## Laboratorio Nacional de Modelaje y Sensores Remotos

Python Statistics
Noviembre 2018

#### DR. VICTOR M. RODRIGUEZ MORENO

Responsable del Laboratorio Nacional de Modelaje y Sensores Remotos IIS JORGE E. MAURICIO RUVALCABA. PSP. INIFAP







## Breve historia

- Creado por Guido Van Rossum en 1991.
- Es sucesor del lenguaje ABC
- Su nombre esta inspirado en el programa de televisión de la BBC "Monty Python Flying Circus"

## ¿Qué es?

- Interpretado
- Multiparadigma
- Típado dinamico
- Sintaxis de código legible
- Open source
- Multiplataforma

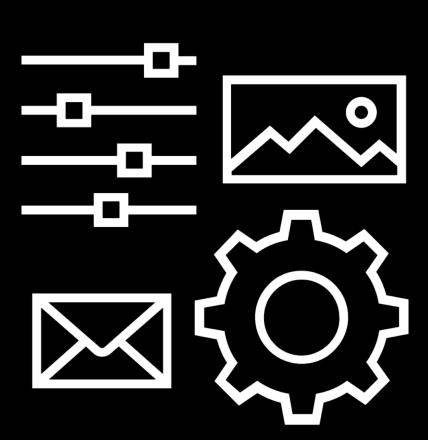
## ¿Porqué aprenderlo?

- Curva de aprendizaje baja; esto lo vamos a ver desde el primer ejercicio de este taller. Una sola línea de código nos da el resultado directamente
- Sintaxis legible (simple)
- Utilidad en muchos entornos de trabajo. Servidor, páginas web, aplicaciones desktop, etc; agricultura, algoritmos de estimación de datos perdidos, reconstrucción de series de datos, etc, etc

# Big Data?

Es un término para conjuntos de datos que son tan grandes o complejos que el software de aplicación de procesamiento de datos tradicional es inadecuado para tratar con ellos.





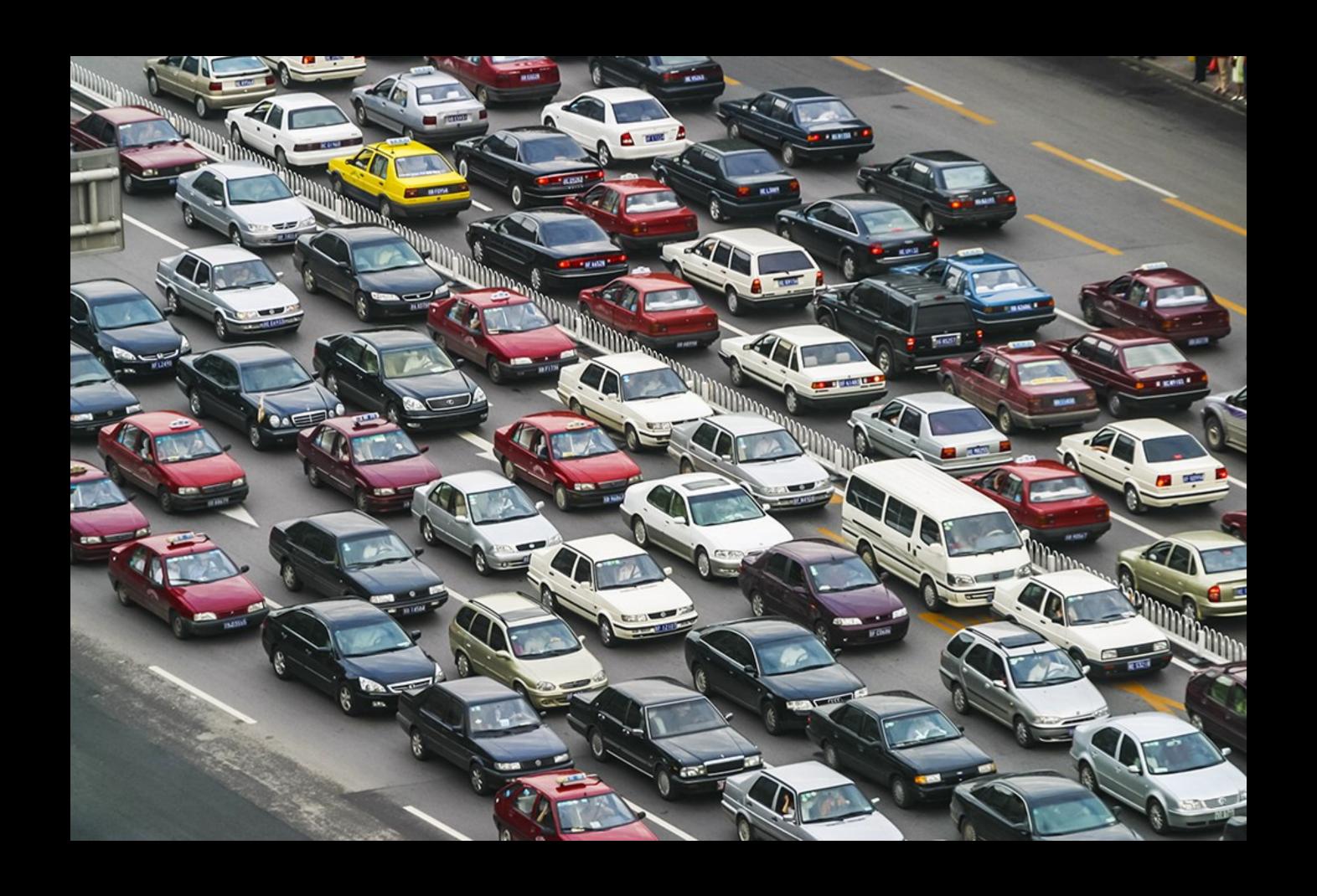
# ¿Aplicación?





Detección de fraudes en tiempo real

Análisis de sentimientos del consumidor



Gestión de inteligencia del tráfico

## ¿Características?

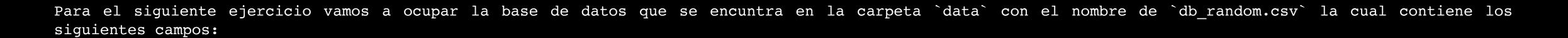
- Volumen: demasiados datos para manejar fácilmente
- Velocidad: la velocidad de entrada y salida de datos dificulta su análisis
- Variedad: el rango y el tipo de fuentes de datos son demasiado grandes para asimilar

 Big Data, significa más de lo que una organización puede gestionar eficazmente con su programa de Bl actual.

## Inicio del taller

### Exámen

#### # Ejercicio



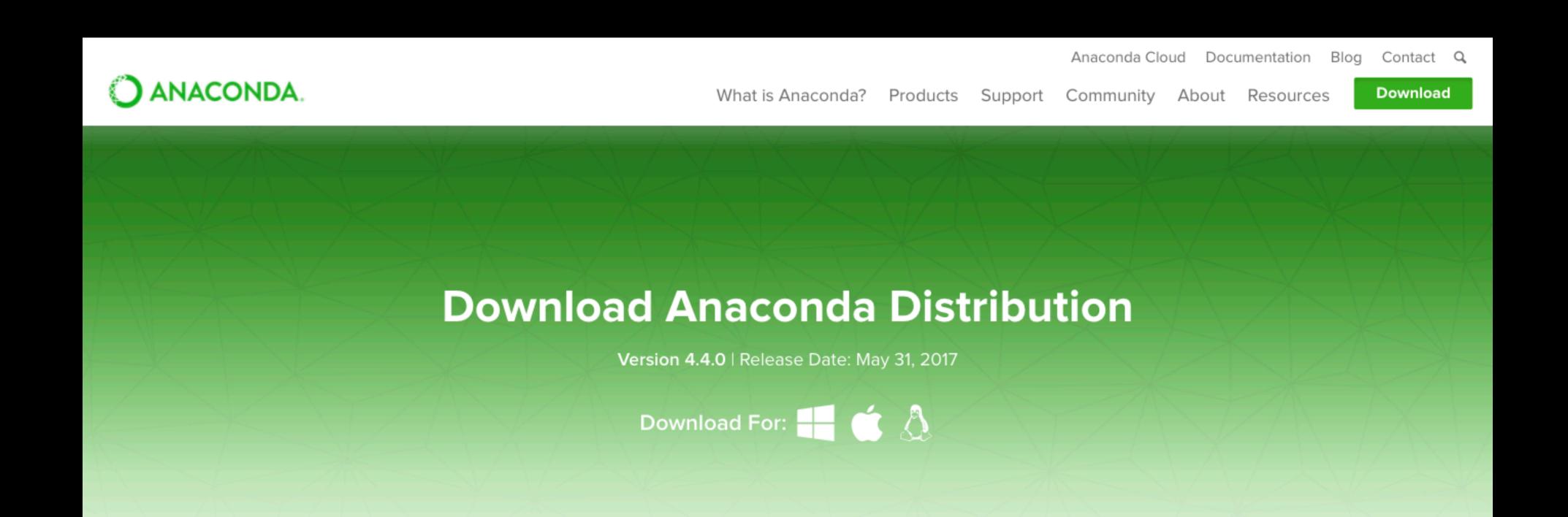
\* A :

\* B :

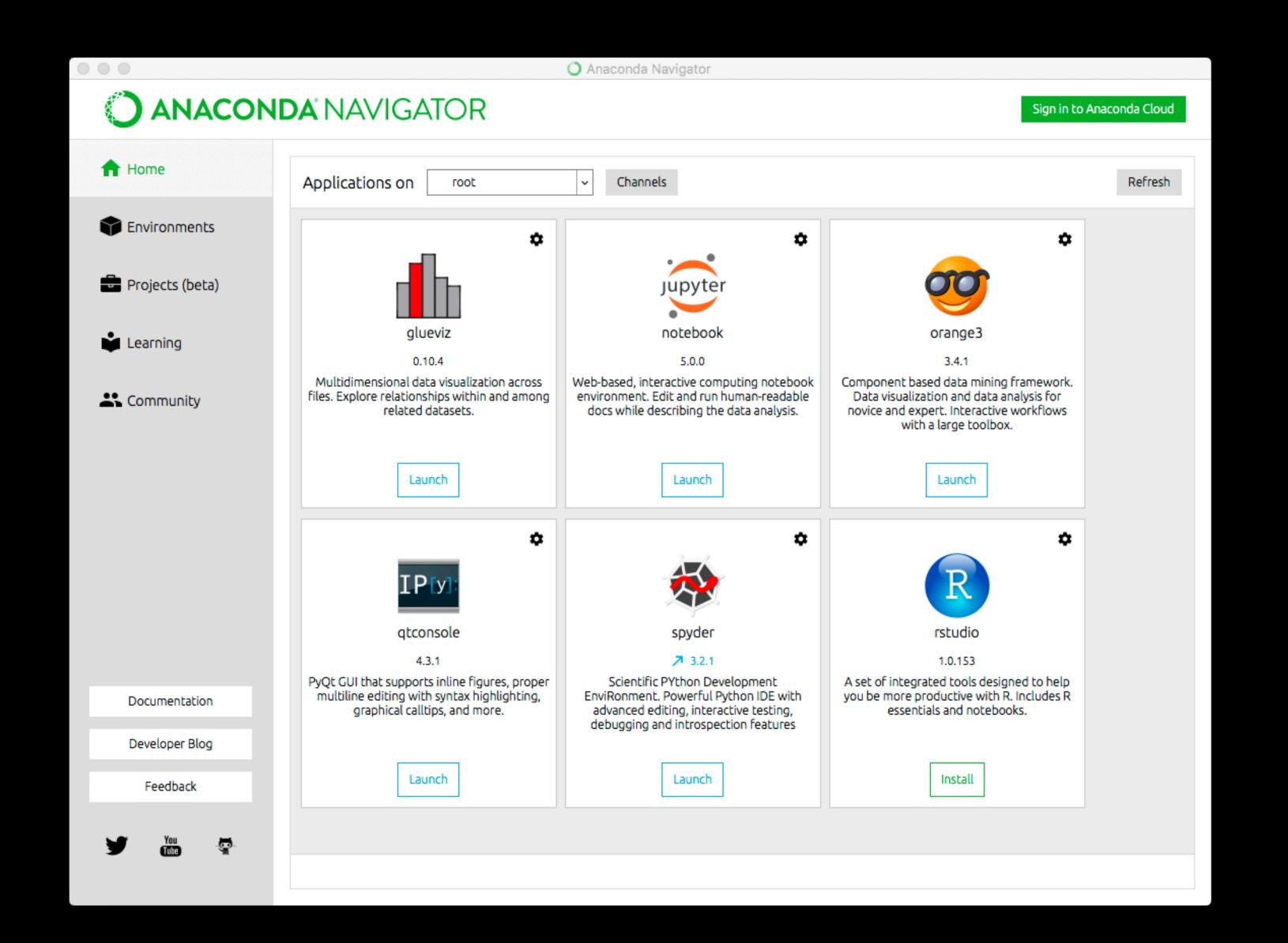
- \*\*Tienes 10 minutos para resolver las siguientes preguntas\*\*
- \* Media, mediana y moda de la columna A
- \* Media, mediana y moda de la columna B
- \* Histograma de la columna A
- \* Histograma de la columna B
- \*\* BONUS \*\*
- \* Desviación estandar de la columna A
- \* Desviación estandar de la columna B

### Instalación Anaconda

- www.anaconda.com/downloads
- Windows, macOS, Linux
- Windows-macOS: asistente, clic, clic, clic, Finalizar
- Linux: descargar el archivo .sh, ejecutarlo.



### Anaconda Navigator



### Modo Interactivo

 Para emplear el modo interactivo, se debe de ingresar el comando python en la terminal de comandos. De ahí en adelante las expresiones pueden ser introducidas una a una, pudiendo verse el resultado de su evaluación inmediatamente, lo que da la posibilidad de probar porciones de código en el modo interactivo antes de integrarlo como parte de un programa.

## Modo IDE

- Existen varios IDE (Interface Development Environment), los más populares son:
  - Spyder
  - Jupyter

