A2DI: Réseaux de neurones

John Klein

Lille1 Université - CRIStAL UMR CNRS 9189



• On sait que si n, la taille des données est suffisamment grand par rapport à la taille de θ alors Err_{train} ne dévie pas de Err_{esp} .

- On sait que si n, la taille des données est suffisamment grand par rapport à la taille de θ alors Err_{train} ne dévie pas de Err_{esp} .
- ullet On sait que des décisions optimales se prennent si on a accès à $p_{Y|X}$.

- On sait que si n, la taille des données est suffisamment grand par rapport à la taille de θ alors Err_{train} ne dévie pas de Err_{esp} .
- On sait que des décisions optimales se prennent si on a accès à $p_{Y|X}$.
- On a vu que *Err_{train}* est liée à la NLL de modèles probabilistes :
 - génératif (ex : classifieur naïf Bayésien),
 - discriminatif (ex : régression logistique).

- On sait que si n, la taille des données est suffisamment grand par rapport à la taille de θ alors Err_{train} ne dévie pas de Err_{esp} .
- On sait que des décisions optimales se prennent si on a accès à $p_{Y|X}$.
- On a vu que Err_{train} est liée à la NLL de modèles probabilistes :
 - génératif (ex : classifieur naïf Bayésien),
 - discriminatif (ex : régression logistique).

L'approche générative requiert un peu plus de données en général et une intuition sur les familles de lois $p_{X|Y}$.

- On sait que si n, la taille des données est suffisamment grand par rapport à la taille de θ alors Err_{train} ne dévie pas de Err_{esp} .
- ullet On sait que des décisions optimales se prennent si on a accès à $p_{Y|X}$.
- On a vu que Err_{train} est liée à la NLL de modèles probabilistes :
 - génératif (ex : classifieur naïf Bayésien),
 - discriminatif (ex : régression logistique).

L'approche générative requiert un peu plus de données en général et une intuition sur les familles de lois $p_{X|Y}$.

La régression logistique reste un modèle linéaire, c'est à dire que la frontière séparatrice est une droite.

- On sait que si n, la taille des données est suffisamment grand par rapport à la taille de θ alors Err_{train} ne dévie pas de Err_{esp} .
- ullet On sait que des décisions optimales se prennent si on a accès à $p_{Y|X}$.
- On a vu que Err_{train} est liée à la NLL de modèles probabilistes :
 - génératif (ex : classifieur naïf Bayésien),
 - discriminatif (ex : régression logistique).

L'approche générative requiert un peu plus de données en général et une intuition sur les familles de lois $p_{X|Y}$.

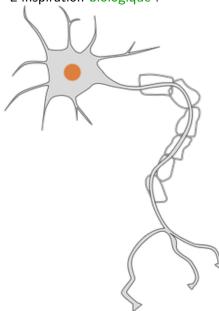
La régression logistique reste un modèle linéaire, c'est à dire que la frontière séparatrice est une droite.

Les réseaux de neurones permettent de converger vers d'autres types de frontière séparatrice, avec comme brique de base la régression logistique.

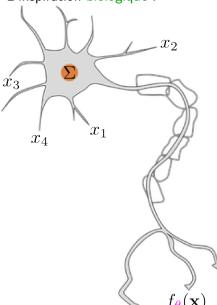
Plan du chapitre

- Généralités
- 2 Rétropropagation
- 3 Réseaux profonds
- 4 Conclusions

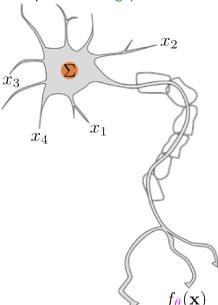


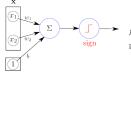


L'inspiration biologique :



L'inspiration biologique :





 $\begin{array}{l} f_{\theta}\left(\mathbf{x}\right) = \operatorname*{sign}\left(\sum\limits_{i=1}^{d} w_{i} x_{i} + b\right) \\ \text{prédiction pour l'exemple } \mathbf{x} \end{array}$

Juste une inspiration!

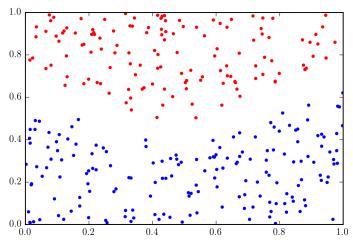


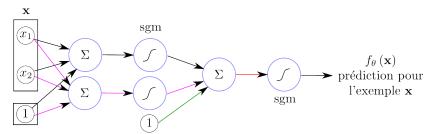
Juste une inspiration!

