Konstruksjon av høydimensjonale nevralt nettverk-potensialer for molekylærdynamikk

John-Anders Stende

Fysisk institutt Universitetet i Oslo

Masterpresentasjon, oktober 2017

Molekylærdynamikk

Nevrale nettverk

Nevralt nettverk-potensial

LAMMPS og TensorFlow

Konstruksjon av nevralt nettverk-potensial (NNP)

Hva er molekylærdynamikk?

- Numerisk metode for å simulere atomers og molekylers bevegelser i gasser, væsker og faste stoffer.
- Virtuelt eksperiment.

Dynamikk

- ▶ Partiklenes interaksjoner styrer dynamikken.
- ▶ Interaksjonene bestemmes av et kraftfelt **F**:

$$\mathbf{F} = -\nabla V(\mathbf{r})$$

Potensiell energiflate / potensial):

$$V(\mathbf{r}), \quad \mathbf{r} = (\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2, \cdots, \mathbf{r}_N)$$

▶ V(r) inneholder all fysikken.

Ab inito molekylærdynamikk Løse Schrödinger-likningen ved hvert tidssteg. Klassisk molekylærdynamikk Bruke en predefinert analytisk funksjon.

Klassisk potensial

$$V(\mathbf{r}) \approx \sum_{i}^{N} V_1(\mathbf{r}_i) + \sum_{i,j}^{N} V_2(\mathbf{r}_i, \mathbf{r}_j) + \sum_{i,j,k}^{N} V_3(\mathbf{r}_i, \mathbf{r}_j, \mathbf{r}_k) + \dots$$

Hvordan bør leddene se ut? Eksperiementer / kvantemekanikk

"Fysisk" strategi:

- 1. Starte med en funksjonsform med noen parametre.
- 2. Bestemme parametre fra eksperimentelle data.

"Matematisk" strategi:

- 1. Produsere kvantemekaniske data.
- 2. Tilpasse en generell funksjonsform til dataene.

Interpolere datasett

- Spliner
- ► Minste kvadraters metode
- Maskinlæring

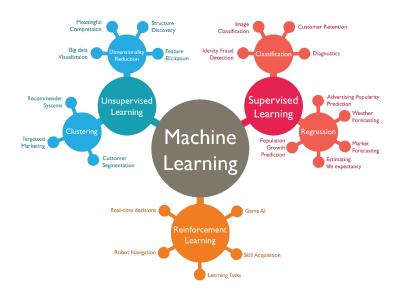
Molekylærdynamikk

Nevrale nettverk

Nevralt nettverk-potensial

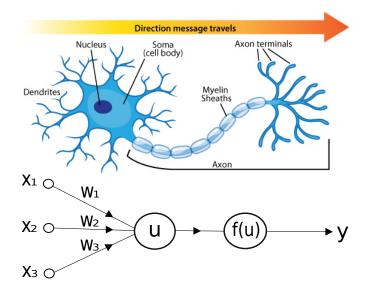
LAMMPS og TensorFlow

Konstruksjon av nevralt nettverk-potensial (NNP)



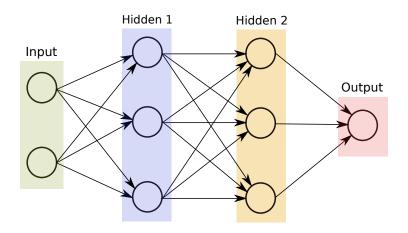
Kunstige nevrale nettverk

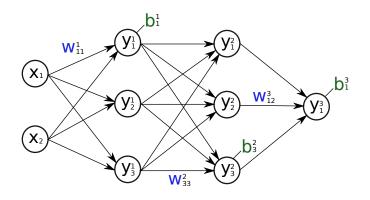
- ► Etterlikne en biologisk hjerne
- Nettverk av matematiske nevroner



$$X_1 \bigcirc W_1$$
 $X_2 \bigcirc W_2 \qquad U \qquad f(U) \qquad y$
 $X_3 \bigcirc W_3 \qquad V$

