

Aufgaben

Einführung in die Programmierung

Johannes Brauer

27. Januar 2020

Inhaltsverzeichnis

1 Aufgabe (Erste Schritte in Racket)	2
2 Aufgabe (Auswertung arithmetischer Ausdrücke)	3
3 Aufgabe (Aufschreiben elementarer Funktionen)	3
4 Aufgabe (Aufschreiben elementarer Funktionen)	3
5 Aufgabe (Anwenden der Aufschreiberegeln)	4
6 Aufgabe (Profit für den Kinobesitzer)	4
7 Aufgabe (Modifikation von <code>kino.rkt</code>)	5
8 Aufgabe (Einsatz von Hilfsfunktionen)	5
9 Aufgabe (Ersetzungsmodell)	5
10 Aufgabe (bedingte Funktion)	6
11 Aufgabe (Zusatzaufgaben zu bedingten Funktionen)	6
12 Aufgabe (Datenabstraktion)	7
13 Aufgabe (Datenabstraktion – Zusatzaufgabe)	8
13.1 Vorbemerkungen	8
13.2 Aufgabenstellungen	11

14 Aufgabe (Datenabstraktion – gemischte Daten)	12
15 Aufgabe (Datenabstraktion – gemischte Daten – Zusatzaufgabe)	13
15.1 Vorbemerkung	13
15.2 Aufgabenstellungen	14
16 Aufgabe (Listenkonstruktion und -zerlegung)	14
17 Aufgabe (Listenverarbeitung)	15
18 Aufgabe (Funktionen über zwei Listen)	17
19 Aufgabe (Formale Aspekte)	18
20 Aufgabe (lokale Definitionen)	18
21 Aufgabe (Listen über gemischten Daten – Zusatzaufgabe)	20
22 Aufgabe (Hilfsfunktionen mit akkumulierenden Parametern)	21
23 Aufgabe (Abstraktion von Funktionen)	22
24 Aufgabe (Anwendung von map, filter und foldr)	22
25 Aufgabe (Definition von Funktionen höherer Ordnung)	23

1 Aufgabe (Erste Schritte in Racket)

Machen Sie sich mit den NORDAKADEMIE-Rechnern vertraut und richten Sie Ihren Arbeitsplatz ein (Mail, Webbrowser, Verzeichnisse für die Vorlesungen usw.).

Finden und starten Sie DrRacket nach den Anweisungen in der Vorlesung. Werten Sie einen ersten Ausdruck aus, z. B. `(* 6 7)`.

Welche Funktion haben die Buttons? Welche Menü-Befehle verstehen Sie schon?

Schauen Sie sich in einem Webbrowser die Seiten zu Racket unter <https://racket-lang.org/> an. Wo finden Sie Hilfe zur Bedienung von DrRacket? Wie können Sie sich über die Sprache Racket informieren? Wo finden Sie alle vordefinierten mathematischen Funktionen?

2 Aufgabe (Auswertung arithmetischer Ausdrücke)

1. Wie wird der Ausdruck
`(* (+ 2 2) (/ (* (+ 3 5) (/ 30 10)) 2))`
ausgewertet?
2. Experimentieren Sie mit verschiedenen Operatoren und Zahlenarten.
3. Werten Sie die folgenden Ausdrücke aus und vergleichen Sie die Resultate:

```
(- 1.0 0.9)
(- 1000.0 999.9)
(- #i1000.0 #i999.9)
```

3 Aufgabe (Aufschreiben elementarer Funktionen)

Schreiben Sie für die folgenden mathematischen Formeln Racket-Funktionsdefinitionen auf:

1. $n^2 + 1$
2. $\frac{1}{2}n^2 + 3$
3. $2 - \frac{1}{n}$

Geben Sie die Racket-Funktionen in das Definitionsfenster von DrRacket ein. Geben Sie anschließend in das Interaktionsfenster Funktionsaufrufe für diese Funktionen ein.

4 Aufgabe (Aufschreiben elementarer Funktionen)

In der Praxis findet der Programmierer selten mathematische Formeln vor. Aufgabenstellungen sind eher als Prosatext gegeben. Die Berechnungsformeln muss er selbst entwickeln durch

- eigenes Nachdenken,
- Nachschlagen in geeigneten Quellen oder
- Nachfragen beim Auftraggeber.

Finden Sie für die folgenden Aufgabenstellungen die passenden Formeln und schreiben Sie diese als Funktionsdefinitionen in *Racket* auf:

1. Berechnung des Rauminhalts eines Quaders aus dessen Länge, Breite und Höhe.
2. Schreiben Sie eine Funktion, die aus der Entfernung und der Geschwindigkeit zweier Züge die Zeit ermittelt, nach der die Züge sich treffen, wenn Sie sich auf einem gemeinsamen Streckenabschnitt von ihren jeweiligen Startpunkten aus aufeinander zu bewegen.
3. Berechnung der Miete, die eine andere Spielerin in Monopoly bezahlen muss, falls sie auf einen Bahnhof trifft, der einer anderen Spielerin gehört. Die Miete ist davon abhängig wie viele Bahnhöfe der anderen Spielerin gehören:

Anzahl der Bahnhöfe	Miete
1	500
2	1000
3	2000
4	4000

Hinweis: Ein Aufruf (`expt x y`) liefert x^y als Ergebnis.