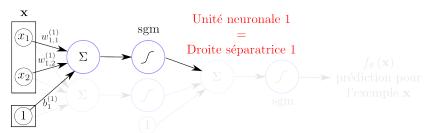


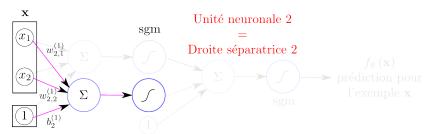


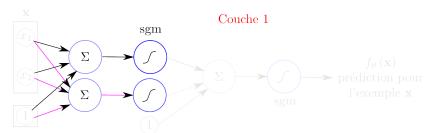
Imaginons apprendre à partir des données suivantes :

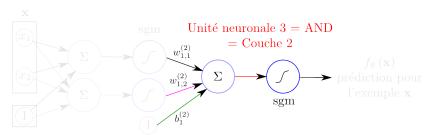


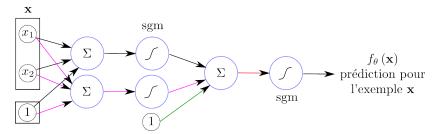






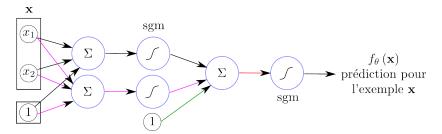






Les paramètres sont indéxés comme suit :

$$W_{\mathbf{v},\mathbf{u}}^{(k)}$$

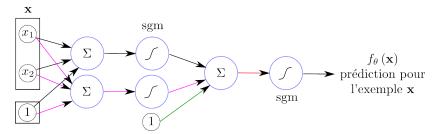


Les paramètres sont indéxés comme suit :

$$W_{\mathbf{v},\mathbf{u}}^{(k)}$$

avec:

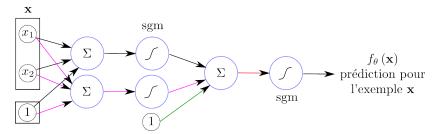
• k l'indice de la couche variant de 1 à K.



Les paramètres sont indéxés comme suit :

$$W_{\mathbf{v},\mathbf{u}}^{(k)}$$

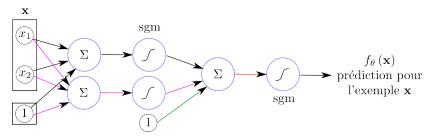
- k l'indice de la couche variant de 1 à K.
- v l'indice des dimensions de l'entrée de la couche K.



Les paramètres sont indéxés comme suit :

$$W_{\mathbf{v},\mathbf{u}}^{(k)}$$

- k l'indice de la couche variant de 1 à K.
- v l'indice des dimensions de l'entrée de la couche K. Il varie de 1 à $d^{(k)} + 1$ où $d^{(k)}$ est la taille du vecteur d'entrée dans la couche k.

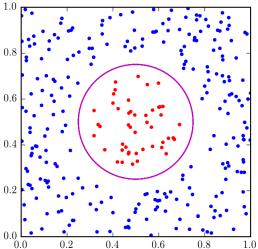


Les paramètres sont indéxés comme suit :

$$w_{\mathbf{v},\mathbf{u}}^{(k)}$$

- k l'indice de la couche variant de 1 à K.
- v l'indice des dimensions de l'entrée de la couche K. Il varie de 1 à $d^{(k)} + 1$ où $d^{(k)}$ est la taille du vecteur d'entrée dans la couche k.
- u l'indice de l'unité neuronale variant de 1 à U(k)

Capacité des réseaux de neurones >> capacité de la reglog. Est elle si grande qu'on puisse espérer traiter le dataset suivant?



John Klein (Lille1) A2DI 14 / 57

Capacité des réseaux de neurones >> capacité de la reglog.

- Cela semble faisable en rajoutant beaucoup d'unités à la 1ère couche.
- Deux dangers :
 - Un peu plus de paramètres ⇒ nettement plus de données nécessaires,
 - Optimisation pour trouver les $w_{v,u}^{(k)}$ plus difficile.

Capacité des réseaux de neurones >> capacité de la reglog.

- Cela semble faisable en rajoutant beaucoup d'unités à la 1ère couche.
- Deux dangers :
 - Un peu plus de paramètres ⇒ nettement plus de données nécessaires,
 - Optimisation pour trouver les $w_{v,u}^{(k)}$ plus difficile.

Voyons justement comment se passe l'apprentissage des $w_{v,u}^{(k)}$.

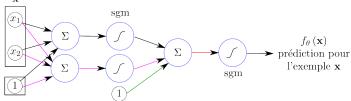
Plan du chapitre

- Généralités
- 2 Rétropropagation
- Réseaux profonds
- 4 Conclusions

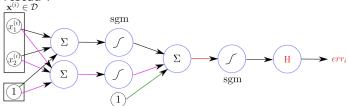
• Comme pour la régression logistique, les paramètres d'un MLP vont être estimés par descente de gradient.

- Comme pour la régression logistique, les paramètres d'un MLP vont être estimés par descente de gradient.
- Pour la dernière couche, on retombe sur la reglog et on sait qu'une bonne fonction de coût est la NLL correspondante.