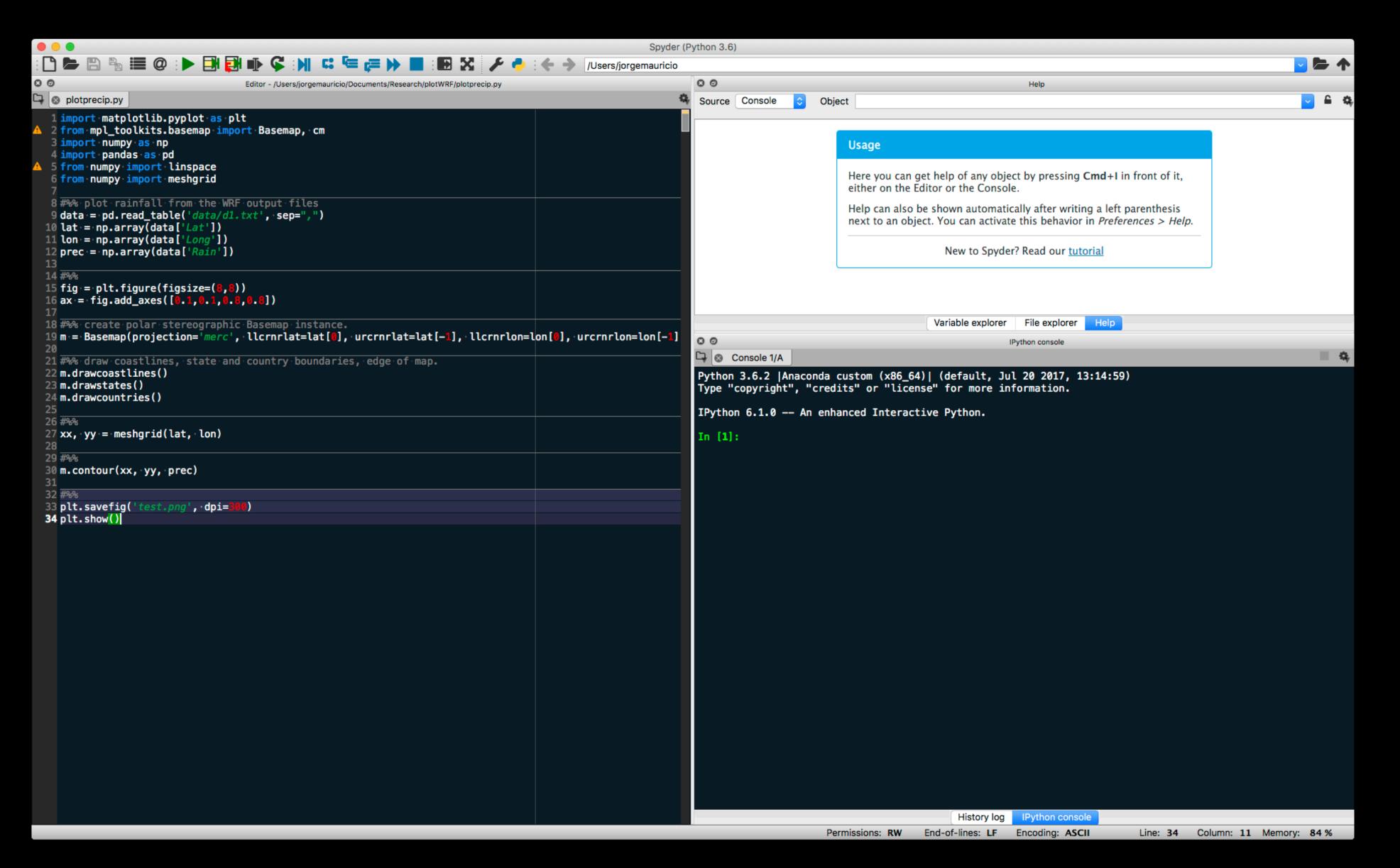




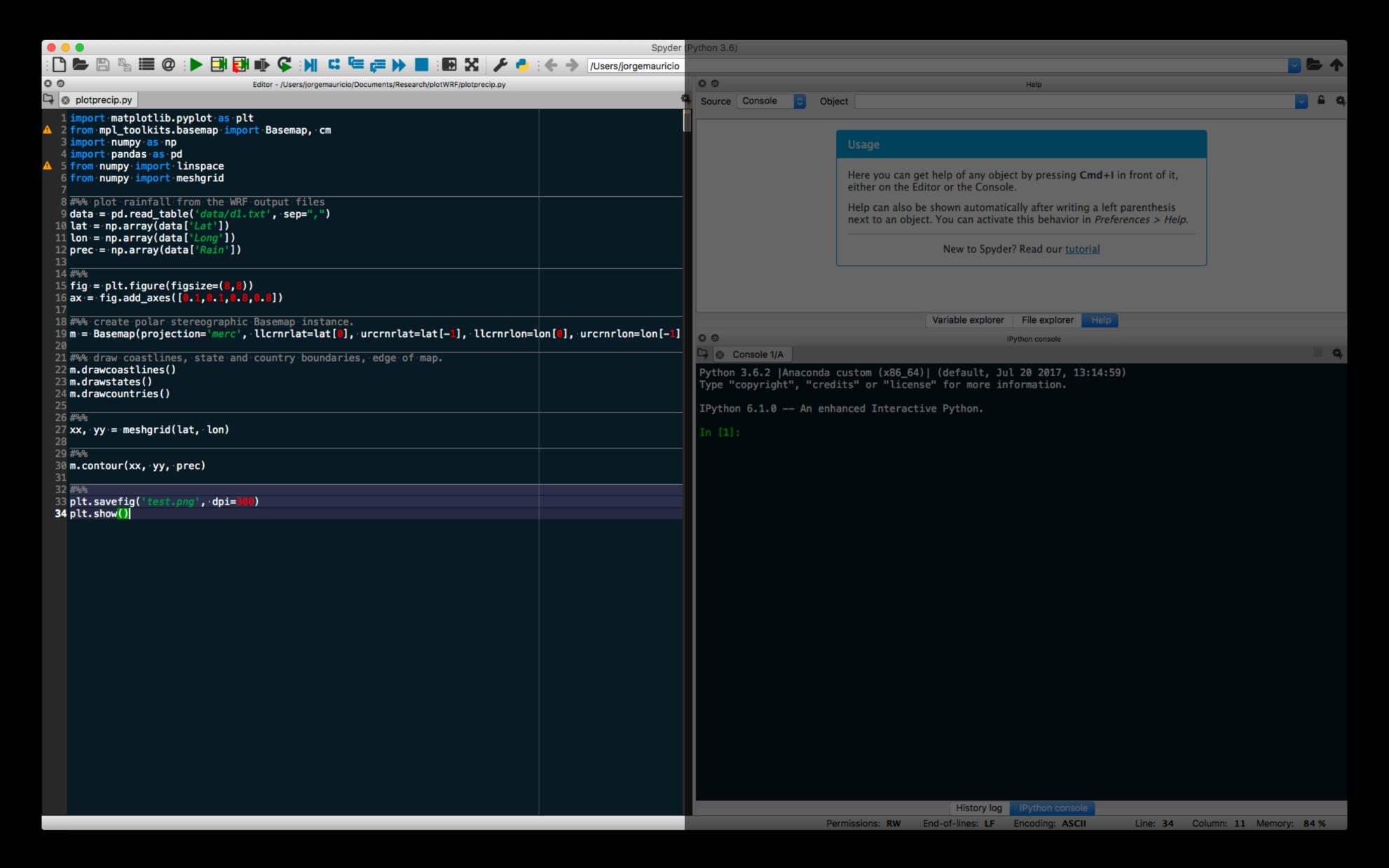
## Spyder

- Potente entorno de desarrollo interactivo para el lenguaje Python con funciones avanzadas de edición, pruebas interactivas, depuración e introspección.
- Entorno de computación numérica gracias al soporte de IPython (intérprete interactivo mejorado de Python) y bibliotecas populares de Python como:
  - NumPy (álgebra lineal)
  - SciPy (procesamiento de señales e imágenes)
  - Matplotlib (trazado interactivo 2D / 3D)

