Projet 1: Pavage de Penrose et Tours de Hanoi

Marco Freire, Clément Legrand-Duchesne

ENS de Rennes, Département Informatique 1A

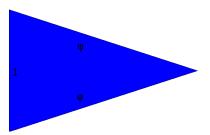
29 septembre 2017



Plan

- Pavage de Penrose
 - Principe
 - Implémentation
 - Améliorations
- 2 Tours de Hanoi
 - Principe
 - Implémentation
 - Améliorations

Principe du pavage

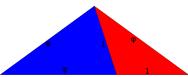


(a) Triangle d'or aigu



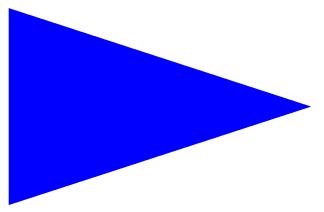
φ φ 1

(b) Découpe en trois triangles d'or



(d) Découpe en deux triangles d'or

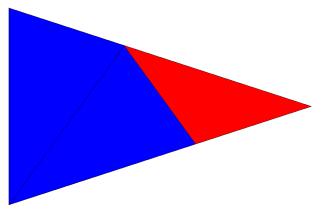
Découpe récursive en partant d'un grand triangle initial.



Execution de l'algorithme



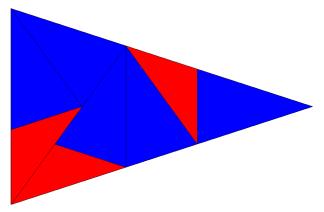
Découpe récursive en partant d'un grand triangle initial.



Execution de l'algorithme

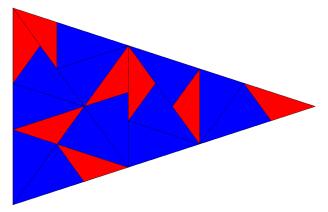


Découpe récursive en partant d'un grand triangle initial.



Execution de l'algorithme

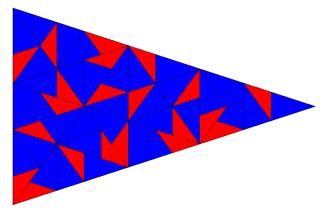
Découpe récursive en partant d'un grand triangle initial.



Execution de l'algorithme



Découpe récursive en partant d'un grand triangle initial.



Execution de l'algorithme



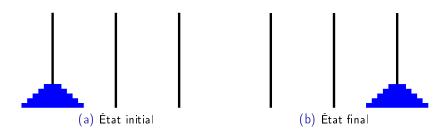
Limite du premier algorithme

- parcours en profondeur de l'arbre des découpes;
- 2 le remplissage des triangles efface les bordures si celles ci ont été tracées avant.

Principe Implémentation Améliorations

EMPTY FRAME

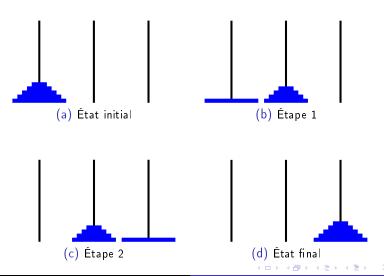
Principe du jeu



Le joueur doit déplacer les *n* disques initiaux du premier piquet au dernier en réalisant un seul mouvement à la fois, et avec la contrainte suivante : aucun disque ne peut être empilé à aucun moment sur un disque de taille inférieure.



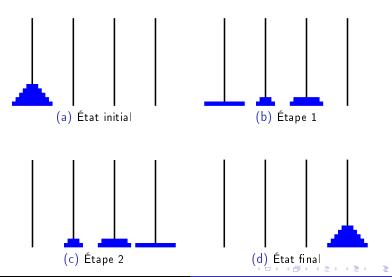
Algorithme simple



Calcul du nombre de déplacements

```
Initialisation M(0)=1
Relation de récurrence M(n)=2M(n-1)+1
Relation générale M(n)=2^n-1
```

Algorithme généralisé



Choix et extensions

La situation globale est représentée par un tableau de piles.

Extensions créées :

- affichage graphique;
- généralisation du problème à *p* piquets.

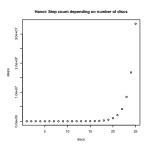
Problèmes rencontrés

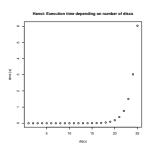
Différents problèmes :

- premier algorithme non-généralisable;
- généralisation de l'affichage.

Algorithme simple

Le nombre de déplacements de disques effectués pas l'algorithme dans le cas où il n'y a que trois piquets est optimal.



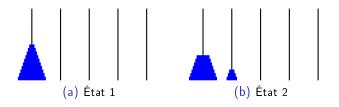


Les résultats expérimentaux sont en accord avec le calcul théorique :le nombre de mouvements le temps d'exécution sont fonction exponentielle du nombre initial de disques.

Algorithme généralisé

À ce jour, la solution optimale des Tours de Hanoi à plus de quatre piquets est un problème ouvert.

L'algorithme ici utilisé n'utilise pas la totalité de piquets libres.



Dans cette situation, pour passer d'un état à l'autre, uniquement le dernier piquet est utilisé pour stocker des disques, alors que les autres pourraient être utilisés de façon à effectuer moins de mouvements.