# UNIVERSIDAD COMPLUTENSE DE MADRID

# FACULTAD DE INFORMÁTICA

DEPARTAMENTO DE SISTEMAS INFORMÁTICOS Y COMPUTACIÓN



### Trabajo Fin de Grado en Ingeniería Informática

Implementación de un nuevo algoritmo de clasificación en el lenguaje R.

Implementation of a new classification algorithm in the R language.

Dirigido por:

Sonia Estévez Martín

### John Erik Ibarra Guerrón

Curso académico 2021-22 Convocatoria Junio

# Acknowledgements

I want to thank my project director, Sonia Estévez Martín and Victoria López for all the support, guidelines and advice they have given me throughout the development of this project, thanks to their help, it has been carried out in the best possible way.

On the other hand, I also want to thank my parents for all the effort they have made to give me the opportunity to have a good education. my girlfriend and my brother for all their moral support and encouragement that they have given me throughout these years.

### Abstract

Nowadays the improvements in urban infrastructure that has been made in Madrid Central, along with the new regulations for closing to road traffic has led to the influx of walkers, mainly in the summer months, which causes a number of problems in those areas where agglomerations are not expected because they are not structurally equipped for it.

Therefore, we propose the implementation of a new classification algorithm based on the fusion of K-MEANS and Hierarchical clustering that allows us to know which streets share a similar average number of pedestrians in the holiday period, besides in this way we can apply urban improvements based on the classification generated in those areas with the highest number of walkers.

# Keywords

Algorithm, Analytics, Machine Learning, Kmeans, Hierarchical Clustering, Cluster, Dataset, Dataframe, Data Science, R.

### Resumen

En los últimos años las mejoras en infraestructura urbana que se ha realizado en Madrid Central, junto con la nueva normativa de cierre al tráfico rodado ha propiciado la afluencia de peatones, principalmente en lo meses de verano, lo que ocasiona una serie de problemas en aquellas zonas donde no se prevé aglomeraciones debido a que no están dotadas estructuralmente para ello.

Por ende se propone la implementación de un nuevo algoritmo de clasificación basado en la fusión de K-MEANS y Hierarchical clustering que nos permita conocer que calles comparten un promedio de peatones similar en el periodo vacacional, así, de este modo se puede aplicar mejoras urbanas basándonos en la clasificación generada en aquellas zonas con mayor número de peatones.

### Palabras Clave

Algoritmo, Análisis, Aprendizaje Automático, Kmeans, Clúster Jerárquico, Cluster, Conjunto de datos, Dataframe, Ciencia de datos, R.

# Índice general

| 1.        | Introducción                              | 9  |
|-----------|---|----|
|           | 1.1. Motivación                           | 10 |
|           | 1.2. Objetivos                            | 10 |
|           | 1.3. Plan de trabajo                      |    |
|           | 1.4. Antecedentes                         |    |
|           | 1.5. Tipos de clasificación               |    |
| 2.        | Estados del arte                          | 14 |
|           | 2.1. Algoritmos de clustering             | 14 |
|           | 2.1.1. K-Means                            |    |
|           | 2.1.2. Hierarchical clustering            |    |
|           | 2.2. Definición del nuevo algoritmo Merge |    |
|           | 2.2.1. Nomenclatura                       |    |
|           | 2.2.2. Implementación                     |    |
| 3.        | Conjunto de datos                         | 19 |
|           | 3.1. Tratamiento de datos                 | 22 |
| 4.        | Desarrollo del proyecto                   | 26 |
|           | 4.1. Ejecución K-means                    | 26 |
|           | 4.2. Ejecución Hierarchical clustering    |    |
|           | 4.3. Algoritmo Merge                      |    |
| <b>5.</b> | Resultados de los algoritmos              | 38 |
|           | 5.1. Análisis de resultados               | 40 |
| 6.        | Conclusión                                | 42 |

# Índice de figuras

| 1.1.  | Imagen de clustering tomada del internet del trabajo $[1]$ | 13 |
|-------|--|----|
| 2.1.  | K-Means imagen obtenida de la web [2]                      | 14 |
| 2.2.  | Hierarchical clustering imagen obtenida de la web $[3]$    | 15 |
| 3.1.  | Conjunto de datos inicial primeras 6 columnas              | 20 |
| 3.2.  | Conjunto de datos inicial siguientes 6 columnas            | 21 |
| 3.3.  | Selección de columnas                                      | 22 |
| 3.4.  | Filtrado por mes y hora                                    | 23 |
| 3.5.  | Cálculo de media   | 24 |
| 3.6.  | Reshape dataframe  | 25 |
| 3.7.  | Dataframe final  | 25 |
| 4.1.  | Resultado cuatro clusters                                  | 26 |
| 4.2.  | Resultado cinco clusters                                   | 27 |
| 4.3.  | Cluster óptimo   | 28 |
| 4.4.  | Resultado seis clusters                                    | 29 |
| 4.5.  | Dendograma generado sin etiquetas                          | 30 |
| 4.6.  | Dendograma generado con etiquetas                          | 31 |
| 4.7.  | Salida dendograma  | 32 |
| 4.8.  | Nuevo dataframe sin agrupar                                | 33 |
| 4.9.  | Búsqueda de hermanos                                       | 35 |
| 4.10. | Búsqueda de primos   | 36 |
|       | Búsqueda de elementos hermanos y primos en $k-1$           | 37 |
| 5.1.  | Agrupación generada por Merge                              | 38 |
| 5.2.  | Agrupación Merge   | 39 |
| 5.3.  | Resultado final  | 39 |

### 1. Introducción

En la actualidad, el uso de herramientas de Big Data y Deep Learning ha aumentado considerablemente lo que ha beneficiado a la obtención, almacenamiento y procesamiento de grandes volúmenes de datos que posteriormente son usados por las empresas y organizaciones de ámbito publico y privado para la toma de decisiones, por ende, es necesario crear nuevos algoritmos que sirvan de ayuda a la hora de transformar la información de los conjuntos masivos de datos en valor.

En nuestra vida diaria se aplican este tipo de soluciones en diversas áreas desde entidades bancarias, telecomunicación, salud, militar, investigaciones tecnologías etc... Todos estos escenarios tienen algo en común, una cantidad enorme de información que se debe procesar y que años atrás, suponían un trabajo muy costoso a nivel computacional, la aparición de la infraestructura cloud, la mejora de los procesadores y la aparición de algoritmos cada vez más rápidos y eficaces está ayudando a la sociedad a alcanzar un mayor avance tecnológico.

Pese a que existen algoritmos que han sido ampliamente utilizados, contrastados y que generan buenos resultados, hay casos en los que a pesar de generar clasificaciones robustas, no son de un valor significativo ya que pueden crear subgrupos muy numerosos pero de escasos individuos o por el contrario pocos grupos pero de gran tamaño, lo que no resulta relevante, por ello los profesionales del sector siguen buscando y creando nuevos algoritmos para enfrentarse a los nuevos problemas y que son de diferentes tipos y complejidad:

- Predicción: se realizan mediante modelos entrenados.
- Clasificación: se trata de problemas en los que se busca encontrar

similitudes entre elementos de una población de estudio, analizando variables relevantes se llega a subgrupos con elementos afines entre sí.

- Aprendizaje supervisado: se trata de problemas en los que se busca inferir conocimiento en un sistema mediante pares de entrada salida, de está manera se pretende aprender mediante datos y modelos precargados y de esta manera inferir conocimiento mediante deducción.
- Aprendizaje no supervisado: es un tipo de aprendizaje que no requiere de pares entrada salida, de esta manera partimos de datos sin etiquetar y es el algoritmo el que se encarga de intentar entender los datos y extraer información relevante.

En este proyecto se trabaja sobre un problema de agrupamiento a partir de un conjunto de datos donde la clasificación se infiere a partir de similitudes, se trata de determinar la semejanza entre elementos basándonos en una serie de variables que consideramos relevantes.

### 1.1. Motivación

El nuevo algoritmo que se plantea en este proyecto pretende ayudar a mejorar el transito de los peatones en el mes de mayor afluencia en Madrid Central, la zona más concurrida de la capital a las 20h, de esta forma podemos ofrecer una serie de subconjuntos con las calles que tienen similitud de promedio de peatones y así poder saber cuales son las que necesitan adaptar su infraestructura para evitar aglomeraciones y mejorar su transito, para ello utilizaremos dos de los algoritmos más utilizados en la ciencia de datos K-Means y Hierarchical Clustering, para la creación del algoritmo Merge que se basa en la fusión de ambos algoritmos para generar una clasificación determinada por el tamaño de los clusters.

### 1.2. Objetivos

La implementación del algoritmo Merge planteado en [4] mediante el lenguaje de programación R [5] en RStudio [6], dónde se quiere mejorar los resultados generados por dos de los algoritmos más usados dentro de la ciencia de datos para el tratamiento de información K-Means y Hierarchical clustering realizando una fusión de ambos para generar el número de conjuntos óptimo con una cantidad de individuos equilibrada aplicado a nuestro conjunto de datos de Madrid Central al que se puede acceder desde *Aforo peatones Madrid* del portal de datos abiertos de Madrid [7].

### 1.3. Plan de trabajo

Una vez presentada la finalidad del desarrollo del proyecto y los objetivos que se persiguen voy a describir el plan de trabajo que se ha seguido.

Definimos junto con la directora de proyecto cómo se realizaría el seguimiento del desarrollo del TFG, acordando realizarse reuniones periódicas en las que se comentan los avances e ideas que iban surgiendo, recibiendo por su parte correcciones o propuestas de mejora que se pondrían aplicar y que se revisaría su implementación en las sesiones posteriores. A continuación, se detalla el desarrollo del trabajo realizado.

Como primer paso, se ha recopilado información sobre el funcionamiento de los algoritmos de clustering K-Means y Hierarchical Clustering que se emplean en este proyecto en la elaboración del nuestro algoritmo Merge, de esta manera nos familiarizamos con su uso y aplicación en R.

Con los conceptos claros de ambos algoritmos se realizó una búsqueda de un conjunto de datos que nos permitió poner a prueba el nuevo algoritmo dicho dataset se puede conseguir de los datos públicos que ofrece la Comunidad de Madrid en la web https://datos.madrid.es/portal/site/egob.