$$y = f\left(\sum_{i=1}^{n} w_i x_i + b_i\right) = f(u)$$

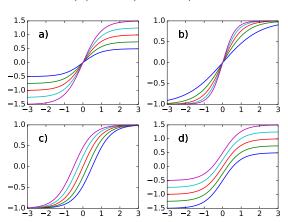




$$y_i^1 = f_1(u_i^1) = f_1\left(\sum_{j=1}^2 w_{ij}^1 x_j + b_i^1\right)$$

$$y_1^3 = f_3 \left[\sum_{j=1}^3 w_{1j}^3 f_2 \left(\sum_{k=1}^3 w_{jk}^2 f_1 \left(\sum_{m=1}^2 w_{km}^1 x_m + b_k^1 \right) + b_j^2 \right) + b_1^3 \right]$$

$$h(x) = c_1 f(c_2 x + c_3) + c_4$$



Matrix notation

$$y_i^2 = f_2 \left(\sum_{j=1}^3 w_{ij}^2 y_j^1 + b_i^2 \right)$$

$$\mathbf{y}_2 = f_2(\mathbf{W}_2 \mathbf{y}_1 + \mathbf{b}_2) = f_2 \left(\begin{bmatrix} w_{11}^2 & w_{12}^2 & w_{13}^2 \\ w_{21}^2 & w_{22}^2 & w_{23}^2 \\ w_{31}^2 & w_{32}^2 & w_{33}^2 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} y_1^1 \\ y_2^1 \\ y_3^1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} b_1^2 \\ b_2^2 \\ b_3^2 \end{bmatrix} \right)$$

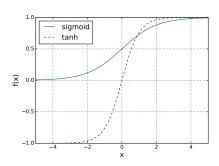
Activation functions

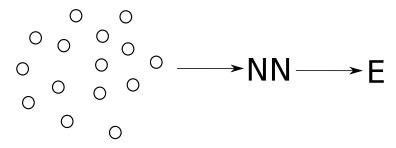
The sigmoid

$$f(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

and the hyperbolic tangent

$$f(x) = \tanh(x)$$





Regresjon med nevralt nettverk

- ightharpoonup Regresjon: Interpolere datasett $X \to Y$
- \triangleright X: inputdata, Y: outputdata, X_{i*} : treningseksempel.
- Trening: Iterativt minimere feilen til et sett med kjente energier.

Feilen defineres ved en cost-funksjon:

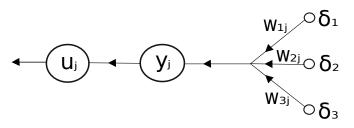
$$\Gamma = \Gamma(\{W_I\}, \{\mathbf{b}_I\}, X, Y) = \frac{1}{2N} \sum_{i=1}^{N} (Y_i - y_i)^2$$

Optimering med gradient descent:

$$\theta_{k+1} = \theta_k - \gamma \nabla_{\theta_k} \Gamma(\theta)$$

Mange forskjellige måter å justere γ på.

Hvordan finne gradienten av nettet?



Backpropagation

- 1. Sender hvert treningsseksempel gjennom nettet.
- 2. Output (energi) sammenliknes med kjent energi.
- 3. Feilen propagares *bakover* ved kjerneregelen og vektene justeres.

Molekylærdynamikk

Nevrale nettverk

Nevralt nettverk-potensial

LAMMPS og TensorFlow

Konstruksjon av nevralt nettverk-potensial (NNP)

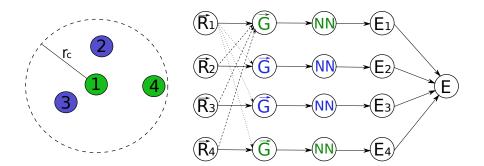
Flere muligheter

- Et eller flere nettverk?
- Hvordan representere energien?

Behler-Parrinello-metoden

$$E = \sum_{i=1}^{N} E_i$$

- Atomsentrert: Hver atomenergi E_i avhenger av alle naboatomer opp til en cutoff r_c .
- Hvert atom har et eget nettverk og et sett av symmetrifunksjoner som beskriver cutoff-kulen.
- Hver atomtype har identiske nettverk og symmetryfunskjonssett.