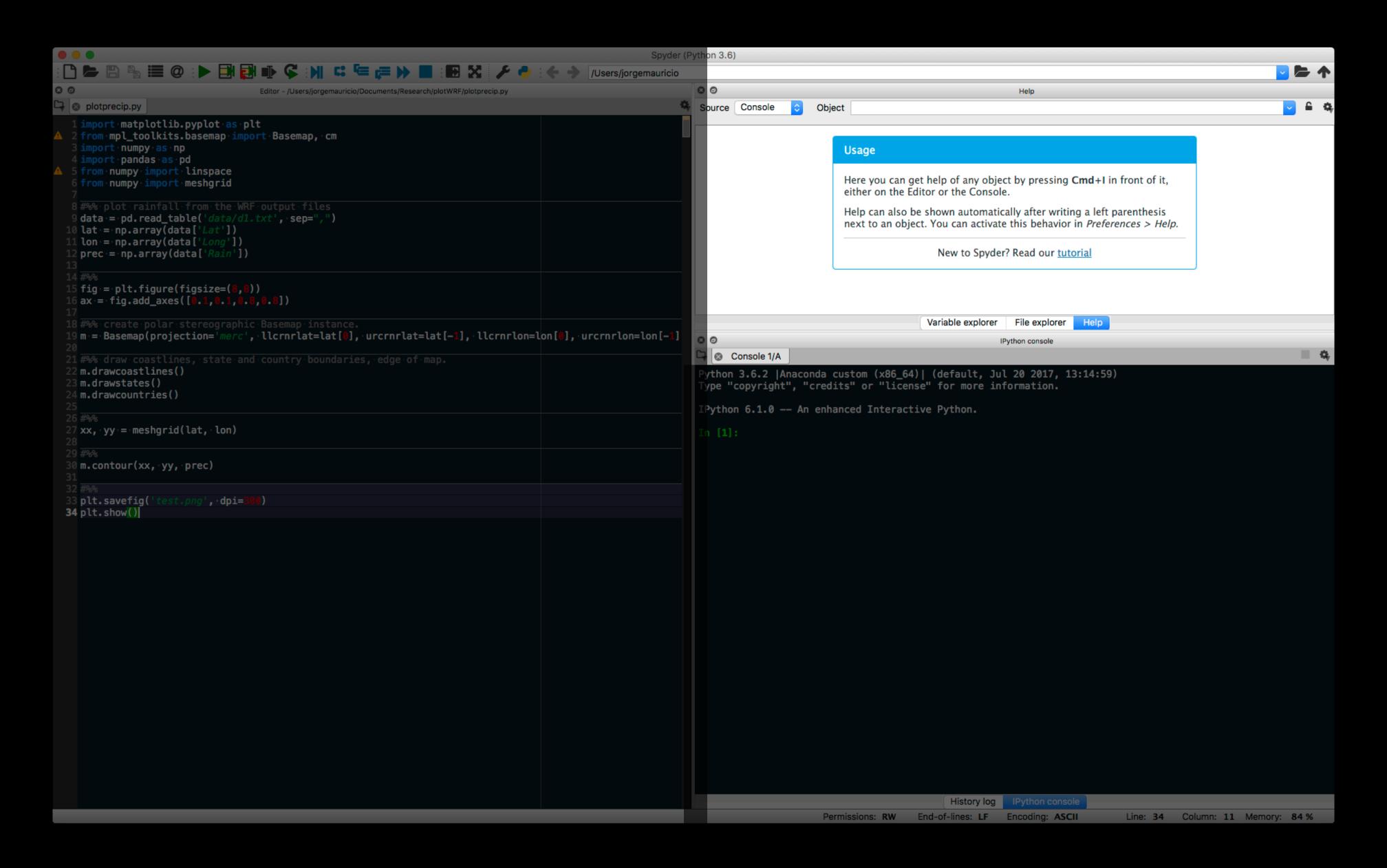
### IDE



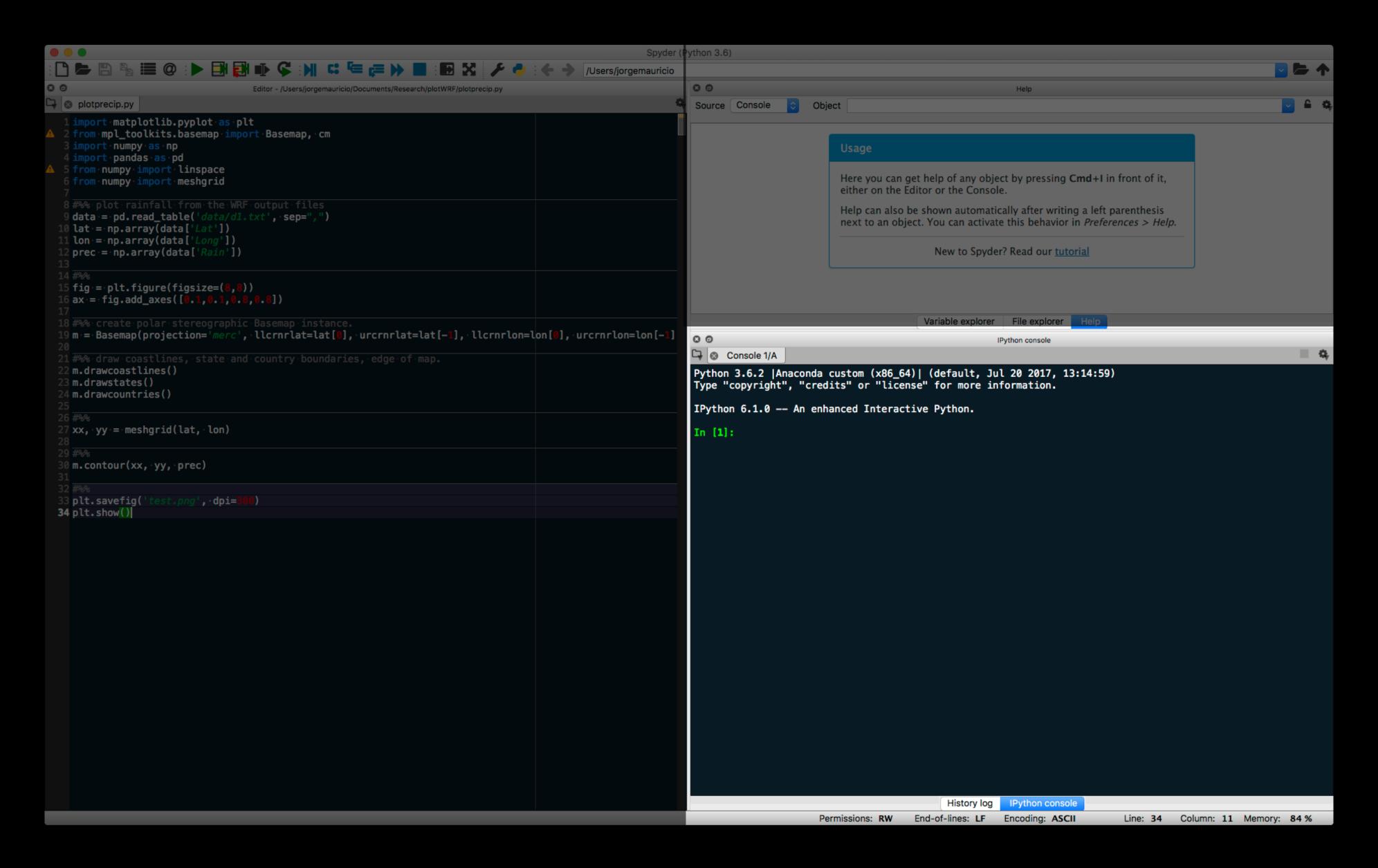
### Editor



#### Visualizador de archivos



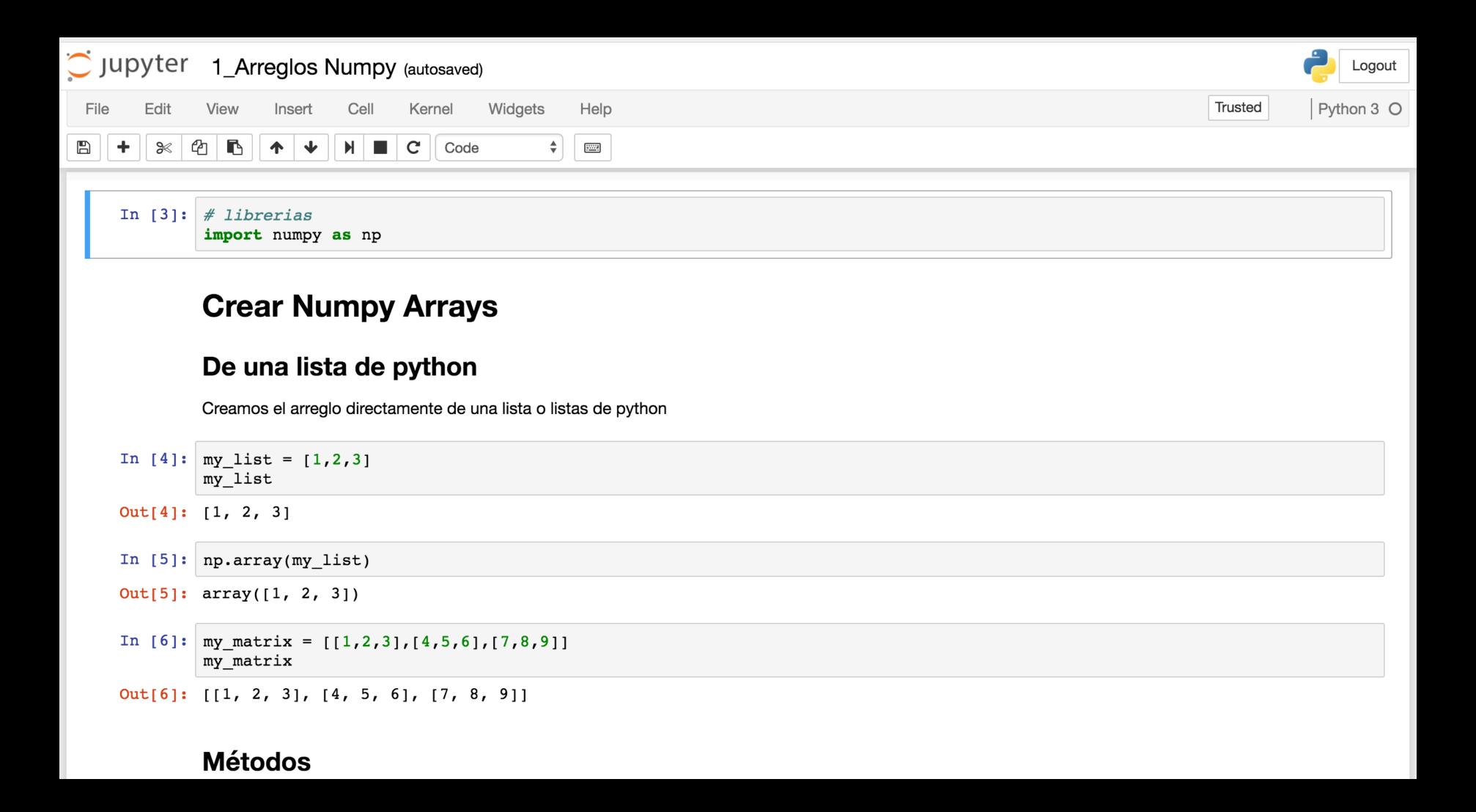
### Consola



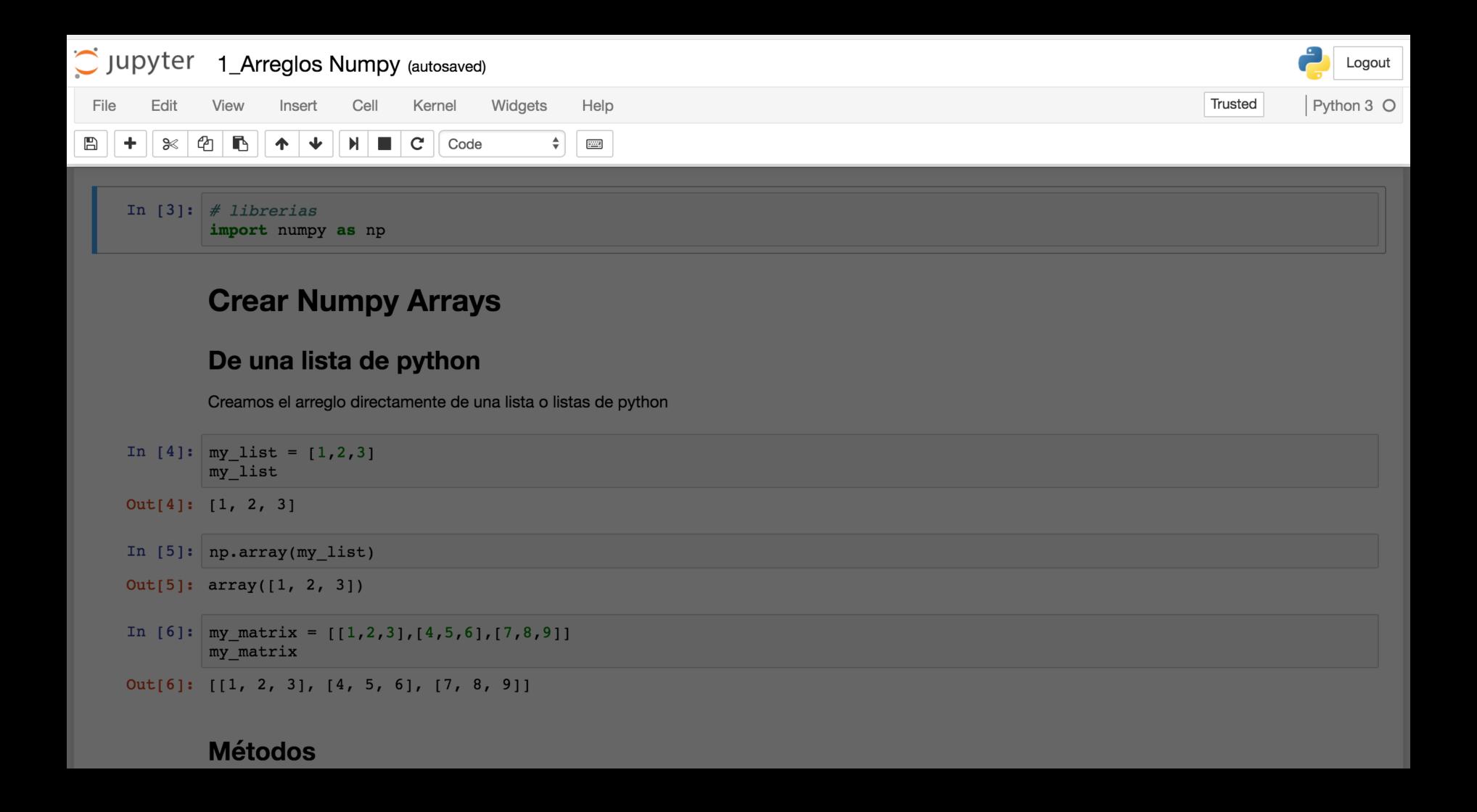
## Jupyter

- Es una aplicación web open source que permite crear y compartir documentos que contienen código en vivo, ecuaciones, visualizaciones y texto explicativo.
- Los usos más comunes para este IDE son: limpieza y transformación de datos, simulación numérica, modelado estadístico, aprendizaje automático entre otros.

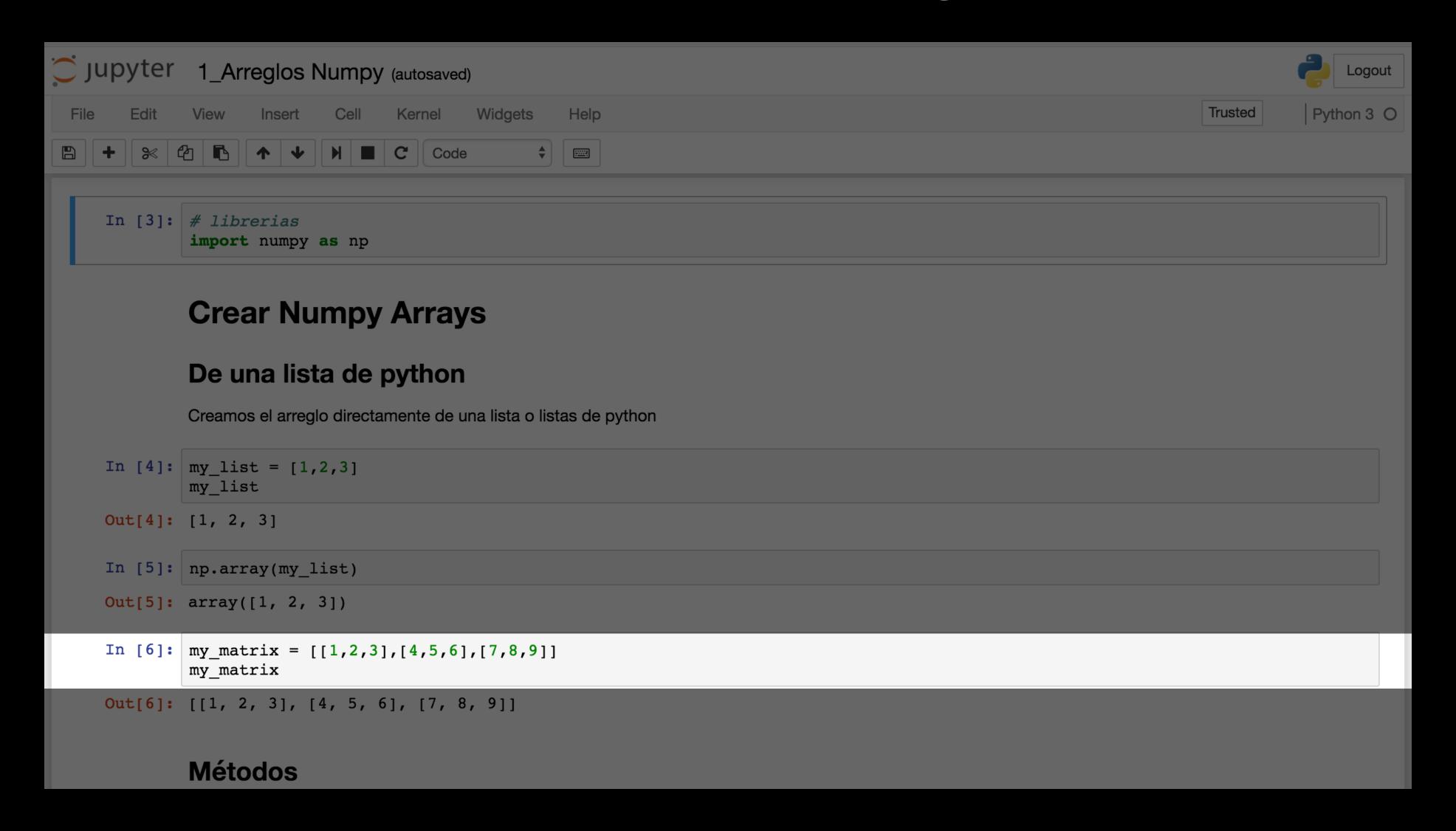
### IDE



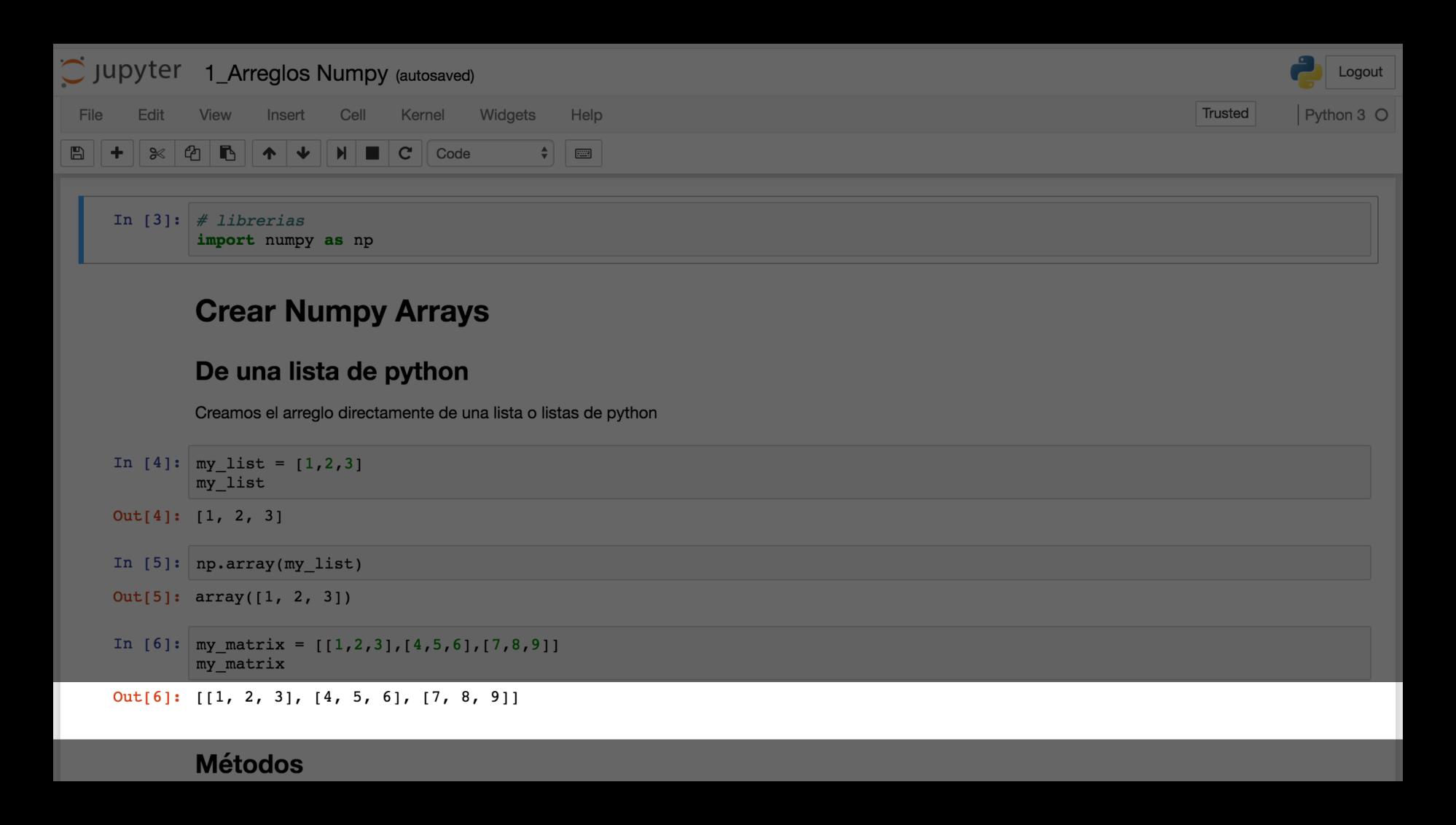
### Barra de herramientas



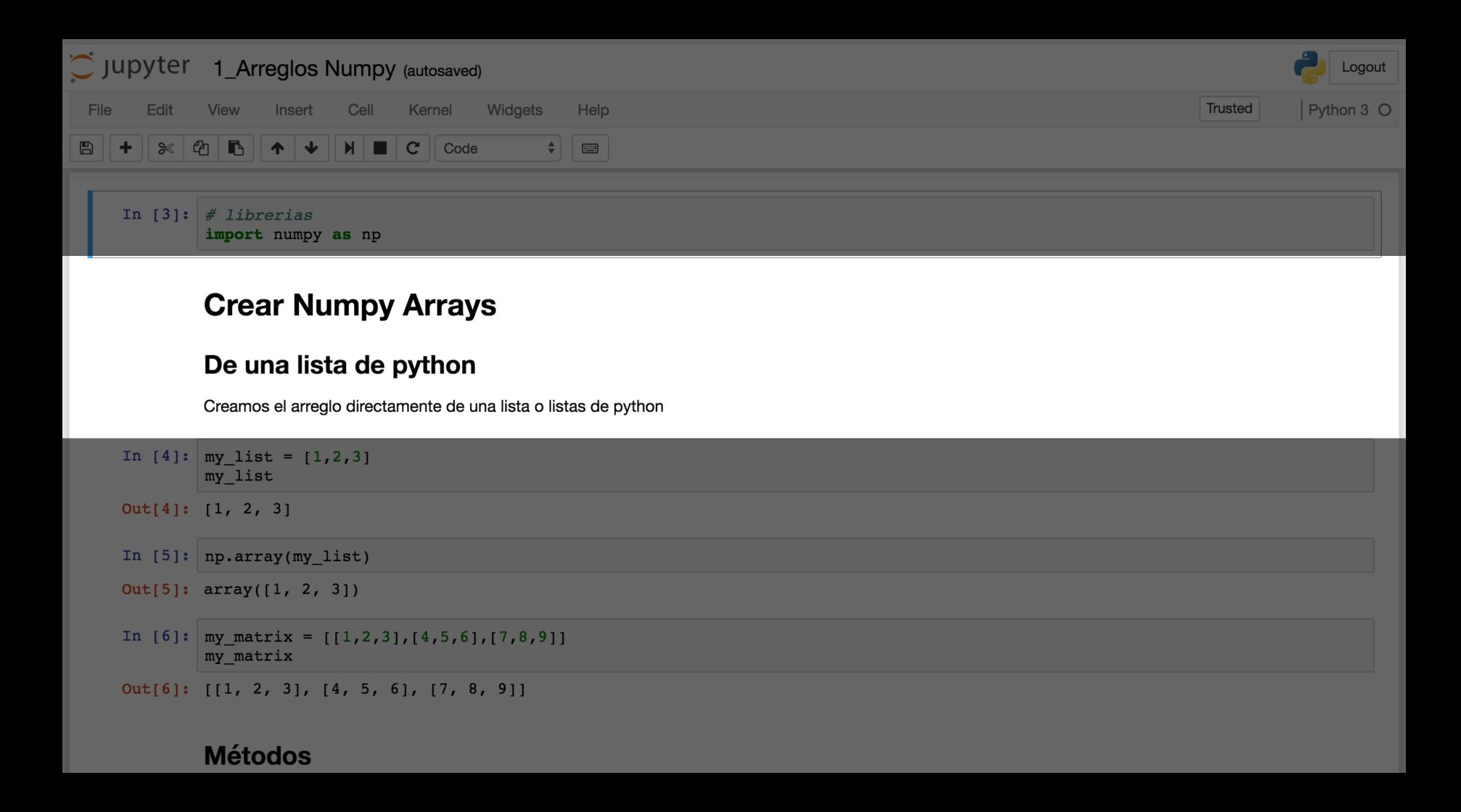
### Línea de código



### Línea de resultado



### Markdown



### Sintaxis Markdown

```
# Título
## Subtítulo
### Título normal
** Negrita **
* Lista
 Código `
_ Italica _
```

### Título

#### Subtítulo

#### Título normal

#### Negrita

- Lista
- Codigo
- Italica

## Sintaxis

### Indentación

El contenido de los bloques de código es delimitado mediante espacios o tabuladores, conocidos como indentación.

### C (Indentación opcional)

```
int numeroMayor (int x, int y)
 if (x == y)
  printf("Los dos valores son iguales")
 else if (x > y)
  printf("El primer valor es mayor")
 else(x > y)
  printf("El primer valor es mayor")
```

#### Python (Indentación obligatoria)

```
def numeroMayor(x,y):
    if x == y:
        print("Los dos valores son iguales")
    elif x > y:
        print("El primer valor es mayor")
    else:
        print("El segundo valor es mayor")
```

#### Python (Indentación obligatoria)

```
def numeroMayor(x,y):
    ****if x == y:
    *******print("Los dos valores son iguales")
    ****elif x > y:
    *******print("El primer valor es mayor")
    ****else:
    *******print("El segundo valor es mayor")
```

## Comentarios

Existen dos formas. La primera y más apropiada para comentarios largos es utilizando la notación

" comentario ", tres apóstrofes de apertura y tres de cierre.