Posteriormente se ha procedido a la implementación del algoritmo mediante el lenguaje de programación R con la herramienta Rstudio, se ha realizado un análisis de la clasificación generada, recopilado gráficas con datos de interés y modificaciones pertinentes en base al análisis previo.

El código de la implementación de este proyecto se encuentra a disposición en el siguiente repositorio público https://github.com/johnIbarra28/TFG-2021-2022

### 1.4. Antecedentes

Los algoritmos de clustering [8] tienen como principal objetivo encontrar y agrupar lo que se conoce como clúster, elementos de un conjunto de datos que tienen características similares, que a su vez tienen propiedades diferentes a las de los individuos de otra agrupación.

Este tipo de proceso se utiliza en machine learning en el entrenamiento de modelos de tipo no supervisado y que se usan en diversos ámbitos de la ciencia de datos

### 1.5. Tipos de clasificación

- **Duro**: El clustering duro es el agrupamiento donde cada uno de los elementos que componen un clúster pertenece exclusivamente a dicho conjunto.
- Blando: El clustering suave es el agrupamiento de los elementos donde no restringe la pertenencia a un único clúster, sino que su salida es una probabilidad de pertenecer a cada uno de los grupos que se crean.

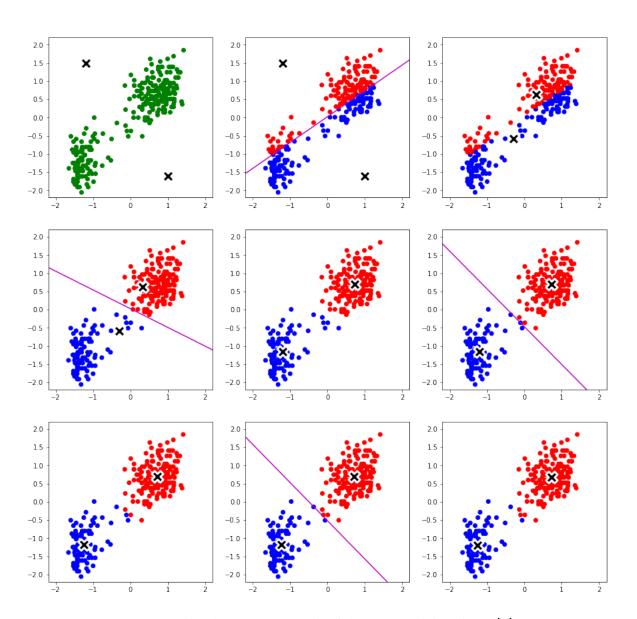


Figura 1.1: Imagen de clustering tomada del internet del trabajo [1]

# 2. Estados del arte

### 2.1. Algoritmos de clustering

### 2.1.1. K-Means

El algoritmo K-Means [9][10] realiza una clasificación no supervisada para agrupar elementos con características similares en K grupos dónde la k es establecida por el usuario, se utiliza la distancia mínima entre los elementos y el centroide del grupo generado. Existen varias distancias que puede usar el algoritmo para realizar su propósito, siendo la más común la distancia euclídea, este algoritmo tiene como característica importante una buena escalabilidad en función del tamaño del conjunto de datos al que se vaya a aplicar.

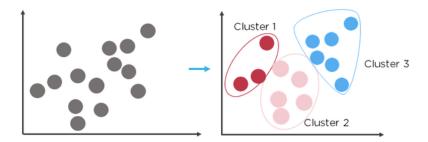


Figura 2.1: K-Means imagen obtenida de la web [2]

El algoritmo consta de tres pasos:

- Inicialización: En esta fase se establece el número de k conjuntos que se va a crear y la posición de los k centroides de forma aleatoria.
- Asignación: Se asigna cada elemento a su centroide más próximo.

 Actualización: Se establece como nueva posición de los centroides, la media aritmética de las posiciones de los elementos asignados al grupo.

Estos tres pasos se repiten hasta que no se puedan seguir actualizando las posiciones de los centroides como se puede observar en la Figura [1].

### 2.1.2. Hierarchical clustering

El algoritmo de clustering jerárquico se basa en la creación sucesiva de agrupaciones que se van generando por si solas en cada iteración, buscando el número óptimo de clusters a diferencia de algoritmos no jerárquicos en los que se debe definir el numero de grupos.

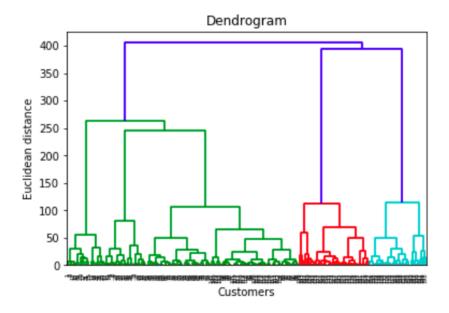


Figura 2.2: Hierarchical clustering imagen obtenida de la web [3]

Este algoritmo tiene dos posibles estrategias de aplicación:

- Aglomerativas: Se parte de varios elementos y se van juntando aquellos más similares formando grupos de clusters óptimos.
- **Disociativas**: Se parte un grupo grande de elementos que se irán separando en función de sus diferencias hasta quedarse grupos de clusters óptimos.

Los algoritmos jerárquicos tienen diferentes métodos de agrupación: single linkage, complete linkage clustering, unweighted pair-group arithmetic averages, minimum variante clustering, centroide, mediana.

### 2.2. Definición del nuevo algoritmo Merge

### 2.2.1. Nomenclatura

Partimos de los clúster generados por K-Means y Hierarchical clustering de este modo podemos denotar ambos resultados de la siguiente manera:

• Agrupaciones generadas por K-Means:

k

Tamaño de la partición del conjunto de observaciones.

$$C = \{C_1, ..., C_k\}$$

Agrupaciones generadas por Hierarchical clustering:
 D<sub>α</sub> =una partición del conjunto de observaciones y α - cut es el nivel de profundidad dentro del dendograma.

$$D_{\alpha-cut} = \{D_1, ..., D_m\}$$

Notación dendograma

$$A = \{r, l\}$$

- A\* conjunto de letras del alfabeto.
- 2 hijo derecho dentro del dendograma.
- 1 hijo izquierdo dentro del dendograma.
- O observacion que contiene una secuencia de letras del alfabeto indicando el camino dentro de un arbol binario.

"Dos observaciones  $O_1, O_2$ , pertenecen al mismo clúster  $D_i$  si y solo si ambas tienen el prefijo común  $\alpha = 1 + \#connections(a - cut)$ ".

Tras definir la nomenclatura que vamos a usar podemos decir que C y Da corresponden a los clusters generados por K-mean y Clustering jerárquico, a continuación, se detalla los pasos de la implementación del nuevo algoritmo.

### 2.2.2. Implementación

■ Paso 1

Fijamos el tamaño N de clusters que vamos a generar con nuestro algoritmo Merge y procedemos a obtener los tamaños del camino desde la raíz hasta la hoja para cada una de las observaciones dentro del dendograma.

■ Paso 2

A continuación; ordenamos de manera descendente en función de los tamaños obtenidos en el paso 1.

■ Paso 3

Definimos la condición de cruce de K-Means y de Herarchical clustering:

$$\forall i \in \{1...k\} \ \forall j \in \{i...k\} : \ \text{if} \ \exists o_1 \in C_i, \exists o_2 \in C_j : \\ (|o_1| = |o_2| = n \lor |o_1| = |o_2| - 1 = n) \land o_1[1 : n - p] = o_2[1 : n - p]$$

De esta forma ambas observaciones tienen el mismo prefijo, y por tanto procedemos a cruzarlos.

Y a continuación actualizamos:

$$MR = MR - \{C_i, C_j\} \cup \{C_{ij}\}$$

• Paso 4: fijamos p = p + 1

- Paso 5: Si p < N volvemos al paso 3, sino continuamos con el paso 6.
- Paso 6: Agrupamos en un único cluster aquellas observaciones no agrupadas.
- Paso 7: Comprobamos el tamaño de los nuevos clusters, en caso de que su longitud sea superior a la fijada por el usuario en el paso 1, procedemos a dividirlos en clusters de tamaño N.

## 3. Conjunto de datos

El conjunto de datos que se ha utilizado en el proyecto ha sido obtenido de la web datos abiertos [7], en la que el ayuntamiento de Madrid pone a disposición de la ciudadanía y en la que se ofrece un catálogo muy completo de información que se ha ido recopilando a lo largo de los años por parte del ayuntamiento, los datasets se pueden descargar en diferentes formatos según se requieran (RDF, CSV, EXCEL, AVRO, JSON, XML, GEO).

El dataset contiene información relativa a la cantidad de peatones en determinadas calles del centro de la capital de España en varias fechas y horas a lo largo los años y se actualiza cada trimestre, en este caso para la implementación de nuestro nuevo algoritmo, optamos por utilizar el archivo que comprende el periodo desde el 1 de enero al 31 de diciembre de 2020, ya que la información recogida nos ofrecía datos interesantes debido a la pandemia. A continuación, se analizará el estado inicial del dataset.

Como se puede observar en las Figuras 3.1 y 3.2 nuestro conjunto contiene doce columnas que refleja una serie de atributos recogidos por sensores distribuidos en la zona centro de Madrid y más de 166000 registros generados a lo largo del año.

- Fecha: contiene el día, mes, año y hora en la que se realizó la toma de los datos.
- Hora: en la que se ha realizado la toma de los datos, como se puede observar el intervalo entre cada medición se produce cada hora.
- Identificador: en función de las calles en las que se realiza la medición.
- Peatones: cantidad de peatones en una determinada fecha, hora, dirección en general, latitud y longitud.

