#### Introducción a Haskell

Y a la programación funcional

Pablo Baeyens <a href="mailto:0pbaeyens">0pbaeyens</a>

Mario Román @M42

OSL 2015

# Índice

# ¡Contribuye!

El código fuente de estas diapositivas está disponible en:

github.com/M42/osl-talk-haskell

Erratas, correcciones y aportaciones son bienvenidas.

#### Instalando Haskell Platform

haskell-platform contiene el compilador, depurador y otras utilidades. También podemos instalar ghc:

```
sudo apt-get install haskell-platform
```

Ambos traen un gestor de librerías: cabal.

#### Sin efectos secundarios

Las funciones en los lenguajes funcionales no tienen *efectos* secundarios. No alteran el mundo alrededor ni cambian el valor de los argumentos.

```
int n = 0;
int next() { return n++; }
next(); // n = 1
```

Los objetos son inmutables. Facilita la programación concurrente.

### Las funciones como objetos

Las funciones son objetos de *primera clase*. Pueden ser devueltos por funciones y pueden pasarse como argumentos.

```
duplica lista = map (\lambda \ 	imes 2*x) lista
```

Esto ayuda a reutilizar código.

```
int duplica(int a);
int incrementa(int a);
vector<int> duplica_vector(vector<int> v);
vector<int> incrementa_vector(vector<int> v);
```

Las dos últimas funciones sólo se diferencian en la función que aplican sobre las componentes, eso podría ser un argumento a una función aplica\_vector más general.

# El intérprete: GHCi

GHC incluye GHCi como intérprete. Permite los siguientes comandos:

▶ : q Quitar

► :1 Cargar módulo

▶ :r Recargar módulos

:t Consultar tipos

### El intérprete: GHCi

Las funciones se llaman escribiendo su nombre, un espacio y sus parámetros, separados por espacios:

```
ghci> 3 + 4
7
ghci> (+) 2 9
11
ghci> succ 27
28
ghci> max 23 34
34
```

### Tipos

Usamos :t para ver el tipo de una expresión:

```
ghci> :t True
True :: Bool
ghci> :t 'a'
'a' :: Char
ghci> :t "Unaustring!"
"Unaustring!" :: [Char]
ghci> :t not
not :: Bool → Bool
```

### **Tipos**

Los tipos de Haskell son **fuertes** y **estáticos**. La mayor parte de los errores se detectan en compilación como errores de tipo.

Además son **inferidos**, por lo que no tenemos por qué especificar el tipo de nuestras funciones:

```
ghci> let nand a b = not (a && b) ghci> :t nand nand :: Bool \rightarrow Bool \rightarrow Bool
```

# Clases de tipos

Las clases de tipos agrupan a tipos con la misma interfaz. Por ejemplo, la clase Eq, define la función ==.

```
2 :: Num a \Rightarrow a
pi :: Floating a \Rightarrow a
(==) :: Eq a \Rightarrow a \rightarrow a \rightarrow Bool
```

Las instancias de Num pueden sumarse y multiplicarse, las de Show convertirse a String y sobre las de Integral pueden calcularse restos modulares.

# Variables de tipo

Haskell infiere siempre el tipo más general. Para ello usa variables de tipo, que pueden ser sustituidas:

```
id :: a \rightarrow a
(+) :: Num a \Rightarrow a \rightarrow a \rightarrow a
(<) :: Ord a \Rightarrow a \rightarrow a \rightarrow Bool
```

Las variables pueden restringirse a pertenecer a una clase.

# Tipos algebraicos

Creamos nuevos tipos definiendo **constructores de datos**: funciones que devuelven valores del tipo que definimos.

```
data () = () — Tipo None
data Bool = False | True
data Point = Point Float Float
data Triangle = Triangle Point Point
```

#### Constructores de tipos

Los **constructores de tipos** son funciones sobre tipos: toman un tipo y devuelven otro.

```
"Haskell!" :: [Char]
[1,2,3,4] :: Num a ⇒ [a]
[True, False, False] :: [Bool]
[] :: [a]
Just True :: Maybe Bool
Nothing :: Maybe a
```

#### Constructores de tipos

Sus definiciones son:

```
data [a] = [] | a:[a]
data Maybe a = Nothing | Just a
```

En las **listas**, el primer constructor es la lista vacía y el segundo antepone un elemento a otra lista.

En el caso de **Maybe** podemos tener algo de tipo a (Just a) o nada (Nothing).