Cutoff-funksjon

$$f_c(r_{ij}) = \begin{cases} 0.5 \left[\cos \left(\frac{\pi r_{ij}}{r_c} \right) + 1 \right], & r_{ij} \le r_c \\ 0, & r_{ij} > r_c \end{cases}$$

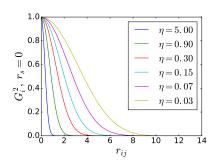
$$\begin{array}{c} 1.0 \\ 0.8 \\ 0.6 \\ 0.4 \\ 0.2 \\ 0.8 \\ 0.0 \end{array}$$

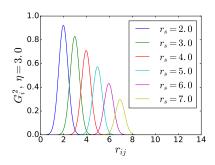
$$\begin{array}{c} 0.6 \\ 0.2 \\ 0.4 \\ 0.2 \\ 0.8 \end{array}$$

 r_{ij}/r_c

Radiell symmetrifunksjon

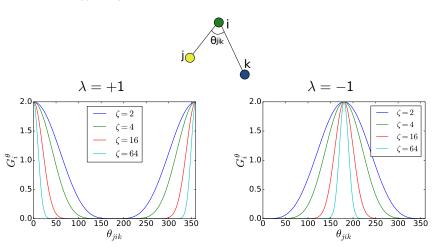
$$G_i^2 = \sum_{i=1}^{N} \exp[-\eta (r_{ij} - r_s)^2] f_c(r_{ij})$$





Angulær symmetrifunksjon

$$G_i^5 = 2^{1-\zeta} \sum_{j \neq i} \sum_{k > j} \left[(1 + \lambda \cos \theta_{jik})^{\zeta} \exp(-\eta (r_{ij}^2 + r_{ik}^2)) f_c(r_{ij}) f_c(r_{ik}) \right]$$



Krefter

$$E_i = \mathrm{NN}_e[\mathbf{G}_e(\mathbf{r}_{ij})]$$

$$F_{i,x} = -\sum_{j=1}^{N_i+1} \frac{\partial E_j}{\partial x} = -\sum_{j=1}^{N_i+1} \sum_{s=1}^{M_j} \frac{\partial E_j}{\partial G_{j,s}} \frac{\partial G_{j,s}}{\partial x}$$

Molekylærdynamikk

Nevrale nettverk

Nevralt nettverk-potensial

LAMMPS og TensorFlow

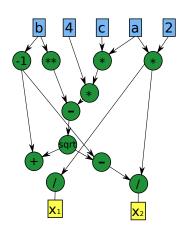
Konstruksjon av nevralt nettverk-potensial (NNP)

LAMMPS

- Simuleringspakke for klassisk molekylærdynamikk utviklet ved Sandia National Laboratories.
- Kjøres ved inputscripts med egen syntaks.
- Vi har utvidet med samplingsalgoritme og nevralt nettverk-potensial.

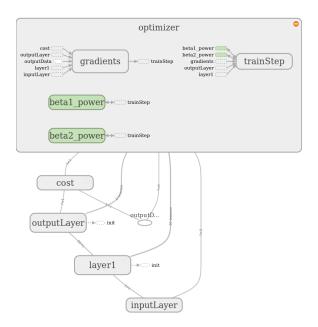
TensorFlow

- Maskinlæringspakke utviklet av Google.
- Setter opp nevrale nettverk som data flow-grafer (DFG).
- ▶ DFG: En graf bestående av noder som er forbundet av kanter med retning.
- Noder er matematiske operasjoner, kanter er tensorer.



$$ax^2 + bx + c = 0$$

$$x_1 = \frac{-b + \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$
$$x_2 = \frac{-b - \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$



Molekylærdynamikk

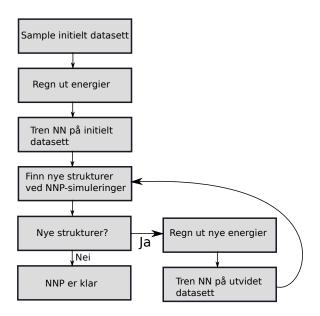
Nevrale nettverk

Nevralt nettverk-potensial

LAMMPS og TensorFlow

Konstruksjon av nevralt nettverk-potensial (NNP)

- 1. Generere treningsdata som er relevant for applikasjonen av NNP.
- 2. Trene et nevralt nettverk for å tilpasse en funksjon til dataene.
- 3. Bruke det trente nettverket som et analytisk potensial i molekylærdynamikksimuleringer.



Molekylærdynamikk

Nevrale nettverk

Nevralt nettverk-potensial

LAMMPS og TensorFlow

Konstruksjon av nevralt nettverk-potensial (NNP)

Initiell sampling

- ▶ Stillinger-Weber.
- ▶ $T \in [0,500]$ K.
- ► Konfigurasjoner og energies samples ved samplingsalgoritme.