- Número de distrito: distrito en el que se realiza la medición.
- Nombre vial: nombre de la calle en la que toman los datos.
- **Número**: número de la calle.
- Código postal: código postal del distrito
- Observación dirección: especifica el tipo de vía.
- Latitud: de la ubicación de toma de datos.
- Longitud: de la ubicación de toma de datos.

|    | ïFECHA           | HORA  | IDENTIFICADOR <sup>‡</sup> | PEATONES | NUMERO_DISTRITO | ÷ | DISTRITO |
|----|------------------|-------|----------------------------|----------|-----------------|---|----------|
| 1  | 01/01/2020 0:00  | 0:00  | PERM_PEA02_PM01            | 1269     |                 | 1 | Centro   |
| 2  | 01/01/2020 1:00  | 1:00  | PERM_PEA02_PM01            | 1137     |                 | 1 | Centro   |
| 3  | 01/01/2020 2:00  | 2:00  | PERM_PEA02_PM01            | 843      |                 | 1 | Centro   |
| 4  | 01/01/2020 3:00  | 3:00  | PERM_PEA02_PM01            | 711      |                 | 1 | Centro   |
| 5  | 01/01/2020 4:00  | 4:00  | PERM_PEA02_PM01            | 476      |                 | 1 | Centro   |
| 6  | 01/01/2020 5:00  | 5:00  | PERM_PEA02_PM01            | 600      |                 | 1 | Centro   |
| 7  | 01/01/2020 6:00  | 6:00  | PERM_PEA02_PM01            | 662      |                 | 1 | Centro   |
| 8  | 01/01/2020 7:00  | 7:00  | PERM_PEA02_PM01            | 1211     |                 | 1 | Centro   |
| 9  | 01/01/2020 8:00  | 8:00  | PERM_PEA02_PM01            | 1676     |                 | 1 | Centro   |
| 10 | 01/01/2020 9:00  | 9:00  | PERM_PEA02_PM01            | 1491     |                 | 1 | Centro   |
| 11 | 01/01/2020 10:00 | 10:00 | PERM_PEA02_PM01            | 505      |                 | 1 | Centro   |
| 12 | 01/01/2020 11:00 | 11:00 | PERM_PEA02_PM01            | 3481     |                 | 1 | Centro   |
| 13 | 01/01/2020 12:00 | 12:00 | PERM_PEA02_PM01            | 6339     |                 | 1 | Centro   |
| 14 | 01/01/2020 13:00 | 13:00 | PERM_PEA02_PM01            | 6086     |                 | 1 | Centro   |
| 15 | 01/01/2020 14:00 | 14:00 | PERM_PEA02_PM01            | 9340     |                 | 1 | Centro   |
| 16 | 01/01/2020 15:00 | 15:00 | PERM_PEA02_PM01            | 6957     |                 | 1 | Centro   |
| 17 | 01/01/2020 16:00 | 16:00 | PERM_PEA02_PM01            | 4954     |                 | 1 | Centro   |
| 18 | 01/01/2020 17:00 | 17:00 | PERM_PEA02_PM01            | 5804     |                 | 1 | Centro   |
| 19 | 01/01/2020 18:00 | 18:00 | PERM_PEA02_PM01            | 9153     |                 | 1 | Centro   |
| 20 | 01/01/2020 19:00 | 19:00 | PERM_PEA02_PM01            | 10333    |                 | 1 | Centro   |
| 21 | 01/01/2020 20:00 | 20:00 | PERM_PEA02_PM01            | 14241    |                 | 1 | Centro   |
| 22 | 01/01/2020 21:00 | 21:00 | PERM_PEA02_PM01            | 9064     |                 | 1 | Centro   |
| 23 | 01/01/2020 22:00 | 22:00 | PERM_PEA02_PM01            | 4269     |                 | 1 | Centro   |
| 24 | 01/01/2020 23:00 | 23:00 | PERM_PEA02_PM01            | 2145     |                 | 1 | Centro   |
| 25 | 02/01/2020 0:00  | 0:00  | PERM_PEA02_PM01            | 1269     |                 | 1 | Centro   |
| 26 | 02/01/2020 1:00  | 1:00  | PERM_PEA02_PM01            | 1202     |                 | 1 | Centro   |

Figura 3.1: Conjunto de datos inicial primeras 6 columnas

| NOMBRE_VIAL      | NUMERO <sup>‡</sup> | CODIGO_POSTAL | OBSERVACIONES_DIRECCION | LATITUD <sup>‡</sup> | LONGITUD  |
|------------------|---------------------|---------------|-------------------------|----------------------|-----------|
| Calle Fuencarral | 22                  | 28004         | Calle peatonal          | 40.42201             | -3.700892 |
| Calle Fuencarral | 22                  | 28004         | Calle peatonal          | 40.42201             | -3.700892 |
| Calle Fuencarral | 22                  | 28004         | Calle peatonal          | 40.42201             | -3.700892 |
| Calle Fuencarral | 22                  | 28004         | Calle peatonal          | 40.42201             | -3.700892 |
| Calle Fuencarral | 22                  | 28004         | Calle peatonal          | 40.42201             | -3.700892 |
| Calle Fuencarral | 22                  | 28004         | Calle peatonal          | 40.42201             | -3.700892 |
| Calle Fuencarral | 22                  | 28004         | Calle peatonal          | 40.42201             | -3.700892 |
| Calle Fuencarral | 22                  | 28004         | Calle peatonal          | 40.42201             | -3.700892 |
| Calle Fuencarral | 22                  | 28004         | Calle peatonal          | 40.42201             | -3.700892 |
| Calle Fuencarral | 22                  | 28004         | Calle peatonal          | 40.42201             | -3.700892 |
| Calle Fuencarral | 22                  | 28004         | Calle peatonal          | 40.42201             | -3.700892 |
| Calle Fuencarral | 22                  | 28004         | Calle peatonal          | 40.42201             | -3.700892 |
| Calle Fuencarral | 22                  | 28004         | Calle peatonal          | 40.42201             | -3.700892 |
| Calle Fuencarral | 22                  | 28004         | Calle peatonal          | 40.42201             | -3.700892 |
| Calle Fuencarral | 22                  | 28004         | Calle peatonal          | 40.42201             | -3.700892 |
| Calle Fuencarral | 22                  | 28004         | Calle peatonal          | 40.42201             | -3.700892 |
| Calle Fuencarral | 22                  | 28004         | Calle peatonal          | 40.42201             | -3.700892 |
| Calle Fuencarral | 22                  | 28004         | Calle peatonal          | 40.42201             | -3.700892 |
| Calle Fuencarral | 22                  | 28004         | Calle peatonal          | 40.42201             | -3.700892 |
| Calle Fuencarral | 22                  | 28004         | Calle peatonal          | 40.42201             | -3.700892 |
| Calle Fuencarral | 22                  | 28004         | Calle peatonal          | 40.42201             | -3.700892 |
| Calle Fuencarral | 22                  | 28004         | Calle peatonal          | 40.42201             | -3.700892 |
| Calle Fuencarral | 22                  | 28004         | Calle peatonal          | 40.42201             | -3.700892 |
| Calle Fuencarral | 22                  | 28004         | Calle peatonal          | 40.42201             | -3.700892 |
| Calle Fuencarral | 22                  | 28004         | Calle peatonal          | 40.42201             | -3.700892 |
| Calle Fuencarral | 22                  | 28004         | Calle peatonal          | 40.42201             | -3.700892 |

Figura 3.2: Conjunto de datos inicial siguientes 6 columnas

### 3.1. Tratamiento de datos

### Carga de datos y selección de variables

Procedemos a cargar los datos del csv en R dentro de un dataframe sin realizar ninguna modificación sobre sus datos, a continuación, seleccionamos las columnas que vamos a utilizar en nuestro desarrollo y que consideramos relevantes, la aplicación de nuestro algoritmo se pretende hacer sobre el número de peatones medio en el mes de agosto, a las veinte horas en las calles del centro de Madrid, por tanto las variables que se recogen en este primer tratamiento son nombre vial, peatones, día, mes, año y hora. Podemos observar el resultado de este proceso y el la tabla generada en la figura 3.3.

| *  | NOMBRE_VIAL      | PEATONES <sup>‡</sup> | ïFECHA           | HORA <sup>‡</sup> | dia <sup>‡</sup> | mes <sup>‡</sup> | anio <sup>‡</sup> |
|----|------------------|-----------------------|------------------|-------------------|------------------|------------------|-------------------|
| 1  | Calle Fuencarral | 1269                  | 01/01/2020 0:00  | 0:00              | 1                | 1                | 2020              |
| 2  | Calle Fuencarral | 1137                  | 01/01/2020 1:00  | 1:00              | 1                | 1                | 2020              |
| 3  | Calle Fuencarral | 843                   | 01/01/2020 2:00  | 2:00              | 1                | 1                | 2020              |
| 4  | Calle Fuencarral | 711                   | 01/01/2020 3:00  | 3:00              | 1                | 1                | 2020              |
| 5  | Calle Fuencarral | 476                   | 01/01/2020 4:00  | 4:00              | 1                | 1                | 2020              |
| 6  | Calle Fuencarral | 600                   | 01/01/2020 5:00  | 5:00              | 1                | 1                | 2020              |
| 7  | Calle Fuencarral | 662                   | 01/01/2020 6:00  | 6:00              | 1                | 1                | 2020              |
| 8  | Calle Fuencarral | 1211                  | 01/01/2020 7:00  | 7:00              | 1                | 1                | 2020              |
| 9  | Calle Fuencarral | 1676                  | 01/01/2020 8:00  | 8:00              | 1                | 1                | 2020              |
| 10 | Calle Fuencarral | 1491                  | 01/01/2020 9:00  | 9:00              | 1                | 1                | 2020              |
| 11 | Calle Fuencarral | 505                   | 01/01/2020 10:00 | 10:00             | 1                | 1                | 2020              |
| 12 | Calle Fuencarral | 3481                  | 01/01/2020 11:00 | 11:00             | 1                | 1                | 2020              |
| 13 | Calle Fuencarral | 6339                  | 01/01/2020 12:00 | 12:00             | 1                | 1                | 2020              |
| 14 | Calle Fuencarral | 6086                  | 01/01/2020 13:00 | 13:00             | 1                | 1                | 2020              |
| 15 | Calle Fuencarral | 9340                  | 01/01/2020 14:00 | 14:00             | 1                | 1                | 2020              |
| 16 | Calle Fuencarral | 6957                  | 01/01/2020 15:00 | 15:00             | 1                | 1                | 2020              |
| 17 | Calle Fuencarral | 4954                  | 01/01/2020 16:00 | 16:00             | 1                | 1                | 2020              |
| 18 | Calle Fuencarral | 5804                  | 01/01/2020 17:00 | 17:00             | 1                | 1                | 2020              |
| 19 | Calle Fuencarral | 9153                  | 01/01/2020 18:00 | 18:00             | 1                | 1                | 2020              |
| 20 | Calle Fuencarral | 10333                 | 01/01/2020 19:00 | 19:00             | 1                | 1                | 2020              |
| 21 | Calle Fuencarral | 14241                 | 01/01/2020 20:00 | 20:00             | 1                | 1                | 2020              |
| 22 | Calle Fuencarral | 9064                  | 01/01/2020 21:00 | 21:00             | 1                | 1                | 2020              |