La segunda notación utiliza el símbolo #, y se extienden hasta el final de la línea.

```
Comentario multilinea
'''

print("Hola Mundo") # Comentario en línea
```

## Imprimir variables

```
a = 2
print(a)
# imprime 2
print("Hola mundo")
# imprime Hola mundo
a = 2
b = 3
print("Multiplicar \{\}\ x\ \{\}\ =\ \{\}".format(a,b,a*b))
# imprime Multiplicar 2 x 3 = 6
```

## Imprimir variables

```
a = 2
print(a)
# imprime 2
print("Hola mundo")
# imprime Hola mundo
a = 2
b = 3
print("Multiplicar \{\}\ x\ \{\}\ =\ \{\}".format(a,b,a*b))
# imprime Multiplicar 2 x 3 = 6
```

### Variables

Las variables se definen de forma dinámica, lo que significa que no se tiene que especificar cuál es su tipo de antemano y puede tomar distintos valores en otro módulo, función o proceso, incluso de un tipo diferente al que tenía previamente.

Se utiliza el símbolo "=" para asignar valores

```
x = 1
x = "Texto"

# Esto es posible por que los tipos son asignados dinámicamente
```

# Operadores lógicos

	not	
	Or	
8.8	and	

# Tipos de datos

Tipo	Clase	Notas	Ejemplo
str	Cadena	Inmutable	Cadena'
unicode	Cadena	Versión Unicode de str	u'Cadena'
list	Secuencia	Mutable, puede contener objetos de diversos tipos	[4.0, 'Cadena', True]
tuple	Secuencia	Inmutable, puede contener objetos de diversos tipos	(4.0, 'Cadena', True)
set	Conjunto	Mutable, sin orden, no contiene duplicados	set([4.0, 'Cadena', True])
frozenset	Conjunto	Inmutable, sin orden, no contiene duplicados	frozenset([4.0, 'Cadena', True])
dict	Mapping	Grupo de pares clave:valor	{'key1': 1.0, 'key2': False}
int	Número entero	Precisión fija, convertido en long en caso de overflow.	42
long	Número entero	Precisión arbitraria	42L ó 456966786151987643L
float	Número decimal	Coma flotante de doble precisión	3.1415927
complex	Número complejo	Parte real y parte imaginaria j.	(4.5 + 3j)
bool	Booleano	Valor booleano verdadero o falso	True o False

#### Lista

Para declarar una lista se usan los corchetes "[]".

Para acceder a los elementos de una lista se utiliza un índice entero (empezando por "0", no por "1"). Se pueden utilizar índices negativos para acceder elementos a partir del final.

Las listas se caracterizan por ser mutables, es decir, se puede cambiar su contenido en tiempo de ejecución.

```
>>>> lista = ["abc", 42, 3.1416]
>>>> lista[0] # Acceder a un elemento por su índice
'abc'
>>>> lista[-1] # Acceder a un elemento usando un índice negativo
3.1416
>>>> lista.append(True) # Añadir un elemento al final de la lista
>>>> lista
['abc', 42, 3.1416, True]
>>>> del lista[3] # Borra el elemento número 3 de la lista
>>>> lista[0] = "xyz" # Re-asignar el valor del primer elemento de la lista
>>>> lista[0:2] # Mostrar los elementos de la lista del índice 0 al 2
["xyz", 42]
>>>> lista_anidada = [lista, [True, 42L]]
>>>> lista anidada
[['xyz', 42, 3.1416], [True, 42L]]
>>>> lista_anidada[1][0] # Acceder a un elemento de una lista dentro de otra lista
```

#### Diccionarios

Para declarar un diccionario se usan las llaves "{ }". Contienen elementos separados por comas, donde cada elemento está formado por un par clave : valor (el símbolo : separa la clave de su valor correspondiente).

Los diccionarios son mutables, es decir, se puede cambiar el contenido de un valor en tiempo de ejecución.

En cambio, las claves de un diccionario deben ser inmutables. Esto quiere decir, por ejemplo, que no podremos usar ni listas ni diccionarios como claves.

El valor asociado a una clave puede ser de cualquier tipo de dato, incluso un diccionario.

```
>>>> diccionario = {"cadena": "abc", "numero": 42, "lista": [True, 42L]}
# Diccionario que tiene diferentes valores por cada clave
>>>> diccionario["cadena"] # Accede a su valor usando clave
'abc'
>>>> diccionario["lista"][0] # Acceder a un elemento de una lista dentro de un valor
True
>>>> diccionario["cadena"] = "xyz" # Re-asignar el valor de una clave
>>>> diccionario["cadena"]
"xyz"
>>>> diccionario["decimal"] = 3.1416 # Insertar un nuevo elemento clave:valor
>>>> diccionario["decimal"]
3.1416
```

#### Clases

Las clases se definen con la palabra clave class, seguida del nombre de la clase y, si hereda de otra clase, el nombre de esta.

En una clase un "método" equivale a una "función", y un "atributo" equivale a una "variable".

"\_\_init\_\_" es un método especial que se ejecuta al instanciar la clase, se usa generalmente para inicializar atributos y ejecutar métodos necesarios. Al igual que todos los métodos en Python, debe tener al menos un parámetro, generalmente se utiliza self. El resto de parámetros serán los que se indiquen al instanciar la clase.

Los atributos que se desee que sean accesibles desde fuera de la clase se deben declarar usando self. delante del nombre.

En python no existe el concepto de encapsulación, por lo que el programador debe ser responsable de asignar los valores a los atributos

```
>>>> class Persona(Object):
           def __int__(self, nombre, edad):
• • •
                self.nombre = nombre # atributo
• • •
                self.edad = edad # atributo
• • •
           def mostrar_edad(self): # Es necesario que, al menos, tenga un parámetro, generalmente "self"
• • •
                print(self.edad) # mostrar un atributo
• • •
           def modificar_edad(self, edad): #modificando Edad
• • •
                if edad < 0 or edad > 150: # Comprobar que la edad no sea menor de 0, ni mayor a 150
• • •
                      return False
• • •
                else: # Si esta en el rango 0-150, entonces se modifica la variable
• • •
                      self.edad = edad # modificar la edad
• • •
>>>> p = Persona("Jorge", 20) # Instanciar la clase, como se puede ver, no se especifica el valor de "self"
>>>> p.nombre # la variable "nombre" del objeto sí es accesible desde fuera
'Jorge'
>>>> p.nombre = 'Ernesto' # Y por tanto, se puede cambiar su contenido
'Ernesto'
>>>> p.mostar_edad() # Se llama a un método de la clase
20
>>>> p.modificar edad(21)
# Es posible cambiar la edad usando el método específico que hemos hecho para hacerlo de forma controlada
>>>> p.mostrar_edad()
21
```

#### Condicionales

Una sentencia condicional **if** ejecuta su bloque de código interno sólo si se cumple cierta condición. Se define usando la palabra clave if seguida de la condición, y el bloque de código.

Condiciones adicionales, si las hay, se introducen usando **elif** seguida de la condición y su bloque de código. Todas las condiciones se evalúan secuencialmente hasta encontrar la primera que sea verdadera, y su bloque de código asociado es el único que se ejecuta.

Opcionalmente, puede haber un bloque final (la palabra clave es **else** seguida de un bloque de código) que se ejecuta sólo cuando todas las condiciones fueron falsas.

```
>>>> verdadero = True
>>>> if verdadero: # No es necesario poner "verdadero == True"
           print("Verdadero")
... else:
           print("Falso")
Verdadero
>>>> lenguaje = "Python"
>>>> if lenguaje == "C": # Lenguaje no es "C", por lo que este bloque se obviará y evaluará la siguiente condición
           print("Lenguaje de programación: C")
• • •
       elif lenguaje == "Python": # se pueden añadir tantos bloques "elif" como se quiera
           print("Lenguaje de programación: Python")
• • •
     else: # en caso de que ninguna de las anteriores condiciones fuera cierta, se ejecutaría este bloque
           print("Lenguaje de programación: Indefinido")
• • •
• • •
Lenguaje de programación: Python
>>>> if verdadero and lenguaje == "Python": # Uso de "and" para comprobar que ambas condiciones son verdaderas
           print("Verdadero y Lenguaje de programación: Python")
Verdadero y Lenguaje de programación: Python
```

# Ciclos

## For

Es similar a foreach en otros lenguajes.

Recorre un objeto iterable, como una lista, una tupla o un generador, y por cada elemento del iterable ejecuta el bloque de código interno.

Se define con la palabra clave **for** seguida de un nombre de variable, seguido de **in**, seguido del iterable, y finalmente el bloque de código interno.

En cada iteración, el elemento siguiente del iterable se asigna al nombre de variable especificado

```
>>>> lista = ["a", "b", "c"]
>>>> for i in lista: # iteramos sobre una lista
... print(i)
...
a
b
c
```

```
>>>> cadena = "abcdef"
for i in cadena: # iteramos sobre una cadena
      print(i)
• • •
a
b
C
d
```

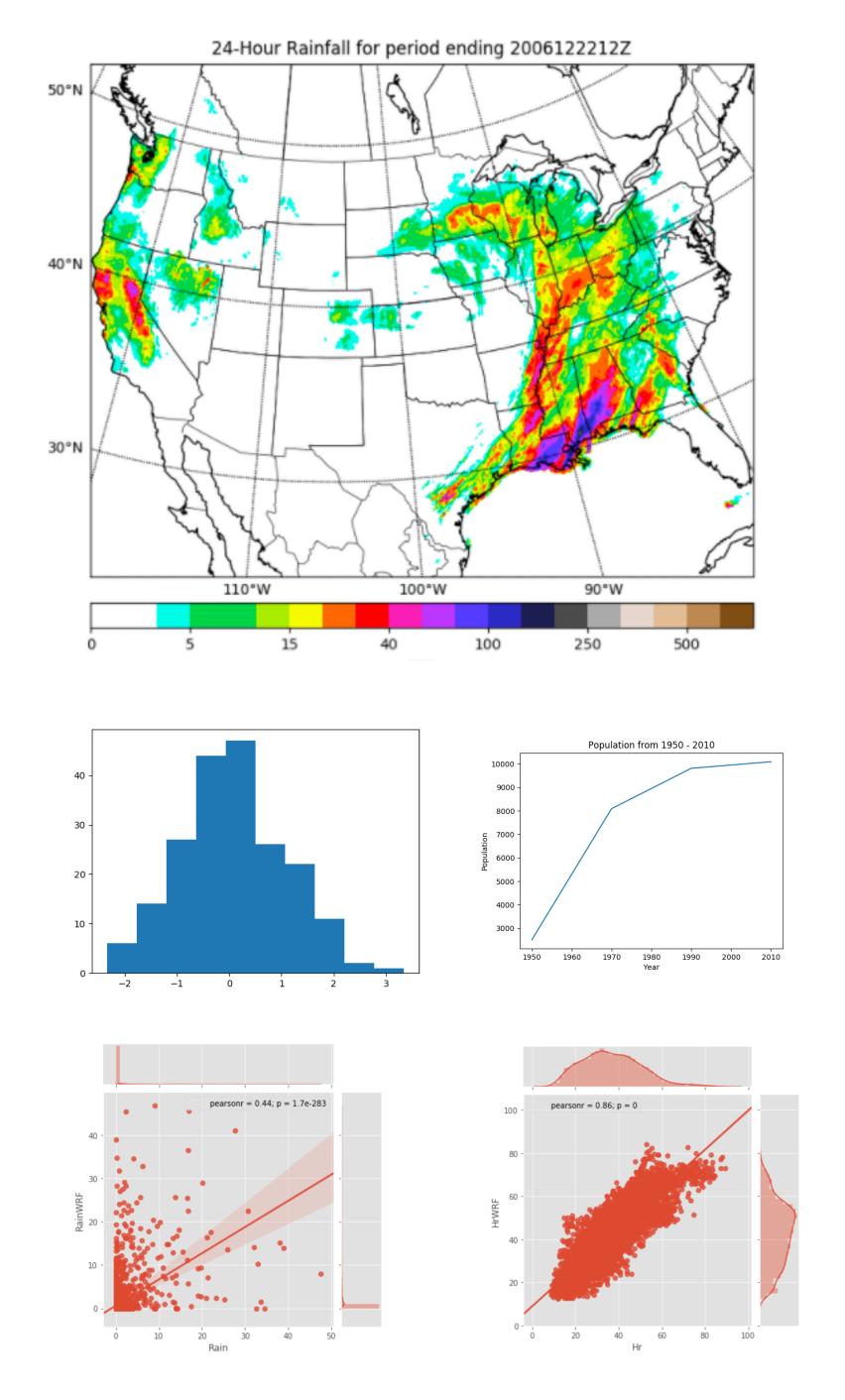
#### While

Evalúa una condición y, si es verdadera, ejecuta el bloque de código interno. Continúa evaluando y ejecutando mientras la condición sea verdadera. Se define con la palabra clave **while** seguida de la **condición**, y a continuación el bloque de código interno

```
>>>> numero = 0
>>>> while numero < 10:
... print(numero)
         numero += 1 # un buen programador modificará las variables
• • •
                       # de control al finalizar el ciclo while
• • •
• • •
2
5
```

## Módulos

- Existen muchas propiedades que se pueden agregar al lenguaje importando módulos, que son "minicódigos" (la mayoría escritos también en Python) que proveen de ciertas funciones y clases para realizar determinadas tareas.
- Un ejemplo es el módulo Basemap, que nos permite crear mapas.
- Otro ejemplo es el módulo os, que provee acceso a muchas funciones del sistema operativo. Los módulos se a g r e g a n a los códigos escribiendo import seguida del nombre del módulo que queramos usar.



```
>>>> import os # módulo que provee funciones del sistema operativo
>>>> os.name # devuelve el nombre del sistema operativo
'posix'
>>>> os.mkdir("tmp/ejemplo") # crea un directorio en la ruta especificada
>>>> import time # módulo para trabajar con fechas y horas
.... time.strftime("%Y-%m-%d %H:%M:%S")
# dándole un cierto formato, devuelve la fecha y/u hora actual
'2017-09-15 10:52:01'
```

# Numpy

Es un módulo de Python, que le agrega mayor soporte para vectores y matrices, constituyendo una biblioteca de funciones matemáticas de alto nivel para operar con esos vectores o matrices.

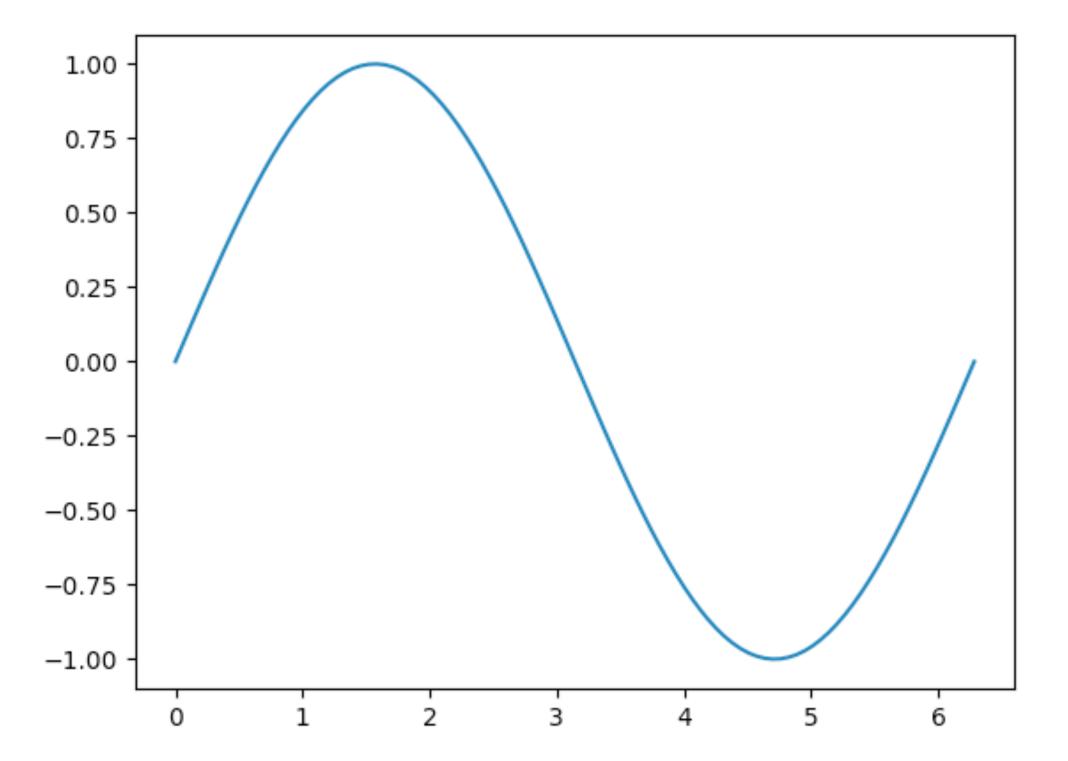
```
import numpy as np
from matplotlib import pyplot

x = np.linspace(0, 2 * np.pi, 100)

y = np.sin(x)

pyplot.plot(x,y)

pyplot.show()
```



## Arregios

```
import numpy as np
a = np.array([1,2,3]) # arreglo de rank 1
print(type(a)) # imprime "<class 'numpy.ndarray'>"
print(a.shape) # imprime "(3,)"
print(a[0], a[1], a[2]) # imprime "1 2 3"
a[0] = 5 # cambiar un elemento del arreglo
print(a) # imprime "[5,2,3]"
b = np.array([[1,2,3],[4,5,6]]) # arreglo de rank 2
print(b.shape) # imprime ("2,3")
print(b[0,0], b[0,1], b[1,0]) # imprime "1, 2, 4"
```

