Optymalizacja systemu sygnalizacji świetlnej w oparciu o przepływowy model ruchu pojazdów.

Michał Lis

30 sierpnia 2019

Spis treści

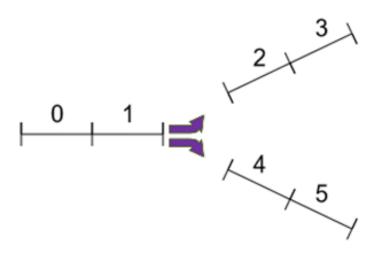
1	Śro	Środowiska symulacyjne i ich nauka			
	1.1	Środowisko 11			
		1.1.1	Sygnalizacje świetlne	6	
		1.1.2	Możliwe do wykonania manewry	6	
		1.1.3	Przepływ pojazdów	7	
		1.1.4	Pojęcie zatoru	Ĝ	
		1.1.5	Przykład przepływu pojazdów na zatłoczonych drogach	6	

4 SPIS TREŚCI

Rozdział 1

Środowiska symulacyjne i ich nauka

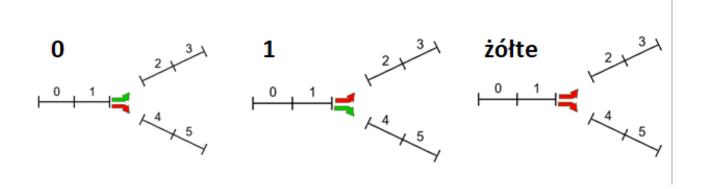
1.1 Środowisko 11



Rysunek 1.1: środowisko 11

Środowisko posiada 3 jednokierunkowe drogi. Każda droga ma 2 odcinki co daje w sumie 6 odcinków (są numerowane od 0 co widać na rysunku (1.1)). W sieci dróg znajduje się jedno skrzyżowanie. Jest do niego przypisany agent, który odpowiada za sterowanie sygnalizacją świetlną.

1.1.1 Sygnalizacje świetlne



Rysunek 1.2: środowisko 11 - fazy świateł

Skrzyżowanie posiada 3 fazy świetlne przedstawione powyżej. Fazy 0 i 1 posiadają pewne zielone światła i umożliwiają ruch. Automatycznie ustawiana jest faza żółtych świateł przez 2 interwały czasowe w przypadku podjęcia akcji zmiany aktualnej fazy. Agent może także oczywiście przedłużyć aktualną fazę.

1.1.2 Możliwe do wykonania manewry

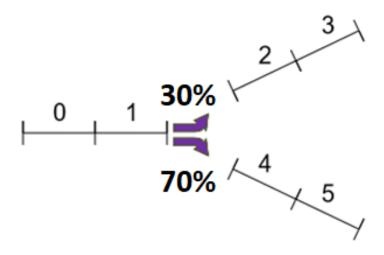
Niech wektor [i, j] będzie manewrem polegającym na bezpośrednim przejeździe z odcinka i na odcinek j. Zostanie teraz zdefiniowana macierz sygnalizacji świetlnej \mathbf{S} . Określa ona wykonalność dowolnego manewru.

$$S_{ij} = \begin{cases} 0 & \text{dla niemożliwego manewru} \\ 0 & \text{dla manewru wstrzymanego przez czerwone światło} \\ 1 & \text{dla manewru zezwolonego przez zielone światło} \\ 1 & \text{dla manewru nie wymagającego sygnalizacji świetlnej} \end{cases}$$
 (1.4)

Przykłady poszczególnych manewrów są następujące:

- \bullet (1.1) Niemożliwym manewrem jest np. [0,2], gdyż nie ma możliwości bezpośredniego przejazdu z odcinka 0 do 2.
- \bullet (1.2) Dla fazy świetlnej 0 manewrem zatrzymanym przez czerwone światło jest [1, 4].
- $\bullet \ (1.3)$ Manewrem zezwolonym przez zielone światło dla fazy 0 jest [1,2].
- (1.4) Prawidłowym manewrem bez sygnalizacji świetlnej są manewry [0,1], [2,3], [4,5].