Figura 3.3: Selección de columnas

#### Filtrado y cálculo de media

Aplicamos un primer tratamiento sobre la información recogida, filtramos el conjunto de datos con los siguientes criterios anteriormente explicados, tomamos todos los registros que tienen como mes agosto y como hora de medida las 20 horas, obteniendo la siguiente Figura 3.4.

| _  | NOMBRE_VIAL      | PEATONES <sup>‡</sup> | ïFECHA ‡         | HORA <sup>‡</sup> | dia 🗘 | mes <sup>‡</sup> | anio |
|----|------------------|-----------------------|------------------|-------------------|-------|------------------|------|
| 1  | Calle Fuencarral | 4570                  | 01/08/2020 20:00 | 20:00             | 1     | 8                | 2020 |
| 2  | Calle Fuencarral | 3419                  | 02/08/2020 20:00 | 20:00             | 2     | 8                | 2020 |
| 3  | Calle Fuencarral | 2973                  | 03/08/2020 20:00 | 20:00             | 3     | 8                | 2020 |
| 4  | Calle Fuencarral | 4356                  | 04/08/2020 20:00 | 20:00             | 4     | 8                | 2020 |
| 5  | Calle Fuencarral | 4001                  | 05/08/2020 20:00 | 20:00             | 5     | 8                | 2020 |
| 6  | Calle Fuencarral | 3993                  | 06/08/2020 20:00 | 20:00             | 6     | 8                | 2020 |
| 7  | Calle Fuencarral | 2992                  | 07/08/2020 20:00 | 20:00             | 7     | 8                | 2020 |
| 8  | Calle Fuencarral | 0                     | 08/08/2020 20:00 | 20:00             | 8     | 8                | 2020 |
| 9  | Calle Fuencarral | 4595                  | 09/08/2020 20:00 | 20:00             | 9     | 8                | 2020 |
| 10 | Calle Fuencarral | 4646                  | 10/08/2020 20:00 | 20:00             | 10    | 8                | 2020 |
| 11 | Calle Fuencarral | 1472                  | 11/08/2020 20:00 | 20:00             | 11    | 8                | 2020 |
| 12 | Calle Fuencarral | 4749                  | 12/08/2020 20:00 | 20:00             | 12    | 8                | 2020 |
| 13 | Calle Fuencarral | 4111                  | 13/08/2020 20:00 | 20:00             | 13    | 8                | 2020 |
| 14 | Calle Fuencarral | 2459                  | 14/08/2020 20:00 | 20:00             | 14    | 8                | 2020 |
| 15 | Calle Fuencarral | 5005                  | 15/08/2020 20:00 | 20:00             | 15    | 8                | 2020 |
| 16 | Calle Fuencarral | 3690                  | 16/08/2020 20:00 | 20:00             | 16    | 8                | 2020 |
| 17 | Calle Fuencarral | 4024                  | 17/08/2020 20:00 | 20:00             | 17    | 8                | 2020 |
| 18 | Calle Fuencarral | 4011                  | 18/08/2020 20:00 | 20:00             | 18    | 8                | 2020 |
| 19 | Calle Fuencarral | 3823                  | 19/08/2020 20:00 | 20:00             | 19    | 8                | 2020 |
| 20 | Calle Fuencarral | 3564                  | 20/08/2020 20:00 | 20:00             | 20    | 8                | 2020 |
| 21 | Calle Fuencarral | 3638                  | 21/08/2020 20:00 | 20:00             | 21    | 8                | 2020 |
| 22 | Calle Fuencarral | 4164                  | 22/08/2020 20:00 | 20:00             | 22    | 8                | 2020 |

Figura 3.4: Filtrado por mes y hora

Para el cálculo de la media se ha agrupado por calle y por día mientras que la función se aplicó sobre la columna de peatones. Figura 3.5. A continuación, utilizamos la función reshape para remodelar nuestro dataframe obteniendo como nuevas columnas cada uno de los días del mes desde el 1 hasta el 31 de agosto para cada una de las calles, para posteriormente sumar las

columnas pertenecientes a cada día de la semana, obteniendo únicamente ocho columnas, nombre de la calle, y el día correspondiente de la semana. Figura  $3.6\,$ 

| <b>\$</b> | Group.1  | Group.2 | ^ | x     |
|-----------|--|---------|---|-------|
| 1         | Alberto Aguilera   |         | 1 | 114.  |
| 2         | Calle Alcala   |         | 1 | 264.  |
| 3         | Calle Atocha   |         | 1 | 63.   |
| 4         | Calle Bailen   |         | 1 | 138   |
| 5         | Calle Fuencarral   |         | 1 | 4570. |
| 6         | Calle Genova   |         | 1 | 97    |
| 7         | Calle Hortaleza  |         | 1 | 198   |
| 8         | Calle Huertas  |         | 1 | 30    |
| 9         | Calle Mayor  |         | 1 | 108   |
| 10        | Calle Princesa   |         | 1 | 266   |
| 11        | Calle San Bernardo                                       |         | 1 | 136   |
| 12        | Calle Toledo   |         | 1 | 1424  |
| 13        | Carrera de San Jeronimo                                  |         | 1 | 272   |
| 14        | Gran Via   |         | 1 | 1031  |
| 15        | Madrid Rio. Puente de Segovia con Paseo Ermita del Santo |         | 1 | 68    |
| 16        | Paseo de Recoletos                                       |         | 1 | 129   |
| 17        | Plaza del Emperador Carlos V                             |         | 1 | 0     |
| 18        | Ronda de Valencia  |         | 1 | 205   |
| 19        | Alberto Aguilera   |         | 2 | 173   |
| 20        | Calle Alcala   |         | 2 | 116   |
| 21        | Calle Atocha   |         | 2 | 66    |
| 22        | Calle Bailen   |         | 2 | 171   |

Figura 3.5: Cálculo de media

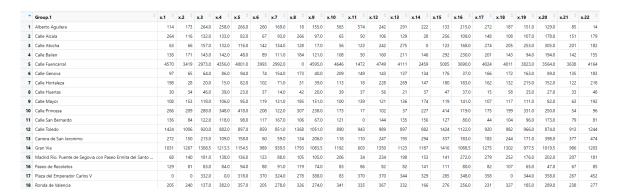


Figura 3.6: Reshape dataframe

### Dataframe final

Una vez realizado todo el tratamiento de datos sobre nuestro conjunto inicial, nos encontramos con la información completamente limpia y lista para ejecutar los algoritmos K-Means y Hierarchical clustering de manera individual.

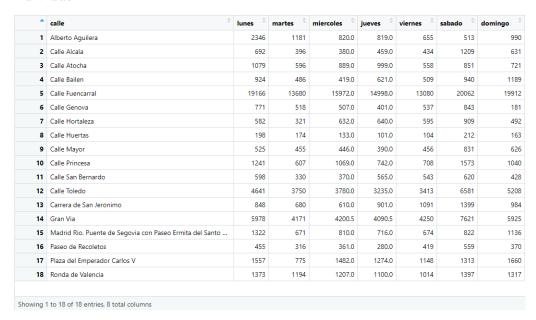


Figura 3.7: Dataframe final

# 4. Desarrollo del proyecto

### 4.1. Ejecución K-means

A continuación se muestran una serie de iteraciones que se probó sobre el algoritmo kmeans antes de generar la clasificación final usando el numero de clusters óptimos.

#### $1^{\underline{0}}$ Iteración

En la primera iteración del algoritmo de K-Means se fijo como número de clusters a generar en 4, cómo podemos observar en la Figura 4.1 el algoritmo ha realizado la clasificación sobre nuestro conjunto de datos dando lugar a cuatro agrupaciones, en los clusters uno y dos apreciamos un gran número de individuos mientras que los conjuntos tres y cuatro tienen uno y dos individuos respectivamente.

```
K-means clustering with 4 clusters of sizes 8, 7, 1, 2
Cluster means:
                 martes miercoles
                                                   viernes
                                                               sabado
                                                                         domingo
      lunes
                                         jueves
    593.125
               374.5000
                          406.0000
                                       432.1250
                                                   449.6250
                                                              765.375
                                                                         510.000
                          983.8571
                                      935.8571
                                                   835.4286 1124.000
  1395.143
              814.8571
                                                                        1121.143
3 19166.000 13680.0000 15972.0000 14998.0000 13080.0000 20062.000 19912.000
  5309.500 3960.5000 3990.2500 3662.7500 3831.5000 7101.000 5566.500
Clustering vector:
 [1] \ 2 \ 1 \ \overline{2} \ 1 \ 3 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 2 \ 1 \ 4 \ 2 \ 4 \ 2 \ 1 \ 2 \ 2
Within cluster sum of squares by cluster:
[1] 2328016 4330618
                         0 2584884
 (between_SS / total_SS = 99.5 %)
```

Figura 4.1: Resultado cuatro clusters

De modo que no podemos considerar una clasificación relevante la creación de 4 clusters.

#### 2º Iteración

Nuevamente fijamos el número de clusters a generar por el algoritmo K-Means, en esta ocasión probamos la clasificación en 5 grupos.

```
K-means clustering with 5 clusters of sizes 5, 3, 2, 7, 1
Cluster means:
       lunes
                         miercoles
                                                              sabado
                                                                       dominao
                 martes
                                       iueves
                                                 viernes
  1082.8000
               608.0000
                         759.4000
                                     795.8000
                                                708.0000 1117.0000
                                                                     1014.000
   1758.6667
              1050.0000
                         1169.6667
                                    1064.3333
                                                939.0000
                                                          1074.3333
                                                                      1322.333
  5309.5000
              3960.5000
                         3990.2500
                                    3662.7500
                                               3831.5000
                                                          7101.0000
                                                                      5566.500
    545.8571
               358.5714
                          404.1429
                                     405.1429
                                                441.1429
                                                           740.4286
                                                                       413.000
5 19166.0000 13680.0000 15972.0000 14998.0000 13080.0000 20062.0000 19912.000
Clustering vector:
 [1] 2 4 1 1 5 4 4 4 4 1 4 3 1 3 1 4 2 2
Within cluster sum of squares by cluster:
[1] 1351815 1805149 2584884 1581943
 (between_SS / total_SS = 99.6 \%)
```

Figura 4.2: Resultado cinco clusters

A pesar de que se aprecia una mayor distribución de los elementos dentro de los clusters podemos encontrar dos conjuntos que tienen la misma problemática que en el caso anterior, el cluster cinco contiene únicamente un individuo mientras que el cluster cuatro se encuentra sobre-poblado.