#### Funciones

```
import numpy as np
a = np.zeros((2,2)) \# crea un arreglo de 0's
print(a)
# imprime "[[ 0. 0.]
            [ 0. 0.]]"
b = np.ones((1,2)) # crea un arreglo de 1's
print(b) # imprime "[[1. 1.]]"
c = np.full((2,2),7) \# crea un arreglo de una constante
print(c) # imprime "[[7. 7.
                     [7. 7.]]"
d = np.eye(2) # crea una matrix de 2x2
print(d) # imprime "[[1. 0]
                     [0.1.]]"
e = np.random.random((2,2)) # crea un arreglo de números random
print(e) # imprime "[[0.91209392 0.98736452
                      [0.87594037 0.892384719]]"
```

## Índices

```
import numpy as np
# Crea un arreglo de rank 2 con la siguiente forma (3,4)
# [[1 2 3 4]
   [5 6 7 8]
   [9 10 11 12]]
a = np.array([[1,2,3,4],[5,6,7,8],[9,10,11,12]])
# crear un subarreglo de los 2 primeros renglones y la primer columna
# [[2 3
   [67]]
b = a[:2, 1:3]
# una división del arreglo es una vista de los mismos datos, por lo tanto cualquier
# modificación, modificara el arreglo original
print(a[0,1]) #imprime 2
b[0,0] = 77 \# b[0,0] es el miso dato a a[0,1]
print(a[0,1]) # imprime 77
```

# Funciones básicas matemáticas

#### Suma

```
import numpy as np
x = np.array([[1,2],[3,4]], dtype=np.float64)
y = np.array([[5,6],[7,8]], dtype=np.float64)
print(x + y)
print(np.add(x,y))
# [[6.0 8.0]
   [10.0 12.0]]
```

#### Resta

```
import numpy as np
x = np.array([[1,2],[3,4]], dtype=np.float64)
y = np.array([[5,6],[7,8]], dtype=np.float64)
print(x - y)
print(np.subtract(x,y))
\# [[-4.0] -4.0]
   [-4.0 -4.0]
```

#### Multiplicación

```
import numpy as np
x = np.array([[1,2],[3,4]], dtype=np.float64)
y = np.array([[5,6],[7,8]], dtype=np.float64)
print(x * y)
print(np.multiply(x,y))
# [[ 5.0 12.0]
   [21.0 32.0]]
```

#### División

```
import numpy as np
x = np.array([[1,2],[3,4]], dtype=np.float64)
y = np.array([[5,6],[7,8]], dtype=np.float64)
print(x / y)
print(np.divide(x,y))
# [[ 0.2 0.33333333]
   [ 0.42857143 0.5
```

#### Raíz cuadrada

```
import numpy as np
x = np.array([[1,2],[3,4]], dtype=np.float64)
y = np.array([[5,6],[7,8]], dtype=np.float64)
print(np.sqrt(x))
# [[ 1. 1.41421356]
   [ 1.73205081 2.
```

# Pandas

Es un módulo de Python que proporciona estructuras de datos rápidas, flexibles y expresivas.

Esta diseñado para que trabajar con datos "relacionales" o "etiquetados".

Su objetivo es ser el módulo fundamental de alto nivel para realizar análisis de datos reales.

#### Crear un DataFrame

```
import pandas as pd
data = {'Country': ['Belgium', 'India', 'Brazil'],
           'Capital': ['Brussels', 'New Delhi', 'Brasília'],
           'Population': [11190846, 1303171035, 207847528]}
df = pd.DataFrame(data, columns=['Country', 'Capital', 'Population'])
df = pd.read_csv('file.csv', header=None, nrows=5)
df = pd.read_excel('file.xlsx')
```

#### Información del DataFrame

```
df.shape # (filas, columnas)
df.index # describe los indices
df.columns # describe las columnas
df.info() # información del dataFrame
df.count() # número de valores no NaN
```

#### Resumen del DataFrame

```
df.sum() # suma de los valores

df.cumsum() # acumulado de la sumatoria de los valores

df.min() / df.max() # mínimo / máximo de los valores

df.idxmin() / df.idxmax() mínimo / máximo de los índices

df.describe() # resumen estadístico

df.mean() # media de los valores

df.median() # mediana de los valores
```

#### Eliminar registros del DataFrame

```
s.drop(['a', 'c']) # eliminar datos de filas (axis=0)

df.drop('Country', axis=1) # eliminar datos de una columna (axis=1)
```

#### Ordenar el DataFrame

```
df.sort_index() # ordenar por indice

df.sort_values(by='Country') # ordenar por valores de la columna Country

df.rank() # asignar un ranking
```

# Matplotlib

Matplotlib es un módulo de trazado 2D de Python que produce gráficas de calidad de publicación en una variedad de formatos impresos y entornos interactivos a través de plataformas.

Matplotlib se puede utilizar en shell, scripts, IPython, Jupyter, servidores de aplicaciones web.

#### Gráfica de línea

```
import matplotlib.pyplot as plt

year = [1950, 1970, 1990, 2010]

pop = [2510, 8090, 9809, 10090]

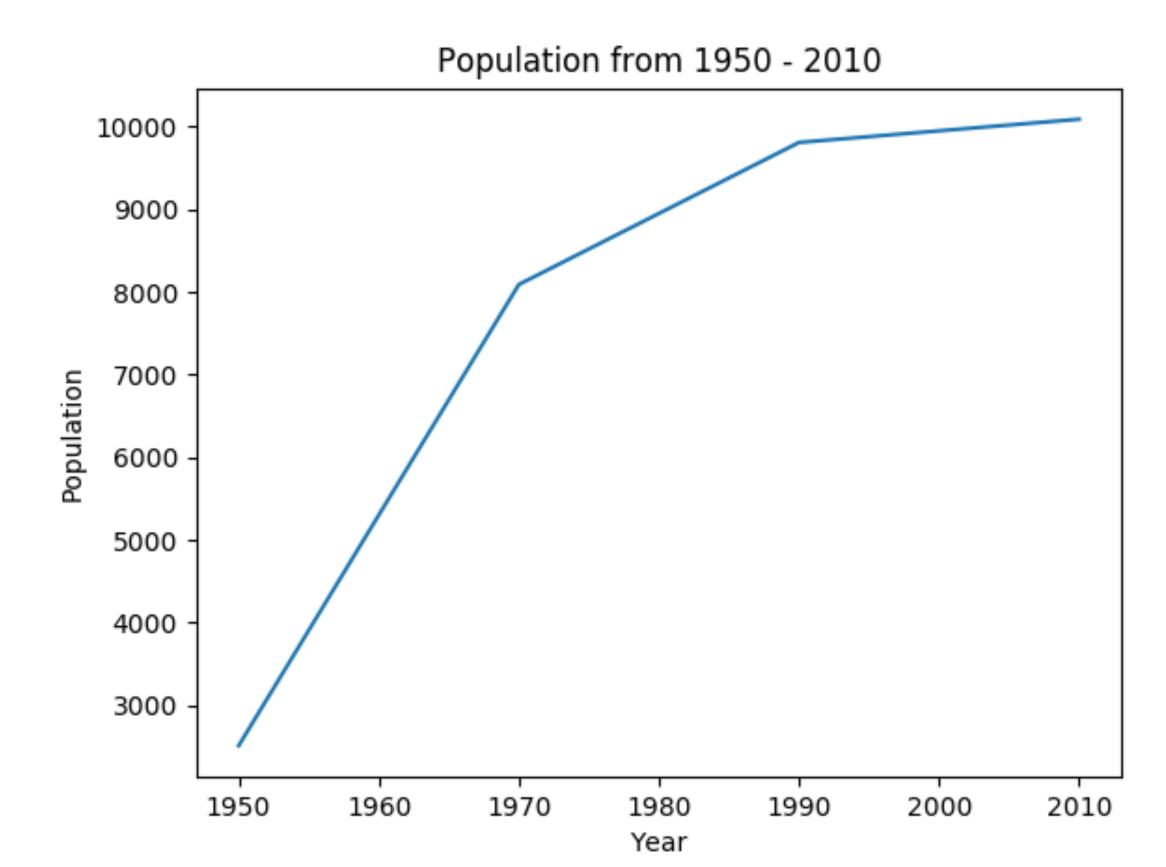
plt.plot(year, pop)

plt.xlabel('Year')

plt.ylabel('Population')

plt.title('Population from 1950 - 2010')

plt.show()
```



#### Gráfica de puntos

```
import matplotlib.pyplot as plt

year = [1950, 1970, 1990, 2010]

pop = [2510, 8090, 9809, 10090]

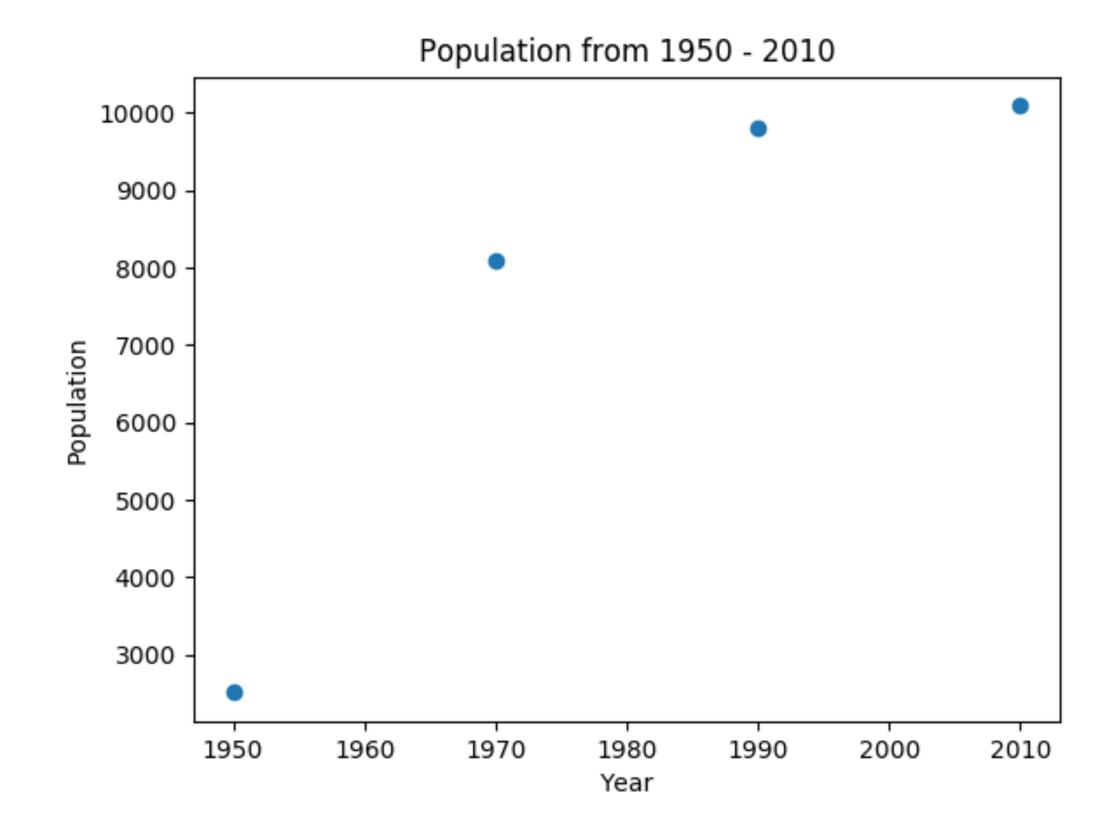
plt.scatter(year, pop)

plt.xlabel('Year')

plt.ylabel('Population')

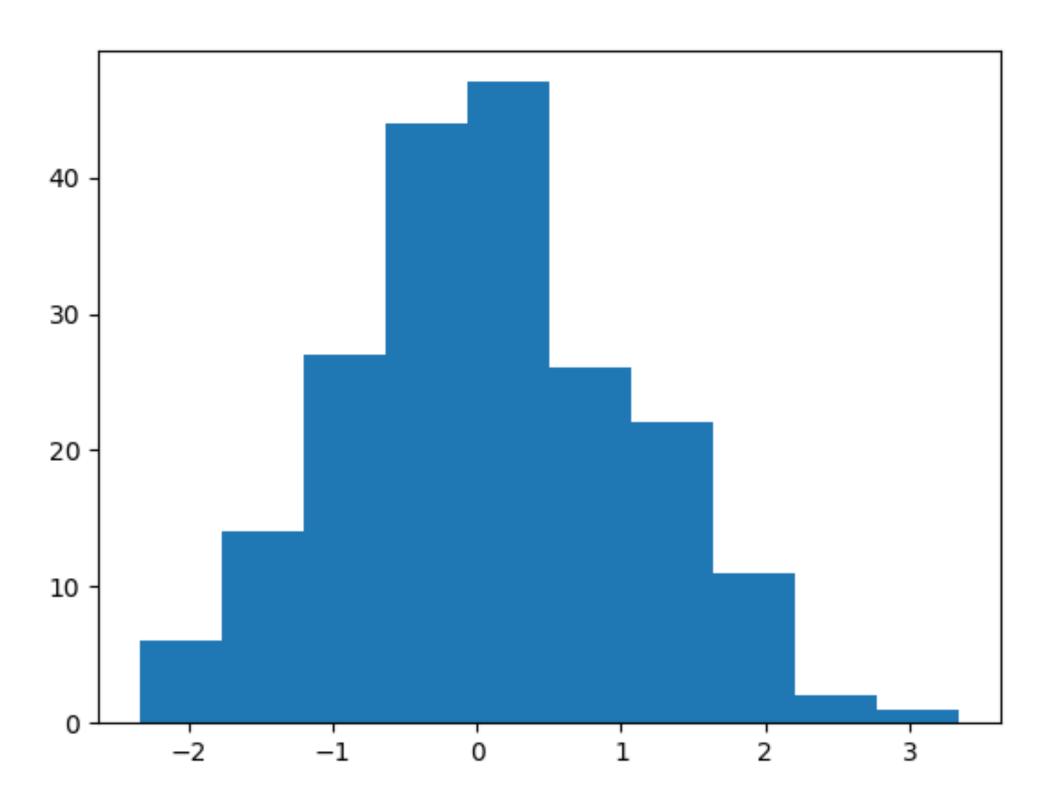
plt.title('Population from 1950 - 2010')

plt.show()
```