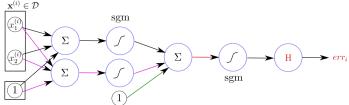
- Comme pour la régression logistique, les paramètres d'un MLP vont être estimés par descente de gradient.
- Pour la dernière couche, on retombe sur la reglog et on sait qu'une bonne fonction de coût est la NLL correspondante.
- Intégrons la perte H (entropie croisée) comme couche finale du réseau :



- Comme pour la régression logistique, les paramètres d'un MLP vont être estimés par descente de gradient.
- Pour la dernière couche, on retombe sur la reglog et on sait qu'une bonne fonction de coût est la NLL correspondante.
- Intégrons la perte H (entropie croisée) comme couche finale du réseau :



- Comme pour la régression logistique, les paramètres d'un MLP vont être estimés par descente de gradient.
- Pour la dernière couche, on retombe sur la reglog et on sait qu'une bonne fonction de coût est la NLL correspondante.
- Intégrons la perte H (entropie croisée) comme couche finale du réseau :



• La fonction à optimiser pour un MLP est donc :

$$J(\theta) = \sum_{i}$$
 entropie croisée $(y^{(i)}, \text{proba prédite})$ (1)

• Simplification:

John Klein (Lille1) A2DI 19 / 57

- Simplification:
 - dérivée d'une somme = somme des dérivées.

John Klein (Lille1) A2DI 19 / 57

- Simplification :
 - dérivée d'une somme = somme des dérivées.
 - Pour la descente de gradient, autant calculer le gradient exemple par exemple!

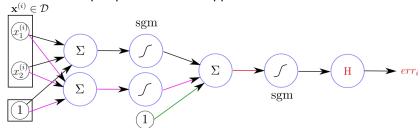
- Simplification :
 - dérivée d'une somme = somme des dérivées.
 - Pour la descente de gradient, autant calculer le gradient exemple par exemple !
 - Considérons donc temporairement que :

$$J(\theta) = \text{entropie croisée}\left(\text{proba prédite}, y^{(i)}\right)$$
 (2)

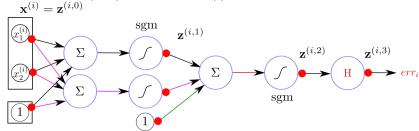
19 / 57

• Introduisons quelques variables supplémentaires :

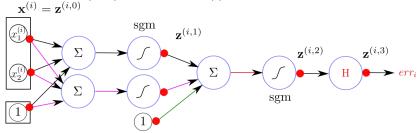
• Introduisons quelques variables supplémentaires :



• Introduisons quelques variables supplémentaires :

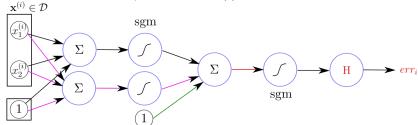


• Introduisons quelques variables supplémentaires :



• $\mathbf{z}^{(i,k)}$: sortie de la couche k.

• Faisons un bilan des paramètres à apprendre :



• Simplifions encore :

- Simplifions encore :
 - Calculons les dérivées de l'erreur err_i par rapport à chaque paramètre $\theta_i^{(k)}$ en remontant à "contre-courant"

- Simplifions encore :
 - Calculons les dérivées de l'erreur err_i par rapport à chaque paramètre $\theta_i^{(k)}$ en remontant à "contre-courant"
 - Pour la dernière couche, c'est pas trop dur : elle n'a aucun paramètre!

22 / 57

- Simplifions encore :
 - Calculons les dérivées de l'erreur err_i par rapport à chaque paramètre $\theta_i^{(k)}$ en remontant à "contre-courant"
 - Pour la dernière couche, c'est pas trop dur : elle n'a aucun paramètre!
 - En revanche, on peut calculer la dérivée de sa sortie par rapport à son entrée :

$$\frac{d}{d\mathbf{z}^{(i,2)}}err_i(\boldsymbol{\theta}) = \frac{d}{d\mathbf{z}^{(i,2)}}\mathbf{z}^{(i,3)} =$$

22 / 57

- Simplifions encore :
 - Passons à la couche précédente.

- Simplifions encore :
 - Passons à la couche précédente.
 - Elle contient 3 paramètres : $w_{1,1}^{(2)}$, $w_{2,1}^{(2)}$ et $b_1^{(2)}$.

- Simplifions encore :
 - Passons à la couche précédente.
 - Elle contient 3 paramètres : $w_{1,1}^{(2)}$, $w_{2,1}^{(2)}$ et $b_1^{(2)}$.
 - Calculons par exemple :

$$\frac{\partial}{\partial w_{1,1}^{(2)}}err_i(\theta) = \frac{\partial}{\partial w_{1,1}^{(2)}}\mathbf{z}^{(i,3)} =$$

23 / 57

- Simplifions encore :
 - Passons à la couche précédente.
 - On peut aussi calculer la dérivée de sa sortie par rapport à ses entrées, par exemple :

$$\frac{\partial}{\partial z_1^{(i,1)}} \mathbf{z}^{(i,2)} =$$

- Simplifions encore :
 - Passons encore à la couche précédente (la 1ère).

- Simplifions encore :
 - Passons encore à la couche précédente (la 1^{ère}).
 - Elle contient 6 paramètres :
 - $w_{1,1}^{(1)}$, $w_{2,1}^{(1)}$ et $b_1^{(1)}$ pour la $1^{\text{ère}}$ unité,

John Klein (Lille1) A2DI 24 / 57

- Simplifions encore :
 - Passons encore à la couche précédente (la 1^{ère}).
 - Elle contient 6 paramètres :
 - $w_{1,1}^{(1)}$, $w_{2,1}^{(1)}$ et $b_1^{(1)}$ pour la $1^{\text{ère}}$ unité,
 - $w_{1,2}^{(1)}$, $w_{2,2}^{(1)}$ et $b_2^{(1)}$ pour la $2^{\text{ème}}$ unité.

- Simplifions encore :
 - Passons encore à la couche précédente (la 1^{ère}).
 - Elle contient 6 paramètres :
 - $w_{1,1}^{(1)}$, $w_{2,1}^{(1)}$ et $b_1^{(1)}$ pour la $1^{\text{ère}}$ unité,
 - $w_{1,2}^{(1)}$, $w_{2,2}^{(1)}$ et $b_2^{(1)}$ pour la $2^{\text{ème}}$ unité.
 - Calculons par exemple :

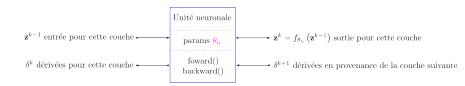
$$\frac{\partial}{\partial w_{1,1}^{(1)}} err_i(\theta) = \frac{\partial}{\partial w_{1,1}^{(1)}} \mathbf{z}^{(i,3)} =$$

- Simplifions encore :
 - Passons encore à la couche précédente (la 1ère).
 - Et c'est fini!!

• On va donc calculer les gradients itérativement de la dernière couche en remontant à la 1^{ère}, d'où le terme retropropagation!

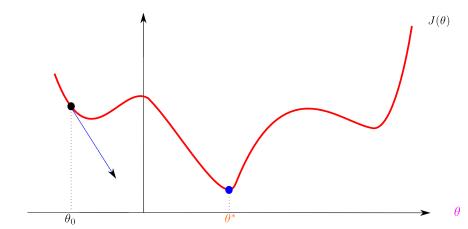
• On va donc calculer les gradients itérativement de la dernière couche en remontant à la 1^{ère}, d'où le terme retropropagation!

- Le MLP est bien adapté à la philosophie POO :
 - On a envie de créer une classe pour une unité neuronale



• Est ce que la descente de gradient va bien se passer?

• Est ce que la descente de gradient va bien se passer?



• La descente de gradient converge vers un minimum local.

- La descente de gradient converge vers un minimum local.
- Elle dépend de l'initialisation θ_0 .

John Klein (Lille1) 27 / 57

- La descente de gradient converge vers un minimum local.
- Elle dépend de l'initialisation θ_0 .
- En revanche, le réglage du *learning rate* η n'est pas spécialement plus difficile que pour la reglog.

John Klein (Lille1) A2DI 27 / 57

Plan du chapitre

- Généralités
- 2 Rétropropagation
- Réseaux profonds
- 4 Conclusions

 Quand la distribution des classes est visiblement complexe et que les performances sont décevantes, le réflexe est d'augmenter la capacité du modèle en rajoutant des couches et des unités neuronales.
 Voyons ce que ça donne avec une petite visualisation.

- Quand la distribution des classes est visiblement complexe et que les performances sont décevantes, le réflexe est d'augmenter la capacité du modèle en rajoutant des couches et des unités neuronales.
 Voyons ce que ça donne avec une petite <u>visualisation</u>.
- Comme vu dans la partie précédente, faire ce choix fait prendre un gros risque d'overfitting.

- Quand la distribution des classes est visiblement complexe et que les performances sont décevantes, le réflexe est d'augmenter la capacité du modèle en rajoutant des couches et des unités neuronales.
 Voyons ce que ça donne avec une petite <u>visualisation</u>.
- Comme vu dans la partie précédente, faire ce choix fait prendre un gros risque d'overfitting.
- Les réseaux profonds introduits vers les années 90 proposent une architecture multi-couches sans pour autant faire exploser le nombre de paramètres du modèle.

• Le premier algo *deep* ayant rencontré un réel succès est dû à Yann Lecun et alterne deux types de couches :

- Le premier algo *deep* ayant rencontré un réel succès est dû à Yann Lecun et alterne deux types de couches :
 - une couche convolutionnelle où les paramètres sont partagés entre unités neuronales,

- Le premier algo *deep* ayant rencontré un réel succès est dû à Yann Lecun et alterne deux types de couches :
 - une couche convolutionnelle où les paramètres sont partagés entre unités neuronales,
 - 2 un passage par une non-linéarité,

- Le premier algo deep ayant rencontré un réel succès est dû à Yann Lecun et alterne deux types de couches :
 - une couche convolutionnelle où les paramètres sont partagés entre unités neuronales,
 - 2 un passage par une non-linéarité,
 - une couche de pooling pour réduire la dimension des sorties de la couche convolutionnelle.

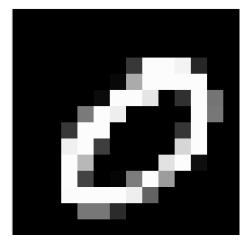
Y. Lecun, L. Bottou, Y. Bengio and P. Haffner, "Gradient-based learning applied to document recognition," in Proceedings of the IEEE, vol. 86, no. 11, pp. 2278-2324, Nov 1998

CNN (convolutional neural network): convolution

• Prenons un exemple où les exemples $\mathbf{x}^{(i)}$ sont des images :

John Klein (Lille1) A2DI 31 / 57

ullet Prenons un exemple où les exemples $old x^{(i)}$ sont des images :



• Prenons un exemple où les exemples $\mathbf{x}^{(i)}$ sont des images :

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	56	252	252	243	39	0	0
0	0	0	0	0	0	8	171	252	252	252	252	0	0
0	0	0	0	0	11	252	252	229	0	48	252	116	0
0	0	0	0	122	252	238	0	0	0	0	252	119	0
0	0	0	56	252	252	0	0	0	0	53	252	0	0
0	0	0	240	252	62	0	0	0	0	214	252	0	0
0	0	0	252	184	0	0	0	0	226	252	14	0	0
0	0	0	252	67	0	5	124	252	156	0	0	0	0
0	0	0	251	252	252	252	238	98	0	0	0	0	0
0	0	0	0	119	119	43	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

31 / 57

• L'opération de convolution entre deux vecteurs **x** et **y** se note ★.

John Klein (Lille1) 32 / 57

- L'opération de convolution entre deux vecteurs x et y se note ★.
- Le résultat de cette opération est aussi un vecteur $\mathbf{z} = \mathbf{x} \star \mathbf{y}$ et on a :

$$z_i = \sum_{k=1}^{\operatorname{len}(y)} x_{i-k} y_k \tag{3}$$

- L'opération de convolution entre deux vecteurs x et y se note ★.
- Le résultat de cette opération est aussi un vecteur $\mathbf{z} = \mathbf{x} \star \mathbf{y}$ et on a :

$$z_i = \sum_{k=1}^{\operatorname{len}(y)} x_{i-k} y_k \tag{3}$$

La convolution ressemble à un produit scalaire où l'un des 2 vecteurs a subi une symétrie "mirroir"!

- L'opération de convolution entre deux vecteurs x et y se note ★.
- Le résultat de cette opération est aussi un vecteur $\mathbf{z} = \mathbf{x} \star \mathbf{y}$ et on a :

$$z_i = \sum_{k=1}^{\operatorname{len}(y)} x_{i-k} y_k \tag{3}$$

La convolution est commutative : $\mathbf{x} \star \mathbf{y} = \mathbf{y} \star \mathbf{x}$.

- L'opération de convolution entre deux vecteurs x et y se note ★.
- Le résultat de cette opération est aussi un vecteur $\mathbf{z} = \mathbf{x} \star \mathbf{y}$ et on a :

$$z_i = \sum_{k=1}^{\operatorname{len}(y)} x_{i-k} y_k \tag{3}$$

La convolution est associative : $\mathbf{x} \star (\mathbf{y} \star \mathbf{u}) = (\mathbf{x} \star \mathbf{y}) \star \mathbf{u}$.

- L'opération de convolution entre deux vecteurs x et y se note ★.
- Le résultat de cette opération est aussi un vecteur $\mathbf{z} = \mathbf{x} \star \mathbf{y}$ et on a :

$$z_i = \sum_{k=1}^{\operatorname{len}(y)} x_{i-k} y_k \tag{3}$$

La convolution est distributive par rapport à la somme :

$$x \star (y + u) = x \star y + x \star u$$
.

• Appliquons cette définition à une image binaire :

John Klein (Lille1) A2DI 33 / 57

• Appliquons cette définition à une image binaire :

1	0	1	0	1
1	1	0	0	0
0	0	0	0	1
1	0	0	1	1
1	1	1	0	0

image **x** (après mirroir)

• Appliquons cette définition à une image binaire :

1	0	1	0	1
1	1	0	0	0
0	0	0	0	1
1	0	0	1	1
1	1	1	0	0

image **x** (après mirroir)

-1	0	+1
-1	0	+1
-1	0	+1

filtre y

1	0	1	0	1
1	1	0	0	0
0	0	0	0	1
1	0	0	1	1
1	1	1	0	0

image x



filtre y



convolved image $\mathbf{x} \star \mathbf{y}$

1	0	1	0	1
1	1	0	0	0
0	0	0	0	1
1	0	0	1	1
1	1	1	0	0

image **x**



filtre y



image convoluée $\mathbf{x} \star \mathbf{y}$

1	0	1	0	1
1	1	0	0	0
0	0	0	0	1
1	0	0	1	1
1	1	1	0	0

image **x**



filtre y



image convoluée $\mathbf{x} \star \mathbf{y}$

1	0	1	0	1
1	1	0	0	0
0	0	0	0	1
1	0	0	1	1
1	1	1	0	0

image **x**



filtre y



image convoluée **x** * **y**

• Appliquons cette définition à une image binaire :

1	0	1	0	1
1	1	0	0	0
0	0	0	0	1
1	0	0	1	1
1	1	1	0	0

image **x**

-1	0	+1
-1	0	+1
-1	0	+1

filtre y



... etc. image convoluée $\mathbf{x} \star \mathbf{y}$

• Observez que la formule devrait être :

$$z_i = \sum_{k=1}^{\operatorname{len}(y)} x_{i-k} y_k, \tag{4}$$

pour *i* de
$$\left[\operatorname{floor}\left(\frac{\operatorname{len}(y)}{2}\right)\right]$$
 à $\left[\operatorname{len}(x) - \operatorname{floor}\left(\frac{\operatorname{len}(y)}{2}\right)\right]$.