#### Elección de clusters óptimos

En nuestra iteración final se decidió ejecutar nuestro algoritmo varias veces y tomar la precisión generada para decidir nuestro número de cluster óptimo, de esta manera se toma aquel valor que se haya generado como primer máximo durante la ejecución del algoritmo sobre nuestro conjunto de datos.

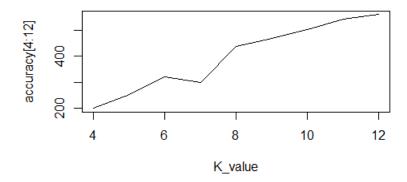


Figura 4.3: Cluster óptimo

Tras la ejecución con nuestro primer máximo como número óptimo de cluster se consiguieron los siguientes resultados.

|    | posicion <sup>‡</sup> | observacion <sup>‡</sup> | cluster_hoja |
|----|-----------------------|--------------------------|--------------|
| 1  | 1                     | 6                        | 4            |
| 2  | 2                     | 16                       | 3            |
| 3  | 3                     | 4                        | 5            |
| 4  | 4                     | 9                        | 5            |
| 5  | 5                     | 11                       | 2            |
| 6  | 6                     | 3                        | 5            |
| 7  | 7                     | 15                       | 1            |
| 8  | 8                     | 2                        | 1            |
| 9  | 9                     | 13                       | 5            |
| 10 | 10                    | 7                        | 4            |
| 11 | 11                    | 8                        | 5            |
| 12 | 12                    | 10                       | 6            |
| 13 | 13                    | 18                       | 3            |
| 14 | 14                    | 1                        | 6            |
| 15 | 15                    | 12                       | 5            |
| 16 | 16                    | 14                       | 5            |
| 17 | 17                    | 17                       | 4            |
| 18 | 18                    | 5                        | 4            |

Figura 4.4: Resultado seis clusters

Como podemos apreciar en la Figura 4.4, la distribución de los elementos es ligeramente mejor que los casos anteriores pero a pesar de esto, seguimos encontrando agrupaciones de un solo elemento por lo que se puede concluir que aunque la clasificación es buena, en el problema que intentamos resolver no arroja una solución relevante, por tanto, recurrimos al algoritmo jerárquico para intentar mejorar nuestras agrupaciones.

## 4.2. Ejecución Hierarchical clustering

Ejecutamos el algoritmo jerárquico sobre nuestro conjunto de datos, para ello y como primer paso convertimos nuestro dataframe en una matriz usando la función as.matrix a continuación, obtenemos la matriz de distancias de nuestro conjunto de datos y ejecutamos hclust.

#### Obtención de ruta

Una vez aplicado el algoritmo a nuestro conjunto de datos se procede a obtener la ruta desde la raíz hasta las hojas, consiguiendo de esta manera el camino completo de cada observación, la salida generada contiene los valores 1 y 2 que representan las direcciones izquierda y derecha dentro del dendograma.

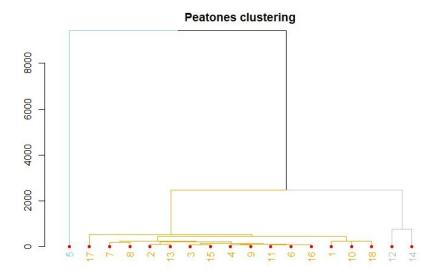


Figura 4.5: Dendograma generado sin etiquetas

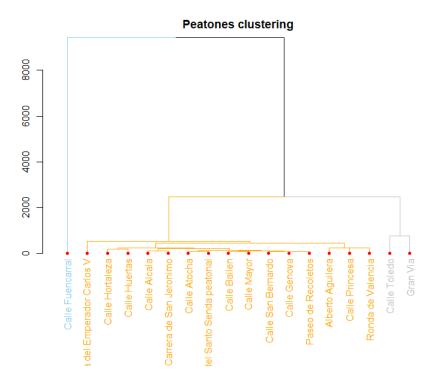


Figura 4.6: Dendograma generado con etiquetas

Procedemos a ordenar el conjunto de datos en función del tamaño de su ruta, de esta manera, tenemos aquellas observaciones con una mayor profundidad en el árbol como primeros elementos de nuestra tabla.

| •  | posicion <sup>‡</sup> | observacion <sup>‡</sup> | ruta ‡                       |
|----|-----------------------|--------------------------|------------------------------|
| 1  | 1                     | 6                        | 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2, 2, 2, 1 |
| 2  | 2                     | 16                       | 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2, 2, 2, 2 |
| 3  | 3                     | 4                        | 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2, 1, 1    |
| 4  | 4                     | 9                        | 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2, 1, 2    |
| 5  | 5                     | 11                       | 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2, 2, 1    |
| 6  | 6                     | 3                        | 2, 1, 2, 1, 2, 2, 1, 1       |
| 7  | 7                     | 15                       | 2, 1, 2, 1, 2, 2, 1, 2       |
| 8  | 8                     | 2                        | 2, 1, 2, 1, 2, 1, 1          |
| 9  | 9                     | 13                       | 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2          |
| 10 | 10                    | 7                        | 2, 1, 2, 1, 1, 1             |
| 11 | 11                    | 8                        | 2, 1, 2, 1, 1, 2             |
| 12 | 12                    | 10                       | 2, 1, 2, 2, 2, 1             |
| 13 | 13                    | 18                       | 2, 1, 2, 2, 2, 2             |
| 14 | 14                    | 1                        | 2, 1, 2, 2, 1                |
| 15 | 15                    | 12                       | 2, 2, 1                      |
| 16 | 16                    | 14                       | 2, 2, 2                      |
| 17 | 17                    | 17                       | 2, 1, 1                      |
| 18 | 18                    | 5                        | 1                            |

Figura 4.7: Salida dendograma

De esta manera ya tenemos los datos suficientes para generar un nuevo dataframe sobre el que trabajar, que contiene las columnas posición, observación, ruta, tamaño, cluster hoja, cluster nuevo, agrupado.

| *  | posicion <sup>‡</sup> | observacion <sup>‡</sup> | ruta <sup>‡</sup>            | tamanio <sup>‡</sup> | cluster_hoja <sup>‡</sup> | cluster_nuevo | agrupado <sup>‡</sup> |
|----|-----------------------|--------------------------|------------------------------|----------------------|---------------------------|---------------|-----------------------|
| 1  | 1                     | 6                        | 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2, 2, 2, 1 | 10                   | 4                         | 0             | FALSE                 |
| 2  | 2                     | 16                       | 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2, 2, 2, 2 | 10                   | 3                         | 0             | FALSE                 |
| 3  | 3                     | 4                        | 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2, 1, 1    | 9                    | 5                         | 0             | FALSE                 |
| 4  | 4                     | 9                        | 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2, 1, 2    | 9                    | 5                         | 0             | FALSE                 |
| 5  | 5                     | 11                       | 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2, 2, 1    | 9                    | 2                         | 0             | FALSE                 |
| 6  | 6                     | 3                        | 2, 1, 2, 1, 2, 2, 1, 1       | 8                    | 5                         | 0             | FALSE                 |
| 7  | 7                     | 15                       | 2, 1, 2, 1, 2, 2, 1, 2       | 8                    | 1                         | 0             | FALSE                 |
| 8  | 8                     | 2                        | 2, 1, 2, 1, 2, 1, 1          | 7                    | 1                         | 0             | FALSE                 |
| 9  | 9                     | 13                       | 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2          | 7                    | 5                         | 0             | FALSE                 |
| 10 | 10                    | 7                        | 2, 1, 2, 1, 1, 1             | 6                    | 4                         | 0             | FALSE                 |
| 11 | 11                    | 8                        | 2, 1, 2, 1, 1, 2             | 6                    | 5                         | 0             | FALSE                 |
| 12 | 12                    | 10                       | 2, 1, 2, 2, 2, 1             | 6                    | 6                         | 0             | FALSE                 |
| 13 | 13                    | 18                       | 2, 1, 2, 2, 2, 2             | 6                    | 3                         | 0             | FALSE                 |
| 14 | 14                    | 1                        | 2, 1, 2, 2, 1                | 5                    | 6                         | 0             | FALSE                 |
| 15 | 15                    | 12                       | 2, 2, 1                      | 3                    | 5                         | 0             | FALSE                 |
| 16 | 16                    | 14                       | 2, 2, 2                      | 3                    | 5                         | 0             | FALSE                 |
| 17 | 17                    | 17                       | 2, 1, 1                      | 3                    | 4                         | 0             | FALSE                 |
| 18 | 18                    | 5                        | 1                            | 1                    | 4                         | 0             | FALSE                 |

Showing 1 to 18 of 18 entries, 7 total columns

Figura 4.8: Nuevo dataframe sin agrupar

### 4.3. Algoritmo Merge

Partiendo de la definición de nomenclatura e implementación explicada en el capitulo 3, procedemos a la implementación del nuevo algoritmo Merge.

