**Universidade de Aveiro**

**MPEI 2020/21**

**1º guião para avaliação**

**Joaquim Andrade nº93432**

**Francisco Silva nº93400**



2.3

1. A) Neste exercício criámos, com uma função for que percorre o número de brinquedos em cada caixa, criando para cada brinquedo três números entre 0 e 1, e cada um desses vai ser comparado com uma das probabilidades de existir um erro do processo do brinquedo. Caso um ou mais dos números seja inferior à uma das probabilidades de se estragar, adicionamos um objeto á variável estragados.

No fim de verificar a caixa, caso o número de objetos estragados seja maior que um a condição A está verificada.

Repetimos o processo acima N (1e6 vezes), e dividimos a quantidade de vezes em que a foi verificada pelo mesmo.

Após observarmos uma oscilação baixa de resultados obtivemos, por simulação, que a probabilidade de A é aproximadamente 0.1274 .

N= 1e6; %numero de experiencias

p1=0.002; %probabilidade de estragar peça

p2=0.005; %probabilidade de estragar peca2

pmontagem= 0.01; %probabilidade de montagem

n=8; %numero de brinquedos na caixa

j=0; %variavel

estraga=0; %varivael2

for f=1: N

for i=1 :n

if (rand <p1)|| (rand <p2)|| (rand <pmontagem) %se algum dos objetos estiver estragado ou o processo de montagem correr mal entra no ciclo

estraga= estraga+1; %adiciona um aos estragados

end

end

if estraga>=1

j=j+1; %número de vezes em que a condição A se verifica

end

estraga=0; %inicializa o numero de objeto de estragados a 0 para a próxima experiência

end

probsimulacao= j/N; %prob simulação

b) Com um código baseado na primeira alínea, caso usámos um número rand e cada vez que este era menor que a percentagem de erro em processo de montagem incrementámos o número de estragados.

Caso exista pelo menos um estragado na caixa, incrementamos uma nova variável que conta o número de brinquedos estragados cada vez que a caixa satisfaz a condição A (variável l).

Repetimos o processo até a oscilação de resultados ser menor. Por fim dividimos l por o número de vezes que a caixa teve pelo menos 1 objeto estragado e obtemos a média de 1,0353 brinquedos estragados por caixa.

N= 1e6; %numero de experiencias

pmontagem= 0.01; %probabilidade de montagem

n=8; %numero de brinquedos na caixa

j=0; %variavel

l=0;

estraga=0; %varivael2

for f=1: N

for i=1 :n

if (rand<pmontagem) %se algum dos objetos estiver estragado ou o processo de montagem correr mal entra no ciclo

estraga= estraga+1; %adiciona um aos estragados

end

end

if estraga>=1

j=j+1; %número de vezes em que a condição A se verifica

l=l+estraga; %número total de brinquedos estragados de todas as vezes que a condição A se verifica

end

estraga=0; %inicializa o numero de objeto de estragados a 0 para a próxima experiência

end

nmedtoys= l/j; %prob simulação

2.A) Esta simulação foi praticamente igual á simulação executada na primeira alínea do exercício 1.A) alterando-o para incrementar apenas quando não existisse nenhum brinquedo estragado na caixa.

Repetidas vezes suficientes o experimento obtivemos 0.8724 como a probabilidade de não existirem brinquedos estragados numa caixa de 8 brinquedos.

N= 1e6; %numero de experiencias

p1=0.002; %probabilidade de estragar peça

p2=0.005; %probabilidade de estragar peca2

pmontagem= 0.01; %probabilidade de montagem

n=8; %numero de brinquedos na caixa

j=0; %variavel

estraga=0; %varivael2

for f=1: N

for i=1 :n

if (rand<p1)|| (rand<p2)|| (rand<pmontagem) %se algum dos objetos estiver estragado ou o processo de montagem correr mal entra no ciclo

estraga= estraga+1; %adiciona um aos estragados

end

end

if estraga==0

j=j+1; %número de vezes em que a condição A se verifica

end

estraga=0; %inicializa o numero de objeto de estragados a 0 para a próxima experiência

end

probsimulacao= j/N; %prob simulação

b)O valor teórico do evento B obtido é 0.8274, que é exatamente igual ao valor obtido no exercício em cima. Concluo então que a probabilidade de simulação é igual á teórica.

p= (1-0.01)\*(1-0.002)\*(1-0.005);

n=8;

k=8;

probteo= factorial(n)/(factorial(n-k)\*factorial(k))\*p^k\*(1-p)^(n-k);

C) Para executar esta função usámos o código escrito na pergunta 2.A) e adicionámos um ciclo alterando o número de brinquedos cada vez que a simulação de um era executada, guardando os resultados num vetor.

Por fim colocámos o vetor na função plot().