## Histogramas

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
values = np.random.randn(200)
plt.hist(values)
plt.show()
```



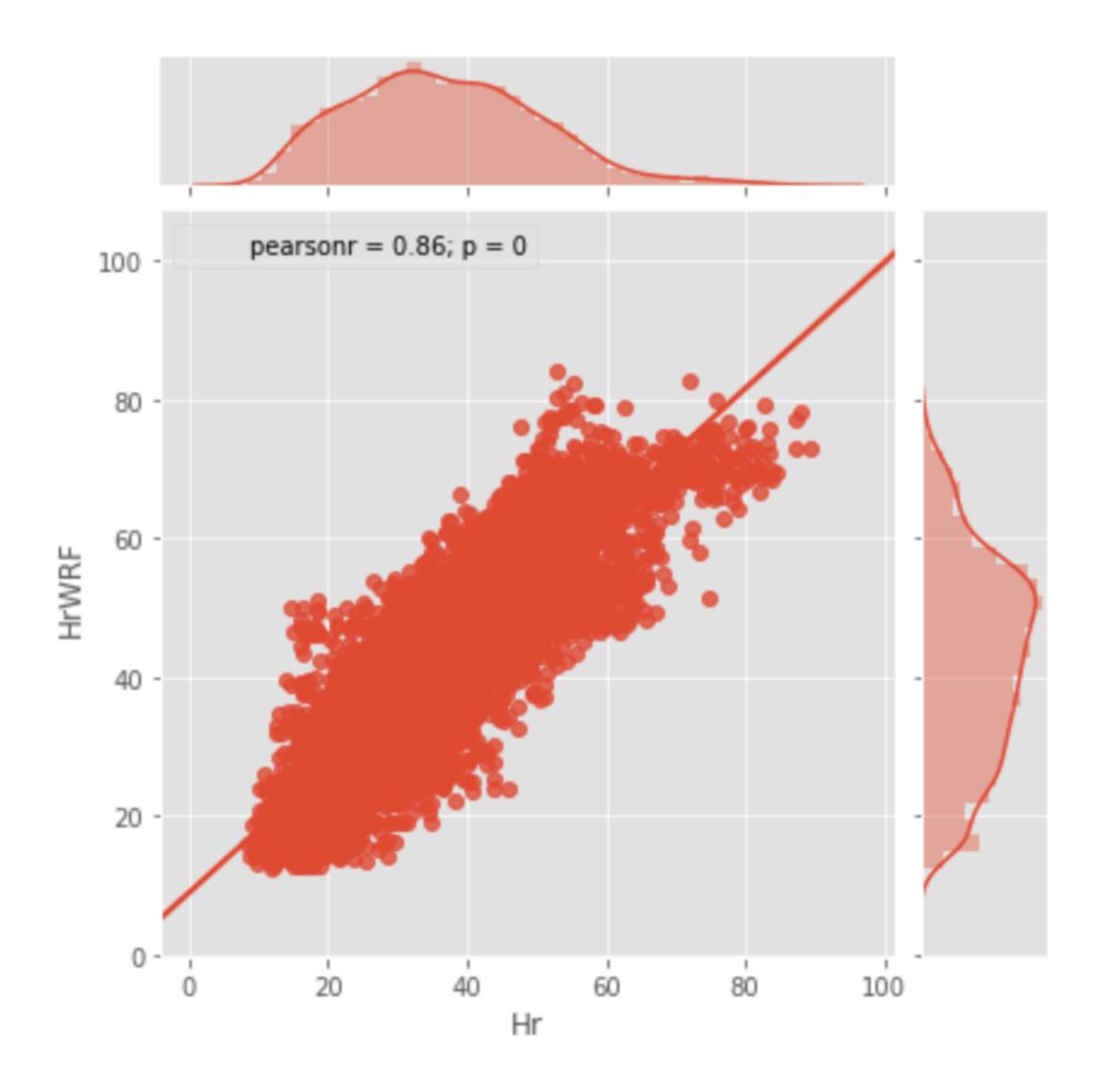
# Seaborn

Es una biblioteca para hacer gráficos estadísticos atractivos e informativos en Python.

Está construido sobre matplotlib, está estrechamente integrado con PyData, incluye soporte para estructuras de datos numpy y pandas, así como de rutinas estadísticas de scipy y modelos de estadísticas.

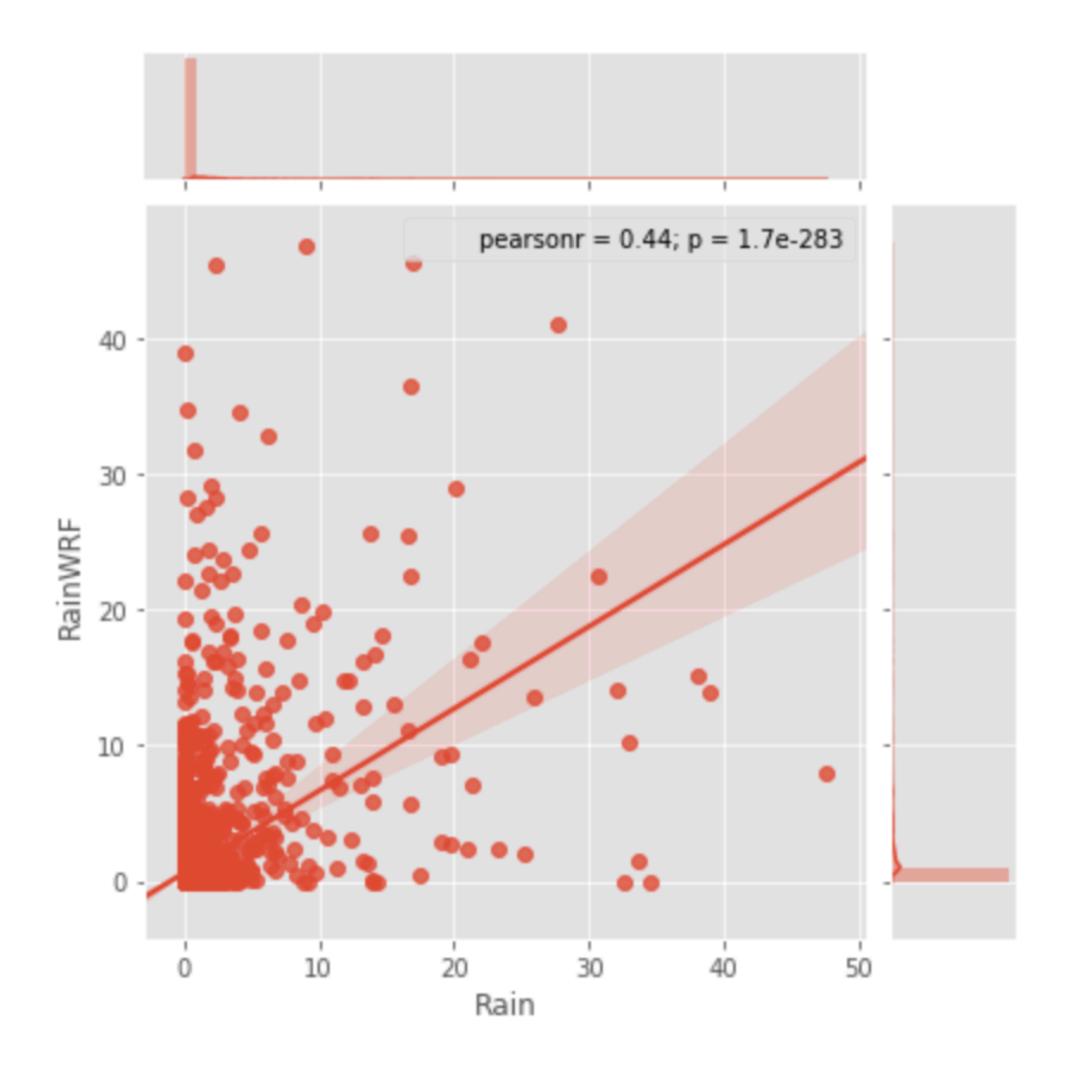
## Regresión lineal con p y pearsonr

```
import seaborn as sns
sns.jointplot("Hr", "HrWRF", data=data, kind="reg")
```



## Regresión lineal con p y pearsonr