On ne peut pas commencer la convolution au bord de l'image

Operation	Filter	Convolved Image
Identity	$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$	
	$\begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 0 & 0 & 0 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	
Edge detection	$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & -4 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$	
	$\begin{bmatrix} -1 & -1 & -1 \\ -1 & 8 & -1 \\ -1 & -1 & -1 \end{bmatrix}$	
Sharpen	$\begin{bmatrix} 0 & -1 & 0 \\ -1 & 5 & -1 \\ 0 & -1 & 0 \end{bmatrix}$	
Box blur (normalized)	$\frac{1}{9} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$	4
Gaussian blur (approximation)	$\frac{1}{16} \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & 4 & 2 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix}$	4

Exemples de filtres d'images (source : Wikipedia - images kernels)

CNN (convolutional neural network) : Paramètres d'une couche de convolution

- depth: c'est le nombre de filtre(s) qu'on utilise dans la couche.
 - Dans l'exemple précédent, nous avons utilisé un seul filtre, mais il est fréquent d'en utiliser des dizaines en parallèle.
 - Le filtre numéro m a ses propres paramètres $\mathbf{w}^{(k,m)}$.
 - Chaque filtre produit une image convoluée appelée *feature map* qui sont traitées en parallèles dans les couches suivantes.
- stride : on décide de "sauter" de *stride* pixels entre chaque itération de la convolution.

CNN (convolutional neural network): fonction d'activation

 La fonction d'activation la plus courante est ReLU (rectified linear unit. C'est une fonction continue de ℝ dans [0; 1], telle que

$$ReLU(z) = \begin{cases} z & \text{si } z \ge 0 \\ 0 & \text{sinon} \end{cases}.$$
 (5)

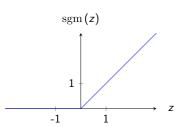
John Klein (Lille1) 42 / 57

CNN (convolutional neural network): fonction d'activation

• La fonction d'activation la plus courante est ReLU (rectified linear unit. C'est une fonction continue de $\mathbb R$ dans [0; 1], telle que

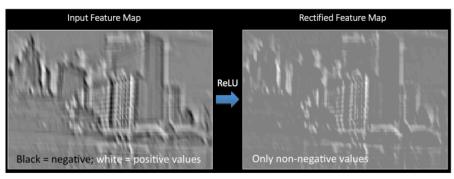
$$ReLU(z) = \begin{cases} z & \text{si } z \ge 0 \\ 0 & \text{sinon} \end{cases}.$$
 (5)

Voici le graphe de la fonction ReLU :



CNN (convolutional neural network): fonction d'activation

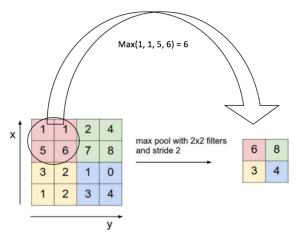
• Son action consiste à conserver la partie positive d'une feature map.



(source : Rob Fergus - Facebook AI research)

CNN (convolutional neural network) : pooling Il s'agit pour un voisinnage donnné de la feature map (après passage par ReLU) de prendre :

- le max (max pooling),
- ou la moyenne (mean pooling).



Rectified Feature Map

Exemples de max pooling

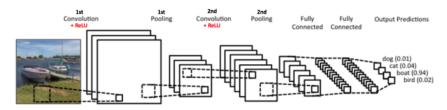
(source : cs231n.github.io)

CNN (convolutional neural network) : pooling La couche de pooling nous aide à :

- réduire la dimension des représentations intermédiaires,
- se rendre invariant à de petites distortions/translations locales.

John Klein (Lille1) 44 / 5

CNN (convolutional neural network) : architecture globale Quand on assemble tout, cela donne par exemple :



(source : WILDML - understanding CNNs for nlp)

CNN (convolutional neural network) : Rétropropagation

Le principe d'une descente de gradient itérative (couche par couche) reste valable!

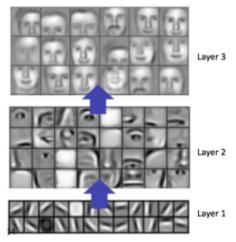
• Les dérivées pour la couche de *max pooling* sont transférées au pixels ayant été sélectionnés par le max,

- Les dérivées pour la couche de *max pooling* sont transférées au pixels ayant été sélectionnés par le max,
- Les dérivées pour ReLU sont ultra simples,

- Les dérivées pour la couche de *max pooling* sont transférées au pixels ayant été sélectionnés par le max,
- Les dérivées pour ReLU sont ultra simples,
- Les dérivées par rapport aux poids $\mathbf{w}^{(k,m)}$ qui interviennent dans une convolution sont également simples à calculer.

