



دانشكده مهندسي كامپيوتر

دكتر مرضيه ملكي مجد

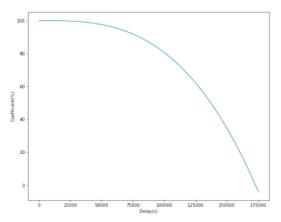
زمستان ۱۳۹۹

تحلیل و طراحی الگوریتمها تمرین سری دوم

تاریخ تحویل: ۱۵ فروردین ساعت ۲۳:۵۹

قوانين:

- اسؤالات تئوری نیاز به اثبات درستی و تحلیل زمان اجرا دارد.
- ا برای سؤالات تئوری باید تصویر مناسبی از جواب سؤال در کوئرا آپلود کنید.
- پاسخ سوالات تئوری باید با خودکار آبی (و یا رنگهای دیگری که در تصویر کمرنگ نباشند مانند مشکی) و ترجیحا برروی برگهی برگهی با شد. (ا ستفاده از برگههای خطدار که خطهای آن از نوشته شما پررنگ تر نباشد و نوشتههای پشت برگه بر روی برگه اثر نگذارد، مانعی ندارد.) همچنین امکان تحویل پاسخ سوالات بهصورت تایپشده وجود دارد.
 - ♣ بخشهای مختلف سؤال را جداگانه بنویسید و مشخص کنید هر قسمت در راستای پاسخ به کدام قسمت است.
- ادد. هراه حل خود را تمیز و با خط خوانا بنویسید، هرگونه مشکل که منجر به ناخوانا بودن جواب شود کسر نمره به همراه دارد.
- - 🛨 در سوالات عملی، توضیحات دقیق تر درمورد نحوهی ورودی و خروجی داخل کوئرا داده شده است.
- انز اثبات نمایید.) برای پاسخهای خود اثبات قانع کننده ارائه دهید. (به طور مثال اگر مرتبه زمانی برای یک سؤال مینویسید، درستی آن را نیز اثبات نمایید.)
- الله عنده گرفتن از تمرین دیگران و کدهای موجود در اینترنت که موجب تشابه بالای کد شما با دیگری شود، تقلب محسوب می شود و نمره ی منفی برای شما منظور خواهد شد.
- اه حل سؤال های تئوری را به طور مختصر و دقیق توضیح دهید. توضیحات بی مورد و همچنین عدم توضیح (برای یک قسمت از سؤال) هر دو کسر نمره دارد.
- ا تأخیر در ارسال تمرینها براساس نمودار زیر محاسبه خواهد شد. محور افقی نمودار، مقدار تاخیر به ثانیه و محور عمودی، ضریب اعمالی در نمره تمرین است.



درمورد این سری تمرین به نکات زیر توجه داشته باشید:

- ♣ مبحث اصلی این تمرین، الگوریتم حریصانه (Greedy) میباشد و از شما انتظار میرود برای پاسخ به سوالات، راهحلهای مرتبط با این مبحث را ارائه دهید.
- لله توجه داشته باشید که در این سری تمرین باید، به سوالات اول و دوم تنها به صورت تئوری، به سوالات سوم و چهارم به صورت تئوری و عملی و به سوال پنجم تنها به صورت عملی پاسخ دهید.
 - **↓** پیاده سازی الگوریتم سوالهای ۳ تا ٥ باید با یکی از زبان های مجاز در کوئرا باشد.
- ♣ فایل پا سخ تئوری تمرین خود را به صورت شماره ی دانشجویی_نام و نام خانوادگی_HW2 نام گذاری کرده و ار سال کنید. (برای مثال HW2_88000000). دقت کنید درغیراین صورت، تمرین شما تصحیح نخواهد شد.