```
import seaborn as sns
sns.jointplot("Rain", "RainWRF", data=data, kind="reg")
```



#### ZEN OF PYTHON

Keep in mind Python's philosophy as you code
>>> import this
The Zen of Python, by Tim Peters

Beautiful is better than ugly.

Explicit is better than implicit.

Simple is better than complex.

Complex is better than complicated.

Flat is better than nested.

Sparse is better than dense.

Readability counts.

Special cases aren't special enough to break the rules.

Although practicality beats purity.

Errors should never pass silently.

Unless explicitly silenced.

In the face of ambiguity, refuse the temptation to guess

•••

## Estadística

## Tipos de datos

Numéricos

Categóricos

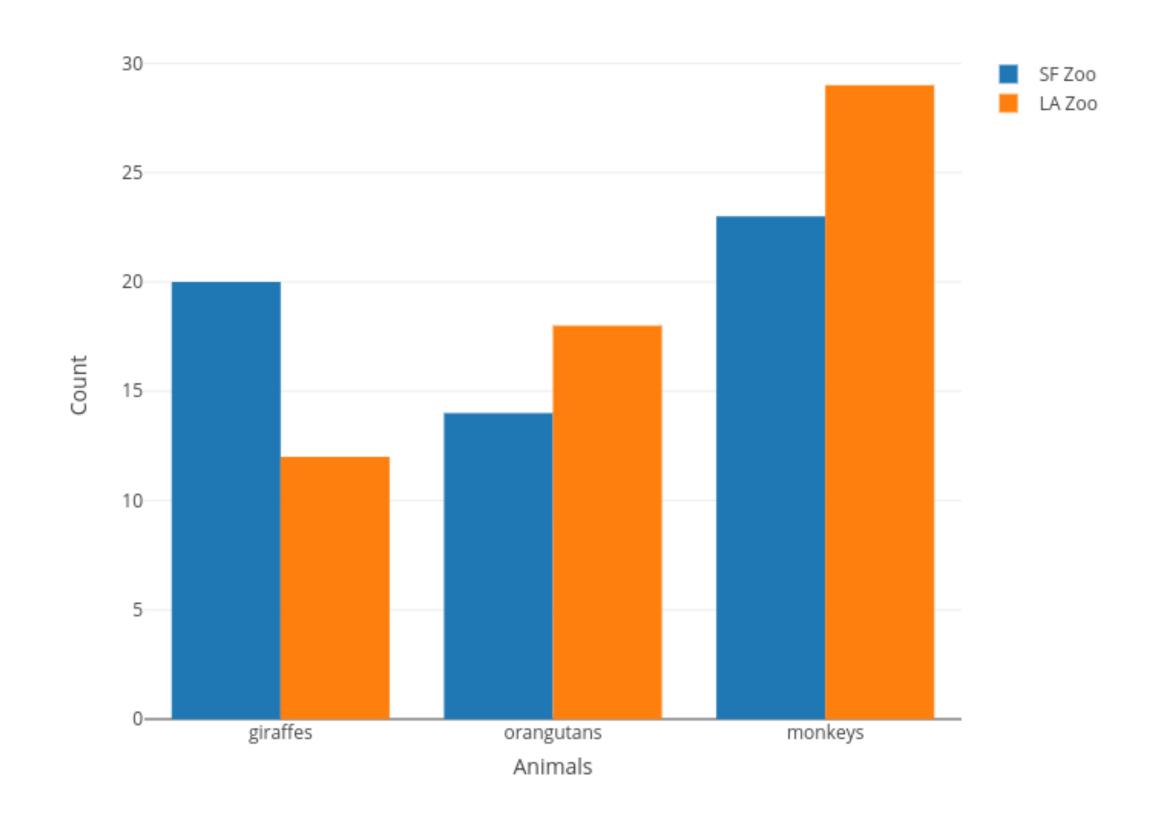
Ordinal

#### Numéricos

Representan valores cuantificables como la altura de una persona, el valor de una acción, etc.

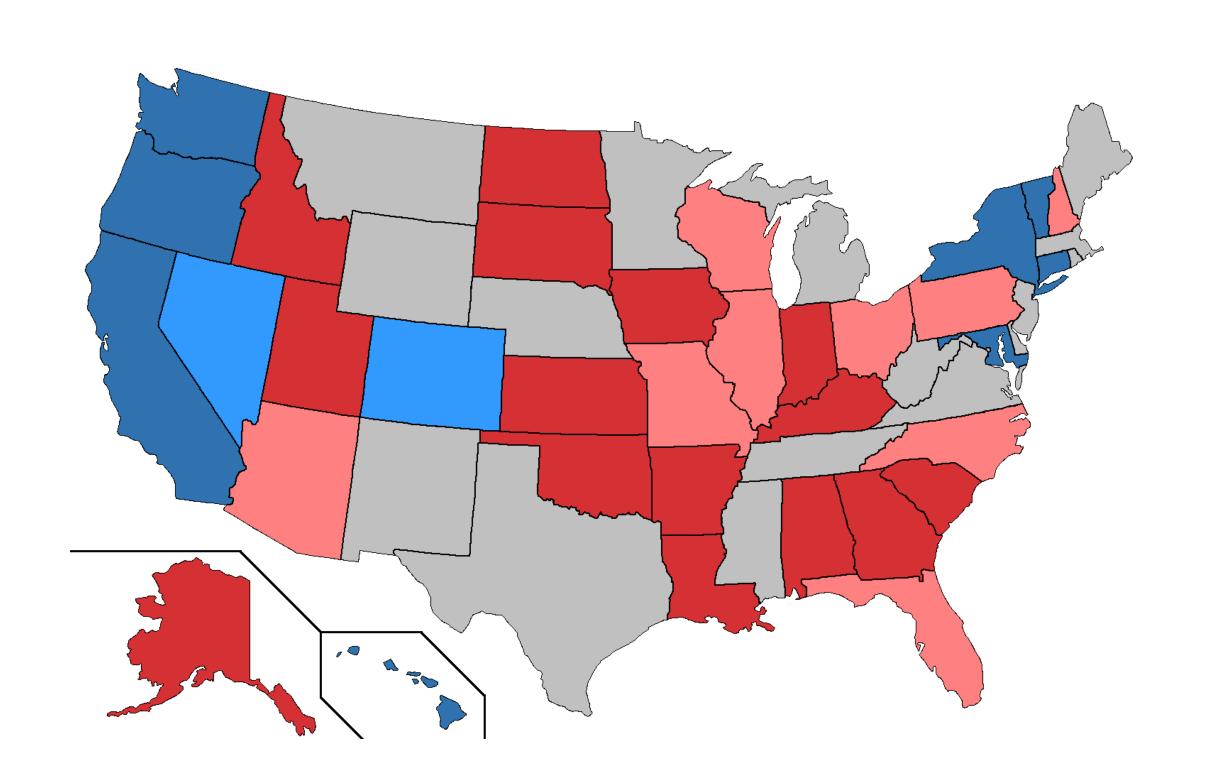
Valor discreto: Usualmente es un valor que cuenta un evento, por ejemplo, Cuantos días vas al gym en un mes?

Valor continuo: Tiene un número infinito de posibilidades para sus valores, por ejemplo, Cuanta lluvia puede caer en un día?



## Categórico

Información cualitativa que no tienen un significado matemático, se pueden asignar números a categorías.



#### Ordinal

Combinación de numéricos y categóricos

Información categórica que tiene un significado matemático.

Ejemplo:

Rating de las películas en Netflix



#### Quiz

Qué tipo de datos son las respuestas de las siguientes preguntas?

La cantidad de café que tiene tu termo?

El servicio de tu compañía de cable donde 1,2,3,4 corresponden a "bajo", "moderado", "bueno" y "excelente"

Dinero que gastas al hacer el super?

La edad de una persona en años?

#### Media

Promedio

Sumatoria / Número de muestras

Ejemplo

Calificación de un grupo de estudiantes

9,10,8,8,7,6,10,10,10,9

La MEDIA es: (9+10+8+8+7+6+10+10+10+9)/10

#### Mediana

Ordenar los valores y tomar el valor que este justo en el centro.

Ejemplo:

Calificaciones: 9,10,8,8,7,6,10,10,10,9

ordenar : 6,7,8,8,9,9,10,10,10,10

#### Mediana

Si se tiene un número par de ejemplares, toma el promedio de los dos valores intermedios.

La media es menos susceptible a los valores atípicos, como suele suceder con la media.

Ejemplo: la media del ingreso en US es de \$72,641, pero la mediana es de solo \$51,939, por que la media esta sesgada por la cantidad de billonarios que existen.

En este caso en particular la mediana representa mejor el "típico" Americano

#### Moda

El valor más común en una serie de datos.

Calificación: 9,10,8,8,7,6,10,10,10,9

Cuantas veces se repite una calificación?

6:1, 7:1, 8:2, 9:2, 10:4

La MODA es 10

#### Moda

El valor más común en una serie de datos.

Calificación: 9,10,8,8,7,6,10,10,10,9

Cuantas veces se repite una calificación?

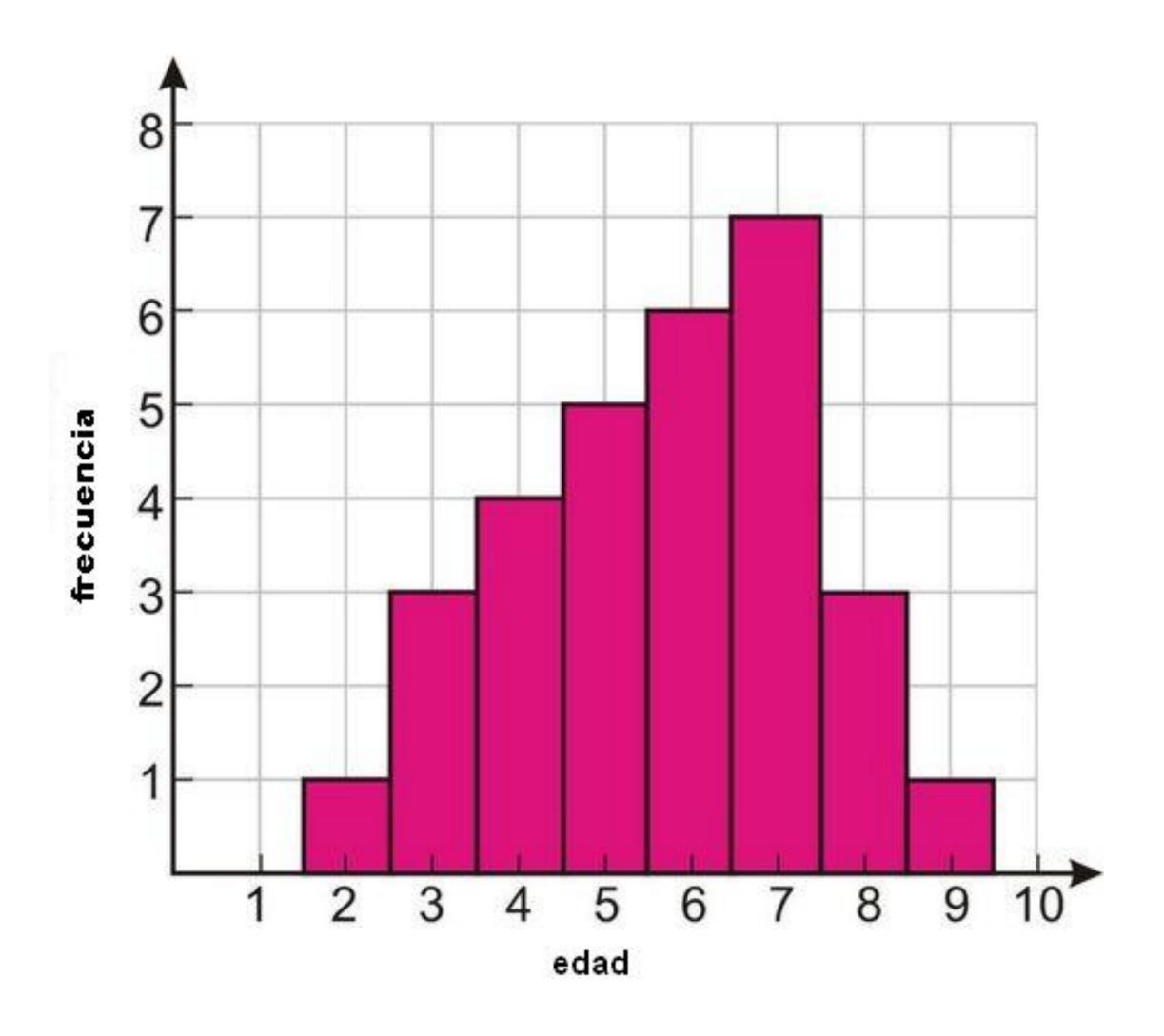
6:1, 7:1, 8:2, 9:2, 10:4

La MODA es 10

# Desviación estándar y varianza

## Histograma

Edades de alumnos de un grupo de futbol infantil:



#### Varianza

La varianza mide como se "extiende" la información

Varianza( $\sigma$ 2) es el promedio de las diferencias al cuadrado con respecto a la media

Ejemplo: Cual es la varianza de los siguientes datos (1,4,5,4,8)

- 1. Calcular la media: (1+4+5+4+8)/5=4.4
- 2. Diferencia con respecto a la media (-3.4,-0.4,0.6,-0.4,3.6)
- 3. Cuadrado de las diferencias (11.56, 0.16, 0.36, 0.16, 12.96)
- 4. Promedio del cuadrado de las diferencias:

$$\sigma$$
2=(11.56+0.16+0.36+0.16+12.96)/5=5.04

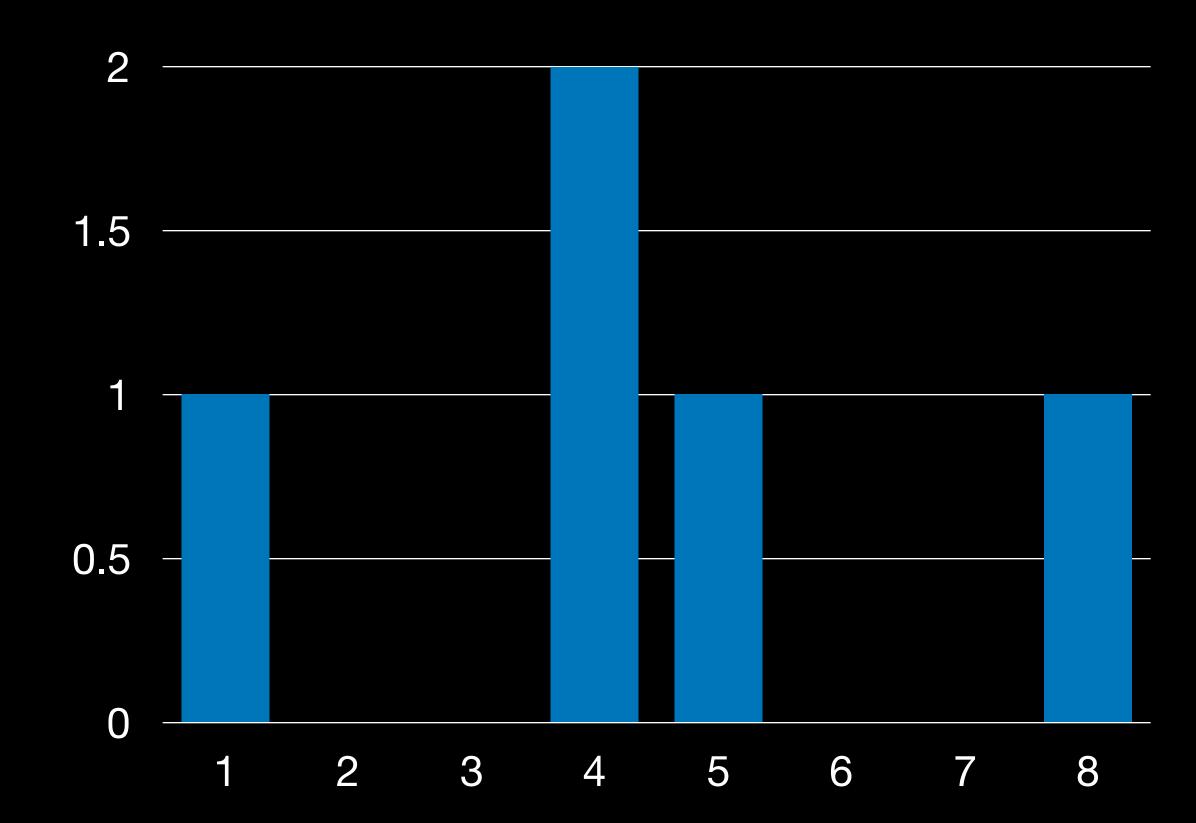
#### Desviación estándar ( $\sigma$ )

Es la raíz cuadrada de la varianza.

$$\sigma 2 = 5.04$$

$$\sigma = sqrt(5.04) = 2.24$$

La desviación estándar de (1,4,5,4,8) es 2.24, usualmente se utiliza para identificar datos atípicos. Aquellos datos que se encuentran más allá de una desviación estándar de la media son considerados inusuales.



#### Población vs Muestra

Si se esta trabajando con una muestra de toda la información.

Se debe de utilizar la varianza muestra en vez de la varianza de la población

Para "n" muestras, se debe de dividir las variantes entre N-1 en vez de N

Varianza:  $\sigma 2 = (11.56+0.16+0.36+0.16+12.96)/5=5.04$ 

Varianza Muestra: s2=(11.56+0.16+0.36+0.16+12.96)/4=6.3

### Varianza

$$\sigma^2 = \frac{\Sigma(X-\mu)^2}{N}$$

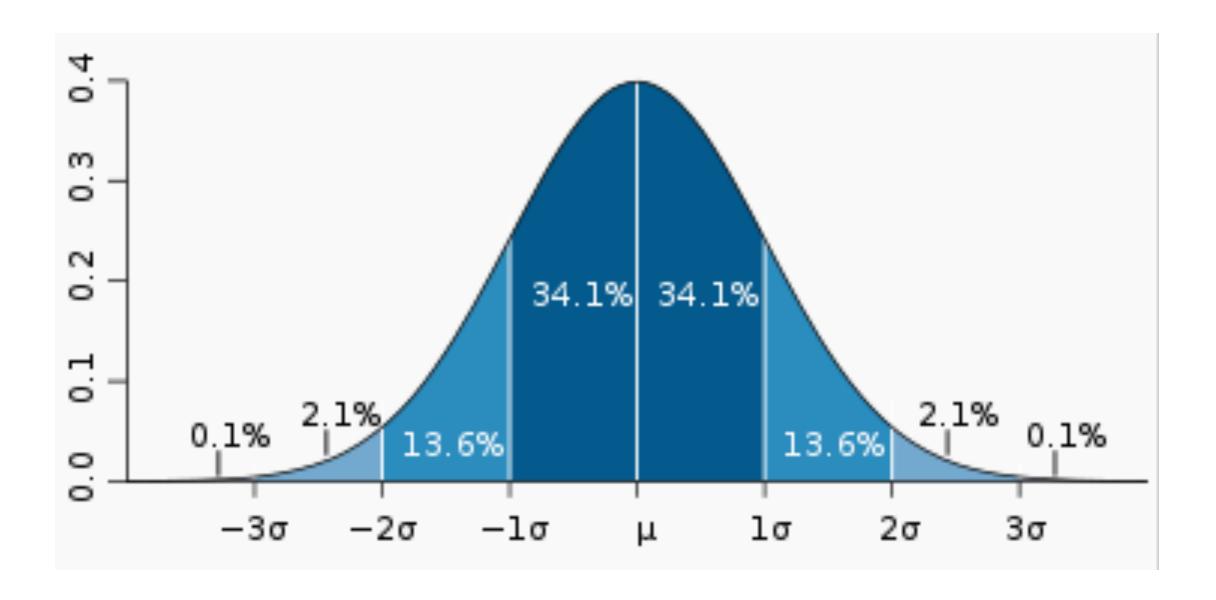
### Varianza muestral

$$s^2 = \frac{\Sigma(X-M)^2}{N-1}$$

# Funciones de densidad de probabilidad

#### Distribución Normal

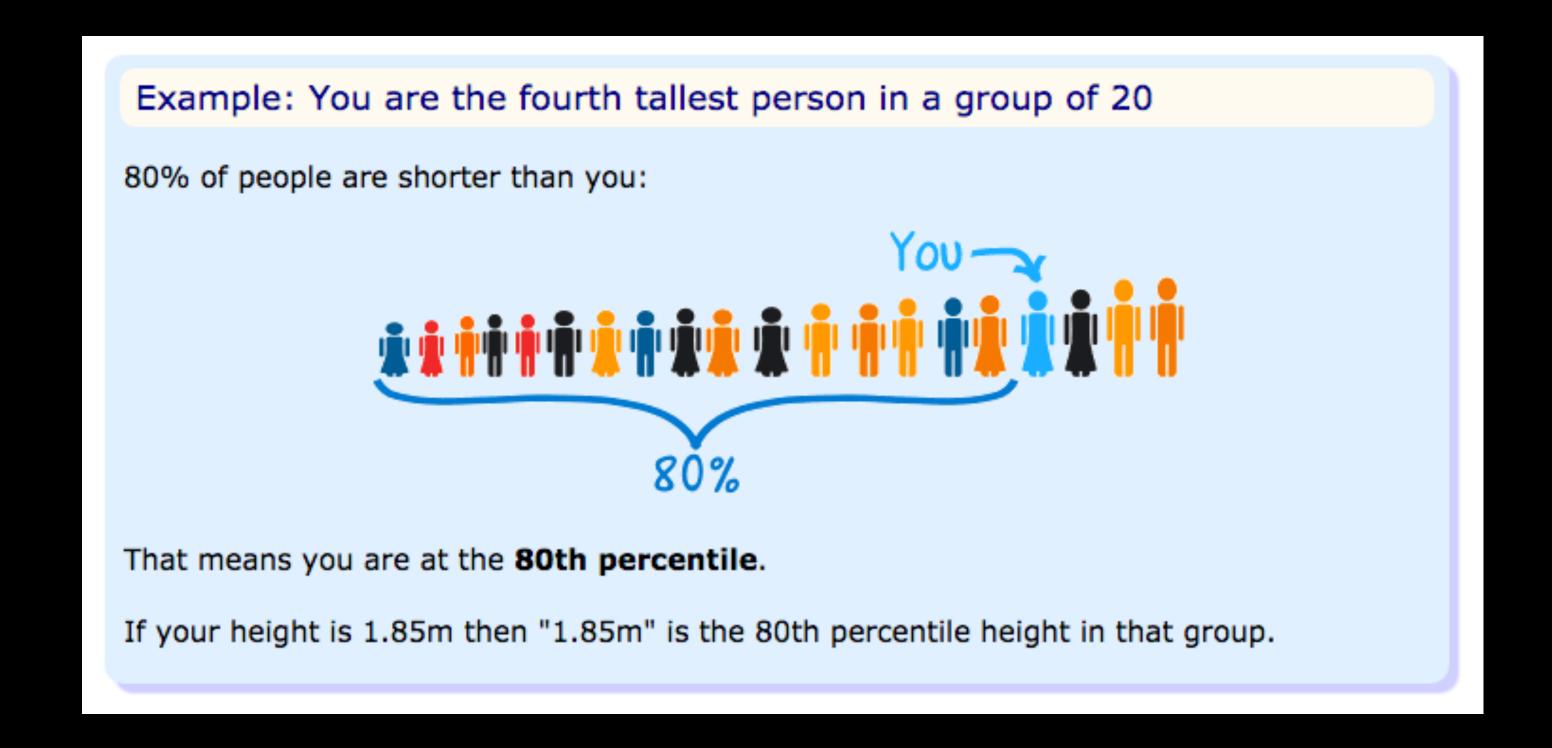
Muestra la probabilidad de que un valor caiga sobre un determinado rango de valores



# Percentiles

#### Percentiles

En una serie de datos, como se comportan los datos a un determinado porcentaje.



## Momentos

### Primer momento

El primer momento es la media.

## Segundo momento

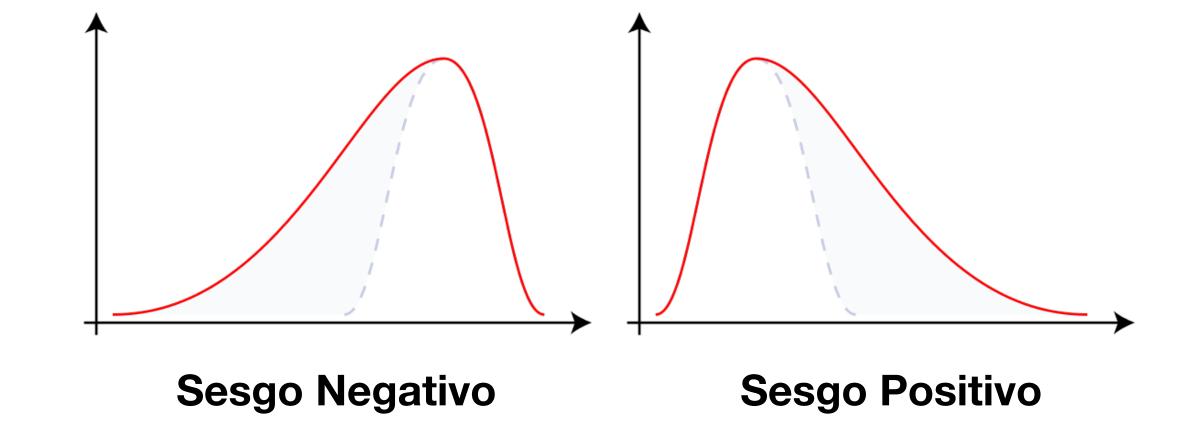
El segundo momento es la varianza

#### Tercer momento

El tercer momento es el sesgo de la distribución

Una distribución con un sesgo a la izquierda, tendrá un sesgo negativo.

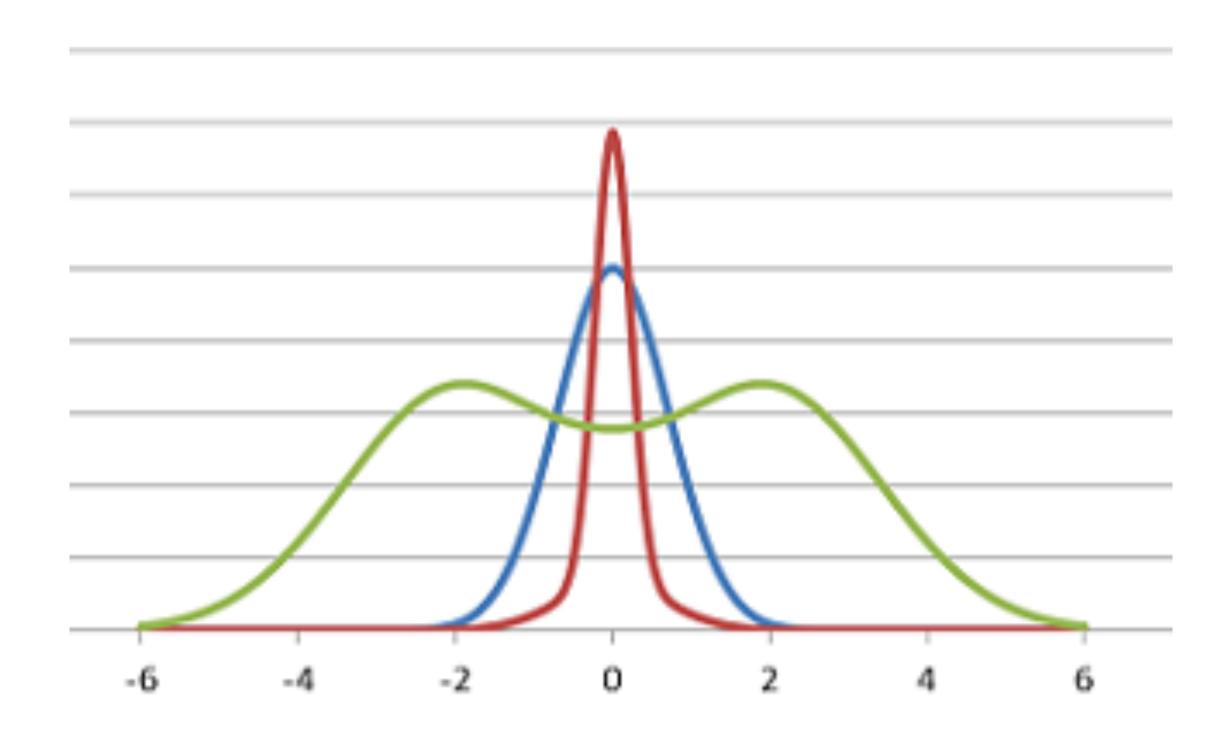
Una distribución con un sesgo a la derecha, tendrá un sesgo positivo



#### Cuarto momento

El cuarto momento es la kurtosis, nos permite identificar lo ancho o puntiagudo de la curva comparado contra una distribución normal.

Ejemplo: una curva muy puntiaguda indica una alta kurtosis.



**Distribución Normal** 

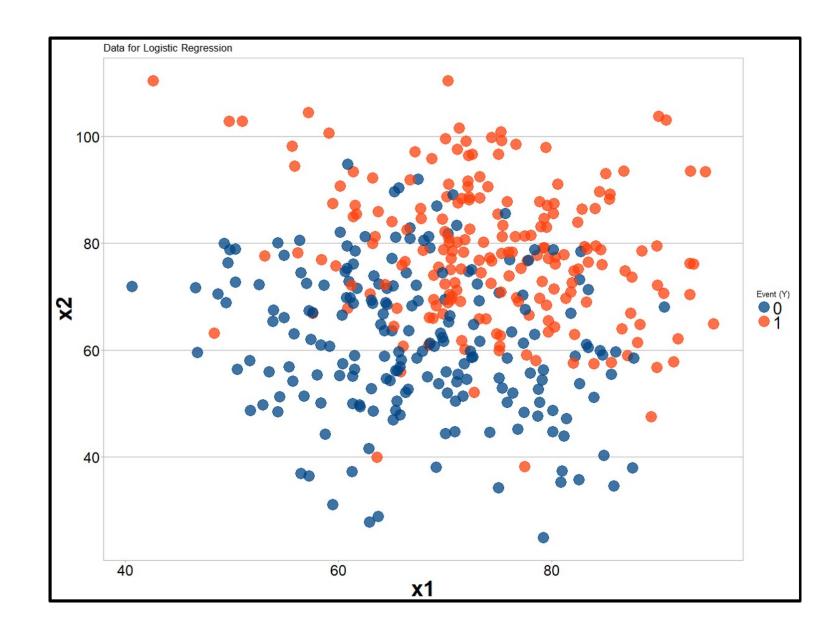
**Kurtosis positiva** 

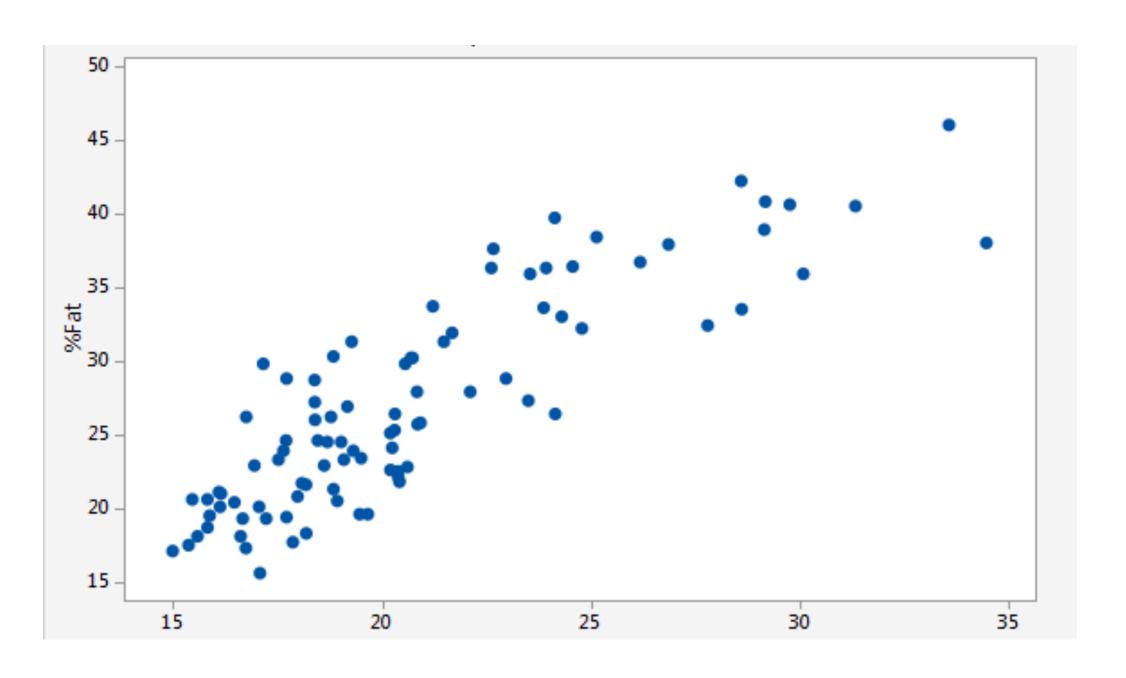
**Kurtosis negativa** 

## Covarianza y correlación

### Covarianza

Mide como dos variables varian entre si desde sus medias





### Interpretación

Interpretar la covarianza no es fácil, hay que un valor cercano a 0, nos indica que no hay mucha correlación entre las dos variables.

Un valor lejano a 0 nos puede indicar que existe una fuerte correlación ya sea un valor positivo o negativo.

Que tan lejano a 0 es lejano?

### Correlación

Debemos de dividir la covarianza entre la desviación estándar de las dos variables.

- -1: significa una perfecta correlación inversa
- 0: no existe una correlación
- 1: una perfecta correlación

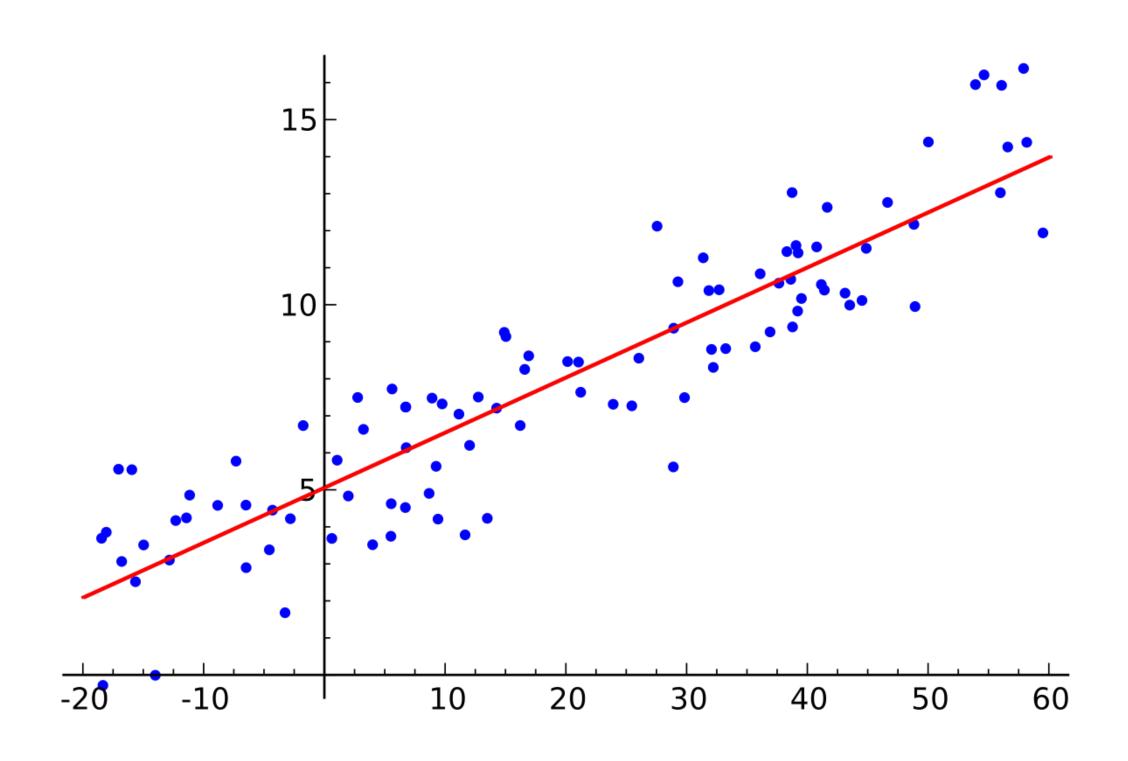
## Regresión Lineal

### Regresión Lineal

Ajuste de una linea a un grupo de observaciones

Se puede utilizar esta línea para predecir valores

hacia el pasado o futuro.



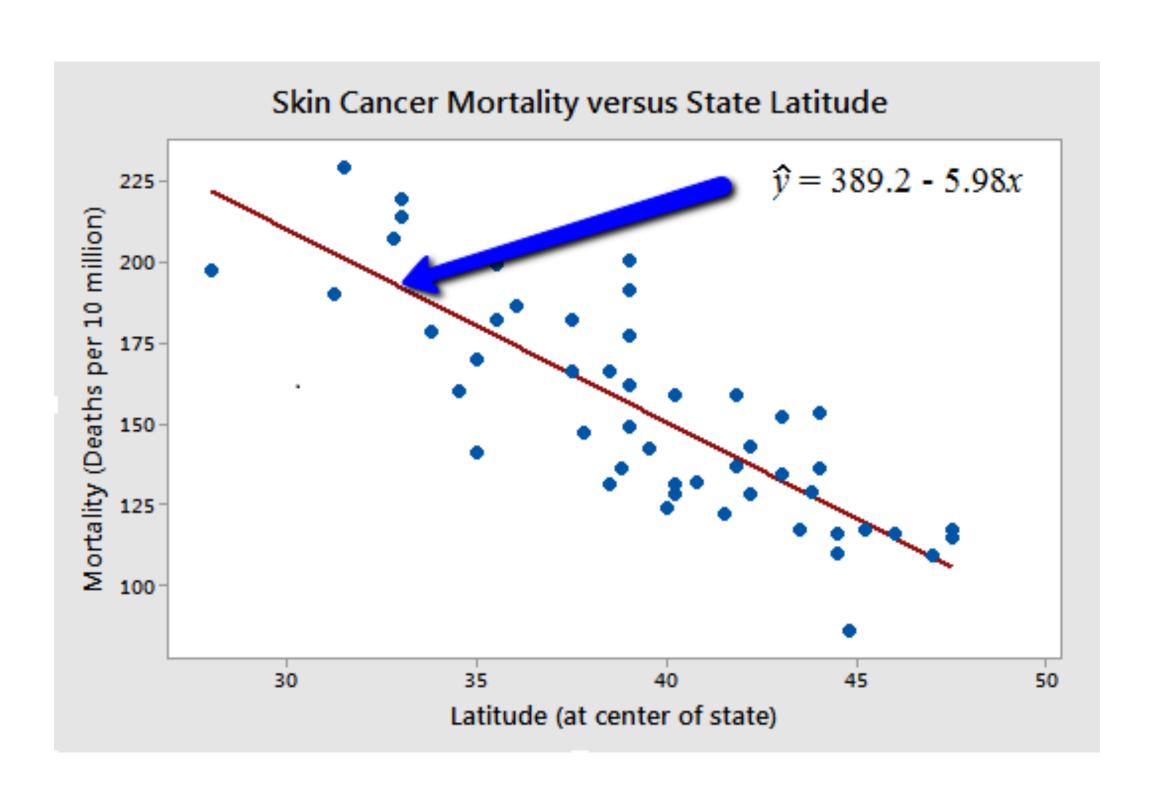
#### Como funciona?

Minimizar el error cuadrado entre cada punto y la línea

Utilizamos ecuación de la recta y=mx+b

La curva es la correlación entre las dos variables multiplicada por la desviación estándar en Y, todo esto dividido entre la desviación estándar en X

La intervención es la media de Y menos la recta multiplicada por la media de X



#### Medir el error con r-cuadrada(r-squared)

Como es que se puede medir que tan bien se ajusta la curva a nuestros datos?

R-Cuadrada es el que nos ayuda a medir.

La fracción del total de la variación en Y que es captada por el modelo.

### Calcular r-squared

1.0 - Sum of squared errors / Sum of squared variation from mean

## Regresión polinomial

### Regresión Polinomial

No todas las relaciones son lineales

Formula lineal: y=mx+b

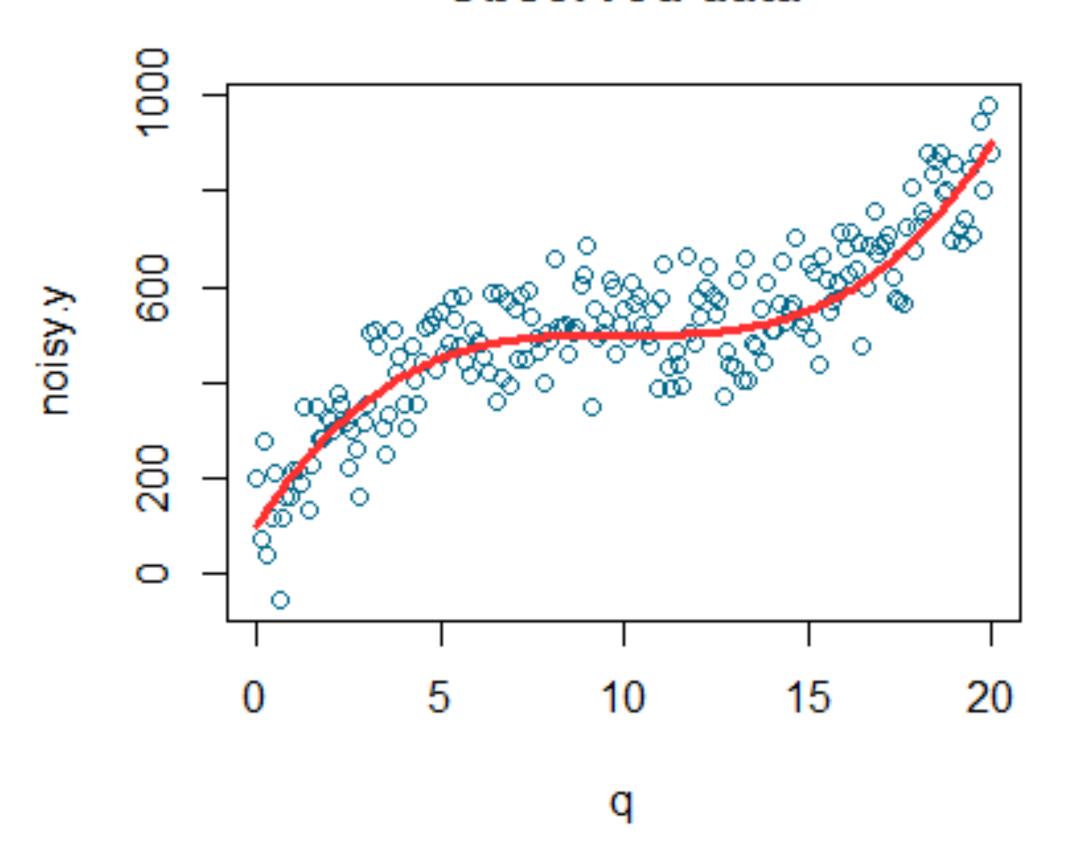
Considerada de primer orden o primer grado, ya que x esta elevado a 1.

Segundo orden: y= ax2 + bx + c

Tercer orden: y = ax3 + bx2 + cx + d

Ordenes más alto pueden generar curvas más complejas

#### Observed data



### No overfitting

No usar más grados de los que necesitamos

Visualizar la información para determinar el grado necesario.

Un valor alto de r-squared significa que la curva se ajusta bien a los datos de entrenamiento, pero no quiere decir que genere una buena predicción.

## Regresión Multiple

### Regresión multiple

Que podemos hacer si más de una variable tiene influencia en la variable de interés?

Ejemplo: predecir el precio de un carro utilizando como base sus atributos(marca, kilometraje, tipo, etc)

### Utilizando least squares

Vamos a utilizar coeficientes para cada uno de los factores, como por ejemplo:

precio = a + b1 \* kilometraje + b2 \* antigüedad + b3 \* puertas

Se puede utilizar r-squared para medir su ajuste

Se debe de asumir que los diferentes factores no dependen unos de otros.

#### Contacto

Dr. Victor M. Rodríguez M.
rodriguez.victor@inifapg.gob.mx
IIS Jorge Ernesto Mauricio Ruvalcaba
jorge.ernesto.mauricio@gmail.com

# Muchas gracias!