1.1.3 Przepływ pojazdów



Rysunek 1.3: środowisko 11 - fazy świateł

Pojazdy pokonują jeden odcinek podczas jednego pełnego interwału czasowego. Skrzyżowanie posiada dwa możliwe manewry do wykonania. Dla każdego pojazdu prawdopodobieństwo skrętu w prawo to 70 procent. Jazda w lewo z kolei to pozostałe 30 procent prawdopodobieństwa. Taki sposób przepływu definiuje rzadką macierz prawdopodobieństwa ${\bf P}$ o wymiarach 6 na 6.

- P[1,2] = 0.3 wyznacza manewr skrętu w lewo
- $\bullet~\mathbf{P}[1,4] = 0.7$ wyznacza manew
r skrętu w prawo
- \bullet $\mathbf{P}[0,1]=1$ $\mathbf{P}[2,3]=1$ $\mathbf{P}[4,5]=1$ co wynika z przepływu pojazdów pomiędzy sekcjami na jednej drodze
- Pozostałe wartości macierzy P to zera

Macierz stanowa A jest określona następująco:

$$A_{ij} = \begin{cases} 0 & \text{dla } S[i,j] = 0 \lor i \in 3,5 \\ P[i,j] & \text{dla } S[i,j] = 1 \\ 1 - \delta(i) & \text{dla } i = j \land i \notin 3,5 \end{cases}$$
(1.5)
$$(1.6)$$

$$(1.7)$$

Gdzie delta jest sumą wszystkich pozostałych liczb kolumny i rozważanej macierzy, czyli:

$$\delta(i) = \sum_{j \in \{0, \dots, 5\}, j! = i} P[i, j]$$
(1.8)

Dla rozważanego środowiska macierz stanowa jest następująca:

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 1 - \delta(0) & P[1,0] & P[2,0] & 0 & P[4,0] & 0 \\ P[0,1] & 1 - \delta(1) & P[2,1] & 0 & P[4,1] & 0 \\ P[0,2] & P[1,2] & 1 - \delta(2) & 0 & P[4,2] & 0 \\ P[0,3] & P[1,3] & P[2,3] & 0 & P[4,3] & 0 \\ P[0,4] & P[1,4] & P[2,4] & 0 & 1 - \delta(4) & 0 \\ P[0,5] & P[1,5] & P[2,5] & 0 & P[4,5] & 0 \end{bmatrix}$$
(1.9)

Macierz \mathbf{P} jest zależna od aktualnej fazy świetlnej. Jeśli aktualną fazą jest 0 to macierz stanowa jest następująca:

Dla fazy 1 macierz stanowa jest równa:

Końcowe równanie stanu jest następujące:

$$\mathbf{x[t]} = \mathbf{Ax[t-1]} + \mathbf{u[t-1]} \tag{1.12}$$

Gdzie $\mathbf{u}[\mathbf{t}]$ to wektor pojazdów napływających do układu. Wektor określa źródła ruchu drogowego. Dla rozważanego środowiska jedynie pierwszy element wektora \mathbf{u} jest niezerowy i określa on ilość pojazdów napływających do odcinka 0 z poza układu.

1.1.4 Pojecie zatoru

Powyzsze przedstawienie macierzy stanowej nie zawiera w sobie jeszcze pojecia zatoru drogowego. W jednym interwale czasowym moze przejechac przez skrzyzowanie astronomiczna wręcz liczba pojazdów. Dodane zostanie zatem ograniczenie do maksymalnie 10 pojazdów przejezdzajacych wedle ustalonego manewru w trakcie jednego interwału czasowego. Ograniczenie to nie będzie dotyczyło jedynie manewru opuszczenia układu przez pojazdy. Nalezy sformułowac funkcje, która okresli przepływ z uwzglednieniem tworzenia sie zatoru w przypadku wiekszej liczby pojazdów. Niech [i,j] będzie manewrem przejazdu z odcinka i na odcinek j. Wtedy funkcja zatoru jest nastepujaca:

$$f(i,j) = \begin{cases} 0 & \text{dla } \mathbf{S}[i,j] = 0 \text{ - niemożliwy przejazd} \\ \mathbf{P}[i,j] & \text{dla } \mathbf{S}[i,j] = 1 \land \mathbf{P}[i,j]x[i] < 10 \text{ - przejazd bez zatoru} \end{cases}$$
(1.13)
$$\frac{10}{x[i]} & \text{dla } \mathbf{S}[i,j] = 1 \land \mathbf{P}[i,j]x[i] \ge 10 \text{ - przejazd z zatorem}$$
(1.15)