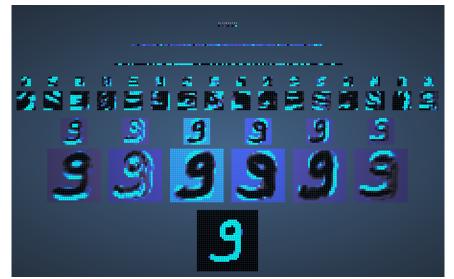
- Les dérivées pour la couche de *max pooling* sont transférées au pixels ayant été sélectionnés par le max,
- Les dérivées pour ReLU sont ultra simples,
- Les dérivées par rapport aux poids $\mathbf{w}^{(k,m)}$ qui interviennent dans une convolution sont également simples à calculer.
- Les $\mathbf{w}^{(k,m)}$ subissent plusieurs màj en provenance de la feature map par itération.

CNN (convolutional neural network): Filter Visualisation



(Fig. tirée de "Convolutional Deep Belief Networks for Scalable Unsupervised Learning of Hierarchical Representations", Lee et al., ICML 2009.)

CNN (convolutional neural network): Feature maps Visualisation



 $(image\ générée\ par\ http://scs.ryerson.ca/\ aharley/vis/conv/flat.html.)$

CNN (convolutional neural network) / adds-on : Batch normalization

 Un problème connu des réseaux profonds est qu'une petite modification des poids dans les premières couches impacte fortement le modèle.

CNN (convolutional neural network) / adds-on : Batch normalization

- Un problème connu des réseaux profonds est qu'une petite modification des poids dans les premières couches impacte fortement le modèle.
- Pour lutter contre ce phénomène, on peut appliquer une transformation BN en sortie de la convolution (juste avant le passage par la fonction d'activation).

CNN (convolutional neural network) / adds-on : Batch normalization

- Un problème connu des réseaux profonds est qu'une petite modification des poids dans les premières couches impacte fortement le modèle.
- Pour lutter contre ce phénomène, on peut appliquer une transformation BN en sortie de la convolution (juste avant le passage par la fonction d'activation).
- Cette transformation n'est valable que pour 1 itération de SGD en version mini-batch.

S. Ioffe, C. Szegedy, Batch Normalization : Accelerating Deep Network Training by Reducing Internal Covariate Shift, ICML 2015.

• Soit $\mathbf{v}^{(i)}$ la sortie d'une couche de convolution pour l'exemple $\mathbf{x}^{(i)}$ appartenant au mini-batch courant :

$$\mathbf{v}^{(i)} = \mathbf{x}^{(i)} \star \text{filtre.}$$

John Klein (Lille1)

• Soit $\mathbf{v}^{(i)}$ la sortie d'une couche de convolution pour l'exemple $\mathbf{x}^{(i)}$ appartenant au mini-batch courant :

$$\mathbf{v}^{(i)} = \mathbf{x}^{(i)} \star \text{filtre.}$$

• On calcule μ_j et σ_j la moyenne et l'écart type de de la $j^{\text{ème}}$ dimension des $\mathbf{v}^{(i)}$.

John Klein (Lille1) A2DI 49 / 5

• Soit $\mathbf{v}^{(i)}$ la sortie d'une couche de convolution pour l'exemple $\mathbf{x}^{(i)}$ appartenant au mini-batch courant :

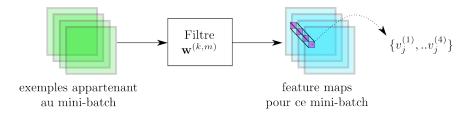
$$\mathbf{v}^{(i)} = \mathbf{x}^{(i)} \star \text{filtre.}$$

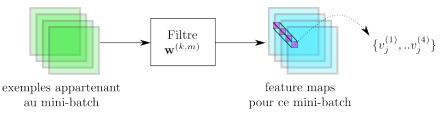
- On calcule μ_j et σ_j la moyenne et l'écart type de de la $j^{\text{ème}}$ dimension des $\mathbf{v}^{(i)}$.
- On remplace chaque $\mathbf{v}^{(i)}$ par

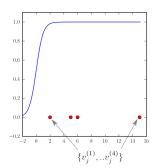
$$\mathbf{BN}\left(\mathbf{v}^{(i)}\right) = \begin{pmatrix} \vdots \\ \gamma_{j} * \frac{v_{j}^{(i)} - \mu_{j}}{\sigma_{j}^{2} + \epsilon} + \beta_{j} \\ \vdots \end{pmatrix}$$

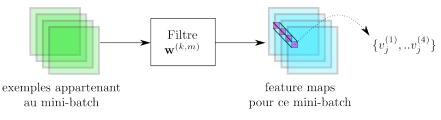
$$(6)$$

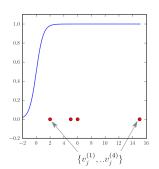
• Les γ_j et β_j seront appris tandis que ϵ est fixe et permet d'éviter une division par zéro.

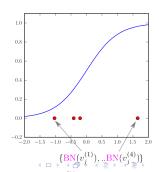










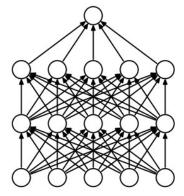


• Pour rendre l'apprentissage plus robuste on peut lui compliquer la vie.

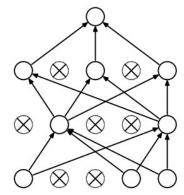
- Pour rendre l'apprentissage plus robuste on peut lui compliquer la vie.
- Dropout propose de faire cela en "éteignant" aléatoirement certaines unités neuronales.