5 Aufgabe (Anwenden der Aufschreiberegeln)

Schreiben Sie die Funktion zur Berechnung der Bahnhofsmiete in Monopoly (s. o.) gemäß den Regeln 1 bis 3 aus der Vorlesung auf. **Wenn nichts anderes angegeben ist, sind auch die Funktionen für die folgenden Aufgaben gemäß diesen Regeln aufzuschreiben!!!**

6 Aufgabe (Profit für den Kinobesitzer)

Ein altmodisches Vorstadtkino besitzt eine einfache Formel für die Berechnung des Profits einer Vorstellung: Jeder Kinobesucher bezahlt 500 Währungseinheiten für die Eintrittskarte. Jede Vorstellung kostet das Kino 2000 Währungseinheiten plus 50 Währungseinheiten pro Besucher. Schreiben Sie eine Funktion `profit` zur Berechnung des Profits bei gegebener Besucherzahl.

7 Aufgabe (Modifikation von kino.rkt)

1. Modifizieren Sie das Programm `kino.rkt` so, dass die Fixkosten einer Veranstaltung wegfallen und dafür 15 Währungseinheiten pro Besucher an Kosten anfallen.
2. Nehmen Sie die gleiche Modifikation auch an der Funktion `profit` aus der Vorlesung vor, die ohne Hilfsfunktionen auskommt, und vergleichen Sie die Ergebnisse.

8 Aufgabe (Einsatz von Hilfsfunktionen)

Die folgenden Aufgaben sind unter Benutzung von Hilfsfunktionen zu lösen. Befolgen Sie unbedingt alle in der Vorlesung angegebenen Regeln:

1. Schreiben Sie ein Programm, das das Volumen eines Zylinders zu berechnen erlaubt. Eingangsgrößen sind der Radius und die Höhe des Zylinders.
2. Schreiben Sie ein Programm, das die Oberfläche eines Zylinders zu berechnen erlaubt. Eingangsgrößen sind der Radius und die Höhe des Zylinders.
3. Schreiben Sie ein Programm, das die Oberfläche eines Rohrs zu berechnen erlaubt. Eingangsgrößen sind der Innenradius, die Wandstärke und die Länge des Rohrs.

9 Aufgabe (Ersetzungsmodell)

Gegeben sei die folgende Funktionsdefinition: Werten Sie die folgenden Ausdrücke Schritt für Schritt unter Anwendung des Ersetzungsmodells aus:

1. `(f 1 (* 2 3))`
2. `(+ (f 1 2) (f 2 1))`
3. `(f (f 1 (* 2 3)) 19)`

10 Aufgabe (bedingte Funktion)

Schreiben Sie ein Programm, das aus dem Bruttoeinkommen eines Arbeitnehmers, das sich aus der Anzahl der Arbeitsstunden und seinem Bruttostundenlohn ergibt, sein Nettoeinkommen durch Abzug der Einkommensteuer berechnet. Die Einkommensteuer wird dabei nach einem steuererklärungsaufbierdeckelgeeigneten Tarif ermittelt, der folgendermaßen definiert ist:

Einkommen	Steuersatz [%]
≤ 5000	0
> 5000 und ≤ 10000	15
> 10000 und ≤ 100000	29
> 100000	64

Der Steuersatz gilt immer nur für die Einkommensanteile in dem jeweiligen Intervall.

Die Funktion `nettoeinkommen` soll nach folgendem Schema aufrufbar sein:

```
(nettoeinkommen anzahl-arbeitsStunden stundenLohn)
```

Hier noch ein paar Testvorgaben:

Hinweise:

1. Lesen Sie den Aufgabentext aufmerksam durch. Jeder Satz bedeutet etwas.
2. Entwickeln Sie die Funktion gemäß den Regel 1 bis 6. Benutzen Sie Hilfsfunktionen und machen von Variablendefinitionen (benannte Konstanten, Regel 5) Gebrauch.

11 Aufgabe (Zusatzaufgaben zu bedingten Funktionen)

1. Eine Kreditkartengesellschaft gewährt ihren Kunden nach Jahresumsatz gestaffelte Rückerstattung von Kreditkartenbelastungen. Die Rückerstattungen könnten z. B. wie folgt aussehen:
 - ein viertel Prozent für die ersten 500€ des Jahresumsatzes (nur Belastungen keine Gutschriften werden gezählt),

- ein halbes Prozent für die nächsten 1000€, d. h. für den Umsatzanteil zwischen 500€ und 1500€,
- ein dreiviertel Prozent für die nächsten 1000€, d. h. für den Umsatzanteil zwischen 1500€ und 2500€ und
- ein Prozent für die Umsatzanteile oberhalb von 2500€.

Ein Kunde mit einem Umsatz von 400€ erhält demnach eine Gutschrift von 1€ ($= \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{100} \cdot 400$). Ein Kunde mit einem Umsatz von 1400€ erhält eine Gutschrift von 5,75€:

- 1,25€ ($= \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{100} \cdot 500$) für die ersten 500€ plus
- 4,50€ ($= \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{100} \cdot 900$) für die nächsten 900€

Lösen Sie die folgenden Teilaufgaben

- Bestimmen Sie manuell die Gutschriften für Umsätze 2000€ und 2600€.
 - Schreiben Sie eine Funktion `rueckerstattung`, die einen Umsatz als Argument akzeptiert und den Rückerstattungsbetrag ermittelt.
2. Wieviele reelle Lösungen besitzt eine quadratische Gleichung

$$ax^2 + bx + c = 0$$

für beliebige Koeffizienten a , b und c ?

- Betrachten Sie zunächst nur *echte* quadratische Gleichungen, d. h. es gilt $a \neq 0$
- Erweitern Sie die Lösung so, dass auch der Fall $a = 0$ korrekt behandelt wird.

12 Aufgabe (Datenabstraktion)

Befolgen Sie für die Lösung der Aufgabe die Regeln 7 und 8!

- Definieren Sie eine Datenstruktur für „Zeitpunkte seit Mitternacht“, die aus den Komponenten `stunden`, `minuten` und `sekunden` besteht.
Entwickeln Sie eine Funktion `zeit->sekunden`, die eine Zeitpunkt-seit-Mitternacht-Struktur verarbeitet und die seit Mitternacht vergangenen Sekunden berechnet.

2. Definieren Sie geeignete **Datenstrukturen** für Kreise, die durch

- die Koordinaten des Mittelpunkts und
- den Radius und

gegeben sind.

Schreiben Sie eine Funktion, die prüft, ob ein Punkt innerhalb eines Kreises liegt.

3. Definieren Sie eine Datenstruktur für Gäste einer Veranstaltung. Ein Gast besteht aus einer Zeichenkette für den Namen, einem boolschen Wert, der angibt ob es sich um eine Frau handelt, und einem boolschen Wert, der angibt ob es sich um einen Vegetarier handelt.

Schreiben Sie eine Funktion, die prüft, ob ein Gast ein nicht weiblicher Vegetarier ist.

13 Aufgabe (Datenabstraktion – Zusatzaufgabe)

13.1 Vorbemerkungen

In den Lehrsprachen von DrRacket gibt es eine vordefinierte Strukturdefinition namens `posn` für Punkte in der Ebene, die genauso aufgebaut ist wie die Strukturdefinition `point` aus der Vorlesung. Die damit vordefinierten Funktionen sind

- die Konstruktionsfunktion `make-posn`,
- die Selektionsfunktionen `posn-x` und `posn-y` und
- das Typprädikat `posn?`.

Wenn man über den Menüpunkt **Sprache->Teachpack hinzufügen...** das Teachpack `draw.rkt` auswählt und anschließend den **Start**-Knopf drückt, steht ein Grafikpaket mit den folgenden Funktionen bereit:

`draw-solid-line` erwartet zwei Punkte (`posn`-Strukturen), die den Anfang und das Ende einer Strecke definieren sowie eine Farbe als Argumente

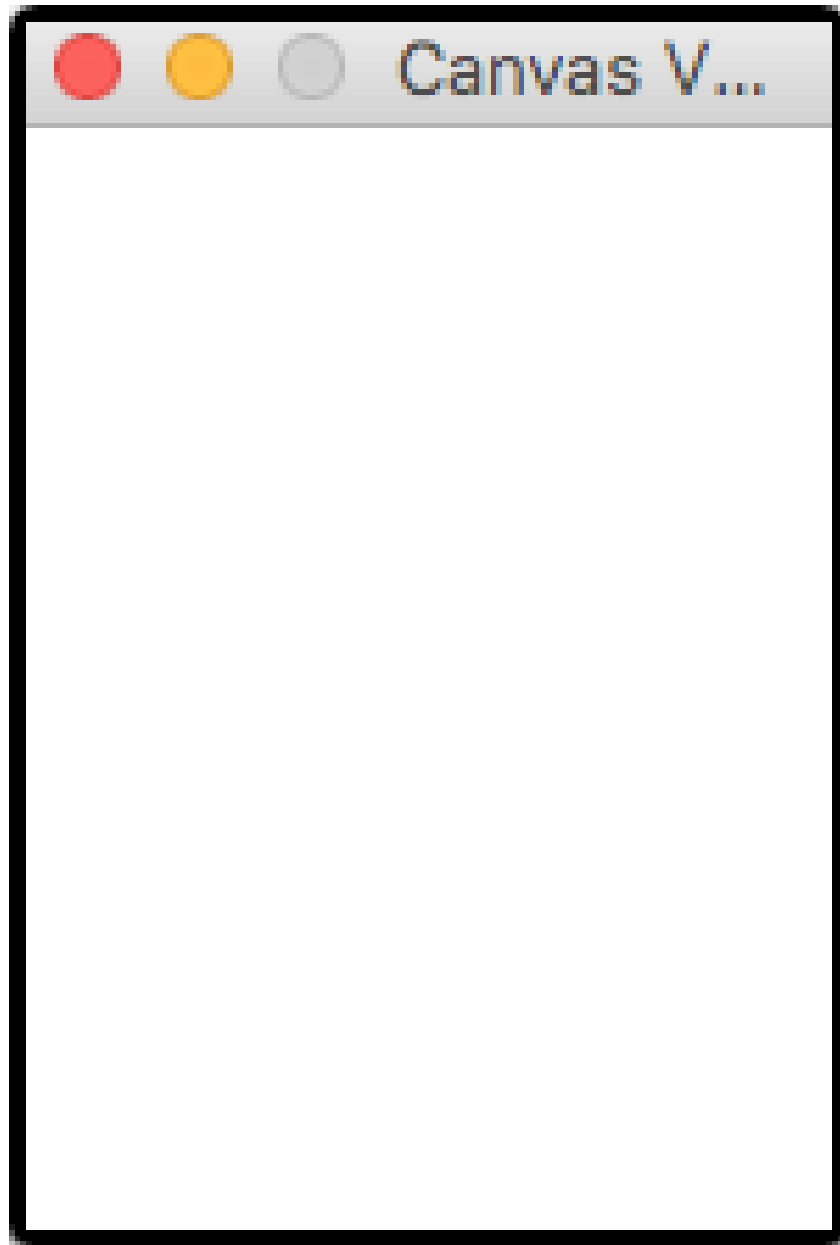
`draw-solid-rect` erwartet vier Argumente: ein Punkt für die linke obere Ecke des Rechtecks, zwei Zahlen für Breite und Höhe des Rechtecks und eine Farbe