En primer lugar como se observa en la Figura 4.9 comprobamos aquellas observaciones del mismo tamaño k y que comparten prefijo que se extrajo de la ruta generada por el algoritmo Hierarchical Clustering, en este caso las observaciones  $O_6$  y  $O_{16}$  comparten una misma raíz lo que consideramos ser observaciones hermanas y por ende se agrupan en un cluster y se procede a buscar aquellas observaciones que se consideran su primos, en este caso utilizamos la columna cluster hoja que se obtuvo de la clasificación realizada por K-Means, todos aquellos registros que compartan los mismos cluster de  $O_6$  y  $O_{16}$  también se agrupan en el nuevo cluster y se pone a TRUE la columna agrupado.

| posicion  | observacion_   |   |   |  | ruta  | tamanio  | cluster_hoja   | cluster_nuevo  | agrupado   |
|---|--|---|---|--|---|--|--|--|--|
| 1   | 6 2  | 2, 1, 2, 1  | ., 2,   | 2, 2,  | 2, 2 1  | 10   | 4  | 0  | FALSE  |
| 2   |  | 2, 1, 2, 1  |   | 2, 2,  | 2, 2 2  | 10   | 3  | 0  | FALSE  |
| 3   | 4  | 2, 1, 2   | 2, 1,   | 2, 2,  | 2, 1, 1   | 9  | 5  | 0  | FALSE  |
| 4   | 9  | 2, 1, 2   | , 1,  | 2, 2,  | 2, 1, 2   | 9  | 5  | 0  | FALSE  |
| 5   | 11   | 2, 1, 2   | 2, 1,   | 2, 2,  | 2, 2, 1   | 9  | 2  | 0  | FALSE  |
| 6   | 3  | 2, 1  | ., 2,   |  | 2, 1, 1   | 8  | 5  | 0  | FALSE  |
| 7   | 15   | 2, 1  |   |  | 2, 1, 2   | 8  | 1  | 0  | FALSE  |
| 8   | 2  | 2   | 2, 1,   | 2, 1,  | 2, 1, 1   | 7  | 1  | 0  | FALSE  |
| 9   | 13   | 2   | 2, 1,   | 2, 1,  | 2, 1, 2   | 7  | 5  | 0  | FALSE  |
| 10  | 7  |   |   | 1, 2, 3  | 1, 1, 1   | 6  | 4  | 0  | FALSE  |
| 11  | 8  |   |   |  | 1, 1, 2   | 6  | 5  | 0  | FALSE  |
| 12  | 10   |   | 2,  |  | 2, 2, 1   | 6  | 6  | 0  | FALSE  |
| 13  | 18   |   | 2,  | 1, 2,  | 2, 2, 2   | 6  | 3  | 0  | FALSE  |
| 14  | 1  |   |   | 2, 1,  | 2, 2, 1   | 5  | 6  | 0  | FALSE  |
| 15  | 12   |   |   |  | 2, 2, 1   | 3  | 5  | 0  | FALSE  |
| 16  | 14   |   |   |  | 2, 2, 2   | 3  | 5  | 0  | FALSE  |
| 17  | 17   |   |   |  | 2, 1, 1   | 3  | 4  | 0  | FALSE  |
| 18  | 5  |   |   |  | 1   | 1  | 4  | 0  | FALSE  |
|   | ah sanya si an   |   |   |  |   | +  | alustan bain   | aluatan nuava  | a anuma da   |
| 1<br>2<br>3<br>4<br>5<br>6<br>7<br>8<br>9<br>10<br>11<br>12<br>13<br>14 | 16 2<br>4 9<br>11 3<br>15 2<br>13 7<br>8 10<br>18 1        | 2, 1, 2, 1<br>2, 1, 2<br>2, 1, 2<br>2, 1, 2<br>2, 1<br>2, 1 | , 2,<br>, 1,<br>, 1,<br>, 2,<br>, 2,<br>, 1,<br>, 1,<br>, 2,<br>, 2 | 2, 2, 2, 2, 2, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 2, 1, 2, 2, 1, 2,  | 2, 2, 2, 2, 2, 2, 1, 1, 2, 2, 1, 2, 2, 1, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, | 10<br>10<br>9<br>9<br>8<br>8<br>7<br>7<br>6<br>6<br>6<br>6<br>5<br>3 | 4<br>3<br>5<br>2<br>5<br>1<br>1<br>5<br>4<br>5<br>6<br>3 | cluster_nuevo<br>0<br>0<br>0<br>0<br>0<br>0<br>0<br>0<br>0<br>0<br>0 | TRUE TRUE FALSE FALSE FALSE FALSE FALSE FALSE FALSE FALSE TRUE FALSE FALSE FALSE FALSE FALSE FALSE FALSE FALSE FALSE |
| 1<br>2<br>3<br>4<br>5<br>6<br>7<br>8<br>9<br>10<br>11<br>12<br>13       | 6 2<br>16 2<br>4 9<br>11 3<br>15 2<br>13 7<br>8 10<br>18 1 | 2, 1, 2, 1<br>2, 1, 2<br>2, 1, 2<br>2, 1, 2<br>2, 1<br>2, 1 | , 2,<br>, 1,<br>, 1,<br>, 2,<br>, 2,<br>, 1,<br>, 1,<br>, 2,<br>, 2 | 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 1, 2, 1, 1, 2, 11, 2 | 2, 2, 2, 2, 2, 2, 1, 1, 2, 2, 1, 2, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 2, 2, 2, 2, 1, 1, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 1  | 10<br>10<br>9<br>9<br>8<br>8<br>7<br>7<br>6<br>6<br>6<br>6           | 4<br>3<br>5<br>2<br>5<br>1<br>1<br>5<br>4<br>5<br>6<br>3 | 000000000000000000000000000000000000000                              | TRUE TRUE FALSE FALSE FALSE FALSE FALSE FALSE FALSE FALSE TRUE FALSE TRUE FALSE TRUE FALSE                           |

Figura 4.9: Búsqueda de hermanos

A continuación, se procede a comprobar si las observaciones de un tamaño k pueden ser o no hermanos con algún elemento de k-1 y todavía no han sido agrupados, al igual que en el primer paso, se comprueba que poseen el mismo prefijo, en la Figura 4.10 se pude ver que las observaciones  $O_6$ ,  $O_{16}$  y  $O_{11}$  cumplen dicha condición y por tanto buscamos sus primos para el cluster=2.

|                                  |  |  |                                 | <b>.</b>                                |  |
|----------------------------------|--|--|---------------------------------|---|--|
| posicion observa                 |  |  |                                 | cluster_nuevo                           |  |
| 1                                | 6 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2, 2,  | 2, 1 10  | 4                               | 0                                       | TRUE   |
| 2                                | 16 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2, 2,   | _, _   | 3                               | 0                                       | TRUE   |
| 3                                | 4 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2,   | •  | 5                               | 0                                       | FALSE  |
| 4                                | 9 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2,   | ,  | 5                               | 0                                       | FALSE  |
| 5                                | 11 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2,  |  | 2                               | 0                                       | FALSE  |
| 6                                | 3 2, 1, 2, 1, 2, 2,  |  | 5                               | 0                                       | FALSE  |
| 7                                | 15 2, 1, 2, 1, 2, 2,   |  | 1                               | 0                                       | FALSE  |
| 8                                | 2 2, 1, 2, 1, 2,   |  | 1                               | 0                                       | FALSE  |
| 9                                | 13 2, 1, 2, 1, 2,  | 1, 2 7   | 5                               | 0                                       | FALSE  |
| 10                               | 7 2, 1, 2, 1,  | 1, 1 6   | 4                               | 0                                       | TRUE   |
| 11                               | 8 2, 1, 2, 1,  | 1, 2 6   | 5                               | 0                                       | FALSE  |
| 12                               | 10 2, 1, 2, 2,   | 2, 1 6   | 6                               | 0                                       | FALSE  |
| 13                               | 18 2, 1, 2, 2,   |  | 3                               | 0                                       | TRUE   |
| 14                               | 1 2, 1, 2,   | 2, 1 5   | 6                               | 0                                       | FALSE  |
| 15                               |  | 2, 1 3   | 5                               | 0                                       | FALSE  |
| 16                               | _14 2,   |  | 5                               | 0                                       | FALSE  |
| 17                               | 17 2,  | 1, 1 3   | 4                               | 0                                       | TRUE   |
| 18                               | 5  | 1 1  | 4                               | 0                                       | TRUE   |
| posicion observa                 |  |  | cluster_hoja                    | cluster_nuevo                           |  |
| 1                                | 6 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2, 2   | 2, 1 10  | 4                               | 0                                       | TRUE   |
| 2                                | 16 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2, 2  | 2, 2 10  | 3                               | 0                                       | TRUE   |
| 3                                | 4 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2  | , 1, 1 9   | 5                               | 0                                       | FALSE  |
| 4                                | 9 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2  | , 1, 2 9   | _ 5                             | 0                                       | FALSE  |
| 5                                | 11 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2   | , 2, 1 9   | 2                               | 0                                       | TRUE   |
| 6                                | 3 2, 1, 2, 1, 2, 2   | , 1, 1 8   | 5                               | 0                                       | FALSE  |
| 7                                | 15 2, 1, 2, 1, 2, 2  |  | 1                               | 0                                       | FALSE  |
| 8                                | 2 2, 1, 2, 1, 2  |  |                                 |   | I ALSL   |
|                                  |  |  | 1                               | 0                                       | FALSE  |
| 9                                | 13 2, 1, 2, 1, 2   | , -, -   | 1<br>_ 5                        | 0                                       |  |
| 9<br>10                          |  | , -, -   |                                 | -                                       | FALSE  |
|                                  | 13 2, 1, 2, 1, 2   | , <b>1</b> , <b>2</b> 7  | 5                               | 0                                       | FALSE<br>FALSE   |
| 10                               | 13 2, 1, 2, 1, 2<br>7 2, 1, 2, 1   | , 1, 2<br>, 1, 1 6   | 5 4                             | 0                                       | FALSE<br>FALSE<br>TRUE   |
| 10<br>11                         | 13 2, 1, 2, 1, 2<br>7 2, 1, 2, 1<br>8 2, 1, 2, 1   | 7<br>1, 1, 1<br>6, 1, 2  | 5<br>4<br>5<br>6                | 0 0                                     | FALSE<br>FALSE<br>TRUE<br>FALSE                                    |
| 10<br>11<br>12                   | 13 2, 1, 2, 1, 2<br>7 2, 1, 2, 1<br>8 2, 1, 2, 1<br>10 2, 1, 2, 2<br>18 2, 1, 2, 2   | 7, 1, 2<br>7, 1, 1<br>6, 1, 2<br>6, 2, 1<br>6, 2, 2<br>6   | 5<br>4<br>5<br>6                | 0 0 0                                   | FALSE<br>FALSE<br>TRUE<br>FALSE<br>FALSE                           |
| 10<br>11<br>12<br>13             | 13 2, 1, 2, 1, 2<br>7 2, 1, 2, 1<br>8 2, 1, 2, 1<br>10 2, 1, 2, 2<br>18 2, 1, 2, 2   | 7, 1, 2<br>7, 1, 1<br>6, 1, 2<br>6, 2, 1<br>6, 2, 2<br>6, 2, 1<br>7, 1, 2<br>6, 2, 1<br>6, 2, 2<br>7, 1, 1<br>6, 1, 2<br>6, 2, 1<br>6, 2, 1<br>7, 2, 1<br>7, 1, 1<br>8, 1, 1, 2<br>8, 2, 1<br>8, 2, 1 | 5<br>4<br>5<br>6                | 0 0 0                                   | FALSE<br>FALSE<br>TRUE<br>FALSE<br>FALSE<br>TRUE                   |
| 10<br>11<br>12<br>13<br>14       | 13 2, 1, 2, 1, 2<br>7 2, 1, 2, 1<br>8 2, 1, 2, 1<br>10 2, 1, 2, 2<br>18 2, 1, 2, 2<br>1 2, 1, 2, 2                           | 7, 1, 2 7, 1, 1 6, 1, 2 6, 2, 1 6, 2, 2 6, 2, 1 5, 2, 1 3  | 5<br>4<br>5<br>6<br>3           |   | FALSE<br>FALSE<br>TRUE<br>FALSE<br>FALSE<br>TRUE<br>FALSE          |
| 10<br>11<br>12<br>13<br>14<br>15 | 13 2, 1, 2, 1, 2<br>7 2, 1, 2, 1<br>8 2, 1, 2, 1<br>10 2, 1, 2, 2<br>18 2, 1, 2, 2<br>1 2, 1, 2<br>1 2, 1, 2<br>12 2<br>14 2 | 7, 1, 2 7, 1, 1 6, 1, 2 6, 2, 1 6, 2, 2 6, 2, 1 5, 2, 1 3  | 5<br>4<br>5<br>6<br>3<br>6<br>5 | 000000000000000000000000000000000000000 | FALSE<br>FALSE<br>TRUE<br>FALSE<br>FALSE<br>TRUE<br>FALSE<br>FALSE |