سوال اول

با توجه به الگوريتم هافمن، به سوالات زير پاسخ دهيد:

- ۱. چرا این الگوریتم را در دستهی الگوریتمهای حریصانه قرار میدهند؟
- ۲. جمله ی زیر را با استفاده از این الگوریتم، کدگذاری کنید. مراحل اجرای الگوریتم را مرحله به مرحله نشان دهید.
 (به بزرگ یا کوچک بودن حروف و علائم نگارشی دقت کنید.)

of-all-the-vids-I-have-ever-viewed,-I-have-never-viewed-one-as-valued-as-this-vid (of all the vids I have ever viewed, I have never viewed one as valued as this vid)

۳. آیا در این الگوریتم برای کدگذاری کردن یک عبارت، به کاراکتر جداکننده نیاز داریم؟ چرا؟

سوال دوم

عید نوروز نزدیک است و قرار است یک مسابقه ی موسیقی محلی و سنتی ویژه، به صورت مجازی برگزار شود. از شما دعوت می کنیم تا با حضور در این جشنواره، از آن لذت ببرید! برنده ی این مسابقه به قید قرعه انتخاب خواهد شد. کسانی که قصد دارند برنده ی خوش شانس این قرعه کشی باشند، باید در اجراهای این جشنواره شرکت کنند. این جشنواره یک جشنواره ی موسیقی برای هنرمندان نوظهور است. به منظور تشویق هنرمندان برای حضور در مسابقه، بلیط رایگان برای قرعه کشی به آنها اعطا خواهد شد.

فرض کنید هر اجرا h ساعت به طول می انجامد و اگر در آن شرکت کنید، به تعداد v بلیط دریافت خواهید کرد. هم چنین، درصورتی که حین انجام مسابقه، قصد انصراف داشته باشید، کسری از آن بلیط را دریافت می کنید. به عنوان مثال، فرض کنید یک اجرا v ساعت طول بکشد و مجموعا ۱۰ بلیط دریافت کند. اگر فقط در v ساعت از اجرا شرکت کنید، به اندازه ی v بعنی v بلیط دریافت خواهید کرد. حال فرض کنید v مرحله راه اندازی شده است و قبل از موعد مقرر، برنامه ی تمامی اجراها به شما داده خواهد شد. هر اجرای v دارای زوج مرتب v امنافی و غیرصفر دارند. هم چنین می توانید زمان شروع، مدت زمان و تعداد بلیط حاصل شده است که هر یک مقادیر نامنفی و غیرصفر دارند. هم چنین می توانید فرض کنید فاصله ی بین اجراها ناچیز است.

الگوریتم بهینه ای ارائه دهید که تعداد بلیطهای دریافتی شما را در قرعه کشی به حداکثر برساند. توصیفی از نحوه ی اجرای الگوریتم خود، مرتبه زمانی و اثبات بهینه بودن آن ارائه دهید.

سوال سوم

مسألهی خردکردن n سِنت را با استفاده از سکههای ۱۰ سنتی، ۵ سنتی و ۱ سنتی درنظر بگیرید که از کمینهی تعداد سکهها استفاده می کند. به عنوان مثال، ۲۸ سنت را می توان با ۲ عدد سکه (دو عدد ۱۰ سنتی، یک عدد ۵ سنتی و سه عدد ۱ سنتی) خرد کرد ولی با کمتر از ۲ عدد سکه، امکان خرد کردن ۲۸ سنت وجود ندارد.

- 1. یک الگوریتم حریصانه برای حل این مسئله ارائه دهید. (Pseudocode الگوریتم خود را بنویسید).
- ۲. اگر به جای سه سکهی فوق، از بین چهار نوع سکه (۲۵ سنتی، ۱۰ سنتی، ۵ سنتی و ۱ سنتی) سه نوع را انتخاب
 کنیم، آیا الگوریتم ارائه شده قادر به تولید پاسخ بهینه برای این مسأله خواهد بود؟ با ذکر مثال توضیح دهید. (تمامی حالات انتخاب ۳ سکه از ٤ سکه را بررسی کنید.)
- ۳. ثابت کنید الگوریتم حریصانه ی ارائه شده، n سنت را (با فرض اینکه n یک عدد مثبت باشد و چهار نوع سکه ی
 ۲۵ سنتی، ۱۰ سنتی، ۵ سنتی و ۱ سنتی داشته باشیم) با استفاده از حداکثر دو عدد ۱۰ سنتی، حداکثر یک عدد ۵ سنتی و حداکثر چهار عدد ۱ سنتی خرد می کند و نمی تواند دو عدد ۱۰ سنتی و یک عدد ۵ سنتی را به طور همزمان داشته باشد. همچنین، مجموع مقادیر سکه های ۱۰، ۵ و ۱ سنتی نمی تواند از ۲۶ سنت بیشتر باشد.
- ٤. در حالاتی که الگوریتم حریصانه جواب بهینه را با ما ارائه نمی دهد، چه پیشنهادی دارید؟ الگوریتم پیشنهادی خود
 را نوشته و مرتبه زمانی و حافظه ای آن را با الگوریتم حریصانه مقایسه کنید.

سوال چهارم

آلیس و بانی دو خواهر هستند که همیشه به سروکلهی همدیگر میزنند! روزی آنها یک آلبوم عکس خانوادگی قدیمی را از اتاق زیرشیروانی پیدا می کنند و شروع به بحث درمورد آن می کنند که چه کسی باید کدام عکسها را برای خودش بردارد. پس از مدتی، آنها تصمیم می گیرند که مسابقهای برای انتخاب عکسها بین خود برگزار کنند البته به شرطی که آلیس شروع کننده ی مسابقه باشد.

ابتدا n پشته (Stack) از عکسها را ایجاد می کنند که در هر پشته دویقا دو عکس وجود دارد. در هر نوبت، هر فرد می تواند a پیانگر تنها یک عکس را از بالای یکی از پشته ها بردارد. هر عکس دارای دو عدد صحیح غیرمنفی a و b است. عدد a بیانگر این است که عکس مربوطه، دارای ارزش a واحد خوشحالی برای آلیس است و عدد a نیز بیانگر a واحد خوشحالی آن عکس برای بانی است. هم چنین ممکن است برای عکسهای گوناگون، مقادیر a و a متفاوت باشند.

هر نفر مجاز است به جای برداشتن عکس از نوبت خود بگذرد. بازی زمانی تمام می شود که تمامی عکسها برداشته شوند و یا هر دو فرد پشت سر هم از نوبت خود بگذرند. نکته ی قابل توجه این است که هیچ یک از دو بازیکن، تلاش نمی کنند میزان خوشحالی خود را بیشینه کنند بلکه هر بازیکن تلاش می کند فاصله ی میزان خوشحالی خود را با دیگری بیشینه کند.

با فرض اینکه آلیس و بانی مسابقه را به صورت بهینه برگزار کنند، الگوریتمی حریصانه ارائه دهید که اختلاف میزان خوشحالی آنها را محاسبه کند. به عبارت دیگر، اگر در پایان مسابقه مجموع میزان خوشحالی آلیس x باشد و مجموع میزان خوشحالی بانی y باشد، شما باید مقدار x-y را محاسبه کنید.

سوال پنجم

چندروزی است که دوستان قدیمی لیته به سراغ او آمدهاند و بعضی اوقات با او چت می کنند. لیته که در این موارد آدم بسیار زبده ای است، به خوبی می تواند با استفاده از پیامهای روز قبل آنها، پیش بینی کند که در روز بعد در چه زمانهایی به او پیام می دهند و تا چه زمانی می توانند منتظر جواب بمانند. هم چنین با توجه به برنامه ریزی دقیقی که لیته همیشه دارد، می تواند این را نیز تشخیص دهد که در روز آتی توانایی چت کردن او چهقدر خواهد بود، یعنی در یک دقیقه حداکثر با چند نفر می تواند چت کند. چالشی که وجود دارد، این است که آیا او می تواند در زمانهایی که دوستانش انتظار دارند، به آنها جواب بدهد یا خیر. توجه کنید که جواب دادن به هر نفر دقیقا یک دقیقه طول می کشد، چه با فرد دیگری به طور همزمان باشد، چه تنها نفری باشد که لیته در حال جواب دادن به اوست. با ورودی گرفتن تعداد افرادی که می خواهند با لیته چت کنند و هم چنین قابلیت تعداد چت همزمان لیته و بازه ی مورد انتظار هرکس برای دریافت پاسخ از لیته، مشخص کنید آیا لیته می تواند در زمان مطلوب پاسخ همه ی دوستانش را بدهد یا خیر.

موفق باشید.

سال نو مبارك!