Macierz stanowa A z uwzględnieniem zatorów dla układu z n odcinkami przedstawia się następująco:

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 1 - \delta(0) & f(1,0) & \dots & f(n,0) \\ f(0,1) & 1 - \delta(1) & \dots & f(n,1) \\ f(0,2) & f(1,2) & \dots & f(n,2) \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ f(0,n) & f(35,1) & \dots & 1 - \delta(n) \end{bmatrix}$$
(1.16)

Gdzie δ w tym przypadku to:

$$\delta(i) = \sum_{j \in \{0, \dots, n\}, j! = i} f(i, j)$$
(1.17)

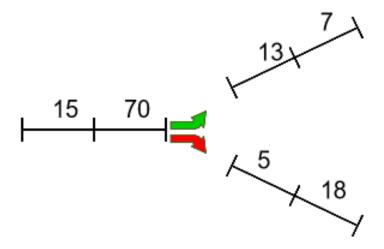
Dla rozważanego środowiska macierz A wedle powyższego wzoru (1.16) to:

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 1 - \delta(0) & f(1,0) & f(2,0) & 0 & f(4,0) & 0 \\ f(0,1) & 1 - \delta(1) & f(2,1) & 0 & f(4,1) & 0 \\ f(0,2) & f(1,2) & 1 - \delta(2) & 0 & f(4,2) & 0 \\ f(0,3) & f(1,3) & f(2,3) & 0 & f(4,3) & 0 \\ f(0,4) & f(1,4) & f(2,4) & 0 & 1 - \delta(4) & 0 \\ f(0,5) & f(1,5) & f(2,5) & 0 & f(4,5) & 0 \end{bmatrix}$$
(1.18)

Równanie stanu $\mathbf{x}[\mathbf{t}] = \mathbf{A}\mathbf{x}[\mathbf{t-1}] + \mathbf{u}[\mathbf{t-1}]$ zgodne z powyżej zdefiniowaną (1.16) macierzą stanu \mathbf{A} opisuje ruch uliczny z uwzględnieniem możliwych zatorów.

1.1.5 Przykład przepływu pojazdów na zatłoczonych drogach

Rozważmy poniższą sytuację na drodze w chwili t-1:



- Zatory są na odcinkach 0,1,2 i 5 (odpowiednio ilości pojazdów 15,70,13,18).
- Obecna faza świetlna to 0.

Prześledźmy rozwój sieci dróg. W tym celu ustalone zostaną macierze ${\bf S}$ oraz ${\bf A}$ dla powyższej sytuacji.

$$\mathbf{S} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$
 (1.19)

Macierz A jest następująca:

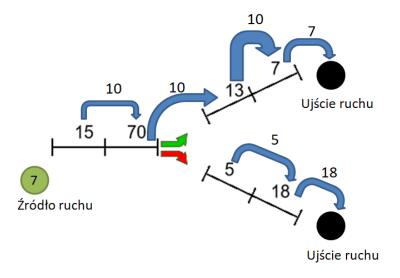
Dla przykładu szczegółowo zostaną policzone wartości zerowej kolumny macierzy \mathbf{A} , która dotyczy pojazdów wyjeżdżających z odcinka 0. Pozostałe wartości są liczone analogicznie.

- Korzystając ze wzoru (1.15) ustalone zostaje $f(0,1) = \frac{10}{15}$. Jest to przypadek zatoru i jedynie 10 pojazdów z 15 przemieszcza się do następnego odcinka.
- Wartości f(0,2), (0,3), (0,4), (0,5) są równe 0, gdyż są to przypadki (1.13) nieistniejących manewrów.
- $A[0,0] = 1 \delta(0) = 1 f(0,1) f(0,2) f(0,3) f(0,4) f(0,5) = 1 \frac{10}{15} 0 0 0 0 = \frac{5}{15}$

11

Ustalone zostaje, że do odcinka 0 wjeżdża z poza układu 7 pojazdów co jest przedstawione w wektorze $\mathbf{u[t-1]}$. Stan w momencie t wyliczony z równania stanu jest następujący:

Poniższy obraz przedstawia sytuację w środowisku w chwili t-1 oraz przepływ pojazdów, który miał miejsce między momentem t-1 a t.



W rezultacie w chwili t obecny jest następujący stan:

