Projet 1: Pavage de Penrose et Tours de Hanoi

Marco Freire, Clément Legrand-Duchesne

ENS de Rennes, Département Informatique 1A

29 septembre 2017

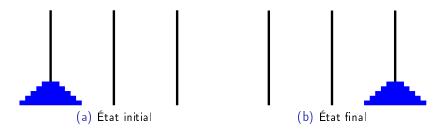


Principe du pavage

EMPTY FRAME

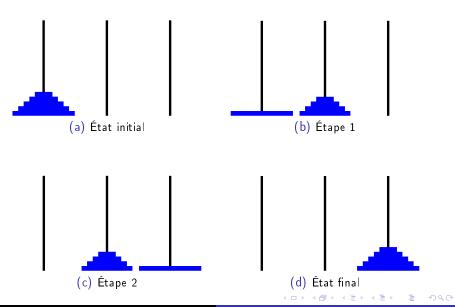
EMPTY FRAME

Principe du jeu



Le joueur doit déplacer les n disques initiaux du premier piquet au dernier en réalisant un seul mouvement à la fois, et avec la contrainte suivante : aucun disque ne peut être empilé à aucun moment sur un disque de taille inférieure.

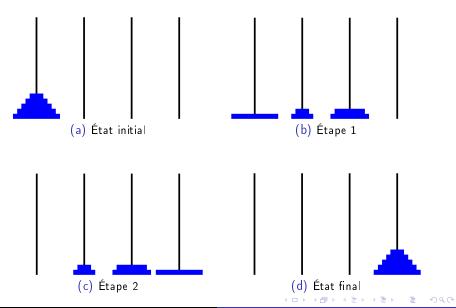
Algorithme simple



Calcul du nombre de déplacements

```
Initialisation M(0) = 1
Relation de récurrence M(n) = 2M(n-1) + 1
Relation générale M(n) = 2^n - 1
```

Algorithme généralisé



Choix et extensions

La situation globale est représentée par un tableau de piles.

Extensions créées :

- affichage graphique;
- généralisation du problème à n piquets.

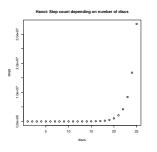
Problèmes rencontrés

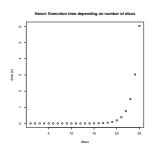
Différents problèmes :

- premier algorithme non-généralisable;
- 2 généralisation de l'affichage.

Algorithme simple

Le nombre de déplacements de disques effectués pas l'algorithme dans le cas où il n'y a que trois piquets est optimal.



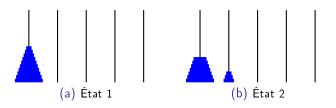


Les résultats expérimentaux sont en accord avec le calcul théorique :le nombre de mouvements le temps d'exécution sont fonction exponentielle du nombre initial de disques

Algorithme généralisé

À ce jour, la solution optimale des Tours de Hanoi à plus de quatre piquets est un problème ouvert.

L'algorithme ici utilisé n'utilise pas la totalité de piquets libres.



Dans cette situation, pour passer d'un état à l'autre, uniquement le dernier piquet est utilisé pour stocker des disques, alors que les autres pourraient être utilisés de façon à effectuer moins de mouvements.