draw-solid-disk erwartet drei Argumente: ein Punkt für den Mittelpunkt, eine Zahl für den Radius der Scheibe und eine Farbe

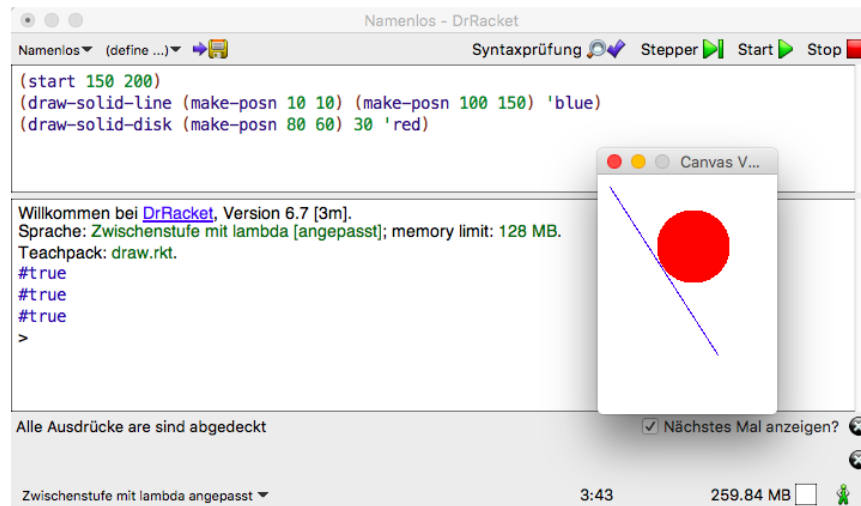
draw-circle erwartet drei Argumente: ein Punkt für den Mittelpunkt, eine Zahl für den Radius des Kreises und eine Farbe

Alle Funktionen liefern als Funktionswert **true**, wobei wir in diesem Fall an den Funktionswerten weniger interessiert sind als an ihrem **Effekt**. Der besteht nämlich darin, dass die Prozeduren jeweils eine Strecke, ein Rechteck, eine Scheibe und einen Kreis auf eine zuvor definierte Zeichenfläche zeichnen.

Eine Zeichenfläche kann mit einem Ausdruck (**start x y**) erzeugt werden, wobei **x** und **y** die Breite und die Höhe in Pixeln der Zeichenfläche angeben. Zum Beispiel erzeugt ein Aufruf (**start 150 200**) die folgende Zeichenfläche:



Ein Anwendungsbeispiel zeigt die folgende Abbildung:



Der **Ursprung des Koordinatensystems** liegt in der linken oberen Ecke der Zeichenfläche. Die x-Koordinate zählt nach rechts, die y-Koordinate nach unten positiv:

<http://www.htdp.org/2003-09-26/Book/curriculum1aa-Z-G-17.gif>

Die **Farben** werden durch Symbole wie 'yellow, 'red, 'green angegeben. Bitte beachten Sie das vorangestellte Hochkomma.

Für jede Zeichenoperation gibt es eine korrespondierende **Löschoperation**: `clear-solid-line`, `clear-solid-rect`, `clear-solid-disk` und `clear-circle`. Wenn diese Funktionen mit den gleichen Argumenten wie zuvor die zugehörigen `draw`-Operationen aufgerufen werden, werden die entsprechenden Figuren von der Zeichenfläche entfernt.

Um **mehrere Zeichenoperationen hintereinander** ausführen zu können, d. h. **mehrere Effekte zu kombinieren**, macht man davon Gebrauch, dass die einzelnen Zeichenoperationen `#true` als Resultat liefern. Dadurch ist es möglich mehrere Zeichenoperationen hintereinander auszuführen, indem man sie in eine Und-Verknüpfung einschließt:

```
(and exp1 exp2)
```

Dieser Ausdruck bewirkt, dass man zuerst den Effekt von `exp1` und anschließend den von `exp2` zu sehen bekommt.

Mit (`stop`) wird die Zeichenfläche geschlossen.