N= 1e6; %numero de experiencias

p1=0.002; %probabilidade de estragar peça

p2=0.005; %probabilidade de estragar peca2

pmontagem= 0.01; %probabilidade de montagem

j=0; %variavel

estraga=0; %varivael2

probsimulacao= zeros(20, 1);

for n=2: 20

for f=1: N

for i=1 :n

if (rand <p1)|| (rand<p2)|| (rand <pmontagem) %se algum dos objetos estiver estragado ou o processo de montagem correr mal entra no ciclo

estraga= estraga+1; %adiciona um aos estragados

end

end

if estraga==0

j=j+1; %número de vezes em que a condição A se verifica

end

estraga=0; %inicializa o numero de objeto de estragados a 0 para a próxima experiência

end

probsimulacao(n)= j/N; %prob simulação

j=0;

end

plot(probsimulacao);

D) Verificámos que o número máximo de brinquedos para manter a caixa com 0 brinquedos estragados seriam 6, com uma probabilidade de 0.9028 de não existir nenhum estragado, seguido de sete com uma probabilidade de 0.8875, já inferior ao pretendido.

3.A) Usando novamente como base o código já escrito no problema 2.A) desta vez com um função for a incrementar o número da condição que verifica o número de objetos estragados por cada caixa. No fim criamos um vetor ao qual atribuímos a probabilidade de cada uma das possibilidades de um objeto estragado.

Por fim aplicamos a função stem() e obtemos o gráfico desejado.

N= 1e6; %numero de experiencias

p1=0.002; %probabilidade de estragar peça

p2=0.005; %probabilidade de estragar peca2

pmontagem= 0.01; %probabilidade de montagem

j=0;

n=16;

estraga=0; %varivael2

probsimulacao= zeros(16, 1);

for k=0 : 7

for f=1: N

for i=1 :n

if (rand <p1)|| (rand<p2)|| (rand <pmontagem) %se algum dos objetos estiver estragado ou o processo de montagem correr mal entra no ciclo

estraga= estraga+1; %adiciona um aos estragados

end

end

if estraga==k

j=j+1; %número de vezes em que a condição A se verifica

end

estraga=0; %inicializa o numero de objeto de estragados a 0 para a próxima experiência

end

probsimulacao(k+1)= j/N; %prob simulação

j=0;

end

stem(probsimulacao);

B) A probabilidade de X>=2 é a soma de todos os superiores a 2 juntamente com 2, que é 0.0074. Concluindo que a probabilidade de existir mais que 1 brinquedo estragado numa caixa de 8 brinquedo é inferior a 1%.

C)

D) B) modificámos o número para 16 e a probabilidade de ser superior ou igual a 2 brinquedos estragados aumentou para 0.0293, ou seja quase 3%.

C)

N= 1e5; %numero de experiencias

p1=0.002; %probabilidade de estragar peça

p2=0.005; %probabilidade de estragar peca2

pmontagem= 0.01; %probabilidade de montagem

j=0;

estraga=0;%varivael2

probsimulacao= zeros(16, 1);

for k=0 : 16

for f=1: N

for i=0 :16

if (rand <p1)|| (rand<p2)|| (rand <pmontagem) %se algum dos objetos estiver estragado ou o processo de montagem correr mal entra no ciclo

estraga= estraga+1; %adiciona um aos estragados

end

end

if estraga==k

j=j+1; %número de vezes em que a condição A se verifica

end

estraga=0; %inicializa o numero de objeto de estragados a 0 para a próxima experiência

end

probsimulacao(k+1)= j/N; %prob simulação

j=0;

end

stem(probsimulacao);

**4.A)**

N= 1e6; %numero de experiencias

p1=0.002; %probabilidade de estragar peça

p2=0.005; %probabilidade de estragar peca2

pmontagem= 0.001; %probabilidade de montagem

j=0;

n=20;

random=randperm(20, 20);

estraga=0;

caixa= zeros(20, 1);

for f=1: N

for i=1 :n

if (rand <p1)|| (rand<p2)|| (rand <pmontagem) %se algum dos objetos estiver estragado ou o processo de montagem correr mal entra no ciclo

caixa(random(i))=1;

end

end

if caixa(1)== 0

j=j+1; %número de vezes em que a condição A se verifica

end

estraga=0; %inicializa o numero de objeto de estragados a 0 para a próxima experiência

caixa= zeros(20, 1);

end

probsimulacao= j/N; %prob simulação

**4.B)**

N= 1e5; %numero de experiencias

p1=0.002; %probabilidade de estragar peça

p2=0.005; %probabilidade de estragar peca2

pmontagem= 0.001; %probabilidade de montagem

j=0;

g=0;

n=20;

random=randperm(20, 20);

estraga=0;

caixa= zeros(20, 1);

probsimulacao= zeros(20, 1);

for m=1: 20

for f=1: N

for i=1 :n

if (rand <p1)|| (rand<p2)|| (rand <pmontagem) %se algum dos objetos estiver estragado ou o processo de montagem correr mal entra no ciclo

estraga= estraga +1;

caixa(random(i))=1;

end

end

for i=1: m

if caixa(i)== 1

j=j+1;

break;

end

end

if estraga==0

g=g+1;

end

estraga=0; %inicializa o numero de objeto de estragados a 0 para a próxima experiência

caixa= zeros(20, 1);

end

probsimulacao(m)= g/(N-j);

g=0;

j=0;

end