Figura 4.10: Búsqueda de primos

El siguiente paso consiste aplicar este proceso decrementando el valor de k, en la Figura 4.11 podemos observar como se va agrupando en cada nivel de tamaños de ruta en este caso agrupa aquellos elementos de k y los elementos que en k-1 tienen el mismo prefijo y además también agrupa aquellos que comparten el mismo cluster generado en K-Means, llegando a un cluster compuesto por 15 observaciones que componen un nuevo conjunto generado por Merge, nuevamente se aplica este proceso hasta que no se pueda agrupar más.

```
posicion observacion
                                                                                                                                                                                                                                           ruta tamanio cluster_hoja cluster_nuevo agrupado
                                                                                                                                                                                                                                          2,
                                                                                                     6
                                                                                                                                                                                                                                                                                               10
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                TRUE
                                       2
                                                                                               16
                                                                                                                                                                                                                                                                                               10
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 0
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               TRUE
                                                                                                                                                                                                                                                        2
1
2
1
2
1
2
1
2
1
2
1
1
2
1
1
2
1
1
                                       3
                                                                                                                                                                                                                                          1
1,
1,
1,
1,
2,
2,
2,
2,
                                                                                                                                                                                                                                                                                                     9
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 0
                                                                                                    4
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           FALSE
                                                                                                     9
                                                                                                                                                                                                                                                                                                     9
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           FALSE
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 0
                                       5
                                                                                                                                                                                                                                                                                                     9
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 0
                                                                                               11
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               TRUE
                                       6
                                                                                                    3
                                                                                                                                                                                                                                                                                                     8
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 0
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           FALSE
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 0
                                                                                               15
                                                                                                                                                                                                                                                                                                     8
7
7
6
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           FALSE
                                                                                                    2
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           FALSE
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 0
                                      9
                                                                                               13
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           FALSE
                                  10
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               TRUE
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 0
                                 11
                                                                                                     8
                                                                                                                                                                                                                                                                                                     6
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           FALSE
                                                                                               10
                                                                                                                                                                                                                                                                                                     6
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           FALSE
                                                                                                                                                                                                                                                                                                     6
5
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 0
                                 13
                                                                                               18
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               TRUE
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 0
                                 14
                                                                                                   1
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           FALSE
                                                                                               12
                                                                                                                                                                                                                                                                                                     3
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 0
                                 15
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           FALSE
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 Ö
                                                                                                                                                                                                                                                                                                     3
                                  16
                                                                                               14
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           FALSE
                                  17
                                                                                               17
                                                                                                                                                                                                                                                                                                     3
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 0
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               TRUE
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 0
                                                                                                    5
                                 18
                                                                                                                                                                                                                                                                                                     1
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               TRUE
                                                                                                                                                                                                                                         ruta tamanio cluster<u>hoia c</u>luster<u>nuevo agrupado</u>
posicion observacion
                                                                                                                           1, 2,
1, 2,
2, 1,
2, 1,
2, 1,
2, 2,
                                                                                                           2,
2,
                                                                                                                                                                         2, 2, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 
                                                                                                                                                                                                      2,
2,
2,
2,
2,
1,
1,
2,
2,
2,
1,
                                                                                                                                                                                                                       2, 2,
2, 2,
2, 1,
2, 2,
2, 1,
2, 1,
2, 1,
1, 1,
1, 1,
1, 2,
2, 2,
2, 2,
2, 2,
2, 2,
2, 2,
2, 2, 1,
                                                                                                   6
                                                                                                                                                         1,
1,
2,
2,
1,
1,
2,
                                                                                                                                                                                                                                                       1
2
1
2
1
2
1
2
1
2
1
2
1
2
1
1
2
1
1
                                     2
3
                                                                                              16
                                                                                                                                                                                                                                                                                            10
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              0
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             TRUE
                                                                                                  4
                                                                                                                                                                                                                                                                                                 9
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     5
5
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              0
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             TRUE
                                     4
                                                                                                  9
                                                                                                                                                                                                                                                                                                 9
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              0
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             TRUE
                                                                                                                                                                                                                                                                                                  9
                                    5
                                                                                             11
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              0
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             TRUE
                                    6
7
                                                                                                  3
                                                                                                                                                                                                                                                                                                  8
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              0
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             TRUE
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     1
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              0
                                                                                             15
                                                                                                                                                                                                                                                                                                 8
7
7
6
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        FALSE
                                    8
                                                                                                  2
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              0
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         FALSE
                                                                                            13
7
                                    9
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              0
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             TRUE
                               10
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              0
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             TRUE
                                                                                                  8
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              0
                                                                                                                                                                                                                                                                                                  6
                               11
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             TRUE
                               12
                                                                                              10
                                                                                                                                                                                                                                                                                                  6
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              0
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         FALSE
                              13
                                                                                                                                                                                                                                                                                                  6
5
                                                                                             18
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              0
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             TRUE
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              0
                               14
                                                                                                 1
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        FALSE
                              15
                                                                                            12
                                                                                                                                                                                                                                                                                                  3
3
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              0
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             TRUE
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              0
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             TRUE
                               16
                                                                                             14
                               17
                                                                                             17
                                                                                                                                                                                                                                                                                                  3
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              0
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             TRUE
                              18
                                                                                                  5
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             TRUE
```

Figura 4.11: Búsqueda de elementos hermanos y primos en k-1

# 5. Resultados de los algoritmos

Los resultados arrojados de manera individual por K-Means y Hierarchical clustering nos ha permitido observar la generación de lo que podríamos llamar dos tipos de agrupaciones, en el caso de K-Means agrupaciones numerosas pero de escasos individuos, mientras que en el caso de Hierarchical clustering pocas agrupaciones de muchos elementos.

En las figuras 5.1 y 5.2 podemos ver la clasificación final generada por Merge, en la columna cluster nuevo se aprecia la clasificación generada por *Merge* mediante la búsqueda de observaciones hermanas y primas, en este caso se ha generado 2 clusters de tamaño 14 y 4 respectivamente.

| posicion observ | acion/ |                        | ruta   | tamanio | cluster_hoja | cluster_nuevo | agrupado |
|-----------------|--------|------------------------|--------|---------|--------------|---------------|----------|
| 1               | 62,    | , 1, 2, 1, 2, 2, 2, 2, | 2, 1   | 10      | 4            | 4             | TRUE     |
| 2               | 16 2,  | , 1, 2, 1, 2, 2, 2, 2, | 2, 2   | 10      | 3            | 4             | TRUE     |
| 3               | 4      | 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2,   | , 1, 1 | 9       | 5            | 4             | TRUE     |
| 4               | 9      | 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2,   | , 1, 2 | 9       | 5            | 4             | TRUE     |
| 5               | 11     | 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2,   | , 2, 1 | 9       | 2            | 4             | TRUE     |
| 6               | 3      | 2, 1, 2, 1, 2, 2,      | , 1, 1 | 8       | 5            | 4             | TRUE     |
| 7               | 15     | 2, 1, 2, 1, 2, 2,      | , 1, 2 | 8       | 1            | 3             | TRUE     |
| 8               | 2      | <u> </u>               | 1, 1   | 7       | 1            | 3             | TRUF     |
| 9               | 13     | 2, 1, 2, 1, 2,         | , 1, 2 | 7       | 5            | 4             | TRUE     |
| 10              | 7      | 2, 1, 2, 1,            | , 1, 1 | 6       | 4            | 4             | TRUE     |
| 11              | 8      | 2, 1, 2, 1,            | 1, 2   | 6       | 5            | 4             | TRUE     |
| 12              | 10     | 2, 1, 2, 2,            | 2, 1   | 6       | 6            | 3             | FALSE    |
| 13              | 18     | 2, 1, 2, 2,            | 2, 2   | 6       | 3            | 4             | TRUE     |
| 14              | 1      | 2, 1, 2,               | , 2, 1 | 5       | 6            | 3             | FALSE    |
| 15              | 12     | 2,                     | , 2, 1 | 3       | 5            | 4             | TRUE     |
| 16              | 14     | 2,                     | , 2, 2 | 3       | 5            | 4             | TRUE     |
| 17              | 17     | 2,                     | , 1, 1 | 3       | 4            | 4             | TRUE     |
| 18              | 5      |                        | 1      | 1       | 4            | 4             | TRUE     |