### Reconocimiento de patrones

Para definir una función sobre un tipo, definimos su comportamiento para cada constructor de datos del tipo:

```
neg :: Bool \rightarrow Bool
neg False = True
neg True = False
```

Podemos sustituir argumentos del constructor por variables:

```
factorial :: Integral a\Rightarrow a\rightarrow a factorial 0=1 factorial n=n * factorial (n-1)
```

#### Recursividad

Para calcular la **longitud de una lista**, definimos la función para sus dos constructores:

```
len :: Num a \Rightarrow [t] \rightarrow a
len [] = 0
len (\_:xs) = 1 + len xs
```

```
len [1,2,3]:

len (1:2:3:[])

1 + len (2:3:[])

1 + 1 + len (3:[])

1 + 1 + 1 + len []

1 + 1 + 1 + 0

1 + 1 + 1

1 + 2
```

#### Currificación

```
¿Por qué (+) es de tipo a \rightarrow a \rightarrow a y no (a,a) \rightarrow a?
```

Esto nos permite aplicar parcialmente una función. El tipo hay que leerlo realmente como a -> (a -> a), es decir, al darle un número nos devuelve otra función:

Es lo mismo decir (+3) 5 que (+) 3 5.

### Funciones de orden superior

map toma una función y devuelve su versión sobre listas:

$$\mathsf{map} \ :: \ (\mathsf{a} \to \mathsf{b}) \to ([\mathsf{a}] \to [\mathsf{b}])$$

Ejemplo: map not [True, True, False]

foldr toma una función, un acumulador y una lista y aplica los elementos de la lista contra el acumulador.

foldr :: 
$$(a \rightarrow b \rightarrow b) \rightarrow [a] \rightarrow b$$

Ejemplo: foldr (\*) 1 [2,3,5,7]

Definiciones

### Especialización

A partir de estas podemos crear funciones básicas:

```
negation = map not
lowerText = map toLower
sum = foldr (+) 0
product = foldr (*) 1
concat = foldr (++) []
and = foldr (&&) True
```

Ejemplo: lowerText "aBcDEfG"

# Evaluación perezosa

Haskell retrasa la evaluación de una expresión todo lo posible:

```
head [1..10**9] — Sólo evalua 1
```

Esto permite la modularización del código:

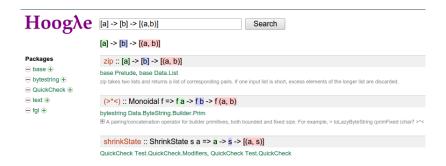
```
min :: Ord a \Rightarrow [a] \rightarrow a
min = head . sort
```

Y el uso de estructuras infinitas:

```
unos = 1:unos
diezDoses = take 10 (map (+1) unos)
```

### Hoogle

Hoogle permite buscar funciones por tipo entre las librerías estándar de Haskell:



#### **Demostraciones**

Como las funciones no tienen efectos secundarios, podemos razonar la corrección del código por inducción:

```
qsort [] = []
qsort (x:xs) = qsort [y | y<-xs, y<=x]
++ [x]
++ qsort [y | y<-xs, y>x]
```

**Demostración:** *Quicksort* funciona porque:

- ordena correctamente una lista vacía.
- ▶ la lista creada mantiene el orden entre las tres partes

#### **Idris**

**Idris**, construido encima de Haskell, demuestra matemáticamente que los programas son correctos.

```
module algebraic
import Language.Reflection
data Bit = 0
and F x = F \square
andAssociative : (a: Bit) ->
                 (b: Bit) ->
                 (c: Bit) ->
                 and (and a b) c = and a (and b c)
andAssociative O b c = refl
 -:--- algebraic.idr Top of 331 (10,11) (Idris! (Not loaded)
- + algebraic.andAssociative [P]
```

# Curry-Howard

Los siguientes tipos están habitados:

```
a \rightarrow a
(a,b) \rightarrow a
a \rightarrow Either a b
```

Por las funciones id, fst y Left. Estos, sin embargo, no:

```
a \rightarrow b

a \rightarrow (a,b)

Either a \ b \rightarrow a \rightarrow b
```

¿Qué tipos de Haskell están habitados?

# Curry-Howard

A cada tipo le corresponde una proposición lógica, cambiando:

- ▶ a -> b por  $a \Rightarrow b$
- $(a,b) por a \lor b$
- Either a b por  $a \wedge b$
- ▶ () por *True*
- ▶ Void por *False*

¿Qué tipos de Haskell están habitados? Aquellos cuya proposición lógica asociada puede demostrarse verdadera.

#### Funciones de orden superior

```
map:
```

```
map :: (a \rightarrow b) \rightarrow ([a] \rightarrow [b])

map f [] = []

map f (x:xs) = f x : map f xs
```

#### foldr:

```
\begin{array}{lll} \text{foldr} & :: & (\mathsf{a} \to \mathsf{b} \to \mathsf{b}) \to \mathsf{b} \to [\mathsf{a}] \to \mathsf{b} \\ \text{foldr} & \text{f} & \text{z} & [] & = & \mathsf{z} \\ \text{foldr} & \text{f} & \text{z} & (\mathsf{x} : \mathsf{x} \mathsf{s}) & = & \text{f} & \mathsf{x} & (\text{foldr} & \mathsf{f} & \mathsf{z} & \mathsf{x} \mathsf{s}) \end{array}
```

√ Funciones