John Klein (Lille1) A2DI 51 / 57

- Pour rendre l'apprentissage plus robuste on peut lui compliquer la vie.
- Dropout propose de faire cela en "éteignant" aléatoirement certaines unités neuronales.



(a) Standard Neural Net



(b) After applying dropout.

Fig. tirée de N. Srivastava et al., Dropout : A Simple Way to Prevent Neural Networks from Overfitting, JMLR 2014.

 Pendant la phase d'apprentissage, chaque unité est éteinte avec la probabilité p.

John Klein (Lille1) 52 / 57

- Pendant la phase d'apprentissage, chaque unité est éteinte avec la probabilité p.
- Pendant la phase de test, les poids connectés en sortie à l'unité sont multipliés par p.

- Pendant la phase d'apprentissage, chaque unité est éteinte avec la probabilité p.
- Pendant la phase de test, les poids connectés en sortie à l'unité sont multipliés par p.

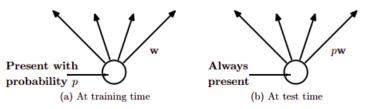


Fig. tirée de N. Srivastava et al., Dropout : A Simple Way to Prevent Neural Networks from Overfitting, JMLR 2014.

CNN (convolutional neural network): Initialisation

- Les poids des filtres d'un CNN ne doivent pas être initialisés à zéro.
- L'heuristique est :

$$\mathbf{w}^{(k,m)} \longleftarrow \sqrt{\frac{2}{\dim\left(\mathbf{w}^{(k,m)}\right)}} \times \mathbf{u},\tag{7}$$

avec **u** un vecteur choisi au hasard et dont chaque composante suit la loi normale centrée réduite $u_i \sim \mathcal{N}(0,1)$.

• LeNet: 90's, 2 séries de (conv + max pooling) + MLP,

John Klein (Lille1) 54 / 57

- LeNet: 90's, 2 séries de (conv + max pooling) + MLP,
- AlexNet: 2012, 5 couches de conv (max pooling pas systématique) + MLP, 60.000.000 de paramètres,

John Klein (Lille1) 54 / 57

- LeNet: 90's, 2 séries de (conv + max pooling) + MLP,
- AlexNet: 2012, 5 couches de conv (max pooling pas systématique) + MLP, 60.000.000 de paramètres,
- GoogleLeNet (inception-v4) : 2014, jusqu'à 12 couches de conv, mais certaines en parallèle puis concaténation régulières,

- LeNet: 90's, 2 séries de (conv + max pooling) + MLP,
- AlexNet: 2012, 5 couches de conv (max pooling pas systématique) + MLP, 60.000.000 de paramètres,
- GoogleLeNet (inception-v4) : 2014, jusqu'à 12 couches de conv, mais certaines en parallèle puis concaténation régulières,
- VGGNet: 2014, jusqu'à 19 couches, 140.000.000 de paramètres,

- LeNet: 90's, 2 séries de (conv + max pooling) + MLP,
- AlexNet: 2012, 5 couches de conv (max pooling pas systématique) + MLP, 60.000.000 de paramètres,
- GoogleLeNet (inception-v4) : 2014, jusqu'à 12 couches de conv, mais certaines en parallèle puis concaténation régulières,
- VGGNet: 2014, jusqu'à 19 couches, 140.000.000 de paramètres,
- ResNet: 2015, certaines inputs peuvent "sauter" des couches,

54 / 57

- LeNet: 90's, 2 séries de (conv + max pooling) + MLP,
- AlexNet: 2012, 5 couches de conv (max pooling pas systématique) + MLP, 60.000.000 de paramètres,
- GoogleLeNet (inception-v4) : 2014, jusqu'à 12 couches de conv, mais certaines en parallèle puis concaténation régulières,
- VGGNet: 2014, jusqu'à 19 couches, 140.000.000 de paramètres,
- ResNet: 2015, certaines inputs peuvent "sauter" des couches,
- DenseNet : 2016, toutes les inputs atteignent toutes les couches suivantes.

CNN (convolutional neural network): une démo sympa

CNN sur dataset cifar10.

John Klein (Lille1) 55 / 57

Autres réseaux profonds :

 Auto-encoders: réseaux pour apprentissage non-supervisé. Souvent utilisé pour le pré-appentissage de quelques couches d'un CNN.

Autres réseaux profonds :

- Auto-encoders: réseaux pour apprentissage non-supervisé. Souvent utilisé pour le pré-appentissage de quelques couches d'un CNN.
- Deep Belief Networks : les couches reposent sur un modèle génératif probabiliste appelé Machine de Boltzmann restreinte.

Messages importants du chapitre :

- Les réseaux de neurones offrent la possibilité de traiter des données dont la frontière séparatrice n'est à l'évidence pas linéaire.
- Grâce à l'algorithme de rétropropagation, l'apprentissage de ces modèles n'a pas un coût exhorbitant.
- Les architectures modernes des réseaux de neurones produisent des résultats d'une qualité remarquable, notamment en vision par ordinateur.