13.2 Aufgabenstellungen

1. Experimentieren Sie mit den o. g. Funktionen.

2. Kreise und Rechtecke bewegen

- (a) Entwickeln Sie eine Datenstruktur `circle` für farbige Kreise. Diese sollen durch drei Komponenten definiert sein: den Mittelpunkt, den Radius und die Farbe des Umfangs.
- (b) Schreiben Sie die Datendefinition für Kreise und die Funktionsschablone (gemäß Regeln 7 und 8) für Kreise verarbeitende Funktionen.
- (c) Benutzen Sie die Schablone für die Entwicklung einer Funktion `draw-a-circle`. Die Funktion erwartet einen Kreis (`circle`) als Argument und zeichnet ihn auf einer Zeichenfläche. Der Funktionswert sollte `#true` sein.
- (d) Entwickeln Sie eine Funktion `translate-circle` mit einer `circle`-Struktur `c` und einer `posn`-Struktur `delta` als Parameter. Die Funktion liefert einen `circle` als Resultat, dessen Mittelpunkt gegenüber dem von `c` um den x-Wert von `delta` nach rechts und um den y-Wert von `delta` nach unten verschoben ist. Die Funktion hat keinen Effekt auf der Zeichenfläche.
- (e) Schreiben Sie eine Funktion `clear-a-circle`, die einen Kreis von der Zeichenfläche entfernt.
- (f) Schreiben Sie eine Funktion `draw-and-clear-circle`, die eine `circle`-Struktur zeichnet, eine kurze Zeit wartet und sie anschließend wieder entfernt. Für die Implementierung der Wartezeit steht die Prozedur `sleep-for-a-while` zur Verfügung. Der Aufruf `(sleep-for-a-while 3)` erzeugt eine Wartezeit von drei Sekunden. Der Funktionswert ist `#true`.

Die Funktion zeichnet und löscht einen Kreis auf der Zeichenfläche und erzeugt anschließend einen (verschobenen) Kreis, so dass eine erneute Zeichenoperation den Kreis an einer neuen Position erscheinen lässt.

Zum Beispiel bewegt der Ausdruck einen grünen Kreis dreimal um 10 Pixel nach rechts. Der äußere Aufruf von `draw-a-circle` sorgt dafür, dass auch die letzte Position des Kreises angezeigt wird.

Das sei nur eine kleine Anregung für eigene „Animationen“.

14 Aufgabe (Datenabstraktion – gemischte Daten)

Lösen Sie die Aufgabe unter Anwendung der passenden Regeln!

Ein *Mitarbeiter* ist entweder

- ein *Festangestellter* oder
- ein *Werkstudent*

Ein *Festangestellter* wird definiert durch

- seinen Namen,
- sein Grundgehalt,
- die im letzten Monat geleisteten Arbeitsstunden.

Ein *Werkstudent* wird definiert durch

- seinen Namen,
- seinen Stundenlohn,
- die im letzten Monat geleisteten Arbeitsstunden.

Definieren Sie

- geeignete Datenstrukturen für *Mitarbeiter*,
- eine Funktionsschablone für Funktionen, die *Mitarbeiter* verarbeiten.

Entwickeln auf der Grundlage dieser Schablone eine Funktion, die den Bruttomonatslohn eines Mitarbeiters berechnet. Bei *Festangestellten* berechnet sich der Monatslohn aus dem Grundgehalt zuzüglich Überstundenentgelt. Überstunden sind die über die monatliche Sollarbeitszeit (die als globale Konstante definiert wird) hinausgehenden Arbeitsstunden. Der Stundenlohn pro Überstunde berechnet sich aus dem Grundgehalt und der monatlichen Sollarbeitszeit plus 25%. Minderstunden bleiben unberücksichtigt.

15 Aufgabe (Datenabstraktion – gemischte Daten – Zusatzaufgabe)

15.1 Vorbemerkung

Diese Aufgabe stellt eine Fortführung von Aufgabe 13 dar. Falls Sie diese noch nicht bearbeitet haben, sollten Sie zunächst damit beginnen.

15.2 Aufgabenstellungen

1. Entwickeln Sie eine Datenstrukturdefinition für farbige Rechtecke. Ein Rechteck sei durch einen Punkt (`posn`-Struktur), der die linke obere Ecke des Rechtecks bildet, zwei Zahlen für die Höhe und die Breite des Rechtecks und ein Symbol für seine Farbe charakterisiert.
2. Entwickeln sie die folgenden Funktionen

`draw-a-rectangle` zeichnet das Rechteck auf die Zeichenfläche. Im Gegensatz zu den Kreisen aus Aufgabe 13 sollen die Rechtecke immer mit der Farbe gefüllt gezeichnet werden.

`in-rectangle?` akzeptiert ein Rechteck und einen Punkt als Argumente und prüft, ob der Punkt innerhalb des Rechtecks liegt.

`translate-rectangle` verschiebt ein Rechteck auf die gleiche Art, wie es die Funktion `translate-circle` aus Aufgabe 13 mit Kreisen tut. Diese Funktion hat keinen Effekt auf der Zeichenfläche.

`clear-a-rectangle` entfernt ein Rechteck von der Zeichenfläche.

`move-rectangle` soll analog zur Funktion `move-circle` aus Aufgabe 13 ein Rechteck zeichnen, löschen und mit einem verschobenen Rechteck antworten.

3. Definieren Sie eine gemischte Datenstruktur für Figuren (`shapes`), die als Generalisierung mindestens Kreise und Rechtecke umfassen sollte. Schreiben Sie die Funktionsschablone für Funktionen, die Figuren verarbeiten, auf.
4. Programmieren Sie nun die oben genannten Funktionen für Figuren (z. B. `draw-a-shape`)

16 Aufgabe (Listenkonstruktion und -zerlegung)

Werten Sie die folgenden Funktionsaufrufe aus:

Nr.	Ausdruck	Lösung
a)	<code>(first '((A) B C D))</code>	
b)	<code>(rest '((A)(B C D)))</code>	
c)	<code>(cons 'A B) 'A B)</code>	
d)	<code>(cons 'A '())</code>	
e)	<code>(first '(((A))))</code>	
f)	<code>(rest '(((A))))</code>	
g)	<code>(cons '((A)) empty)</code>	
h)	<code>(equal? 'X1 'X2)</code>	
i)	<code>(equal? '(X1) 'X2)</code>	
j)	<code>(equal? '(X1) '(X2))</code>	
k)	<code>(list? 'X1)</code>	
l)	<code>(list? '(X1))</code>	
m)	<code>(empty? '())</code>	
n)	<code>(empty? '(()))</code>	

17 Aufgabe (Listenverarbeitung)

1. Die Funktion `enthaelt?` beantworte, angewendet auf ein Symbol und eine Liste von Symbolen, die Frage, ob das Symbol in der Liste enthalten ist oder nicht
2. Die Funktion `sum` liefere, angewendet auf eine Liste von Zahlen `x`, die Summe der Elemente.
3. Die Funktion `prod` liefere, angewendet auf eine Liste von Zahlen `x`, das Produkt der Elemente.
4. Die Funktion `maximum` liefere, angewendet auf eine Liste von Zahlen `x`, das Maximum der Elemente.
5. Schreiben Sie eine Funktion `(declist x)`, die aus einer Liste `x` von Zahlen eine neue Liste berechnet, deren Elemente um 1 kleiner sind, als die der ursprünglichen Liste:

x	(declist x)
(2 5 7)	(1 4 6)
()	()

6. Definieren Sie eine Funktion `(flatten x)`, die als Argument eine Liste `x` mit beliebig tief geschachtelten Unterlisten hat und als Ergebnis eine

Liste von Atomen liefern soll mit der Eigenschaft, dass alle Atome, die in `x` vorkommen auch in `(flatten x)` in derselben Reihenfolge vorkommen:

x	(flatten x)
(A (B C) D)	(A B C D)
((A B) C)(D E)	(A B C D E)
((((A))))	(A)

Hinweis: Definieren Sie zuerst in der bekannten Art und Weise eine rekursive Datenstruktur für geschachtelte Listen. Leiten Sie daraus eine passende **Funktionsschablone** ab.

7. **Zusatzaufgabe:** Schreiben Sie eine Funktion `(frequencies x)`, die aus einer Liste `x` von Atomen eine Liste von zwei-elementigen Listen erzeugt: Dabei ist das erste Element das Atom aus `x`, das zweite Element die Häufigkeit des Auftretens in `x`. Die Reihenfolge der Strukturen in der Ergebnisliste ist belanglos.

x	(frequencies x)
(A B A B A C A)	((A 4) (B 2) (C 1))
()	()

8. Schreiben Sie eine Funktion `anzahl-bevor-summe-erreicht`, die eine positive ganze Zahl, genannt `summe` und eine Liste von positiven ganzen Zahlen, genannt `lvz` als Argumente akzeptiert. Sie gibt eine ganze Zahl `n` zurück, so dass die Summe der ersten `n` Elemente von `lvz` kleiner als `sum`, die Summe der ersten `n + 1` Elemente hingegen größer oder gleich `sum` ist. Es ist ein Fehler, wenn die Summe der Elemente der Liste insgesamt kleiner als `sum` ist.

Beispiele:

sum	lvz	(anzahl-bevor-summe-erreicht sum lvz)
2	(2 5 7)	0
4	(2 5 7)	1
8	(2 5 7)	2
15	(2 5 7)	Fehler

Hinweise:

- (a) Für den Fehlerfall darf die Standardfunktion `error` benutzt werden. Sie erwartet zwei Argumente, ein Symbol und eine Zeichenkette und könnte z. B. so benutzt werden:

```
(error 'anzahl-bevor-summe-erreicht "Summe der Listenelemente zu klein")
```
 - (b) Lösen Sie die Aufgabe, ohne die Summe der Listenelemente zu berechnen.
9. Gegeben sei die Datenstrukturdefinition `gast` aus Aufgabe 12 und z. B. die folgende Gästeliste:
- (a) Schreiben Sie eine Funktion `vegetarier`, die aus einer Gästeliste eine Liste der Vegetarier bildet. Für die Liste `party` müsste sie dieses Ergebnis liefern:
 - (b) Schreiben Sie eine Funktion `frauen`, die aus einer Gästeliste eine Liste mit den weiblichen Gästen bildet.

18 Aufgabe (Funktionen über zwei Listen)

Die in den folgenden Aufgaben zu entwickelnden Funktionen haben alle 2 Listen-Parameter. Lösen Sie diese Aufgaben unter Anwendung der Regeln 11 bis 13. Überlegen Sie dabei, ob für die Erstellung der Funktionsschablone der Zugriff auf das erste Element und die Restliste hinsichtlich des ersten, des zweiten oder beider Parameter vorgenommen werden muss.

1. Schreiben Sie ein Funktion `concatenate`, die zwei Listen von Symbolen aneinander hängt. Beispiel:

```
(concatenate '(a b c) '(d e f)) => '(a b c d e f)
```

2. Schreiben Sie eine Funktion `mult-2-num-lists`, die zwei gleich lange Listen mit Zahlen zu einer Liste verarbeitet, die die Produkte der korrespondierenden Elemente der Argumentlisten enthält. Beispiel:

```
(mult-2-num-lists '(2 3 4) '(7 8 9)) => '(14 24 36)
```

3. Entwickeln Sie eine Funktion `merge`, die 2 Listen von Zahlen verarbeitet, die aufsteigend sortiert sind. Sie liefert eine sortierte Liste von Zahlen, die alle Zahlen aus den beiden Argumentlisten enthält. Wenn Zahlen in den Argumentliste mehrfach vorkommen, sollen Sie auch in der Ergebnisliste entsprechend oft auftauchen. Beispiel:

```
(merge '(2 5 7) '(1 3 5 9)) => '(1 2 3 5 5 7 9)
```

19 Aufgabe (Formale Aspekte)

1. Werten Sie die folgenden Ausdrücke Schritt für Schritt aus:

Ausdruck 1

Ausdruck 2

2. Gegeben sei folgende Racket-Funktion

Zeigen Sie, dass der Aufruf `(f n)` für alle natürlichen Zahlen

$$n \geq 0$$

die Zahl

$$f(n) = \frac{n}{n+1}$$

berechnet.

20 Aufgabe (lokale Definitionen)

1. Schreiben Sie unter Anwendung der Regeln 11 bis 13 eine Funktion **exchange**, die eine Liste von Symbolen `l` und zwei Symbole `s1` und `s2` als Argumente erwartet und eine Liste als Resultat liefert, bei der jedes Auftreten von `s1` in `l` durch `s2` ersetzt ist. So soll z. B. der Aufruf

`(exchange '(a b c a c) 'a 'f)`

das Resultat

`(list 'f 'b 'c 'f 'c)`

liefern.

Modifizieren Sie anschließend die Funktion so, dass durch Verwendung von lokalen Variablen Mehrfachberechnungen des gleichen Ausdrucks vermieden werden.

2. Bildung der ersten Ableitung mathematischer Formeln (symbolische Differentiation)

Es sollen Ausdrücke abgeleitet werden, die nur aus Konstanten, Variablen und den Operationen `+` und `·` bestehen.

Sei D_x die partielle Ableitung einer Funktion f nach x , dann gelten folgende Regeln:

- $D_x(x) = 1$
- $D_x(y) = 0$, $y \neq x$, sei y eine Konstante oder Variable
- $D_x(e_1 + e_2) = D_x(e_1) + D_x(e_2)$ (Summenregel)
- $D_x(e_1 \cdot e_2) = e_1 \cdot D_x(e_2) + e_2 \cdot D_x(e_1)$ (Produktregel)

Repräsentation der Formeln:

- Konstante: numerisches Atom
- Variable: symbolisches Atom
- $e_1 + e_2$: (ADD e_1 e_2)
- $e_1 \cdot e_2$: (MUL e_1 e_2)

Anwendungsbeispiele:

(a) Der Ausdruck

```
(diff '(add x x) x)
liefere '(add 1 1)
```

(b) Der Ausdruck

```
(diff '(mul x x) 'x)
liefere '(add (mul x 1) (mul 1 x)).
```

Hinweise:

- Definieren Sie zur Erzeugung von Formeln geeignete Hilfsfunktionen!
- Wenn eine Formel nicht korrekt aufgebaut ist, kann das Symbol 'ERROR' zurückgeliefert werden, das möglicherweise in einem korrekten Teil der Formel eingeschachtelt erscheint.
- Machen Sie ausgiebig von lokalen Definitionen Gebrauch.

21 Aufgabe (Listen über gemischten Daten – Zusatzaufgabe)

Diese Aufgabe ist eine Fortführung der Aufgaben 13 und 15. Dort haben Sie Funktionen zum Bewegen einzelner Figuren (`shapes`) geschrieben. Ein Bild hingegen besteht aus einer Sammlung von Figuren. Um Bilder zeichnen, verschieben und löschen zu können ist es sinnvoll, alle Bildteile (Figuren) in einer Datenstruktur zusammen zu fassen. Da die Anzahl der Figuren eines Bildes von Bild zu Bild variieren kann, bietet es sich an, die Figuren eines Bildes in einer Liste zu verwalten.

1. Beschreiben Sie eine Datendefinition für Listen von Figuren.
2. Erzeugen Sie eine Beispielliste (genannt `face`), die aus den Figuren der folgenden Tabelle besteht:

Figur	Position	Größen	Farbe
circle	(50,50)	40	red
rectangle	(30,20)	5×5	blue
rectangle	(65,20)	5×5	blue
rectangle	(40,75)	20×10	red
rectangle	(45,35)	10×30	blue

Die Tabelle setzt eine Zeichenfläche der Größe 300 x 100 voraus.

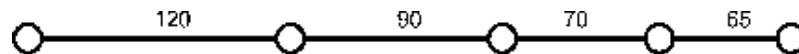
3. Entwickeln Sie eine Funktionsschablone für figurenverarbeitende Funktionen.
4. Entwickeln Sie auf der Grundlage dieser Funktionsschablone eine Funktion `draw-losh`, die eine Liste von Figuren als Argument erwartet und alle Elemente der Liste zeichnet und `#true` zurückliefert.
5. Entwickeln Sie eine Funktion `translate-losh`, die eine Liste von Figuren sowie eine `posn`-Struktur `delta` als Argumente akzeptiert und eine Liste von Figuren als Resultat liefert, in der alle Figuren der Argumentliste um `delta` verschoben sind. Die Funktion hat keinen Effekt auf der Zeichenfläche.
6. Entwickeln Sie die Funktion `clear-losh`, die eine Liste von Figuren als Argument erwartet und alle Elemente der Liste von der Zeichenfläche entfernt und `#true` zurückliefert.

7. Entwickeln Sie die Funktion `draw-and-clear-picture`. Sie zeichnet ein Bild, wartet eine Weile und löscht anschließend das Bild von der Zeichenfläche.
8. Entwickeln Sie die Funktion `move-picture`, die eine `posn`-Struktur `delta` und ein Bild als Argumente akzeptiert. Sie zeichnet ein Bild, wartet eine Weile und löscht anschließend das Bild von der Zeichenfläche. Sie liefert als Resultat das um `delta` verschobene Bild.

Testen Sie die Funktion z. B. so

22 Aufgabe (Hilfsfunktionen mit akkumulierenden Parametern)

1. Schreiben Sie die Funktion `sum`, die die Summe der Elemente einer Liste von Zahlen berechnet, unter Benutzung einer Hilfsfunktion mit akkumulierendem Parameter. Verwenden Sie die Funktionschablone aus der Vorlesung. Formulieren Sie die Akkumulatorinvariante.
2. Gegeben ist ein Weg in einem ungerichteten Graphen, dessen Knoten Orte repräsentieren und dessen Kanten mit den Entfernungen zwischen den Orten attribuiert sind, z. B. so:



Entwickeln Sie eine Funktion, die aus einer Liste mit relativen Entfernungen eine Liste mit den absoluten Entfernungen der Orte vom Ursprungsort berechnet. Für den obigen Graphen soll also aus der Liste (120 90 70 65) die Liste (120 210 280 345) werden.

- (a) Entwickeln Sie zunächst eine Funktion (ggf. mit Hilfsfunktion) nach den bekannten Regeln (ohne akkumulierende Parameter).
 - (b) Diskutieren Sie, warum eine Hilfsfunktion mit akkumulierendem Parameter sinnvoll ist.
 - (c) Entwickeln Sie eine solche.
3. Definieren Sie eine Funktion (`singletons x`), die als Argument eine Liste von den Atomen `x` hat und als Ergebnis eine Liste von den Atomen liefern soll, die in `x` genau einmal auftreten.

4. Modifizieren die Funktion (`singletons x`) so, dass zwei akkumulierende Parameter verwendet werden. Der eine soll zum Akkumulieren der Atome, die genau einmal in `x` auftreten, dienen, der andere zum Akkumulieren der Atome, die mehrmals in `x` auftreten.

23 Aufgabe (Abstraktion von Funktionen)

Wenn Sie die Funktionen `vegetarier` und `frauen` aus Aufgabe 17g regelkonform entwickelt haben, dürften sie sich nur an einer Stelle *wesentlich* unterscheiden. Überlegen Sie, wie diese „Verschiedenheit“ in Form eines Parameters in eine verallgemeinerte Funktion `filter-gaeste` übernommen werden kann, so dass z. B. die Funktion `frauen` dann so implementiert werden könnte:

1. Schreiben Sie die Funktion `filter-gaeste` regelkonform auf.
2. Schreiben Sie die Funktionen `frauen` und `vegetarier` regelkonform unter Nutzung der Funktion `filter-gaeste` auf.

24 Aufgabe (Anwendung von `map`, `filter` und `foldr`)

Implementieren Sie folgende Funktionen unter Nutzung der Funktionen `filter`, `foldr` und `map` aus dem Skript:

1. Die Funktion `frauen` aus der vorangegangenen Aufgabe unter Verwendung der Funktion `filter`.
2. Eine Funktion, die zu allen Zahlen einer Liste jeweils 42 addiert.
3. Eine Funktion, die sich wie a) verhält, aber nur die geraden Zahlen zurückgibt.
4. Eine Funktion, die sich wie b) verhält, aber das Produkt aller Zahlen zurückgibt.
5. Eine Funktion, die aus einer Liste von Zahlen alle Zahlen streicht, die nicht durch 4 oder 5 teilbar sind.
6. Eine Funktion, die die Summe der Quadrate der natürlichen Zahlen in einer Liste berechnet.
7. Eine Funktion `und`, die genau dann `true` zurück liefert, wenn alle Elemente einer Liste von Booleans `true` sind.

8. Eine Funktion **partitioniere**, die ein Prädikat als Argument nimmt und, angewandt auf eine Liste, zwei Listen zurückgibt, wobei erstere alle Elemente enthält, die das Prädikat erfüllen, und die andere die restlichen Elemente enthält.
9. Eine Funktion **sort**, die, angewendet auf eine Liste von Zahlen, diese Liste absteigend sortiert.
10. Modifizieren Sie die Funktion **sort** aus 8. so, dass durch einen zusätzlichen Parameter die Sortierreihenfolge bestimmt werden kann.

25 Aufgabe (Definition von Funktionen höherer Ordnung)

Definieren Sie die folgenden Funktionen höherer Ordnung rekursiv oder durch Verwendung von anderen Funktionen höherer Ordnung:

1. Eine Funktion
die zwei Funktionen und eine Liste von Zahlen als Argument erhält und auf jede Zahl zuerst die erste und dann die zweite Funktion anwendet.
2. Eine Funktion
die zwei Funktionen als Argument erhält und die kleinste natürliche Zahl sucht, für die diese beiden Funktionen dasselbe Ergebnis liefern. Begrenzen Sie die Suche auf Zahlen bis 1000 und geben Sie **nil** zurück, wenn keine passende Zahl gefunden wurde.