Figura 5.1: Agrupación generada por Merge

| posicion | observacion |         |       |    |    |    | rut | a | tamanio | cluster_hoja | cluster_nuevo | agrupado |
|----------|-------------|---------|-------|----|----|----|-----|---|---------|--------------|---------------|----------|
| . 1      | 6           | 2, 1, 2 | 1, 2, | 2, | 2, | 2, |     |   | 10      | 4            | - 5           | TRUE     |
| 2        | 16          | 2, 1, 2 | 1, 2, | 2, | 2, | 2, | 2,  | 2 | 10      | 3            | 5             | TRUE     |
| 3        | 4           | 2, 1    | 2, 1, | 2, | 2, | 2, | 1,  | 1 | 9       | 5            | 5             | TRUE     |
| 4        | 9           | 2, 1,   | 2, 1, | 2, | 2, | 2, | 1,  | 2 | 9       | 5            | 5             | TRUE     |
| 5        | 11          | 2, 1,   | 2, 1, | 2, | 2, | 2, | 2,  | 1 | 9       | 2            | 5             | TRUE     |
| 6        | 3           | 2 ,     | 1, 2, | 1, | 2, | 2, | 1,  | 1 | 8       | 5            | 5             | TRUE     |
| 7        | 15          | 2 ,     | 1, 2, | 1, | 2, | 2, | 1,  | 2 | 8       | 1            | 4             | TRUE     |
| 8        | 2           |         | 2, 1, | 2, | 1, | 2, | 1,  | 1 | 7       | 1            | 4             | TRUE     |
| 9        | 13          |         | 2, 1, | 2, | 1, | 2, | 1,  | 2 | 7       | 5            | 5             | TRUE     |
| ) 10     | 7           |         | 2,    | 1, | 2, | 1, | 1,  | 1 | 6       | 4            | 5             | TRUE     |
| . 11     | 8           |         |       | 1, |    |    |     |   | 6       | 5            | 5             | TRUE     |
| 12       | 10          |         | 2,    | 1, | 2, | 2, | 2,  | 1 | 6       | 6            | 4             | TRUE     |
| 13       | 18          |         | 2,    | 1, |    |    |     |   | 6       | 3            | 5             | TRUE     |
| . 14     | 1           |         |       | 2, | 1, | 2, | 2,  | 1 | 5       | 6            | 4             | TRUE     |
| 15       | 12          |         |       |    |    | 2, | 2,  | 1 | 3       | 5            | 5             | TRUE     |
| 16       | 14          |         |       |    |    |    | 2,  |   | 3       | 5            | 5             | TRUE     |
| 17       | 17          |         |       |    |    | 2, | 1,  | 1 | 3       | 4            | 5             | TRUE     |
| 18       | 5           |         |       |    |    |    |     | 1 | 1       | 4            | 5             | TRUE     |

Figura 5.2: Agrupación Merge

El último paso que realiza nuestro algoritmo es comprobar el tamaño de los nuevos conjuntos generados, en aquellos cluster que la cantidad de elementos sea mayor que el número establecido en el paso 1, se procede a subdividir dichos conjuntos para adecuarse a esa restricción de tamaño. Como se puede apreciar en la Figura 5.3.

| nosision observ | vacion |                     | nuta   | +  | cluston bois | cluston nuovo | agunado |
|-----------------|--------|---------------------|--------|----|--------------|---------------|---------|
| posicion obser  |        |                     |        |    | cruster_noja | cluster_nuevo |         |
| 1               | 62,    | 1, 2, 1, 2, 2, 2, 2 | , 2, 1 | 10 | 4            | 5             | TRUE    |
| 2               | 16 2,  | 1, 2, 1, 2, 2, 2, 2 | , 2, 2 | 10 | 3            | 5             | TRUE    |
| 3               | 4      | 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2 | , 1, 1 | 9  | 5            | 5             | TRUE    |
| 4               | 9      | 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2 | , 1, 2 | 9  | 5            | 5             | TRUE    |
| 5               | 11     | 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2 | , 2, 1 | 9  | 2            | 6             | TRUE    |
| 6               | 3      | 2, 1, 2, 1, 2, 2    | , 1, 1 | 8  | 5            | 6             | TRUE    |
| 7               | 15     | 2, 1, 2, 1, 2, 2    | , 1, 2 | 8  | 1            | 4             | TRUE    |
| 8               | 2      | 2, 1, 2, 1, 2       | , 1, 1 | 7  | 1            | 4             | TRUE    |
| 9               | 13     | 2, 1, 2, 1, 2       | , 1, 2 | 7  | 5            | 6             | TRUE    |
| 10              | 7      | 2, 1, 2, 1          | , 1, 1 | 6  | 4            | 6             | TRUE    |
| 11              | 8      | 2, 1, 2, 1          | , 1, 2 | 6  | 5            | 7             | TRUE    |
| 12              | 10     | 2, 1, 2, 2          | , 2, 1 | 6  | 6            | 4             | TRUE    |
| 13              | 18     | 2, 1, 2, 2          | , 2, 2 | 6  | 3            | 7             | TRUE    |
| 14              | 1      | 2, 1, 2             | , 2, 1 | 5  | 6            | 4             | TRUE    |
| 15              | 12     | 2                   | , 2, 1 | 3  | 5            | 7             | TRUE    |
| 16              | 14     | 2                   | , 2, 2 | 3  | 5            | 7             | TRUE    |
| 17              | 17     | 2                   | , 1, 1 | 3  | 4            | 8             | TRUE    |
| 18              | 5      |                     | 1      | 1  | 4            | 8             | TRUE    |

Figura 5.3: Resultado final

El algoritmo Merge ha generado un número aceptable de agrupaciones de un tamaño similar por lo que consideramos que la fusión de los dos algoritmos ha mejorado la clasificación.

### 5.1. Análisis de resultados

Analizando los resultados sobre cada ejecución de los algoritmos es que las calles agrupadas son las siguientes:

#### • Primer cluster

Senda peatonal, Alcalá

#### Segundo cluster

San Bernardo

#### Tercero cluster

Paseo de recoletos, Ronda de Valencia

#### Cuarto cluster

Genova, Hortaleza, Emperador Carlos V, Fuencarral

#### Quinto cluster

Bailen, Mayor, Atocha, Carrera de San Jerónimo, Huertas, Toledo, Gran vía

#### Sexto cluster

Princesa, Alberto Aguilera

Podemos apreciar la existencia de clusters de un solo elemento que no resultan relevantes para nuestro proposito, mientras que en la ejecución de Hierarchical clustering podemos observar grupos con las siguientes calles:

#### Primer cluster

Fuencarral

#### Segundo cluster

Senda peatonal, Alcalá, San Bernardo, Paseo de recoletos, Ronda de Valencia, Genova, Hortaleza, Emperador Carlos V, Fuencarral, Bailen, Mayor, Atocha, Carrera de San Jerónimo, Huertas, Princesa, Alberto Aguilera

#### • Tercero cluster

Toledo, Gran vía

Hierarchical clustering genera grupos tanto numerosos como escasos de elementos. Mediante nuestro nuevo algoritmo conseguimos 5 clusters con los siguientes elementos:

#### • Primer cluster

Genova, Paseo de recoletos, Bailen, Mayor

#### Segundo cluster

Atocha, San Bernardo, San Jerónimo, Hortaleza

#### ■ Tercero cluster

Senda peatonal, Alcalá, Princesa, Alberto Aguilera

#### Cuarto cluster

Huertas, Ronda de Valencia, Toledo, Gran Vía

#### Quinto cluster

Emperador Carlos V, Fuencarral

Podemos concluir que mediante la unión de K-Means y Hierarchical clustering *Merge* ha creado agrupaciones de datos con tamaños similares, considero que puede ser un buen algoritmo y que su aplicación puede resultar relevante.

### 6. Conclusión

Este proyecto se presentó como la implementación del algoritmo Merge presentado en el artículo [4] mediante el lenguaje R, se siguió cada una de las especificaciones establecidas en dicho artículo y se estuvo en constante comunicación con las autoras del trabajo [4].

De este trabajo he profundizado en los fundamentos de dos algoritmos muy utilizados, como son K-Means y Hierarchical clustering, y he aprendido como se puede aprovechar la utilidad de estos algoritmos para crear un algoritmo nuevo que se enfoca en el tamaño de los clusters.

Todo este desarrollo me ha ayudado a entender que los algoritmos ya desarrollados, en general no se pueden siempre aplicar y de ello, la importancia de la búsqueda y desarrollo de nuevos métodos de resolución de problemas.

Una vez implementado el algoritmo y utilizado con un conjunto de datos de prueba podemos concluir que se ha alcanzado los objetivos propuestos en este proyecto y confío en que en el futuro, *Merge* sea de gran utilidad en la comunidad científica.

# Bibliografía

- [1] Bhanu yerra's blog a place to collect odd items and ruminate over, yes you got it, odd items! https://mlbhanuyerra.github.io/2018-02-19-Clustering-K-means/, 2022.
- [2] Knn and kmeans. https://harshkr21august.medium.com/knn-and-kmeans-b741dfccb69, 2019.
- [3] Unsupervised learning-hierarchical clustering. https://mmsubra1.medium.com/unsupervised-learning-hierarchical-clustering-3dc3cfbe100, 2020.
- [4] Victoria López and Sonia Estévez-Martín. A cluster merge algorithm to classify on/offline records of researchers in programming training. *Implementation of a new classification algorithm in the R language.*, 2020.
- [5] Ross Ihaka and Robert Gentleman. R: a language for data analysis and graphics. *Journal of computational and graphical statistics*, 5(3):299–314, 1996.
- [6] J Allaire. Rstudio: integrated development environment for r. Boston, MA, 770(394):165-171, 2012.
- [7] Honorio Enrique Crespo Díaz Alejo. Portal de datos abiertos del ayuntamiento de madrid. Consultor de los ayuntamientos y de los juzgados: Revista técnica especializada en administración local y justicia municipal, (3):128–144, 2020.
- [8] Fernando Caparrini. Algoritmos de clustering fernando sancho caparrini. Algorithm Clustering, 2020.

- [9] Jose Heras. Clustering (agrupamiento), k-means con ejemplos en python iartificial.net. https://www.iartificial.net/clustering-agrupamiento-kmeans-ejemplos-en-python/#K-Means, 2022.
- [10] K-means. https://www.unioviedo.es/compnum/laboratorios\_py/kmeans/kmeans.html#kmeans.