# Projet 1: Pavage de Penrose et Tours de Hanoi

Marco Freire, Clément Legrand-Duchesne

ENS de Rennes, Département Informatique 1A

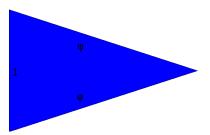
29 septembre 2017



### Plan

- Pavage de Penrose
  - Principe
  - Implémentation
  - Améliorations
- 2 Tours de Hanoi
  - Principe
  - Implémentation
  - Améliorations

# Principe du pavage

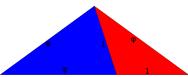


(a) Triangle d'or aigu



φ φ 1

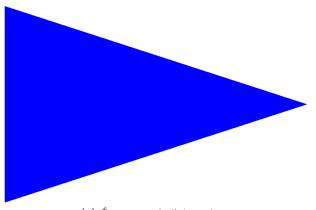
(b) Découpe en trois triangles d'or



(d) Découpe en deux triangles d'or

## Un premier algorithme

Découpe récursive en partant d'un grand triangle initial.



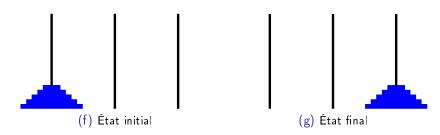
(e) Éxécution de l'algorithme



Principe Implémentation Améliorations

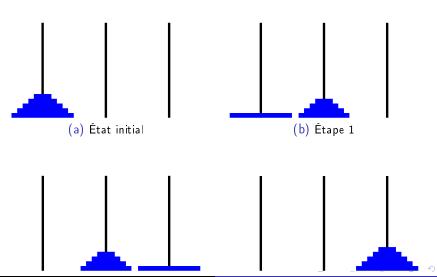
**EMPTY FRAME** 

## Principe du jeu



Le joueur doit déplacer les n disques initiaux du premier piquet au dernier en réalisant un seul mouvement à la fois, et avec la contrainte suivante : aucun disque ne peut être empilé à aucun moment sur un disque de taille inférieure.

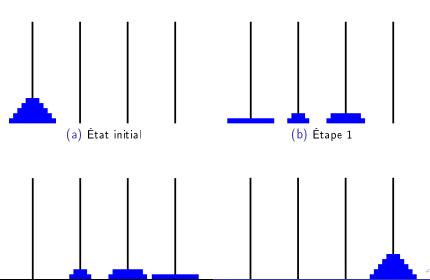
# Algorithme simple



# Calcul du nombre de déplacements

```
Initialisation M(0)=1
Relation de récurrence M(n)=2M(n-1)+1
Relation générale M(n)=2^n-1
```

# Algorithme généralisé



### Choix et extensions

La situation globale est représentée par un tableau de piles.

#### Extensions créées :

- affichage graphique;
- généralisation du problème à n piquets.

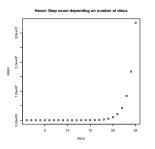
### Problèmes rencontrés

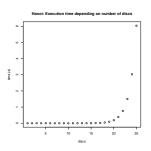
#### Différents problèmes :

- premier algorithme non-généralisable;
- généralisation de l'affichage.

# Algorithme simple

Le nombre de déplacements de disques effectués pas l'algorithme dans le cas où il n'y a que trois piquets est optimal.



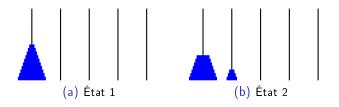


Les résultats expérimentaux sont en accord avec le calcul théorique :le nombre de mouvements le temps d'exécution sont fonction exponentielle du nombre initial de disques.

# Algorithme généralisé

À ce jour, la solution optimale des Tours de Hanoi à plus de quatre piquets est un problème ouvert.

L'algorithme ici utilisé n'utilise pas la totalité de piquets libres.



Dans cette situation, pour passer d'un état à l'autre, uniquement le dernier piquet est utilisé pour stocker des disques, alors que les autres pourraient être utilisés de façon à effectuer moins de mouvements.