci-Folge f_1, f_2, f_3, \dots ist wie folgt definiert:

$$f_1 = 1 \tag{1}$$

$$f_2 = 1 \tag{2}$$

$$f_n = f_{n-1} + f_{n-2} \text{ für } n > 2 \tag{3}$$

Bedingte Funktionen

Vergleichsausdrücke und Boolesche Ausdrücke

- Numerische Vergleichsausdrücke der Art

$$a < b, x \geq y \text{ oder } r < s < t$$

werden in Racket so aufgeschrieben:

$$(< \text{ a } \text{ b }) \text{ } (>= \text{ x } \text{ y }) \text{ } (< \text{ r } \text{ s } \text{ t })$$

- Die Auswertung ergibt `#true` oder `#false`.
- Den Racket-Ausdruck `(< r s t)` kann man als Abkürzung für

$$(\text{and } (< \text{ r } \text{ s }) \text{ } (< \text{ s } \text{ t }))$$

betrachten.

- Neben `(and ...)` stehen `(or ...)` und `(not ...)` zur Verfügung. Die Anzahl der Argumente von `and` und `or` ist dabei beliebig groß.

Anwendungsbeispiel

- Wir nennen eine Funktion *bedingt*, wenn für die Ermittlung ihres Resultats eine *Fallunterscheidung* erforderlich ist.
- Beispiel: Ein Hersteller für Speicherchips verkauft die Chips nach folgender Preisstaffel:

Stückzahl	Stückpreis [€]
≤ 1000	15,00
> 1000 und ≤ 10000	12,50
> 10000	9,75

Gesucht: Funktion, die aus der Stückzahl den Stückpreis ermittelt

Racket-Pseudofunktion für Fallunterscheidungen

```
(cond
  [frage antwort]
  ...
  [frage antwort])

(cond
  [frage antwort]
  ...
  [else antwort])
```

- Jede *frage* muss ein boolescher Ausdruck sein.
- Jede *antwort* ist ein beliebiger Racket-Ausdruck.
- Das Resultat der cond-Funktion ist die *antwort* der ersten *frage*, deren Auswertung *#true* liefert.
- In der linken Variante von cond muss die Auswertung mindestens einer *frage* *#true* liefern.

Entwurf bedingter Funktionen – Regel 6

- Für den Entwurf einer bedingten Funktion sind in der Problembeschreibung alle zu unterscheidenden Fälle zu identifizieren.
- Für die gemäß Regel 3 erforderlichen Beispiele ist für jeden identifizierten Fall mindestens ein Beispiel aufzuschreiben.
- Zusätzlich sind die Grenzfälle (Intervallgrenzen) zu beachten.

Regel 6:

- Für den Funktionsrumpf ist
 - ein cond-Skelett mit je einer Frage-Antwort-Kombination für jeden Fall zu formulieren,
 - für jeden Fall die Frage (Bedingung) zu formulieren,
 - für jeden Fall der Racket-Ausdruck für die Berechnung der Antwort zu ermitteln.

Entwurf der Funktion *stueckpreis*

Das cond-Skelett

Für das Beispiel des Chipherstellers ergibt sich folgendes Funktionsskelett:

```
;; berechnet aus einer gegebenen Stueckzahl
;; den Stueckpreis gemaess Preisstaffel
(define stueckpreis
  (lambda [stueckzahl]
    (cond
      [... ...]
      [... ...]
      [... ...])))
```

Formulierung der Fragen

Aus der Tabelle für die Preisstaffelung ergeben sich folgende Bedingungen/Fragen:

```
;; berechnet aus einer gegebenen Stueckzahl  
;; den Stueckpreis gemaess Preisstaffel  
(define stueckpreis  
  (lambda [stueckzahl]  
    (cond  
      [(and (>= stueckzahl 0)  
            (<= stueckzahl 1000)) ...]  
      [(and (> stueckzahl 1000)  
            (<= stueckzahl 10000)) ...]  
      [(> stueckzahl 10000) ...])))
```

Für die Beispiele sollten die Grenzfälle 0, 1000 und 10000 sowie Werte aus dem Innern der Intervalle (z. B. 500, 2000, 20000) verwendet werden.

Formulierung der Antworten

Die Ausdrücke für die Berechnung der Antworten ergeben sich direkt aus der Tabelle für die Preisstaffelung:

```
;; berechnet aus einer gegebenen Stueckzahl  
;; den Stueckpreis gemaess Preisstaffel  
(define stueckpreis  
  (lambda [stueckzahl]  
    (cond  
      [(and (>= stueckzahl 0)  
            (<= stueckzahl 1000)) 1500]  
      [(and (> stueckzahl 1000)  
            (<= stueckzahl 10000)) 1250]  
      [(> stueckzahl 10000) 975])))
```

Vereinfachung der Bedingungen

Nachdem die Funktion getestet wurde, können die Bedingungen vereinfacht werden:

```
(define stueckpreis  
  (lambda [stueckzahl]  
    (cond  
      [(<= stueckzahl 1000) 1500]  
      [(<= stueckzahl 10000) 1250]  
      [else 975])))
```

(Die vollständige Funktion **stueckpreis** steht in Moodle zur Verfügung.)
(Aufgaben zu bedingten Funktionen)